

1. Fie operatorul  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ ,

$$T(x_1, x_2, x_3) = (x_1 + x_2, x_1 - x_3, x_1 + x_2 + x_3)$$

Să se scrie matricea atașată operatorului în baza canonică, precum și în baza

$$B = \{(2, 1, 0), (-1, 0, 2), (1, 1, -3)\}$$

2. Fie operatorul  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ ,

$$T(x_1, x_2, x_3) = (x_1 + x_2 - x_3, 2x_1 + x_2)$$

Să se scrie matricea atașată operatorului în bazele canonice ale lui  $\mathbb{R}^3$  și  $\mathbb{R}^2$ , precum și în bazele

$$G = \{(1, 1, 2), (-1, 0, 1), (0, 1, -2)\}$$

$$H = \{(1, 0), (1, -2)\}$$

3. Să se afle inversele următorilor operatori, în cazul în care sunt inversabili.

a)  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ ,  $T(x_1, x_2) = (x_1 - 2x_2, x_1 + x_2)$

b)  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ ,  $T(x_1, x_2, x_3) = (x_1 + 2x_2 + x_3, x_1 + 3x_2 - x_3, x_1)$

c)  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$ ,  $T(x_1, x_2) = (x_1 + 3x_2, x_1 - x_2, 2x_1 + x_2)$

d)  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ ,  $T(x_1, x_2, x_3) = (x_1 + 2x_3, x_2 - x_3, x_1 + x_2 - 2x_3)$

4. Să se determine vectorii și valorile proprii ale operatorilor:

a)  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ ,  $T(x_1, x_2) = (3x_1 + 5x_2, 2x_2)$

b)  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ ,  $T(x_1, x_2, x_3) = (x_1 - 3x_3, x_1 + 3x_2, -2x_3)$

c)  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ ,  $T(x_1, x_2, x_3) = (2x_1 + 3x_3, 8x_1 + x_2 + 2x_3, 3x_1 + x_3)$

d)  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$ ,  $T(x_1, x_2, x_3) = (x_1 + 5x_3, -2x_1 + x_2 - x_3, 5x_1 + x_3)$