

# Programování 1 pro matematiky

## 3. cvičení, 15-10-2024

### Obsah:

0. Farní oznamy
1. Opakování
2. Domácí úkoly
3. Resty z minula
4. Seznamy

### Farní oznamy

1. **Materiály k přednáškám** najdete v GitHub repozitáři <https://github.com/PKvasnick/Programovani-1>. Najdete tam také kód ke cvičením.
2. **Domácí úkoly** Minulý týden jste dostali 3 příklady a nashromáždilo se docela hodně řešení.
  - Individuálně se vyskytly problémy s ReCodExem, zejména s pochopením toho, že vše, co napíšete na výstup, považuje ReCodEx za součást vašeho řešení.
    - Důkladně čtěte zadání
    - Napište na výstup jenom odpověď v požadovaném tvaru a nic víc.
  - Vyskytlo se docela dost úloh, používajících pokročilejší struktury Pythonu, např. funkce.
    - v principu nenamítám, ale myslete prosím na spolužáky, kteří stejný úkol vyřeší za pomoci jednodušších prostředků. Je váš kód natolik elegantní, že to omlouvá používání těžkých zbraní?

K domácím úkolům a ReCodExu se ještě obšírněji vrátím.

### Opakování

... a co se posledně nevešlo:

`if-elif-else:`

```
if podmínka1:
    příkazy1
elif podmínka2:
    příkazy2
else:
    příkazy3
```

☐ Prázdný příkaz `pass`

## Příkaz `match case`

```
match term:
    case pattern-1:
        action-1
    case pattern-2:
        action-2
    case pattern-3:
        action-3
    case _:
        action-default
```

Tento příkaz nám umožňuje nahradit strukturu `if-elif-else` v případech, kdy vybíráme z většího množství voleb:

Namísto

```
lang = input("what's the programming language you want to learn? ")

def switch(lang):
    if lang == "JavaScript":
        print("You can become a web developer.")
    elif lang == "PHP":
        print("You can become a backend developer.")
    elif lang == "Python":
        print("You can become a Data Scientist")
    elif lang == "Solidity":
        print("You can become a Blockchain developer.")
    elif lang == "Java":
        print("You can become a mobile app developer")
    else:
        print("The language doesn't matter, what matters is solving problems.")

# 2 řádky mezi definicí funkce a čímkoli co následuje
print(switch("JavaScript"))
print(switch("PHP"))
print(switch("Java"))

"""
Output:
You can become a web developer.
You can become a backend developer.
You can become a mobile app developer
"""
```

můžeme psát

```
lang = input("what's the programming language you want to learn? ")

match lang:
    case "JavaScript":
        print("You can become a web developer.")
```

```

case "Python":
    print("You can become a Data Scientist")

case "PHP":
    print("You can become a backend developer")

case "Solidity":
    print("You can become a Blockchain developer")

case "Java":
    print("You can become a mobile app developer")

case _:
    print("The language doesn't matter, what matters is solving problems.")

```

Podstatná výhoda `match case` je, že umí přiřazovat složitější vzory:

```

point = (1, 2)

match point:
    case (0, 0):
        result = "Origin"
    case (x, 0):
        result = f"X-axis at {x}"
    case (0, y):
        result = f"Y-axis at {y}"
    case (x, y):
        result = f"Point at {x}, {y}"

```

V Pythonu existují ještě jiné způsoby implementace mnohonásobného větvení, např. pomocí slovníku - to je velice typický Pythonský postup:

```

messages = {
    "JavaScript": "You can become a web developer.",    "Python": "You can become
a Data Scientist",
    "PHP": "You can become a backend developer"
    ...
}
lang = input("what's the programming language you want to learn? ")
print(messages[lang])

```

## Cyklus `while`:

```

while podmínka:
    příkazy

```

Příkazy pro kontrolu běhu cyklu:

`break` - v tomto místě opustit cyklus a pokračovat příkazem, následujícím za cyklem

`continue` - v tomto místě přejít na další iteraci cyklu (tedy na testování podmínky)

