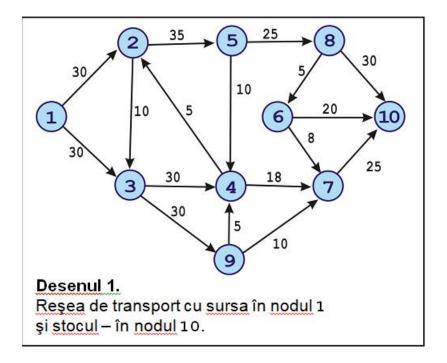
APLICATIE:

Este dat un graf orientat G = (V, E), cu ponderi anexate arcurilor: pentru arcul (i, j) ponderea este $q_{i,j}$. Pentru două noduri date $s, t \in V$ se cere să se afle fluxul maxim care poate trece din s (sursă) în t (stoc).(Desenul 1)



SOLUTIE:

Algoritmul Ford-Fulkerson se bazează pe determinarea iterativă a unor drumuri de creștere a fluxului și acumularea acestora într-un flux total, până la apariția în rețea a unei tăieturi , care separă sursa de stoc.

Notații: Pentru implementarea algoritmului vor fi folosite atât *marcaje pentru arcuri* cât și *marcaje pentru nodurile grafului*. Marcajul unui nod *x* este format din trei componente: *precedent, flux, stare*, care au semnificația:

precedent – nodul care îl precede pe x în drumul de creștere curent

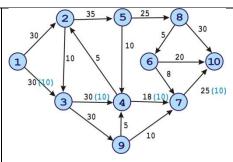
flux – mărimea fluxului, care ajunge în nodul x pe drumul de creștere curent

stare – starea curentă a nodului x (nodul poate fi în una din trei stări: necercetat [marcaj nul, valoarea - 0], atins[vecin al unui nod cercetat, valoarea - 1], cercetat[toți vecinii – atinși, valoarea - 2]).

ITERATIA 1

```
inițializare sursa 1: 1-(1, \infty,1 )
cercetare 1
                 : 2-(1,30,1); 3-(1,30,1); 1-(1,\omega,2)
                    : 5-(2,30,1);
                                                2-(1,30,2)
                   : 4-(3,10,1); 9(3,10,1)
cercetare 3
                                                3-(1,30,2)
cercetare 4
                   : 7-(4,10,1);
                                                4-(3,10,2)
cercetare 5
                    : 8-(5,25,1);
                                                5-(2,30,2)
cercetare 7
                    : 10 - (7,10,1);
                                                7-(4.10.2)
```

nod 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 precedent 1 1 1 3 2 0 4 5 6 7 8 7 flux stare

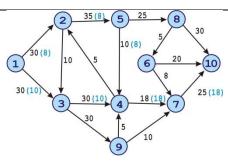


În stoc se ajunge cu un flux de valoare 10. Marcajele arcurilor, care formează drumul de creștere a fluxului (7,10) (4,7) (3,4) (1,3) se modifică.

ITERATIA 2

```
initializare sursa 1: 1-(1, ∞,1)
                   : 2-(1,30,1); 3-(1,20,1);
cercetare 1
                                               1-(1,\infty,2)
cercetare 2
                   : 5-(2,30,1);
                                               2-(1,30,2)
                                               3-(1,20,2)
cercetare 3
                   : 9(3,10,1)
cercetare 5
                   : 4-(5,10,1); 8-(5,25,1); 5-(2,30,2)
cercetare 4
                   : 7-(4,8,1);
                                                4-(5,10,2)
                   : 10 - (7.8.1);
                                               7-(4.8.2)
cercetare 7
```

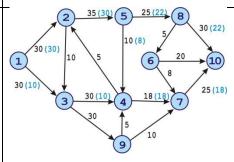
nod 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 precedent 1 1 1 5 2 0 4 5 3 7 ∞ 30 20 10 30 0 8 25 10 8
 2 2 2 2 0 2 1 1 1 flux stare



