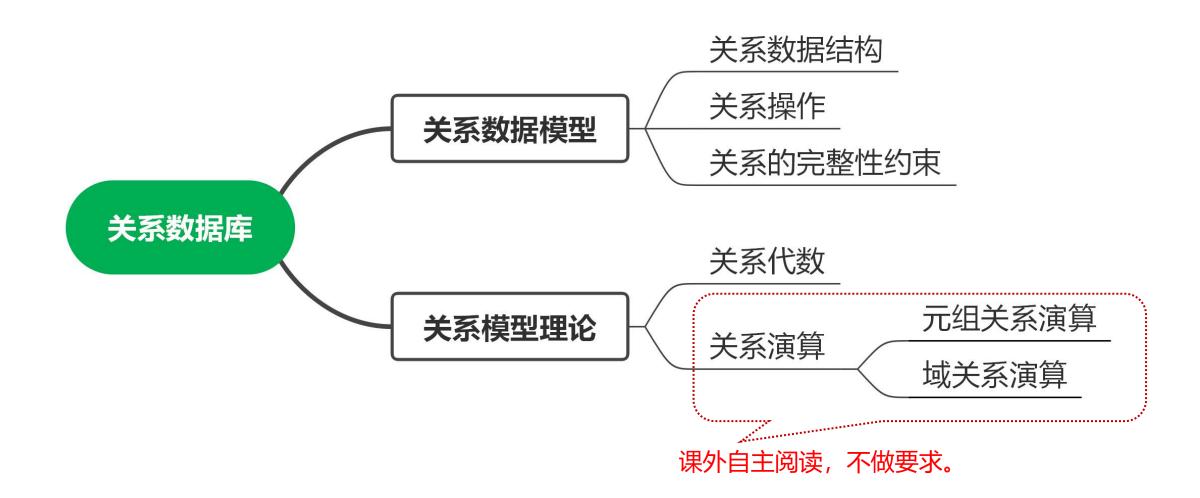
数据管理基础

第2章 关系数据库 (复习总结)

智能软件与工程学院

第2章 关系数据库

□本章知识框架



关系数据库中名词术语之间的对应关系

关系模型理论	关系数据库管理系统 (SQL)	文件系统
关系 relation	表 table	文件 set of records
属性 attribute	列 column	字段 field
元组 tuple	行 row	记录 record
关系模式 schema	表头 table heading	记录型 type of record
码 key 候选码 candidate key	主码 primary key 唯一码 unique	

□域(domain)是一组具有相同数据类型的值的集合

□笛卡尔积(Cartesian Product)

》给定一组域 $D_1, D_2, ..., D_n$,它们之间的笛卡尔积 $D_1 \times D_2 \times ... \times D_n$ 是一个具有如下形式的'n元组'的集合:

$$D_1 \times D_2 \times ... \times D_n = \{ (d_1, d_2, ..., d_n) \mid d_i \in D_i, i = 1, 2, ..., n \}$$

- 》笛卡尔积中的元素 $(d_1, d_2, ..., d_n)$ 被称为是一个'n元组',也被称为'元组'或'n元有序组'
- 》元素 $(d_1, d_2, ..., d_n)$ 中的每一个值 d_i 被称为是一个'分量'

□关系 (Relation)

- 》给定一个域的序列 $D_1, D_2, ..., D_n$ (其中可能存在相同的域),笛卡尔积 $D_1 \times D_2 \times ... \times D_n$ 的子集叫做在域 $D_1, D_2, ..., D_n$ 上的关系,关系中的元素被称为是关系中的元组。
- ▶关系是元组的集合,关系也可以被表示成一张'二维表'。表中的一行(不包括第一行)对应关系中的一个元组,表中的一列对应一个域。
- ▶ 为了区分一个关系中的不同列,在关系模型中,关系中的一列被称为是关系中的一个'属性';在同一个关系中,不同的列具有不同的属性名。
- \rightarrow 关系表示: 在域 $D_1, D_2, ..., D_n$ 上的 n 目关系 R 可以被表示如下:
 - 关系名: R
 - 属性名: A₁, A₂, ..., A_n
 - 关系模式: R(A₁, A₂, ..., A_n)
 - 元组: t ∈ R
 - 属性值/分量: $t[A_i] \in D_i$ 或者 $t[i] \in D_i$ $(i = 1, 2, \dots, n)$
 - 关系中的元组集合: R(也可用关系名来表示一个关系对应的元组集合)

□关系的性质

在关系数据模型中,'关系'是属性域的笛卡尔积的一个有限子集,且必须满足以下性质:

- ① 列是同质的;
- ② 不同的列具有不同的属性名,不同的列可出自同一个域;
- ③ 列的无序性(属性的无序性)
- 4 行的唯一性(元组的唯一性)
- ⑤ 行的无序性(元组的无序性)
- 6 分量必须取原子值。
- □每个关系都可以被称为一张二维表,但只有同时满足上述六条性质的 二维表才能被称为是'关系'。

□码(Key)、候选码 (Candidate key)

- 》若关系R中的某一属性组K的值能唯一地标识关系R中的一个元组,并且K的所有真子集都不能,则称该属性组K为关系R的'候选码',简称'码'。
- ▶每一个关系中都存在'候选码';在一个关系中,也可能存在多个'候选码'。
- ▶如果'候选码'是由关系中的所有属性构成的,这称为'全码'(All-key)

□主属性 与 非主属性/非码属性

- ▶候选码中的诸属性称为该关系的'主属性'(Prime attribute)
- ▶不包含在任何侯选码中的属性称为该关系的'非主属性'(Non-Prime attribute) 或'非码属性'(Non-key attribute)

□主码 (Primary key)

- ▶在一个关系中,可以选择一个候选码作为该关系的'主码'来定义。
- ▶'主码'是关系数据库管理系统(SQL)中才有的概念,在关系模型理论中,不 需要为关系定义'主码'。
- ▶当我们在创建关系对应的'基表'时,可以为基表定义'主码'也可以不定义'主码'。在一张基表中,最多只能定义一个主码。

