Programování 1 pro matematiky

8. cvičení, 29-11-2022

Obsah:

- 0. Farní oznamy
- 1. Domácí úkoly
- 2. Řetězce, n-tice, množiny a slovníky
- 3. Zpátky k funkcím: generátory

Farní oznamy

- 1. **Materiály k přednáškám** najdete v GitHub repozitáři https://github.com/PKvasnick/Program ovani-1. Najdete tam také kód ke cvičením a pdf soubory průvodních textů k cvičením.
- 2. Domácí úkoly

Poradili jste si hezky, i když teď chodí méně řešení.

Domácí úkoly

Sloučení utříděných posloupností

Pokud chcete rychlý algoritmus, neupravujte za běhu tvar polí. Tedy neodstraňujte "použité" položky z polí, ale použijte ukazovátka pro aktuální polohu v poli.

Min-max součet

Přímočaré řešení je setřídit čísla a vzít k nejmenších a k největších. Můžeme se ale zamyslet, jestli je toto optimální způsob řešení, protože děláme práci navíc: Nepotřebujete setřídit čísla uprostřed, dokonce ani k nejmenších a největších čísel, stačí vědět, která čísla potřebujete.

Takže můžeme použít modifikovaný algoritmus pro nalezení k-tého největšího čísla, tedy úlohu lze řešit v lineárním čase.

Než se vrátíme k funkcím, probereme z rychlíku základní datové kontejnery. O všech jsme už mluvili, ale teď si povíme víc o jejich vlastnostech a metodách.

Znakové řetězce v Pythonu

Znakový řetězec je objet třídy str.

- Přístup k jednotlivým znakům a podřetězcům řetězce je stejný jako u seznamu
- Na rozdíl od řetězce je seznam neměnný (immutable), takže nefungují žádné funkce pro modifikaci řetězce "na místě" (např. sort). Fungují ale operátory pro vyhledávání v řetězci jako index a count.

• Funguje operátor + a logické operátory ==/!= a </>, přičemž se používá lexikografické srovnání (podle UTF-8, ne podle češtiny, takže nebude respekovat např. české pořadí hlásek).

Metody třídy str

- hledání/nahrazovánívřetězci: count, find/rfind, index/rindex, replace,
- velikost písmen: capitalize, lower, upper, title, casefold, swapcase
- zarovnání a vyplnění v poli: center, ljust/rjust, expandtabs, strip/lstrip/rstrip, zfill
- formátování řetězce: format
- dotazy na obsah řetězce:, startswith, endswith, isalnum, isalpha, isascii, isdecimal, isdigit, isnumeric, islower/isupper, isspace
- spojování a rozdělování join, split/rsplit, splitlines, partition/rpartition,

Úplnější seznam

Upozornění Tam, kde metoda vrací upravený řetězec, vrací upravenou kopii a původní řetězec se *nemění*.

Metoda	Popis
<u>capitalize()</u>	První písmeno na velké
<u>casefold()</u>	Všechna písmena na malá
<u>center()</u>	Vycentruje řetězec do pole s danou šířkou a výplní
count()	Počet výskytů znaku nebo řetězce v řetězci
endswith()	True pokud řetězec končí daným znakem/řetězcem
expandtabs()	Nahradí (\t) zadaným počtem mezer
find()	Vyhledá podřetězec a vrátí jeho pozici v řetězci
format()	Formátuje zadané hodnoty v řetězc
<u>index()</u>	Zděděné od seznamu, hledá pouze 1 znak
<u>isalnum()</u>	True pokud jsou všechny znaky alfanumerické
isalpha()	True pokud jsou všechny znaky písmena
<u>isascii()</u>	True pokud jsou všechny znaky ascii
<u>isdigit()</u>	True pokud jsou všechny znaky číslicemi
<u>islower()</u>	True pokud jsou všechna písmena malá
<u>isnumeric()</u>	True, pokud jsou všechny znaky numerické
<u>isspace()</u>	True, pokud jsou všechny znaky ekvivalentní mezeře

