

数据结构和算法 (Python描述)

郭炜

微信公众号



微博: http://weibo.com/guoweiofpku

学会程序和算法,走遍天下都不怕!

讲义照片均为郭炜拍摄



线性表

线性表

- > 线性表是一个元素构成的序列
- ▶ 该序列有唯一的头元素和尾元素,除了头元素外,每个元素都有唯一的前驱元素,除了尾元素外,每个元素都有唯一的后继元素
- 线性表中的元素属于相同的数据类型,即每个元素所占的空间必须相同。
- 分为顺序表和链表两种



信息科学技术学院





河北草原天路

顺序表

- ➤ 即Python的列表,以及其它语言中的数组
- > 元素在内存中连续存放
- ▶ 每个元素都有唯一序号(下标),且根据序号访问(包括读取和修改)元素的时间复杂度是O(1)的 --- 随机访问
- ➤ 下标为i的元素前驱下标为i-1,后继下标为i+1

顺序表支持的操作

序号	操作	含义	时间复杂度
1	init(n)	生成一个n个元素的顺序表,元素 值随机	O(1)
2	$init(a_0,a_1,a_n)$	生成元素为 $\mathbf{a}_0,\mathbf{a}_1,\dots \mathbf{a}_n$ 的顺序表	O(n)
3	length()	求表中元素个数	O(1)
4	append(x)	在表的尾部添加一个元素x	O(1)
5	pop()	删除表尾元素	O(1)
6	get(i)	返回下标为i的元素	O(1)
7	set(i,x)	将下标为i的元素设置为x	O(1)
8	find(x)	查找元素x在表中的位置	O(n)
9	insert(i,x)	在下标i处插入元素x	O(n)
10	remove(i)	删除下标为i的元素	O(n)

顺序表的append的O(1)复杂度的实现

▶ 总是分配多于实际元素个数的空间(容量大于元素个数)

➤ 元素个数小于容量时, append操作复杂度O(1)

▶ 元素个数等于容量时,append导致重新分配空间,且要拷贝原有元素到新空间,复杂度O(n)

顺序表的append的O(1)复杂度的实现

➤ 重新分配空间时,新容量为旧容量的k倍(k>1且固定),可确保append操作的平均复杂度是O(1)。Python的list取k=1.2左右

假定第一次分配空间时,容量为1。由于元素个数每达到k的幂加1(向上取整)时就需要重新分配存储空间并进行元素的复制,执行k^m次append(x)操作,元素个数达到k^m个时,总共复制过的元素个数是:

$$1 + k + k^{2} + \dots + k^{m-1} = \frac{k^{m} - 1}{k - 1}$$

在元素总数n=km的情况下,平均每次append(x)操作,需要复制的元素个数是:

$$\frac{(k^m - 1)}{k^m (k - 1)} = \frac{n - 1}{n(k - 1)} < \frac{1}{k - 1}$$

因k是常量,所以append(x)操作的平均复杂度是O(1)的。



信息科学技术学院

链表概述



宁夏中卫沙坡头

链表

- > 元素在内存中并非连续存放,元素之间通过指针链接起来
- ➤ 每个结点除了元素,还有next指针,指向后继
- ➤ 不支持随机访问。访问第i个元素,复杂度为O(n)
- 已经找到插入或删除位置的情况下,插入和删除元素的复杂度O(1),且不需要复制或移动结点
- ▶ 有多种形式:
 - 单链表
 - 循环单链表
 - 双向链表
 - 循环双向链表

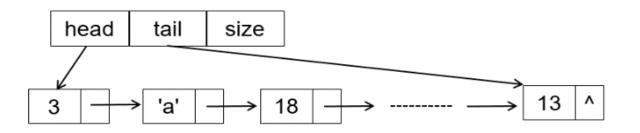


信息科学技术学院

单链表

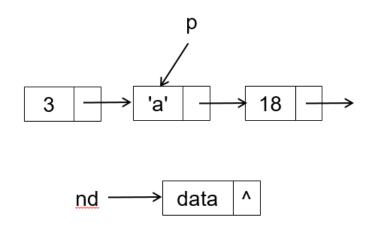


张掖冰沟丹霞

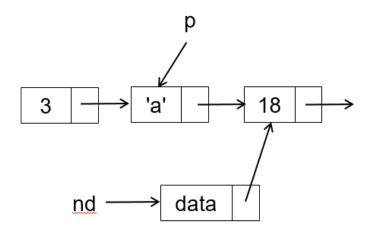


```
def printList(self):
    ptr = self.head
    while ptr is not None:
        print(ptr.data, end=",")
        ptr = ptr.next
```