- \Box 关系模式的形式化表示: R(U, D, DOM, F)
 - ▶R: 关系名
 - $\triangleright U$: 组成该关系的属性名集合, $U = \{A_1, A_2, \dots, A_n\}$
 - >D: U 中属性所来自的域, $D = \{D_1, D_2, \dots, D_m\}, m \le n$
 - >DOM: 属性向域的映象集合(描述各个属性对应的域)
 - $DOM(A_i) = D_j \ (1 \le i \le n, 1 \le j \le m)$
 - >F: 属性间数据的依赖关系的集合(关系上的完整性约束条件)
- 口关系模式通常可以简记为 R(U) 或 $R(A_1, A_2, \dots, A_n)$
- □关系模式是对关系组成结构的静态描述,是关系的'型',一般是稳定不变的;
- □关系是指关系模式在某一时刻的状态或内容,即关系中的元组集合,是关系的'值',是动态、随时间不断变化的。
- □用户在描述关系上的访问操作时,使用的是关系模式;访问结果取决于在执行时关系的'值'。

review: 关系的完整性

□实体完整性

- >实体完整性(Entity Integrity)是指关系中元组的唯一性。
- ▶在关系数据库管理系统中,实体完整性规则是指:若属性A是基本 关系(基表)的主码中的属性,则属性A不能取'空值'。

□参照完整性

- 》若属性(或属性组)F是基本关系R的外码,它与基本关系S的主码 K_s 相对应(基本关系R和S不一定是不同的关系),则关系R中每个元组在F上的取值必须是下列两种情况之一:
 - ·空值(F的每个属性值均为空值)
 - •等于关系5中某个元组的主码值

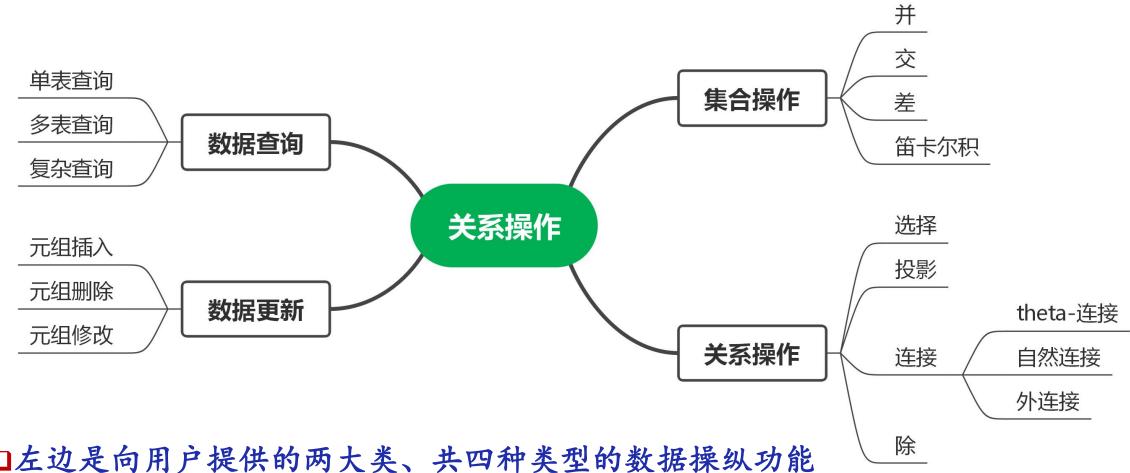
□用户定义的完整性

▶用户定义的完整性是特定应用领域需要遵循的约束条件,体现了具体领域中的语义约束。

关系数据结构(总结)

- □关系数据库系统是目前使用最广泛的数据库系统,关系模型、基于关系模型的关系数据库系统是本门课程的重点。
- □关系数据库系统与其他非关系数据库系统的区别,就是关系数据库系统只有'关系'(或'表'、'二维表')这一种数据结构。
- □数据模型是区分不同类型数据库管理系统的依据。要学习关系数据库, 首先要学懂弄通什么是关系数据模型。
- □本课件重点讲解关系模型的基本概念,核心知识点包括:
 - >关系模型的数据结构、关系操作、关系的完整性
 - >关系、关系模式、关系数据库 以及三者之间的联系和区别
 - >'关系'和'二维表'(表)的联系和区别

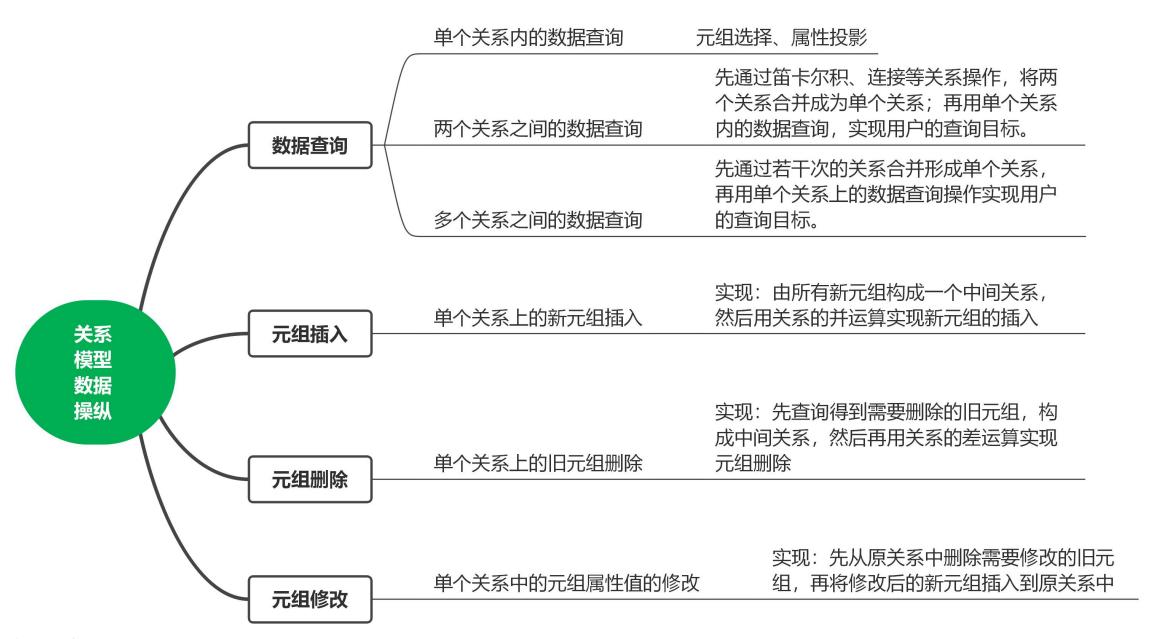
基本的关系操作



- □左边是向用户提供的两大类、共四种类型的数据操纵功能
- □右边是用来实现或表示用户的数据操纵请求的关系操作(符)
- □选择、投影、并、差、笛卡尔积是5种基本操作
- □关系操作的特点:操作的对象和结果都是关系(集合)