Metoda	Popis
<u>isupper()</u>	True pokud jsou všechna písmena velká
j <u>oin()</u>	Spojí prvky seznamu do řetězce proloženého daným řetězcem.
<u>ljust()</u>	Vrací doleva zarovnanou verzi řetězce s danou délkou a výplní
<u>lower()</u>	Skonvertuje písmena v řetězci na malá
<u>lstrip()</u>	Vrátí verzi řetězce ořezanou zleva na danou délku
partition()	Vyhledá řetězec a vrátí trojici všechno-před, hledaný-řetězec, všechno-za.
<u>replace()</u>	Vrátí řetězce, kde je podřetězec nahrazený jiným podřetězcem.
<u>rfind()</u>	Vrací pozici posledního výskytu
<u>rindex()</u>	Vrací pozici posledního výskytu
<u>rjust()</u>	Vrací doprava zarovnanou verzi s danou šířkou a výplní
<u>rpartition()</u>	Jako partition, ale hledá zprava
<u>rsplit()</u>	Jako split, ale hledá oddělovač zprava
<u>rstrip()</u>	Vrátí sprava ořezanou verzi řetězce
<u>split()</u>	Rozdělí řetězec u požadovaného separátoru a vrátí seznam
<u>splitlines()</u>	Rozdělí seznam u znaků nového řádku a vrátí seznam
startswith()	True, pokud řetězec začíná daným podřetězcem
strip()	Vrátí ořezanou verzi řetězce
swapcase()	Promění velikost, malá na velká a naopak
<u>upper()</u>	Vrátí řetězec, ve kterém jsou malá písmena nahrazena velkými
<u>zfill()</u>	Vyplní řetězce zleva předepsaným počtem nul

Množiny a slovníky

n-tice

n-tice je neměnná (immutable) struktura, která obsahuje několik objektů, které logicky patří k sobě, například souřadnice x, y bodu v rovině, den, měsíc a rok v datumu a pod.

```
>>> a = 1

>>> b = 2

>>> t = (a,b) # sbalení

>>> t

(1, 2)

>>> a = 2

>>> t
```

```
(1, 2)
>>> t[0]
1
>>> t[1]
2
>>> t[0] = 3
Traceback (most recent call last):
    File "<pyshell#292>", line 1, in <module>
        t[0] = 3
TypeError: 'tuple' object does not support item assignment
>>> x, y = t # rozbalení
>>> x
1
>>> y
2
```

Metody n-tic

Method	Description
count()	Kolikrát se daná hodnota nachází v n-tici
index()	Vrací index, na kterém se nachází určená hodnota

Funkce enumerate a zip

Chceme položky i s indexy. Standardní kód je iterovat přes index:

```
>>> mesta = ["Praha", "Brno", "Ostrava"]
>>> for i in range(len(mesta)):
   print(i, mesta[i])
0 Praha
1 Brno
2 Ostrava
>>> for i, mesto in enumerate(mesta):
   print(i, mesto)
0 Praha
1 Brno
2 Ostrava
>>> for u in enumerate(mesta):
    print(u)
(0, 'Praha')
(1, 'Brno')
(2, 'Ostrava')
```

Načítáme města a jejich souřadnice, a pak chceme iterovat přes trojice. Standardní kód je zase iterovat přes index:

```
>>> text = """
Praha -2 0
Brno 0 -1
Ostrava 1 1
>>> mesta = []
>>> x = []
>>> y = []
>>> for radek in text.split("\n"):
   if len(radek) == 0:
        continue
   veci = radek.split()
   mesta.append(veci[0])
   x.append(float(veci[1]))
    y.append(float(veci[2]))
>>> mesta, x, y
(['Praha', 'Brno', 'Ostrava'], [-2.0, 0.0, 1.0], [0.0, -1.0, 1.0])
# Standardní způsob:
>>> for i in range(len(mesta)):
    print(mesta[i], x[i], y[i])
Praha -2.0 0.0
Brno 0.0 -1.0
Ostrava 1.0 1.0
# S využitím funkce zip:
>>> for mesto, x, y in zip(mesta, x, y):
   print(mesto, x, y)
Praha -2.0 0.0
Brno 0.0 -1.0
Ostrava 1.0 1.0
>>>
```

Množiny

Množiny jsou vysoce optimalizované kontejnery s rychlým vyhledáváním (vyhledávání / přidávání / odebírání O(1)).