Větev `else`:

```
while podmínka:
    příkazy
else
    příkazy-jen-jestli-proběhl-celý-cyklus
```

## Příkaz print

```
print(a, b, c, ..., sep=<řetězec>, end=<řetězec>)
```

Default: `sep = " "`, `end = "\n"`

## f-řetězce

```
a = 5
b = 10.27
s = f"Mám {a} tyčí s délkou {b:.1f}m"
print(s)
-----
Mám 5 tyčí s délkou 10.3m
```

# Domácí úkoly

## Čistota a čitelnost kódu

Porovnejte prosím tyto dva kódy. Oba jsou správné a dělají správně to, co mají.

Tento kód, včetně názvů identifikátorů, vyvinulo několik z vás:

```
a=int(input())
b=int(input())
if a>b:
    print("P")
elif a<b:
    print("O")
else:
    print("R")
```

Porovnejte ho prosím s tímto kódem (to je také řešení, pocházející od jednoho z vás):

```
cislo_princezny = int(input())
cislo_obra = int(input())

if cislo_princezny > cislo_obra:
    print("P")
elif cislo_princezny < cislo_obra:
    print("O")
else:
    print("R")
```

Problém s prvním kódem je, že si někde musíte zapamatovat přiřazení `a`→číslo od princezny, `a`→číslo od obra. Pak prvnímu kódu rozumíte stejně dobře jako druhému, ale v hlavě musíte držet náhodnou informaci, potřebnou k pochopení kódu.

Kód, který má krátké názvy proměnných, není v nijakém smyslu výkonnější nebo úspornější než kód s dlouhými proměnnými. Na druhou stranu, kód s příliš dlouhými identifikátory je prostě více textu a může se hůř číst.

**Jména objektů v Pythonu:** Počáteční písmeno, pak kombinace velkých i malých písmen, číslic a podtržítek.

**Snažte se prosím používat názvy proměnných, které reflektují jejich význam.**

Ještě jeden problém s prvním kódem:

Python předpisuje kolem binárních operátorů **mezery**. Výjimkou je přiřazení pojmenovaných parametrů. Mezi jménem funkce a seznamem jejích parametrů v závorkách mezera *není*. Mezery také patří za čárky, oddělující prvky seznamu nebo n-tice.

Tedy

```
a = b**2 + c**2
print("Petr", "Franta", "Josef", sep="-", end="konec\n")
n = int("3")
```

## Prostředky Pythonu

Hodně z vás zná z Pythonu víc, než jsme zatím probrali. Přijímám i řešení, která používají prostředky jazyka, které jsme zatím neprobírali,

- pokud to není v rozporu s účelem zadání - tedy když máte sami naprogramovat něco, na co existuje v Pythonu knihovní funkce - například budeme programovat GCD(a,b), zatímco máme funkci `math.gcd()`, která to udělá za vás, nebo když máte zjistit počet číslic celého čísla bez použití zkratky `len(str(n))`.
- pokud to vede k čistšímu a efektivnímu kódu

Cílem tohoto cvičení je naučit vás psát nejen správný, ale i čistý a dobře čitelný kód. Toho dosáhnete i účelným využíváním rozmanitých prostředků jazyka.

---

## Programujeme - pokračování od minula

### Test prvočísel

Chceme otestovat, zda je číslo  $n$  ze vstupu prvočíslo.

Metoda: U všech čísel  $d < n$  prověřím, zda jsou děliteli  $n$ .

```
#!/usr/bin/env python3

# Otestuje, zda číslo je prvočíslem

n = int(input())
d = 2
mam_delitele = False

while d < n:
    if n%d == 0:
        print("Číslo", n, "je dělitelné", d)
```

```

        mam_delitele = True
        break
    d += 1

if not mam_delitele:
    print("Číslo", n, "je prvočíslo")

```

To není nijak zvlášť efektivní metoda, ale to nám nevadí, my jsme celí rádi, že umíme napsat něco, co v zásadě funguje.