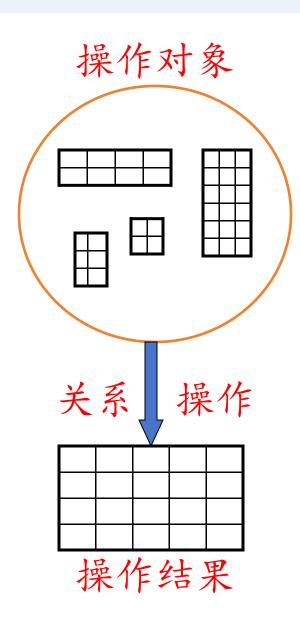
11 ch02 关系数据库 复习总结@ISE

关系模型上的数据操纵功能

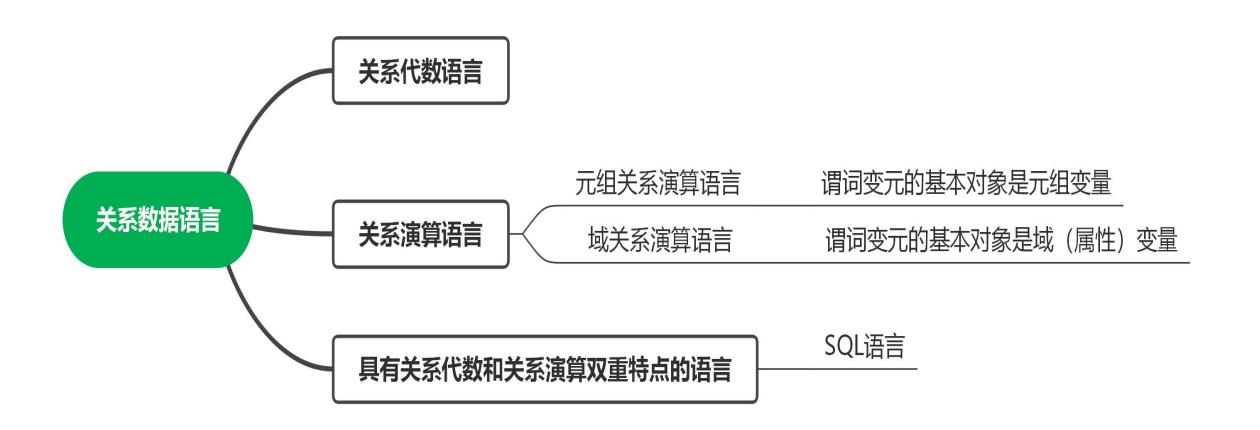


review: 关系操作

- □操作对象是关系,操作结果也构成一个关系
- □关系模型上的数据操纵
 - >数据查询
 - > (元组)插入、删除、修改
- □关系模型上的五种基本关系操作
 - > (元组)选择
 - > (属性)投影
 - > (两个关系的) 笛卡尔积
 - > (两个关系的)并
 - > (两个关系的)差



关系数据语言的分类



数据管理基础

第2章 关系数据库

(关系代数)

智能软件与工程学院

review: 关系代数

- □关系操作的特点
 - >操作对象和操作结果都是集合(关系)
- □关系操作的表示
 - >关系代数表达式: 以关系为运算对象、以关系运算符为连接符
- □常用的关系运算符
 - >集合运算符:并、交、差、笛卡尔积
 - >专门的关系运算符
 - •选择、投影
 - 连接(包括 θ-连接, 自然连接, 外连接等)
 - •除
- □选择、投影、并、差、笛卡尔积是5种基本关系运算

review: 关系代数运算符

运身	华	含义
	J	并
集合	_	差
运算符	Λ	交
	×	笛卡尔积
	σ	选择
专门的	π	投影
大 尔 运 算 符	×	连接
	•	除

review: 使用的记号 1

- 口设关系模式为 $R(A_1, A_2, ..., A_n)$
 - ▶它的一个关系设为R
 - > t∈R表示t是R的一个元组
 - $> t[A_i]$ 则表示元组t中相应于属性 A_i 的一个分量(属性值)

 - $> t[A] = (t[A_{i1}], t[A_{i2}], ..., t[A_{ik}])$ 表示元组t在属性列A上诸分量的集合。
 - \overline{A} 则表示 $\{A_1, A_2, ..., A_n\}$ 中去掉 $\{A_{i1}, A_{i2}, ..., A_{ik}\}$ 后剩余的属性组。

review: 使用的记号 2

- □R为n目关系, S为m目关系。
 - $> t_r \in R, t_s \in S, \widehat{t_r t_s}$ 称为元组的连接。
 - $\widehat{t_r} t_s$ 是一个n+m列的元组,前n个分量来自于R中的一个元组,后m个分量来自于S中的一个元组。
 - \triangleright 为方便表示,以后用 (t_r,t_s) 来表示元组的连接。
- □给定一个关系R(X,Z), X和Z为属性组。
 - \triangleright 当 t[X] = x 时,x 在R中的象集(Images Set)为: $Z_x = \{ t[Z] \mid t \in R, t[X] = x \}$
 - ▶它表示R中属性组X上值为x的诸元组在Z上分量的集合
 - \rightarrow 用关系代数来表示,象集的定义是: $Z_x = \pi_Z(\sigma_{X=x}(R))$

review:集合运算符1

- □并(Union),差(Difference),交(Intersection)
 - ▶运算前提: R和S具有相同的关系模式(相同的目n、相应的属性取自同一个域)
 - ▶结果关系的关系模式: 关系模式不变(仍为n目关系)
 - >结果关系的元组集合:
 - 由属于R或属于S的元组组成: $R \cup S = \{t \mid t \in R \lor t \in S\}$
 - 由属于R而不属于S的所有元组组成: $R-S=\{t \mid t \in R \land t \notin S\}$
 - 由既属于R又属于S的元组组成: $R \cap S = \{t \mid t \in R \land t \in S\}$
- □ 并运算和交运算满足交换律 $R \cup S = S \cup R$, $R \cap S = S \cap R$
- □ 交运算不满足交换律: $R S \neq S R$

