Parțial Analiză Matematică, noiembrie 2017 Matematică-Informatică

- I. Să se calculeze

 1. $\lim_{n\to\infty} \frac{3^n+4^n}{3^{n+1}+4^{n+1}}$; 2. $\lim_{n\to\infty} \frac{\sqrt[n]{n!}}{n}$.

 II. 1. Să se calculeze suma seriei $\sum_{n\geq 1} \left(\frac{n+1}{n}\right)^n$.
- 2. Să se studieze convergența seriei $\sum_{n\geq 1} \sin\frac{1}{n}$.

 III. 1. Să se calculeze $\lim_{x\to\infty} \left(\frac{2x+1}{3+2x}\right)^{\frac{x^2+1}{x-1}}$.
- 2. Să se studieze existența limitei funcției $f(x,y) = \frac{2x+y}{x-3y}$ în (0,0).