MEFT - Programação

1º Ano - 1º Semestre de 2013/2014 Série 2 (21/10/2013)

- 1. Reescreva o problema 2 da série 1, de tal maneira que:
- a) Se possam dar os valores de 'N' e de 'Max' na linha de comandos;
- b) Se o utilizador não der argumentos, então o programa deve pedi-los;
- c) A atribuição de memória ao vector seja feita usando a função 'malloc';
- d) No final, deverá perguntar se quer voltar a executá-lo e, no caso afirmativo, perguntar ao utilizador quais os novos valores e fazer o ajuste da atribuição de memória usando a função 'realloc'.
- e) Ao encerrar o programa deve ser libertada a memória (função 'free');
- 2. A função sen pode ser obtida a partir do seu desenvolvimento em série de Taylor:

$$sen(x) = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \dots = \sum_{i=0}^{\infty} (-1)^i \frac{x^{2*i+1}}{(2*i+1)!}$$

Sendo uma série alternada que converge, em valor absoluto, para zero, a diferença entre um termo e o anterior é um majorante do erro do valor obtido em cada ordem.

Pretende-se construir um programa que pede ao utilizador o valor do argumento 'x' e um 'erro máximo' e que imprime o valor do 'sen' de 'x' com um erro inferior ao 'erro máximo' dado. Finalmente deverá comparar o valor obtido a partir da função 'sin' da biblioteca matemática do **C** com o valor anteriormente obtido.

Para tal, o Programa deverá conter:

- a) Uma função que converte o valor do argumento 'x' para o intervalo $[0, 2\pi]$;
- b) Uma função que calcule o factorial de um número;
- c) Uma função que recebe o valor do argumento 'x' e do majorante do erro e que retorna o valor de 'sen' de 'x' com esse erro calculado a partir do desenvolvimento em série de Taylor acima descrito.
- 3. Escreva um programa capaz de calcular o máximo divisor comum (mdc) e o menor multiplo comum (mmc) de dois números inteiro. Os números deverão ser fornecidos ao programa na linha de comandos.

Para calcular o máximo divisor comum, poderá usar o algoritmo de Euclides. Para calcular o menor multiplo comum poderá utilizar a sua relação com o máximo divisor comum:

$$mmc\ (N1, N2) = \frac{N1 * N2}{mdc\ (N1, N2)}$$

Algoritmo de Euclides para calcular o mdc(A, B):

Calcula-se o resto da divisão 'A' por 'B' ('C = A%B'), se der resto '0' o resultado é 'B'. Caso contrário, calcula-se o mdc (B,C), se der resto '0' o resultado é 'C' e assim sucessivamente até o resto ser '0'.

A prova do Algoritmo de Euclides basea-se na igualdade:

$$n = mdc (A, B) = mdc (A - B, B)$$