review: 并

 \Box the set of tuples in the relation $T = R \cup S$

```
/* 首先将关系R中的元组加入结果关系T*/
T := R
for each tuple t_s \in S
  /* 确保结果关系T中元组的唯一性 */
  if (t_s \notin R)
  then add tuple t_s into T
return T
```

review: 差

 \Box the set of tuples in the relation T = R - S

```
/* 将结果关系T初始化为空集 */
T := \{ \}
for each tuple t \in R
  /* 仅由属于关系R但不属于关系S的元组组成结果关系T*/
  if (t \notin S)
  then add tuple t into T
return T
```

review: 交

 \Box the set of tuples in the relation $T = R \cap S$

```
T := \{ \}
for each tuple t \in R
  /* 由既属于关系R、又属于关系S的元组组成结果关系T*/
  if (t \in S)
  then add tuple t into T
return T
```

review: 集合运算符 2

1	1	5	Ì
1	ľ	٦	ĺ
	_		

Α	В	С
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_1
a_1	$\boldsymbol{b_2}$	c_2
a_2	\boldsymbol{b}_2	c_1

 $R \cup S$

Α	В	С
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_1
a_1	$\boldsymbol{b_2}$	c_2
a_2	b_2	c_1
a_1	b_3	c_2

2

Α	В	С
a_1	b_2	c_2
a_1	\boldsymbol{b}_3	c_2
a_2	$\boldsymbol{b_2}$	c_1

R - S

Α	В	С
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_1

S - R

Α	В	С
a_1	b_3	c_2

 $R \cap S$

Α	В	С
a_1	\boldsymbol{b}_2	c_2
a_2	$\boldsymbol{b_2}$	c_1

review: 笛卡尔积 1

- □任意两个关系,都可以进行笛卡尔积运算
- □设: R是n目关系, S是m目关系
- □ 笛卡尔积 $R \times S$ 的计算结果是一个(n+m) 目关系(假设为T)

```
T := \{ \}
for each tuple t_r \in R
   for each tuple t_s \in S
       add tuple (t_r, t_s) into T
return T
```

review: 笛卡尔积 2

1	D
1	\mathbf{L}

Α	В	C
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_1
a_1	$\boldsymbol{b_2}$	c_2
a_2	\boldsymbol{b}_2	c_1

S

Α	В	С
a_1	$\boldsymbol{b_2}$	c_2
a_1	\boldsymbol{b}_3	c_2
a_2	$\boldsymbol{b_2}$	c_1

$R \times S$

R.A	R.B	R.C	S.A	S.B	S.C
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_1	a_1	b_2	c_2
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_1	a_1	b_3	c_2
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_1	a_2	$\boldsymbol{b_2}$	c_1
a_1	$\boldsymbol{b_2}$	c_2	a_1	$\boldsymbol{b_2}$	c_2
a_1	$\boldsymbol{b_2}$	c_2	a_1	b_3	c_2
a_1	$\boldsymbol{b_2}$	c_2	a_2	$\boldsymbol{b_2}$	c_1
a_2	$\boldsymbol{b_2}$	c_1	a_1	b_2	c_2
a_2	$\boldsymbol{b_2}$	c_1	a_1	b_3	c_2
a_2	$\boldsymbol{b_2}$	c_1	a_2	$\boldsymbol{b_2}$	c_1

□选择(Selection)

根据给定的条件F从关系R中选出符合条件的元组

```
\sigma_F(R) = \{ t \mid t \in R \land F(t) = '\mathring{A}' \}
```

选择条件F是一个逻辑表达式,基本形式为: $X_1 \theta Y_1$,其中:

- $\triangleright X_1$ 和 Y_1 是关系R中的属性名或常量(至少一个是属性名)
- ▶ θ表示比较运算符,它可以是>,≥,<,≤,=,◇或≠
- >在基本的选择条件上使用逻辑与、或、非运算, 可以构造复杂的选择条件

```
T := \{ \} for each tuple t \in R \{ /* 将元组t的属性值代入到条件表达式F中进行计算 */ if F(t) = true then add tuple t into T \} return T
```

□投影 (Projection)

>从R中选择出若干属性列组成新的关系(A是R中的属性列)

```
\pi_A(R) = \{ t[A] \mid t \in R \}
```

▶投影之后不仅过滤了原关系中的某些列,而且还可能消除某些元组 (避免重复行),最后得到计算的结果关系

```
T := \{ \} for each tuple t \in R \{  /* 投影过程中可能产生重复的结果元组 t[A] */ if t[A] \notin T then add tuple t into T \} return T
```

□在单个关系上,常常使用"选择+投影"来实现数据查询

[例] 查询2号课程的学生选修情况,结果返回选修学生的学号和成绩。

 $\pi_{Sno, Grade} (\sigma_{Cno = '2'}(SC))$

选修关系 SC

学号 Sno	课程号 Cno	成绩 Grade
201215121	1	92
201215121	2	85
201215121	3	88
201215122	2	90
201215122	3	80

查询结果

学号 Sno	成绩 Grade	
201215121	85	
201215122	90	

ch02 关系数据库 复习总结@ISE

□结果元组的去重处理

[例] 查询年龄超过18岁的学生所在的系。

 $\pi_{Sdept} \left(\sigma_{Sage>18} \left(Student \right) \right)$

学生关系 Student

学号	姓名	性别	年龄	所在系
Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
201215121	李勇	男	20	CS
201215122	刘晨	女	19	CS
201215123	王敏	女	18	MA
201215125	张立	男	19	IS

查询结果

所在系 Sdept
CS
IS

□θ-连接(θ-Join)

```
R \bowtie_{A \theta B} S = \{ \widehat{t_r t_s} \mid t_r \in R \land t_s \in S \land (t_r[A] \theta t_s[B]) \}
```

- ▶ A和B:分别为R和S上度数相等且可比的属性组
- θ: 比较运算符
- 连接运算从R和S的广义笛卡尔积($R \times S$)中选取关系R在属性组A上的值与关系S在属性组B上的值满足比较关系 θ 的元组。

```
T := \{ \}
for each tuple t_r \in R
    for each tuple t_s \in S
        if (t_r[A] \theta t_s[B]) is true then add tuple (t_r, t_s) into T
return T
```