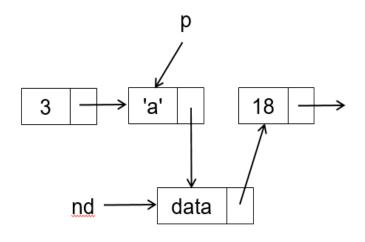
```
def insert(self,p,data): #在结点p后面插入元素
nd = LinkList.Node(data,None)
if self.tail is p: # 新增的结点是新表尾
self.tail = nd
nd.next = p.next
p.next = nd
self.size += 1
```



(1)执行nd = Node(data, None) 新建结点nd



(2)执行nd.next = p.next



(3)执行p.next = nd, 完成插入

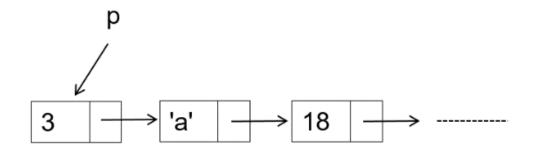
单链表删除元素

#结点空间会被Python自动回收

判断变量是否为None, 应写 p is None, p is not None 最好不要写 p == None, p != None

单链表删除元素

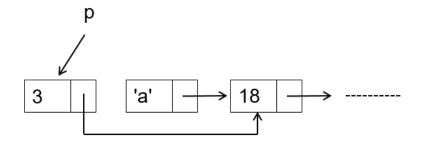
删除p后面的元素



(1)初始状态,将要删除'a'结点

单链表删除元素

删除p后面的元素



(2)执行p.next = p.next.next, 完成删除

```
def popFront(self): #删除前端元素
      if self.head is None:
             raise \
        Exception("Popping front for Empty link list.")
      else:
             self.head = self.head.next
             self.size -= 1
             if self.size == 0:
                    self.head = self.tail = None
def pushBack(self,data): #在尾部添加元素
      if self.size == 0:
             self.pushFront(data)
      else:
             self.insert(self.tail,data)
```

```
def pushFront(self,data): #在链表前端插入一个元素data

nd = LinkList.Node(data, self.head)

self.head = nd

self.size += 1

if self.tail is None:

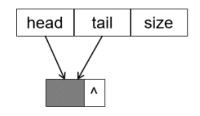
self.tail = nd
```

```
def clear(self):
      self.head = self.tail = None
      self.size = 0
def __iter (self):
      self.ptr = self.head
      return self
def next (self):
      if self.ptr is None:
             raise StopIteration() # 引发异常
      else:
             data = self.ptr.data
             self.ptr = self.ptr.next
             return data
```

