

1. Să se verifice cu ajutorul lemei substituției dacă următoarele sisteme de vectori formează baze și, în caz afirmativ, să se determine coordonatele vectorului \vec{x} în aceste baze

- a) $B_1 = \{ (1, -2, 3)^T, (-2, 5, 0)^T, (2, -3, 2)^T \}$, $\vec{x} = (0, -3, 8)^T$
 b) $B_2 = \{ (1, 3, 5)^T, (2, 1, 2)^T, (1, 0, 2)^T \}$, $\vec{x} = (-1, 3, 1)^T$
 c) $B_3 = \{ (1, 2, -1)^T, (2, 5, 4)^T, (3, -1, 2)^T \}$, $\vec{x} = (0, 3, 1)^T$
 d) $B_4 = \{ (1, 5, 1)^T, (0, 1, 3)^T, (1, 6, 5)^T \}$, $\vec{x} = (1, 2, 3)^T$

2. Să se determine, cu ajutorul lemei substituției, matricea de trecere de la baza B_1 la baza B_2 , unde.

- a) $B_1 = \{ (1, 1, 2)^T, (1, 0, 3)^T, (3, -1, 2)^T \}$
 $B_2 = \{ (-1, 4, 2)^T, (4, 3, -2)^T, (0, 7, 5)^T \}$
 b) $B_1 = \{ (1, 3, 2)^T, (0, 1, 5)^T, (1, 2, 4)^T \}$
 $B_2 = \{ (1, 2, 4)^T, (2, 4, 5)^T, (4, -1, 2)^T \}$
 c) $B_1 = \{ (1, 4)^T, (2, -3)^T \}$
 $B_2 = \{ (3, -1)^T, (4, 2)^T \}$
 d) $B_1 = \{ (4, -3)^T, (1, 5)^T \}$
 $B_2 = \{ (3, 2)^T, (4, -3)^T \}$

3. Să se determine, cu ajutorul metodei substituției, inversele următoarelor matrici:

$$a) A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix} ; \quad b) A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 3 & 0 & -1 \\ 4 & 1 & 5 \end{pmatrix}$$

$$c) A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 5 \\ 6 & 1 & -2 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} , \quad d) A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 1 \\ 2 & 6 & 5 \\ 2 & 7 & -1 \end{pmatrix}$$