□自然连接(Natural join)

 \triangleright 关系R和S含有相同的属性组B,U是两个关系所有属性的并集(包括相同的属性组B)

```
R \bowtie S = \{ \widehat{t_r} \widehat{t_s} [U - B] \mid t_r \in R \land t_s \in S \land (t_r[B] = t_s[B]) \}
```

□设关系R的属性被划分为A和B两个属性组,关系S的属性被划分为B和C两个属性组

```
T := \{ \}
for each tuple t_r \in R
    for each tuple t_s \in S
       if (t_r[B] = t_s[B]) is true
        then add tuple (t_r[A], t_r[B], t_s[C]) into T
return T
```

ch02 关系数据库 复习总结@ISE

[例] 查询与张清玫老师同在一个院系的学生的学号和姓名。

□分析:

- ▶本查询从找到的教师元组出发,查出与这些教师同在一个院系的学生,查询涉及到学生和教师两个关系,并根据他们所在系的名称实现跨关系的数据查询。
- >虽然都是系别名称,但在两个关系中采用了不同的属性名,所以采用θ-连接

 $\pi_{Sno, Sname}$ ($\sigma_{Sname = '张清政'}$ (Teacher \bowtie Student)) Tdept = Sdept

学生关系 Student

学号	姓名	性别	年龄	所在系
Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
201215121	李勇	男	20	CS
201215122	刘晨	女	19	CS
201215123	王敏	女	18	MA
201215125	张立	男	19	IS

教师关系 Teacher

工号	姓名	所在系
Tno	Tname	Tdept
907811	张清玫	CS
853609	刘逸	IS

[例2.12] 查询至少选修了一门其直接先行课为5号课程的学生姓名

□分析:

- >本查询从课程出发,查找选修过该课程的学生姓名,查询过程需要涉及到三个关系
- >需要根据课程号实现从课程到选修关系的查找,根据学号实现从选修到学生关系的查找,恰好在它们之间只有课程号和学号这一个同名属性,所以可使用自然连接

 $\pi_{Sname}(\sigma_{Cpno='5'}(Course \bowtie SC \bowtie Student))$

学生关系 Student

学号 Sno	姓名 Sname	性别 Ssex	年龄 Sage	所在系 Sdept
201215121	李勇	男	20	CS
201215122	刘晨	女	19	CS
201215123	王敏	女	18	MA
201215125	张立	男	19	IS

课程关系 Course

	床性大家 Course				
课程号	课程名	先行课	学分		
Cno	Cname	Cpno	Ccredit		
1	数据库	5	4		
2	数学		2		
3	信息系统	1	4		
4	操作系统	6	3		
5	数据结构	7	4		
6	数据处理		2		
7	PASCAL语言	6	4		

选修关系 SC

学号	课程号	成绩	
Sno	Cno	Grade	
201215121	1	92	
201215121	2	85	
201215121	3	88	
201215122	2	90	
201215122	3	80	

review: 外连接 1

□悬浮元组 (Dangling tuple)

▶两个关系R和S在做自然连接时,关系R中某些元组有可能在S中不存在公共属性上值相等的元组,从而造成R中这些元组在操作时被舍弃了。这些被舍弃的元组称为悬浮元组。

□外连接(Outer Join)

- ▶如果把悬浮元组也保存在结果关系中,而在其他属性上填空值 (Null),就叫做外连接
- ▶左外连接(LEFT OUTER JOIN 或 LEFT JOIN)
 - ●只保留左边关系R中的悬浮元组
- ▶右外连接(RIGHT OUTER JOIN 或 RIGHT JOIN)
 - ●只保留右边关系S中的悬浮元组

review: 外连接 2

1	
I	1

Α	В	С
a_1	\boldsymbol{b}_1	5
a_1	$\boldsymbol{b_2}$	6
a_2	b_3	8
a_2	b_4	12

S

В	E
\boldsymbol{b}_1	3
$\boldsymbol{b_2}$	7
b_3	10
b_3	2
b_5	2

图(a) R outer join S

Α	В	С	E
a_1	\boldsymbol{b}_1	5	3
a_1	$\boldsymbol{b_2}$	6	7
a_2	b_3	8	10
a_2	b_3	8	2
a_2	b_4	12	NULL
NULL	b_5	NULL	2

图(b) R left join S

В	C	E
\boldsymbol{b}_1	5	3
$\boldsymbol{b_2}$	6	7
b_3	8	10
b_3	8	2
b_4	12	NULL
	$b_1 \\ b_2 \\ b_3 \\ b_3$	 b₁ b₂ 6 b₃ b₃ 8

图(c) R right join S

Α	В	C	E	
a_1	\boldsymbol{b}_1	5	3	
a_1	$\boldsymbol{b_2}$	6	7	
a_2	\boldsymbol{b}_3	8	10	
a_2	\boldsymbol{b}_3	8	2	
NULL	b_5	NULL	2	

review: 除运算 1

口除运算 (Division)

- ▶给定关系 R(X, Y) 和 S(Y, Z), 其中 X, Y, Z 为属性组。
- ▶R中的Y与S中的Y可以有不同的属性名,但必须出自相同的域集。
- \triangleright R与S的除运算得到一个新的关系P(X), P是R中满足下列条件的元组在X 属性列上的投影:

元组在X上分量值 x 的象集 Y_x 包含S在Y上投影的集合,记作: $R \div S = \{t_r[X] \mid t_r \in R \land \pi_v(S) \subseteq Y_v\}$

其中: Y_x 是x在R中的象集, $x = t_r[X]$

review: 除运算 2

R	Α	В	С
	a_1	\boldsymbol{b}_1	c_2
	a_2	\boldsymbol{b}_3	c_7
	a_3	b_4	c_6
	a_1	$\boldsymbol{b_2}$	c_3
	a_4	\boldsymbol{b}_6	c_6
	a_2	$\boldsymbol{b_2}$	c_3
	a_1	\boldsymbol{b}_2	c_1

S	В	C	D
	\boldsymbol{b}_1	c_2	d_1
	$\boldsymbol{b_2}$	c_1	d_1
	$\boldsymbol{b_2}$	c_3	d_2