Pojďme opatrně vylepšovat. Zásadní vylepšení kódu by bylo, kdybychom "nahý" cyklus `while` uměli celý zapouzdřit do jediného příkazu.

🤖 Pokročilé kolegy poprosím o tvar onoho jediného příkazu.

Asi první věc, která nám vadí, je stavová proměnná `mam_delitele`. A té se v prvním kroku zbavíme za použití větve `else`:

```

#!/usr/bin/env python3

# Otestuje, zda číslo je prvočíslem (2. pokus)

n = int(input())
d = 2

while d < n:
    if n%d == 0:
        print("Číslo", n, "je dělitelné", d)
        break
    d += 1
else:
    print("Číslo", n, "je prvočíslo")

```

Jak bychom mohli dál vylepšit náš test?

Popřemýšlíme, a zatím vymyslíme, jak bychom vypsalí všechna prvočísla menší nebo rovná  $n$ . Nejjednodušší metoda bude projít všechna čísla od 2 do  $n$ , u každého rozhodnout, zda je prvočíslem, a jestli ano, vypsát ho.

```

#!/usr/bin/env python3
# Vypíše všechna prvočísla od 1 do n

n = int(input())

x = 2
while x <= n:
    d = 2
    while d < x:
        if x%d == 0:
            break
        d += 1
    else:
        print(x)

    x += 1

```

Optimalizace je v tomto případě ještě více nasnadě, jenomže si zatím neumíme pamatovat věci - například všechny prvočísla, které jsme dosud našli.

🤖 Pokročilé kolegy poprosím o optimalizovaný algoritmus, např. Erastovenovo síto.

## Součet posloupnosti čísel

```
#!/usr/bin/env python3

# Načteme ze vstupu posloupnost čísel, ukončenou -1.
# Vypíšeme jejich součet.

s = 0
while True:
    n = int(input())
    if n == -1:
        break
    s += n
print(s)
```

Proč nemůžeme na konci jenom stisknout Enter a nezadat nic?

🤖 Pokročilé kolegy poprosím

- o variantu se stiskem Enter
- a o vypsání aritmetického průměru a standardní odchylky.

## Mroží operátor

```
>>> a = (b := 10)**2
>>> a
100
>>> b
10
>>>
```

Přiřazení, které vrací hodnotu. *Používat uměřeně.*

## Euklidův algoritmus

Základní verze s odečítáním:  $x > y : \gcd(x, y) = \gcd(x - y, y)$

```
#!/usr/bin/env python3
# Největší společný dělitel: Euklidův algoritmus s odčítáním

x = int(input())
y = int(input())

while x != y:
    if x > y:
        x -= y
    else:
```

```
y -= x

print(x)
```

Ladící výpis: Pokud chceme vidět, jak si vedou čísla x a y v cyklu while, přidáme za řádek s `while` příkaz

```
print(f"{x=} {y=}")
```

Pokud je jedno z čísel o hodně menší než druhé, možná budeme opakovaně odečítat, a to nás spomaluje (náročnost algoritmu je lineární v n). Je proto lepší v jednom kroku odečítat kolikrát to jde: *odečítání nahradíme operací modulo*:

```
#!/usr/bin/env python3
# Největší společný dělitel: Euklidův algoritmus s modulem

x = int(input())
y = int(input())

while x > 0 and y > 0:
    if x > y:
        x %= y
    else:
        y %= x

if x > 0:
    print(x)
else:
    print(y)
```

Protože `x % y < y`, po každé operaci modulo víme, jaká je vzájemná velikost x a y. Kód tedy můžeme výrazně zdokonalit:

```
#!/usr/bin/env python3
# Největší společný dělitel: Euklidův algoritmus s pár triky navíc

x = int(input())
y = int(input())

while y > 0:
    x, y = y, x%y

print(x)
```

Tady si všimneme přiřazení `x, y = y, x%y`. Je to dvojí přiřazení, ale nelze jej rozdělit na dvě přiřazení `x=y` a `y=x%y`, protože druhé přiřazení se po prvním změnilo na `y=y%y` a tedy y bude přiřazena 0.