Množny jsou

- **neměnné** ve smyslu, že nemůžete modifikovat položky, ale můžete je přidávat nebo odebírat.
- neuspořádané ve smyslu, že pořadí položek nezávisí od pořadí ve kterém byly přidávány.
- **neindexované** k položkám nemáte přístup přes index.

```
>>> zvířata = {"kočka", "pes", "lev", "pes", "lev", "tygr"}
>>> zvířata
{'pes', 'tygr', 'lev', 'kočka'}
```

```
>>> "tygr" in zvířata # O(log n)
True
>>> set(["a", "b", "c"])
{'b', 'c', 'a'}
set("abrakadabra")
{'d', 'b', 'a', 'r', 'k'}
>>> set() # prázdná množina
set()
>>> {} # není prázdná množina!
{}
>>> type({})
<<class 'dict'>
```

Množiny využívají stromové struktury a algoritmy pro rychlé vyhledávání a modifikaci. Vytváření množin a operace:

```
set("abrakadabra")
{'d', 'b', 'a', 'r', 'k'}
>>> a=set("abrakadabra")
>>> b=set("popokatepet1")
>>> "".join(sorted(a))
'abdkr'
>>> a & b # průnik
{'k', 'a'}
>>> a | b # sjednoceni
{'d', 'b', 'o', 'l', 'p', 'e', 'a', 'r', 't', 'k'}
>>> a - b # rozdíl
{'d', 'b', 'r'}
>>> a.remove("r")
{'d', 'b', 'a', 'k'}
>>> b.add("b")
>>> b
{'o', 'b', 'l', 'p', 'e', 'a', 't', 'k'}
>>> a == b
False
```

Metody třídy množina

Metoda	Popis
add()	Přidání položky k množině
<u>clear()</u>	Vyprázdní množinu
copy()	Vrátí kopii množiny
<u>difference()</u>	Vrátí množinový rozdíl dvou nebo více množin
difference update()	Odstraní z množiny prvky, které jsou již v jiné množině
discard()	Odstraní určenou položku
intersection()	Vrátí průnik dvou nebo více množin

Metoda	Popis
intersection_update()	Odstraní z množiny položky, které se nenachází v jiné množině
isdisjoint()	True, pokud mají množiny prázdný průnik
<u>issubset()</u>	True, pokud je množina podmnožinou jiné
<u>issuperset()</u>	True, pokud množina obsahuje jinou množinu
<u>pop()</u>	Odstraní prvek z množiny
remove()	Odstraní určený prvek z množiny
symmetric difference()	Vrací symetrický rozdíl dvou množin
symmetric difference update()	Vloží symetrický rozdíl této a jiné množny
union()	Vrací sjednocení dvou nebo více množín
<u>update()</u>	Přidá do množiny jinou množinu nebo seznam+-

Slovníky

```
>>> teploty = { "Praha": 17, "Dill´ı": 42,
"Longyearbyen": -46 }
>>> teploty
{'Praha': 17, 'Dill´ı': 42, 'Longyearbyen': -46}
>>> teploty["Praha"]
17
>>> teploty["Debrecen"]
Traceback (most recent call last):
  File "<pyshell#387>", line 1, in <module>
    teploty["Debrecen"]
KeyError: 'Debrecen'
>>> teploty["Debrecen"] = 28
>>>
>>> del teploty["Debrecen"]
>>> "Debrecen" in teploty
False
>>> teploty["Miskolc"]
Traceback (most recent call last):
  File "<pyshell#394>", line 1, in <module>
    teploty["Miskolc"]
KeyError: 'Miskolc'
>>> teploty.get("Miskolc")
None
>>> teploty.get("Miskolc", 20)
# Iterujeme ve slovníku:
>>> for k in teploty.keys():
    print(k)
```

```
Praha
Dill'1
Longyearbyen
>>> for v in teploty.values():
    print(v)

17
42
-46
>>> for k, v in teploty.items():
    print(k, v)

Praha 17
Dill'1 42
Longyearbyen -46
>>>
```