R÷S	Α
	a_1

- 口在除法表达式 $R \div S$ 中,分子上的关系R被称为'被除数关系',分母上的关系S被称为'除数'关系
- 口在其他教材中,对于除法的描述是: 当除数关系S的关系模式是被除数关系R的一个真子集时、 $R \div S$ 才是合法有意义的!
 - ightharpoonup 本题查询可表示为: $R \div \pi_{B,C}(S)$

数据管理基础

第2章 关系数据库

(关系代数的基本运算与扩充运算)

(复习总结)

智能软件与工程学院

关系代数的基本运算与扩充运算

□在关系代数中,并、差、笛卡尔积、选择、投影等五个运算符是 基本运算,其他运算符都是扩充运算。

□关系完备系统

- ▶ 采用关系数据结构,并且支持并、差、笛卡尔积、选择、投影等五个关系代数的基本运算符的系统,被称为是关系完备的系统。
- >一个关系完备的系统, 能够支持所有的关系操作。

□接下来

- >赋值运算符
- >扩充运算符的推导公式

关系模式的语义 1

- □在关系模型理论中
 - >一般通过属性名来确定一个属性的语义
 - •同名同义:'属性名相同'表示具有'相同的属性域和相同的语义'
 - 异名异义: '属性名不同'表示具有'不同的属性域或不同的语义'

>在后续的关系代数表示中,均采用"同名同义、异名异义"的约定

》但是,属性名也仅仅是用于标识关系中某一列的标识符。在不同关系之间,也有可能存在属性的'同名异义'和'同义异名'现象,这个时候可以通过赋值运算对关系中的属性进行重命名,使其符合"同名同义、异名异义"的要求。

关系模式的语义 2

□有如下所示的五个关系, 其中:

- $\triangleright R \rightarrow S_1$ 具有相同的关系模式(相同的目n、相应的属性'同名同义')
- ▶R与S2具有不同的关系模式(属性A的'同名异义')
- ▶R与S3具有相同的关系模式(列的无序性)
- ▶R与S4可以被认为是不同的关系模式(属性的'异名异义'),也可以被作为相同的关系模式(相同的目、相应列对应相同的域)

Α	В	C	
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_1	
a_1	$\boldsymbol{b_2}$	c_3	
a_2	\boldsymbol{b}_1	c_2	
关系 R			

Α	В	C	
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_1	
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_2	
a_1	\boldsymbol{b}_2	c_3	
a_3	$\boldsymbol{b_2}$	c_3	
关系 S ₁			

Α	В	С
1	\boldsymbol{b}_1	c_1
1	\boldsymbol{b}_1	c_2
1	$\boldsymbol{b_2}$	c_3
3	$\boldsymbol{b_2}$	c_3
关系 S ₂		

Α	C	В	
a_1	c_1	\boldsymbol{b}_1	
a_1	c_2	\boldsymbol{b}_1	
a_1	c_3	b_2	
a_3	c_3	$\boldsymbol{b_2}$	
关系 S。			

Α	В	D
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_1
a_1	\boldsymbol{b}_1	c_2
a_1	\boldsymbol{b}_2	c_3
a_3	$\boldsymbol{b_2}$	c_3
坐玄 C		

大 ホ りょ

关系代数中的'赋值'运算

- □ 赋值运算的一般表示方法: $R(A_1, A_2, ..., A_n) := \langle expression \rangle$
 - >:= 是赋值运算符
 - ► 右边的 ⟨expression⟩ 是一个关系代数表达式 (用于表示在关系数据 库上的数据操纵请求),或者是一个当前存在的关系;
 - 上左边的 $R(A_1, A_2, ..., A_n)$ 是 $\langle expression \rangle$ 的计算结果 (即数据操纵返回的结果关系)

上述的赋值表达式可以理解为:

- ① 为右边的数据操纵请求定义了一个查询关系,用以保存其操纵结果;
- ② R是该查询关系的关系名, $A_1, A_2, ..., A_n$ 是查询关系的属性名;
- ③ 查询关系也可以被作为访问对象,参与后续关系代数表达式的表示。

赋值运算的使用方式

- \Box 方式一: $R(A_1, A_2, ..., A_n) := \langle expression \rangle$
 - \triangleright 计算右边的关系代数表达式 $\langle expression \rangle$,并将其结果关系保存下来形成临时的查询关系R
 - ▶ 查询关系中的属性名,可以采用它们在右边表达式中的原属性名, 也可以对查询关系中的部分属性进行重命名,但必须保证在查询关 系R中不会出现属性同名现象。
- \Box 方式二: $R := \langle expression \rangle$
 - ▶ 将右边的关系代数表达式⟨expression⟩的计算结果保存下来形成 临时的查询关系R
 - ▶ R是查询关系的关系名,其属性名直接沿用它们在右边表达式中的原属性名,但必须保证在查询关系R中不会出现属性同名现象。

赋值运算的用途

- □对一个关系及关系中的属性进行重命名 (alias),以方便'关系的自连接'或者复杂查询的表示。
- □表的赋值: S := R
 - ▶ 简单的'表的赋值'操作,可用于为关系R另起一个别名 (alias),或者理解为:定义了一个与关系R'完全相同'的中间关系S(<u>关系名</u>不同,但具有相同的关系模式和元组集合)
 - ▶ 也可以在赋值表达式中,对生成的中间关系S中的属性进行重命名 (类似于前一页的'方式一')
 - ▶ 通常用于'<u>关系自连接</u>'的表示,或者有目的地对关系中的某些属性 进行重命名!
- □赋值运算也可以用来保存计算的'<u>中间结果</u>',方便某些复杂查询的表示。

关系代数中的扩充运算:交、θ-连接、自然连接

□交运算推导公式

$$R \cap S = R - (R - S) = S - (S - R)$$

□θ-连接推导公式

$$R \bowtie_{A \theta B} S = \{ \widehat{t_r t_s} \mid t_r \in R \land t_s \in S \land (t_r[A] \theta \ t_s[B]) \}$$
$$= \sigma_{R,A=S,B}(R \times S)$$