În stoc se ajunge cu o creștere a fluxului de valoare 8 Marcajele arcurilor, care formează drumul de creștere (7,10) (4,7) (5,4) (2,5) (1,2) se modifică.

```
inițializare sursa 1: 1-(1, \infty,1)
                 : 2-(1,22,1); 3-(1,20,1); 1-(1,∞,2)
cercetare 1
cercetare 2
                    : 5-(2,22,1);
                                                 2-(1,22,2)
                    : 9(3,10,1)
                                                 3-(1,20,2)
cercetare 3
cercetare 5
                    : 4-(5,2,1); 8-(5,22,1);
                                                5-(2,22,2)
                                                 4-(5,2,2)
cercetare 4
cercetare 8
                    : 6-(8,5,1);10 -(8,22,1);
                                                8-(5,22,2)
nod 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 precedent 1 1 1 5 2 8 0 5 3 8
```

flux

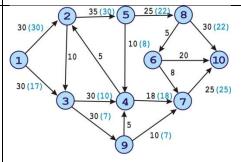


Creșterea fluxului: 22. Marcajele arcurilor, care formează drumul de creștere (8,10) (5,8) (2,5) (1,2) se modifică.

```
initializare sursa 1: 1-(1, ∞,1)
cercetare 1
                   : 3-(1,20,1);
                                                1-(1,∞,2)
cercetare 3
                    : 9(3,10,1)
                                                3-(1,20,2)
                   : 4-(9,5,1); 7-(9,10,1);
                                                9-(3,10,2)
cercetare 9
                    : 2-(4,5,1); 5-(-4,5,1)
                                                4-(9.5.2)
cercetare 4
cercetare 2
                                                2-(4,5,2)
cercetare 5
                   : 8-(5,3,1)
                                                5-(-4,5,2)
cercetare 7
                   : 10-(7,7,1)
                                                7-(9,10,2)
```

nod 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 precedent 1 4 1 9 -4 0 9 5 3 7
 \omega\$
 5
 20
 5
 5
 0
 10
 3
 10

 2
 2
 2
 2
 2
 0
 2
 1
 2
 flux stare



Creşterea fluxului: 7. Marcajele arcurilor, care formează drumul de creştere (7,10) (9,7) (3,9) (1,3) se modifică.

ITERATIA 5 35 (30) (5) 25 (25) (8) (2 30 (25) inițializare sursa 1: 1-(1, ∞ ,1) 30 (30) cercetare 1 : 3-(1,13,1); 1-(1,∞,2) 10(5) cercetare 3 : 9(3,3,1) 3-(1,13,2) 20 10 (10) **(1)** (6 cercetare 9 : 4-(9,3,1); 7-(9,3,1); 9-(3,3,2) cercetare 4 : 2-(4,3,1); 5-(-4,3,1) 4-(9,3,2) 30 (20) 25 (25) cercetare 2 2-(4,3,2) 30 (10) 18 (18) (3) cercetare 5 : 8-(5,3,1) 5-(-4,3,2) 4 7-(9,3,2) 30 (10) cercetare 7 5(3) cercetare 8 : 10-(8,3,1) 8-(5,3,2) 10(7) 9 nod 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 precedent 1 4 1 9 -4 8 9 5 3 8 Creșterea fluxului: 3. Marcajele arcurilor, care formează drumul de creștere (8,10) (5,8) (5,4) (9,4) (3,9) (1,3) se modifică. Se observă micșorarea fluxului pe arcul (5,4) cu compensarea pe arcurile (3,9) (9,4). Tot odată poate fi observată și tăietura, formată de flux(5,8) (7,10). Prin urmare fluxul maxim între nodurile 1 și 10 are valoarea 50. Următoarea iterație nu va mai realiza o creștere a fluxului. flux ∞ 3 13 3 3 3 3 3 3 3 2 2 2 2 2 1 2 2 2 1