Metody slovníků

Method	Description
<u>clear()</u>	Odstraní všechny položky ze slovníku
<u>copy()</u>	Vrátí kopii slovníku
<u>fromkeys()</u>	Vrací slovník s určenými klíči a případně hodnotami
get()	Vrací hodnotu u určeného klíče
items()	Vrací seznam, obsahující dvojici pro každou dvojici klíč-hodnota
<u>keys()</u>	Vrací seznam klíčů slovníku
<u>pop()</u>	Odstraní a vrátí prvek s určeným klíčem
popitem()	Odstraní posledně vložený pár klíč-hodnota
setdefault()	Vrací hodnotu u požadovaného klíče. Pokud se klíč v seznamu nenachází, vrátí defaultní hodnotu a vytvoří v slovníku nový pár klíč-hodnota.
<u>update()</u>	Přidá do slovníku nové páry klíč-hodnota.
<u>values()</u>	Vrátí seznam všech hodnot ve slovníku.

Comprehensions pro množiny a slovníky:

```
>>> [i % 7 for i in range(50)]
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 0, 1, 2, 3, 4, 5,
6, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 0]
>>> {i % 7 for i in range(50)}
{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6}
>>> {i : i % 7 for i in range(50)}
{0: 0, 1: 1, 2: 2, 3: 3, 4: 4, 5: 5, 6: 6, 7: 0, 8: 1, 9: 2, 10: 3, 11: 4, 12: 5,
13: 6, 14: 0, 15: 1, 16: 2, 17: 3, 18: 4, 19: 5, 20: 6, 21: 0, 22: 1, 23: 2, 24:
3, 25: 4, 26: 5, 27: 6, 28: 0, 29: 1, 30: 2, 31: 3, 32: 4, 33: 5, 34: 6, 35: 0,
36: 1, 37: 2, 38: 3, 39: 4, 40: 5, 41: 6, 42: 0, 43: 1, 44: 2, 45: 3, 46: 4, 47:
5, 48: 6, 49: 0}
>>>
```

defaultdict - slovník s defaultní hodnotou pro počítání

```
>>> from collections import defaultdict
>>> pocet = defaultdict(int)
>>> pocet["abc"]
# počítáme slova
>>> for w in "quick brown fox jumps over lazy dog".split():
    pocet[w] += 1
>>> pocet
defaultdict(<class 'int'>, {'abc': 0, 'quick': 1, 'brown': 1, 'fox': 1, 'jumps':
1, 'over': 1, 'lazy': 1, 'dog': 1})
>>> list(pocet.items())
[('abc', 0), ('quick', 1), ('brown', 1), ('fox', 1), ('jumps', 1), ('over', 1),
('lazy', 1), ('dog', 1)]
# počítáme délky slov
>>> podle_delek = defaultdict(list)
>>> for w in "quick brown fox jumps over lazy dog".split():
    podle_delek[len(w)].append(w)
>>> podle_delek
defaultdict(<class 'list'>, {5: ['quick', 'brown', 'jumps'], 3: ['fox', 'dog'],
4: ['over', 'lazy']})
>>>
```

collections.Counter

```
>>> from collections import Counter
>>>
>>> myList = [1,1,2,3,4,5,3,2,3,4,2,1,2,3]
>>> print Counter(myList)
Counter({2: 4, 3: 4, 1: 3, 4: 2, 5: 1})
>>>
>>> print Counter(myList).items()
[(1, 3), (2, 4), (3, 4), (4, 2), (5, 1)]
>>>
>>> print Counter(myList).keys()
[1, 2, 3, 4, 5]
```

```
>>>
>>> print Counter(myList).values()
[3, 4, 4, 2, 1]
```

Opakování: Funkce

Příklady

Napište funkci, která

• vrátí řešení rovnice $2^x + x = 11$.

Začneme tím, že zjevně 0 < x < 4. a v tomto intervalu bude právě jedno řešení, protože funkce vlevo je rostoucí a vpravo konstantní. Programujeme, to, že řešení vidíte na první pohled, je dobré - máme kontrolu.