- □自然连接推导公式
 - ▶设关系R的属性被划分为A和B两个属性组,关系S的属性被划分为B和C两个属性组

$$R \bowtie S = \pi_{R.A.R.B.S.C}(\sigma_{R.B=S.B}(R \times S))$$

关系代数中的扩充运算:除1

- □除运算: R÷S
- □'除'运算是关系代数中的一个扩充运算,为什么要引入'除'运算?
 - >为了方便表示某类查询:"选修过所有课程的学生"

□请比较下述查询的区别:

- ① 选修过1号课程的学生学号;
- ② 查询至少选修1号课程和3号课程的学生学号;
- ③ 选修过课程关系中的所有课程的学生学号;

选修关系 SC

学号	课程号	成绩
Sno	Cno	Grade
201215121	1	92
201215121	2	85
201215121	3	88
201215122	2	90
201215122	3	80

关系代数中的扩充运算:除 2

□除运算: R÷S

- ▶用Head(R)表示关系R的关系模式
- ▶假设关系R和S的关系模式分别为:

$$Head(R) = \{A_1, A_2, ..., A_n, B_1, B_2, ..., B_m\}$$

 $Head(S) = \{B_1, B_2, ..., B_m\}$

>其中:

- R 被称为'被除数关系'
- S被称为'除数关系'
- • $R \div S$ 的结果关系 被称为'商'

□除运算(Division) (教材P55页)

- ▶ 给定关系 R(X, Y) 和 S(Y, Z), 其中 X, Y, Z 为属性组。
- >R中的Y与S中的Y可以有不同的属性名, 但必须出自相同的域集。
- $\triangleright R$ 与S的除运算得到一个新的关系P(X), P是R中满足下列条件的元组在X属性列上的投影:

元组在X上分量值x的象集 Y_x 包含S在Y上投影的集合,记作:

$$R \div S = \{ t_r[X] \mid t_r \in R \land \pi_Y(S) \subseteq Y_x \}$$

其中: Y_x 是x在R中的象集, $x = t_r[X]$

关系代数中的扩充运算:除3

- □ 结果关系: $T = R \div S = \{t_r[X] \mid t_r \in R \land \pi_Y(S) \subseteq Y_x\}$
 - \triangleright 结果关系的关系模式 $Head(T) = Head(R) - Head(S) = \{A_1, A_2, ..., A_n\} = X$
 - > 结果关系中的元组
 - •满足条件的元组 t_r 在X属性列上的投影:元组 t_r 在X上分量值x的象集 Y_x 包含S在Y上投影的集合
 - •根据前一页的假设,在除数关系S中只有属性组Y即 head(S),"S在Y上投影的集合"就是关系S
 - •即: 假设 x 是结果关系 T 中的一个元组 $(x \in T)$,则对于除数关系 S 中的每一个元组 y 都有 $(x,y) \in R$
 - \triangleright 由所有符合上述条件的元组x构成结果关系T的元组集合。

Result of $T = R \div S$

1. Assume a row x is in T, then:

```
for each row y in S
   we can find a row z in R, and
       z[A_1, A_2, \cdots A_n] = x[A_1, A_2, \cdots A_n]
       z[B_1, B_2, \cdots B_m] = y[B_1, B_2, \cdots B_m]
```

2. T contains the largest possible set of rows x

除运算与笛卡儿积的关系 1

- □在'被除数关系'完全包含'除数关系'中的所有属性的前提下,'除'运算与'笛卡儿积'运算存在如下的相关性
 - ightrightarrow如果 $R = T \times S$,那么有:

$$T = R \div S$$

$$S = R \div T$$

ightrightarrow如果 $T = R \div S$,那么有:

$$T \times S \subset R$$

除法的推导公式1

□'除'运算是关系代数中的一个扩充运算,它的推导公式如下

□设关系R的属性集为 $\{A_1,...,A_n,B_1,...,B_m\}$,关系S的属性集为 $\{B_1,...,B_m\}$,则:

$$R \div S = \pi_{A_1,...,A_n}(R) - \pi_{A_1,...,A_n}((\pi_{A_1,...,A_n}(R) \times S) - R)$$

其推导过程如下:

除法的推导公式 2

- ① $T_{\text{max}} := \pi_{A_1,...,A_n}(R)$ // T_{max} 是最大可能的结果元组集合
- ② $R_{max} := T_{max} \times S$ $// R_{max} = 5$ $// R_{max} = 5$
- **3** $T_1 := R_{max} R$
- **4** $T_2 := \pi_{A_1,...,A_n}(T_1)$

// T₂是关系T_{max}中不满足除运算的结果要求的那些元组,即:对于关系T₂中的任一个元组q,至少能在关系S中找到一个元组s,使得由元组q和s所构成的元组(q,s)不在关系R中出现。

 \bullet R \div S := $T_{max} - T_2$

除运算的推导过程(1) SC÷C

SC

sno	cno	
s_1	c_1	
s_1	c_2	
s_2	c_1	
s_2	c_2	
s_2	c_3	
S ₃	c_2	

 c_1

 $\boldsymbol{c_2}$

 c_3

 $T_{\underline{max}}$ cno

sno

 s_1

 S_2

S₃

 SC_{max}

mux	
sno	cno
s_1	c_1
s_1	c_2
S ₁	c_3
s_2	c_1
s_2	c_2
s_2	c_3

 c_1

 \boldsymbol{c}_2

 c_3

S₃

S₃

S₃

 $\pi_{sno}(SC_{max} - SC)$

sno

 S_1

S₃

结果关系T

sno

 S_2

没有出现在SC中的元组, 其 中的sno不符合'除'运算对结 果元组的要求。

除运算的推导过程 (2) R÷C

□如果在被除数关系中增加一个属性G, 那么除法的结果语义就会 产生改变!