1. Můžeme se ptát, proč to funguje (protože z dvojice na pravé straně se před přiřazením vytvoří neměnná - konstantní dvojice - *tuple* - a ten se při přiřazení "rozbalí" do x a y).
2. Jak byste takovéto přiřazení rozepsali na jednoduchá přiřazení, aby to fungovalo?



Toto je už celkem výkonný algoritmus, početní náročnost je  $\sim \log n$ . Teď můžeme dělat víc věcí, například spočít Eulerovu funkci pro prvních milion čísel a podobně.

## Seznamy

```
>>> cisla = [1,2,3,4,5]
>>> type(cisla)
list
>>> cisla[0] # v Pythonu číslujeme od 0
1
>>> cisla[4] # takže poslední prvek je počet prvků - 1
5
>>> len(cisla) # počet prvků je len
5
>>> cisla[-1] # Indexování je velmi flexibilní
5
>>> cisla[1:3]
[2, 3]
>>> cisla[0:5]
[1, 2, 3, 4, 5]
>>> cisla[:3]
[1, 2, 3]
>>> cisla[3:]
[4, 5]
>>> cisla.append(6) # Přidání nového prvku do seznamu
>>> cisla
[1, 2, 3, 4, 5, 6]
```

Seznamy mohou obsahovat různé věci:

```
zaci = ["Honza", "Jakub", "Franta"]
matice = [[1,2,3],[2,3,1]] # Neužitečná implementace matice
matice[0]
>>> [1,2,3]
matice[1][1]
>>> 3
>>> [1,2] + [3,4] # aritmetika pro seznamy
[1, 2, 3, 4]
>>> [1,2]*3
[1, 2, 1, 2, 1, 2]
```

... ale také položky různého druhu:

```
>>> lst = [1,"Peter",True]
>>> lst
[1, 'Peter', True]
>>> del lst[0]
>>> lst
['Peter', True]
>>>
```

Pozor na kopírování seznamů:

```
>>> a = ['jeden', 'dva', 'tri']
>>> b = a
>>> a[0] = 'jedna'
>>> b
['jedna', 'dva', 'tri']
>>> c = [[1,2]]*3
>>> c
[[1, 2], [1, 2], [1, 2]]
>>> c[0][0] = 0
>>> c
[[0, 2], [0, 2], [0, 2]]
```

Seznam umíme lehce setřídít nebo obrátit:

```
>>> c = [2,4,1,3]
>>> sorted(c)
[1,2,3,4]
>>> reversed[c]
[3,1,4,2]
```

O třídění budeme mluvit na následujícím cvičení.

## Cyklus for

```
In [9]: cisla = [1,1,2,3,5,8]

In [10]: for cislo in cisla:
...:     print(cislo, end = "-")
...:
1-1-2-3-5-8-
```

Často chceme, aby cyklus probíhal přes jednoduchou číselnou řadu, např.  $1, 2, \dots, n$ . Na generování takovýchto řad slouží funkce `range`:

```
>>> for i in range(5):
...     print(i, end = ' ')

0 1 2 3 4
```

`range` respektuje číslovací konvence Pythonu a podporuje ještě další argumenty: začátek sekvence a krok:

```
>>> for i in range(2,10,3):
...     print(i)
...
2
5
8
```

Argumenty nemusí být kladná čísla, takže můžeme lehko iterovat pozpátku:

```
>>> for i in range(9,-1,-1):  
    print(i, end = ' ')  
    ---  
9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 >>>
```

Tedy chceme-li iterovat pozpátku přes `range(n)`, použijeme `range(n-1, -1, -1)`. Abychom se nespletli, nabízí Python elegantnější řešení:

```
>>> for i in reversed(range(5)):  
    print(i, end = " ")  
  
4 3 2 1 0
```

a tuto funkci můžeme použít na libovolný seznam:

```
>>> cisla = ["jedna", "dvě", "tři", "čtyři"]  
>>> for cislo in reversed(cisla):  
    print(cislo, end = " ")  
  
čtyři tři dvě jedna
```