Snažíme se udělat obecnější řešení:

```
def fun(x):
    return 2**x + x - 11
def eqn_solve(f, 1, p, eps = 1.0e-6):
    """We expect f(1) < 0 < f(p)"""
    if f(1) > 0 or f(p) < 0:
        print("l a p musí ohraničovat oblast, kde se nachází kořen. ")
        return None
    while abs(1-p) > eps:
        m = (1+p)/2
        if f(m)<0:
           1 = m
        else:
            p = m
    return m
def main():
    print(eqn_solve(fun, 0, 4))
main()
```

Lambda-funkce

Kapesní funkce jsou bezejmenné funkce, které můžeme definovat na místě potřeby. Šetří práci například u funkcí jako sort, min/max, map a filter.

```
>>> seznam = [[0,10], [1,9], [2,8], [3,7], [4,6]]
>>> seznam.sort(key = lambda s: s[-1])
>>> seznam
[[4, 6], [3, 7], [2, 8], [1, 9], [0, 10]]
```

Zkuste použít lambda funkci i jako parametr funkce eqn_solve.

```
print(eqn_solve(lambda x: 2**x + x - 20, 0, 4))
```

Generátory a příkaz yield

Dáme-li list comprehension do kulatých závorek místo hranatých, dostaneme namísto seznamu iterátor.

```
>>> r = (x for x in range(20) if x % 3 == 2)
>>> r
<generator object <genexpr> at 0x000001BC701E9BD0>
>>> for j in r:
...     print(j)
...
2
5
8
11
14
17
```

Následující ukázka demonstruje, jak Python interaguje s iterátorem:

```
>>> s = (x for x in range(3))
>>> next(s)
0
>>> next(s)
1
>>> next(s)
2
>>> next(s)
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
StopIteration
>>>
```

next(it) vrací další hodnotu iterátoru, a pokud už další hodnota není, vyvolá iterátor výjimku StopIteration. To je standardní chování iterátoru. Co se skrývá pod kapotou? Toto:

Generátorem nazýváme funkci, která může fungovat jako iterátor - lze ji opakovaně volat, a ona pokaždé vrátí následující hodnotu z nějaké posloupnosti.

Příklad 1.

Pokud vracíme hodnoty z posloupnosti, lze použít příkaz yield from:

Příklad 3 vám bude povědomý:

```
def read_list():
    while True:
        i = int(input())
        if i == -1:
            break
        yield i
    return
.
for i in read_list():
    print(f"Načetlo se číslo {i}.")
.
print("Konec cyklu 1")
.
for j in read_list():
    print(f"Teď se načetlo číslo {i}")
```

Takto můžeme lehce oddělit cyklus zpracování dat od cyklu jejich načítání.

Rekurze: Permutace

Chceme vygenerovat všechny permutace množiny (rozlišitelných) prvků. Nejjednodušší je použít rekurzivní metodu.

```
def getPermutations(array):
    if len(array) == 1:
        return [array]
    permutations = []
    for i in range(len(array)):
        # get all perm's of subarray w/o current item
        perms = getPermutations(array[:i] + array[i+1:])
        for p in perms:
            permutations.append([array[i], *p])
    return permutations

print(getPermutations([1,2,3]))
```

Výhoda je, že dostáváme permutace setříděné podle původního pořadí.

Nevýhoda je, že dostáváme potenciálně obrovský seznam, který se nám musí vejít do paměti. Nešlo by to vyřešít tak, že bychom dopočítávali permutace po jedné podle potřeby?

Jiný příklad: Kombinace

A co generátor kombinací? Kombinace jsou něco jiné než permutace - permutace jsou pořadí, kombinace podmnožiny dané velikosti.

Začneme se standardní verzí, vracející seznam všech kombinací velikosti n. Všimněte si prosím odlišnosti oproti permutacím:

```
def combinations(a, n):
    result = []
    if n == 1:
        for x in a:
            result.append([x])
    else:
        for i in range(len(a)):
            for x in combinations(a[i+1:], n-1):
                result.append([a[i], *x])
    return result

print(combinations([1,2,3,4,5],2))

[[1, 2], [1, 3], [1, 4], [1, 5], [2, 3], [2, 4], [2, 5], [3, 4], [3, 5], [4, 5]]
```

Nové domácí úkoly:

- Benfordův test
- Inverze slovníku
- Nalezení chybějících čísel