R

sno	cno	G
s_1	c_1	80
s_1	c_2	85
s_2	c_1	90
s_2	c_2	70
s_2	c_3	85
S ₃	c_2	85

C

cno
c_1
c_2
c_3

 $T_{max} = \pi_{sno,G}(R)$

sno	G
s ₁	80
s_1	85
s_2	90
s_2	70
s_2	85
S ₃	85

- 1	D	
	T	ĺ

sno	cno	G
s ₁	c ₁	80
s ₁	c ₂	85
s ₂	c ₁	90
s ₂	<i>c</i> ₂	70
s ₂	<i>c</i> ₃	85
<i>S</i> ₃	c ₂	85

1	
U	

$T_{max} =$	$\pi_{sno,G}(R)$
IILUA	$SILO, U \subset \mathcal{I}$

cno	
c ₁	
c ₂	
<i>C</i> ₃	

sno	G
s ₁	80
s ₁	85
s ₂	90
s ₂	70
s ₂	85
S ₃	85

- 从R_{max}中, 我们无法判断哪些学生是选修过课程关系C中的所有三门课!
- ho 直接用关系R作为被除数,无法准确表示"选修过关系C中的所有课程"的查询语义,正确的表示方法是: $\pi_{sno,cno}(R)\div C$

$R_{max} = T_{max} \times C$

sno	cno	G
s_1	c_1	80
s_1	c_2	80
s_1	c_3	80
s_1	c_1	85
s_1	c_2	85
s_1	c_3	85
s_2	c_1	90
s_2	c_2	90
s_2	c_3	90
s_2	c_1	70
s_2	c_2	70
s_2	c_3	70
s_2	c_1	85
s_2	c_2	85
s_2	c_3	85
S ₃	c_1	85
S ₃	c_2	85
S ₃	c_3	85

关系代数的应用总结

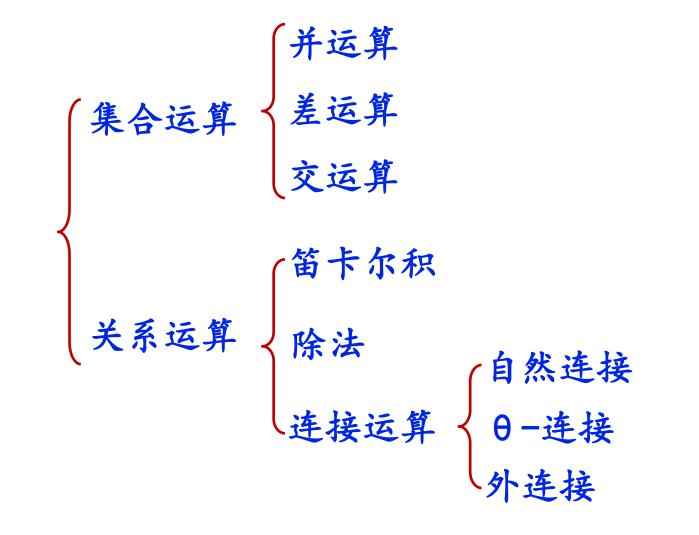
- □关系代数
- □关系运算
- □关系代数运算符的使用
 - > 差运算
 - >三种关系合并运算: 笛卡尔积, θ-连接, 自然连接
 - >除运算

关系代数总结

- □关系的表示
 - > 元组的集合
- □五种基本运算
 - ▶ 并∪, 差-
 - > 投影π, 选择σ, 笛卡儿积×
- □五种扩充运算
 - ▶交○
 - >除÷
 - > θ-连接, 自然连接, 外连接

- □关系操纵的表示
 - > 集合上的运算

关系运算



关系代数运算符的使用

□ When & How

- > 投影/选择
- ▶ 并/交/差
- > 笛卡尔积/θ-连接/自然连接/除法

□ Difference

- ▶ 笛卡尔积 vs. 自然连接
- > 自然连接 vs. 除法
- ▶ 差运算 vs. '不等'比较 (not equal)

特殊运算 (差) 的使用方法

□When?

▶当查询条件带有'否定'语义,或者具有明显的'排它性'的时候, 通常需要使用两个子查询之间的'差'运算

□How?

>'差'运算的运算对象(关系)中,通常需要包含其关键字

"笛卡尔积/θ-连接/自然连接"的使用方法

□都是关系的合并运算。笛卡尔积是基本运算, θ-连接和自然连接则是扩充运算 ▶请注意三者的结果关系的关系模式之间的区别

□笛卡尔积

- > 是实现跨不同关系表进行数据访问的基础
- ▶在笛卡尔积的结果关系中,存在着很多无意义的结果元组,通常需要通过后续的选择运算过滤掉那些无意义的结果元组

□ θ -连接

- ▶ 8-连接可以自由选择连接属性(不要求同名),可以进行任意的比较运算
- ▶相邻的"笛卡尔积 + 选择运算"可以合并为一个 θ -连接

□自然连接

- ▶自然连接的关系合并方式是固定的,需要将两个关系的所有同名属性都进行 '相等'比较
- ▶在使用自然连接时,有时候在关系中可能会存在在本次连接中不需要的'同名 属性'!
- 》如果连接条件是基于"两张表中的所有同名属性的相等比较",可以将 θ-连 接进一步简写为自然连接。

"笛卡尔积/θ-连接/自然连接" (cont.)

- □一般方法: 笛卡尔积+选择 or θ-连接
 - >不存在同名属性, 或者连接条件不是基于同名属性的相等比较
 - >在结果关系中可能存在同名属性, 需要加以区别
- □常用方法: 自然连接
 - >连接条件是隐含的(所有同名属性的相等比较)
 - ▶如果在两个关系之间存在多对'同名属性',而本次查询又不需要'所有'的同名属性都相等,此时有两种选择:
 - ① 采用前述的一般方法来实现关系的合并
 - ② 先对其中的一个关系执行投影运算,过滤掉其中不需要相等的那些同名属性,然后再使用自然连接运算

□难点:关系的自连接

- ▶使用赋值运算定义'同质不同名'的两个中间关系(元组集合相同,但关系名不同),当然也可以对中间关系中的属性进行重命名
- >然后再使用前述的一般方法实现两个中间关系的合并

特殊运算(除)的使用方法

- □'除'运算与'连接'运算的区别
 - >我们将查询的结果关系称为'目标对象',用于定义查询条件的关系称为'条件对象'
 - ▶在决定某个元组t是否属于结果关系时,
 - ·如果只需要从条件对象中找到一个元组C并使得查询条件成立,那么就直接使用'连接'运算(包括笛卡尔积、θ-连接和自然连接)
 - ·如果需要条件对象集中的所有元组都能使得查询条件成立,那么就使用'除'运算
- □ '除'运算表达式的表示方法
 - > 被除数关系中必须包含目标对象和条件对象的关键字
 - > 除数关系中只含条件对象的关键字
 - ▶被除数和除数关系中不能含其它'不必要'的多余属性