`range(n)` není seznam, i když podporuje přístup k polžkám přes index:

```
>>> range(10)  
range(0, 10)  
>>> type(range(10))  
<class 'range'>  
>>> range(10)[-1]  
9  
>>> list(range(10))  
[0,1,2,3,4,5,6,7,8,9]  
>>> [i for i in range(10)]  
[0,1,2,3,4,5,6,7,8,9]
```

Také `reversed(seznam)` není seznam, ale reverzní iterátor:

```
>>> reversed(cisla)  
<list_reverseiterator object at 0x000002AE55D45370>  
>>> [s for s in reversed(cisla)]  
['čtyři', 'tři', 'dvě', 'jedna']
```

ale `sorted(seznam)` je seznam:

```
>>> sorted(c)  
[1, 2, 3, 4]
```

## Fibonacciho čísla

$$\begin{aligned} Fib(0) &= 1, \\ Fib(1) &= 1, \\ Fib(n) &= Fib(n-1) + Fib(n-2), \quad = 2, 3, \dots \end{aligned}$$

Úloha: Vypište prvních n Fibonacciho čísel.

Úvahy:

- potřebujeme vůbec seznam?

```
# Vypsát prvních n Fibonacciho čísel
n = int(input())
a = 1
print(a, end = ", ")
b = 1
print(b, end = ", ")
for k in range(3, n+1):
    b, a = b+a, b
    print(b, end = ", ")
```

- Můžeme začít seznamem prvních dvou čísel, a pak dopočítávat a přidávat na konec další čísla:

```
# Vypsát prvních n Fibonacciho čísel
n = int(input())
fibs = [1,1]
while len(fibs) < n:
    fibs.append(fibs[-1] + fibs[-2])
print(fibs)
```

- Nikdy nechcete alokovat paměť po malých kouscích. Když předem víme délku seznamu, je nejlepší zřídit ho celý a jenom ho naplnit.

## Příklad: Erastothénovo síto

Úloha: Najděte všechna prvočísla menší nebo rovná n.

Úvahy:

- Musíme si nějak pamatovat, která čísla jsme už vyškrtli a která nám ještě zůstala.
- Jedno řešení je, že vezmeme seznam všech čísel od 2 do n a budeme odstraňovat ty, které nejsou prvočísla. To je ale pomalé a v proměnlivém poli se špatně iteruje - není snadné určit, kde právě v poli jsme.
- Lepší je vzít seznam logických hodnot. Index bude číslo, a hodnota bude označovat, jestli je zatím považujeme za prvočíslo anebo už ne.

```
# vypiš všechna prvočísla menší nebo rovná n

n = int(input())

prvocisla = [True]*(n+1) # včetně nuly a n
prvocisla[0] = False
```

```

prvocisla[1] = False
for i in range(2,n+1):
    if prvocisla[i]:
        for j in range(i*i, n+1, i):
            prvocisla[j]=False

print("Pocet: ", sum(prvocisla))
for i in range(n+1):
    if prvocisla[i]:
        print(i, end = ', ')

```

## Další úkoly

- Najděte číslo zapsané samými jedničkami (v desítkové soustavě), které je dělitelné zadáním K. Jak se včas zastavit, když neexistuje?
- Najděte číslo mezi 1 a N s co nejvíce děliteli.

### Domácí úkoly na příští týden:

- Na vstupu nezáporné celé číslo, vypsát v binárním tvaru.
- Na vstupu kladné celé n. Vypsát počet Pytagorejských trojic s čísly menšími než n.
- Převést zlomek v tvaru  $\frac{x}{y}$  na tvar  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} + \dots$  (Fibonacciho algoritmus)

### Pomůcka

Odkud vezmeme posloupnost pro testování domácího úkolu?

```

from random import randint

low = 0
high = 10
n = 10

print([randint(low, high) for i in range(10)])

```