Laborator04

Enunțuri

1. Să se rezolve următoarele ecuații de tip Bernoulli.

$$a) \ \ x' + \frac{t}{6} \cdot x = \frac{1}{3} \cdot t \cdot x^{-2}$$

$$b) \begin{cases} 3 \cdot t \cdot x^{2} \cdot x' + x^{3} = 2t \\ x(1) = 2 \end{cases}$$

$$c) \begin{cases} x' = 2 \cdot t \cdot x + t \cdot \sqrt[3]{x} \\ x(0) = 4 \end{cases}$$

$$d) \ \ x' + 2 \cdot t \cdot x = 2 \cdot t^{3} \cdot x^{3}$$

2. Să se rezolve următoarele ecuații de tip Riccati.

$$egin{aligned} a) & x' + x^2 - 2 \cdot x \cdot sint + sin^2t - cost = 0, &
ho_0(t) = sint \ b) & x' = t \cdot x^2 - 2 \cdot t^2 \cdot x + t^3 + 1, &
ho_0(t) = t \ c) & \begin{cases} x' = -x^2 \cdot sint + rac{2 \cdot sint}{cos^2t}, &
ho_0(t) = rac{1}{cost} \end{cases} &
ho_0(t) = rac{1}{cost} \end{cases}$$

3. Să se rezolve următoarele ecuații cu diferențiale exacte.

a)
$$\frac{t}{x^2}dt + \frac{x^2 - t^2}{x^3}dx = 0$$
b)
$$\begin{cases} 2 \cdot t \cdot x \, dt + (t^2 + x^2)dx = 0\\ x(1) = 3 \end{cases}$$
c)
$$(t^2 + x^2 + 2t)dt + 2 \cdot t \cdot x \, dx = 0$$
d)
$$t \, dt + x \, dx = \frac{-t \, dx - x \, dt}{t^2 + x^2}$$

4. Să se rezolve următoarele ecuații căutând un factor integrant.

a)
$$(x^2 - 2 \cdot t \cdot x)dt + t^2 dx = 0$$

b) $2 \cdot t \cdot x dt = (t^2 - x^2)dx$
c) $(2 \cdot t \cdot x - t)dt + (x^2 + x + 2t^2)dx = 0$

Rezolvare

Exerciţiu 01

c) - <u>Video</u>

$$\frac{1}{0} = \frac{1}{1} e^{\frac{1}{2}} C_{A} e^{\frac{1}{2}} e^{\frac{1}{3}}$$

$$\frac{1}{0} = \frac{1}{1} + C_{A} e^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{1}{0} = \frac{1}{1} + C_{A} e^{\frac{1}{3}}$$

3

Exerciţiu 02

a) - Video

(2) a) Laborator 4.

$$x' + x^2 - 2x \text{ mint} + n \text{min}^2 t - cost = 0$$
 $y' + y^2 - 2x \text{ mint} + n \text{min}^2 t - cost = 0$
 $y' + y' + 2y \text{ mint} + 2y + 2y \text{ mint} + 2y + 2y \text{ mint} + 2y \text{ min$

c)

$$\mathcal{H} = -n^{2} \frac{n^{2}n^{2}}{n^{2}} + \frac{2nn^{2}}{n^{2}} + \frac{n^{2}}{n^{2}} + \frac{n^{2}$$

$$u = \frac{1}{y} \Rightarrow y = \frac{1}{u} = \frac{1}{\frac{2nt}{3}} + \frac{C}{6n^{2}t}$$

$$\frac{4}{y} = \frac{1}{y} + \frac{1}{6nt} = \frac{1}{\frac{2nt}{3}} + \frac{1}{6nt}$$

$$\frac{1}{2(0)} = \frac{1}{C - \frac{1}{3}} + \frac{1}{1 - 2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2(0)} = \frac{1}{2} =$$

Exercițiu 03

a)

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1$$

b) - Video

$$t^{2}x + \frac{x^{3}}{3} = C$$
 (not. in James 12 3 + $\frac{5^{3}}{3} = C$ = $1c = 3 + 9 = 12$
PC: $t^{2}x + \frac{x^{3}}{3} = 12$

Exercițiu 04

a) - Video

$$\frac{\partial x}{\partial x} | \frac{1}{x^{2}} - \frac{1}{x} | \frac{1}{$$

Ex4a_var1