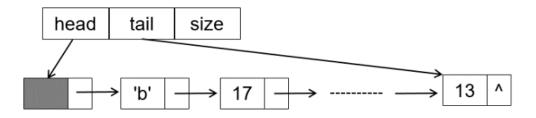
上述实现方式没有实现"隐藏",不是很好的实现方式

带头结点的单链表

> 为避免链表为空是做特殊处理,可以为链表增加一个空闲头结点



带头结点的空单链表



带头结点的非空单链表

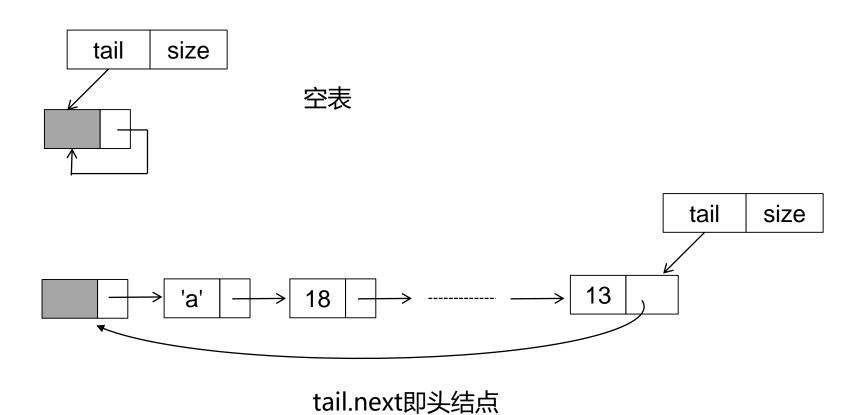
带头结点的单链表

为避免链表为空是做特殊处理,可以为链表增加一个空闲头结点

构造函数:

```
class LinkList:
    def __init__(self):
        self.head = self.tail = LinkList.Node(None,None)
        self.size = 0
```

循环单链表





信息科学技术学院

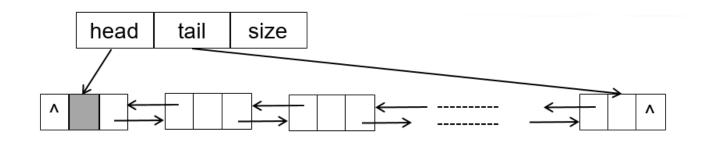
双向链表



张掖平山湖大峡谷

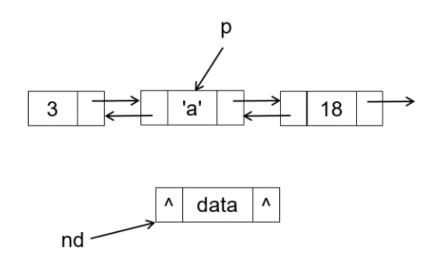
双向链表(双链表)

➤ 每个结点有next指针指向后继,有prev指针指向前驱



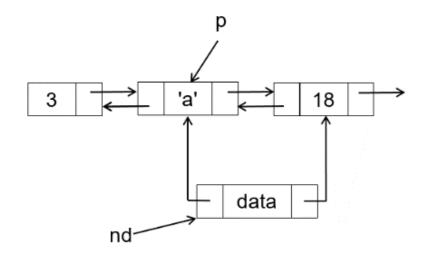
带头结点的双向链表

➤ 在结点p后面插入新结点nd



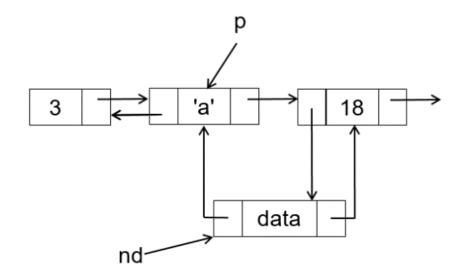
(1)执行nd = Node(data, None, None) 新建结点nd

➤ 在结点p后面插入新结点nd



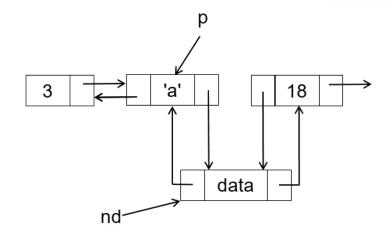
(2) 执行 nd.prev, nd.next = p, p.next

➤ 在结点p后面插入新结点nd



(3)执行p.next.prev = nd

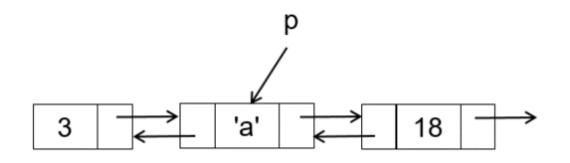
➤ 在结点p后面插入新结点nd



(4)执行**p.next** = **nd**,插入完成

双向链表删除结点

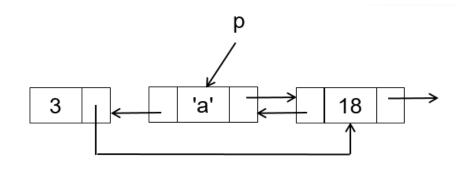
▶ 删除结点p



(1)初始状态, 将要删除'a'结点

双向链表删除结点

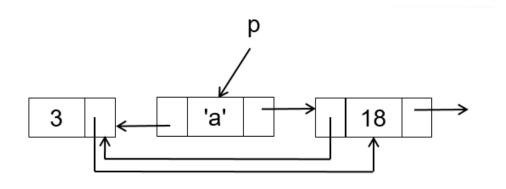
▶ 删除结点p



(2)执行p.prev.next = p.next

双向链表删除结点

▶ 删除结点p



(3)执行 p.nex.prev = p.prev, 完成删除

```
class DoubleLinkList:
   class Node:
       def init (self, data, prev=None, next=None):
          self.data, self.prev, self.next = data, prev, next
   class Iterator:
      def init (self,p):
          self.ptr = p
      def getData(self):
          return self.ptr.data
      def setData(self,data):
          self.ptr.data = data
       def next (self):
          self.ptr = self.ptr.next
          if self.ptr is None:
              return None
          else:
              return DoubleLinkList. Iterator(self.ptr)
```

```
def prev(self):
       self.ptr = self.ptr.prev
       return DoubleLinkList. Iterator(self.ptr)
def init (self):
   self. head = self. tail = \setminus
       DoubleLinkList. Node(None, None, None)
   self. size = 0
def insert(self,p,data):
   nd = DoubleLinkList. Node(data,p,p.next)
   if self. tail is p: #新增的结点是新表尾
       self. tail = nd
   if p.next:
       p.next.prev = nd
   p.next = nd
   self. size += 1
```

```
def delete(self,p): #删除结点p
   if self. size == 0 or p is self. head:
       raise Exception("Illegal deleting.")
   else:
       p.prev.next = p.next
       if p.next: #如果p有后继
          p.next.prev = p.prev
       if self. tail is p:
          self. tail = p.prev
       self. size -= 1
def clear(self):
   self. tail = self. head
   self. head.next = self. head.prev = None
   self.size = 0
def begin(self):
   return DoubleLinkList. Iterator(self. head.next)
def end(self):
   return None
```

```
def insert(self,i,data): #在迭代器i指向的结点后面插入元素
   self. insert(i.ptr,data)
def delete(self, i): # 删除迭代器i指向的结点
   self. delete(i.ptr)
def pushFront(self,data): #在链表前端插入一个元素
   self. insert(self. head,data)
def popFront(self):
   self. delete(self. head.next)
def pushBack(self,data):
   self. insert(self. tail,data)
def popBack(self):
   self. delete(self. tail)
def iter (self):
   self.ptr = self. head.next
   return self
```

```
def next (self):
   if self.ptr is None:
      raise StopIteration() # 引发异常
   else:
      data = self.ptr.data
       self.ptr = self.ptr.next
       return data
def find(self,val): #查找元素val,找到返回迭代器,找不到返回None
   ptr = self. head.next
   while ptr is not None:
       if ptr.data == val:
          return DoubleLinkList. Iterator(ptr)
      ptr = ptr.next
   return self.end()
```

```
def printList(self):
       ptr = self. head.next
       while ptr is not None:
           print(ptr.data,end=",")
           ptr = ptr.next
linkLst = DoubleLinkList()
for i in range(5):
   linkLst.pushBack(i)
i = linkLst.begin()
while i != linkLst.end(): #>>0,1,2,3,4,
   print(i.getData(),end = ",")
   i = next(i)
print()
i = linkLst.find(3)
i.setData(300)
linkLst.printList() #>>0,1,2,300,4,
```

```
print()
linkLst.insert(i,6000) #在i后面插入6000
linkLst.printList() #>>0,1,2,300,6000,4,
print()
linkLst.delete(i)
linkLst.printList() #>>0,1,2,6000,4,
```



信息科学技术学院

链表和顺序表的选择

祁连牛心山

链表和顺序表的选择

▶ 顺序表

中间插入太慢

> 链表

访问第i个元素太慢 顺序访问也慢(现代计算机有cache,访问连续内存域比跳着访问内存区域快很多) 还多费空间

45

结论:尽量选用顺序表。比如栈和队列,都没必要用链表实现 基本只有在找到一个位置后反复要在该位置周围进行增删,才适合用链表 实际工作中几乎用不到链表

链表结合顺序表

> collections.deque:

结合链表和顺序表的特点。

是一张双向链表,每个结点是一个64个元素的顺序表。

```
class Node:
    def __init__(self ,prev=None,next = None):
        self.data = [0 for i in range(64)]
        self.data[0],self.data[-1] = prev,next
```