



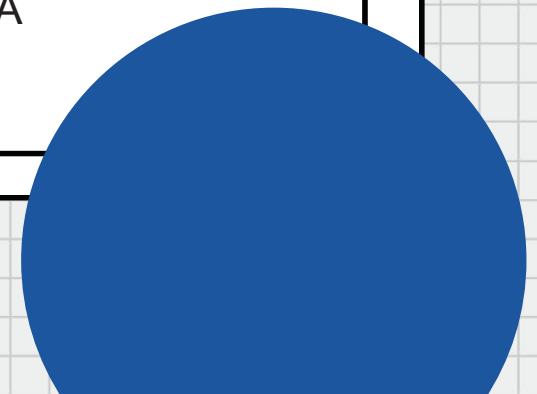
Projet de Recherche opérationnelle

Groupe B6



Problème de transport et minimisation de coûts

Pei LIU, Panying SONG, Nikola POPOVIC, Matthieu RAMANANTSALAMA



Plan

Traitement de fichier

Nord - Ouest

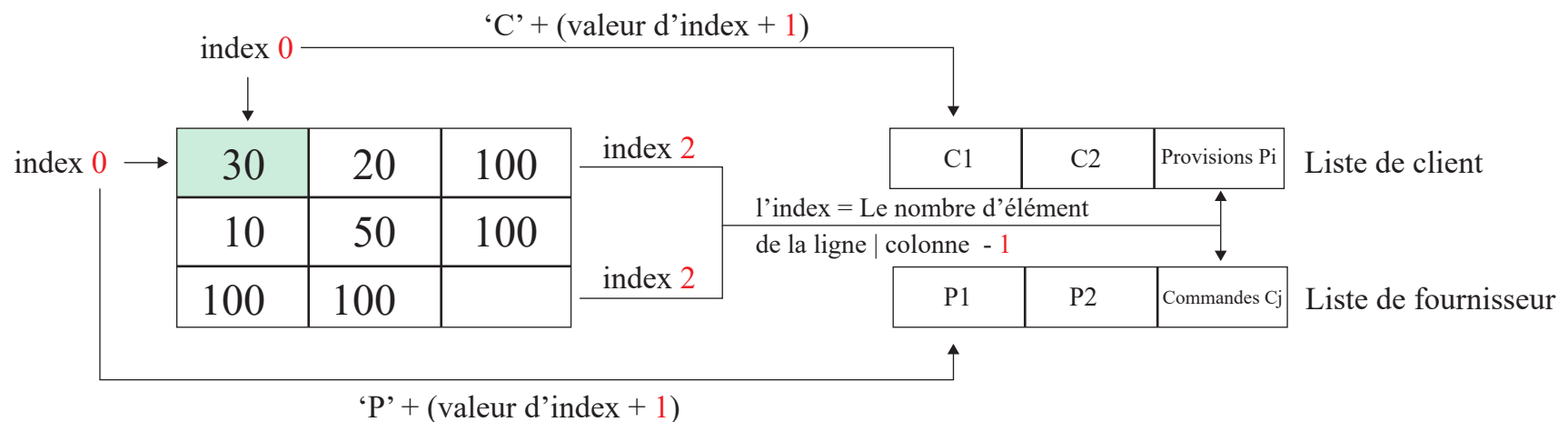
Balas - Hammer

Détection de circuit

Suppression de circuit

Connexité

Coûts potentiels | Coûts marginaux
Détection de valeur négative (Maximisation)



Nord - Ouest

Nombre de coûts = (nombre de ligne - 1) * (nombre de colonne - 1)

Index de départ de linge = 0

Index de départ de colonne = 0

Case traitée = 0

1ère itération

	0 ↓		Provision
0 →	30	20	100 → 0
	10	50	100
Commande	100 → 0	100	
	Matrice des coûts		

1. Comparer la valeur de provision et celle de commande, choisir la plus petite valeur

	0 ↓		
0 →	100	0	100
	0		
	100	100	
	Proposition de transport		

2. Remettre la plus petite valeur à 0,

l'autre = valeur initiale - celle de la plus petite

3. Si provision > commande, parcourir la colonne pour mettre toutes les cases à 0, au contraire, mettre toute la ligne à 0. En cas d'égalité, cela sera les deux

Index de départ de linge + 1 (On fait un déplacement à droite pour le prochain départ)

Index de départ de colonne + 1 (On fait un déplacement en bas pour le prochain départ)

Case traitée = 1 + 1 + 1 = 3

Case traitée = Nombre de coûts **Stop !**

2. Trouver la plus grande pénalité dans l'ensemble des lignes

temp = [] (La liste pour stocker temporairement toutes les valeurs de chaque ligne)

max_val_ligne = 0 (La plus grande pénalité dans l'ensemble des ligne)

index_ligne = 0 (L'index pour localiser la ligne qui a la plus grande pénalité)

2.1 Parcourir toutes les lignes de la matrice

	Provision		
index 0 , 0	30	20	100
	10	50	100
Commande	100	100	

Matrice des coûts

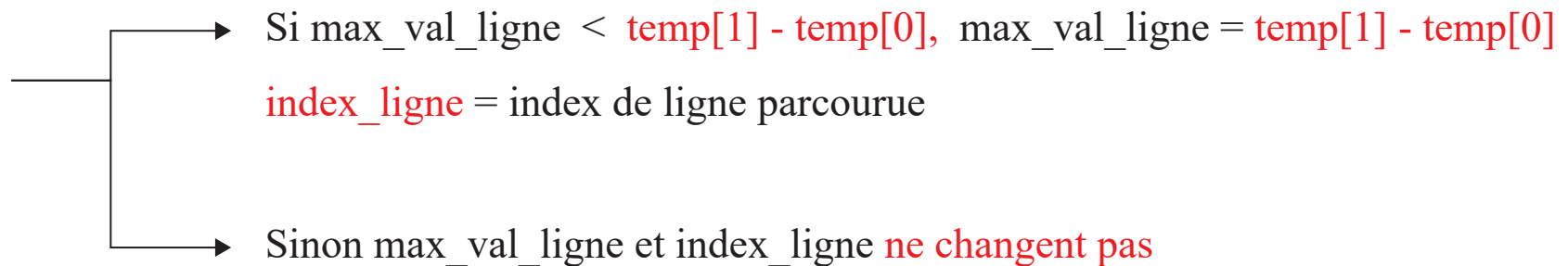
2.2 Mettre toutes les valeurs de la ligne parcourue dans la liste

30	20
----	----

temp

2.3 Remettre la liste en ordre croissant

20	30
----	----



2.4 Vider la liste temp, et parcourir la prochaine ligne

--	--

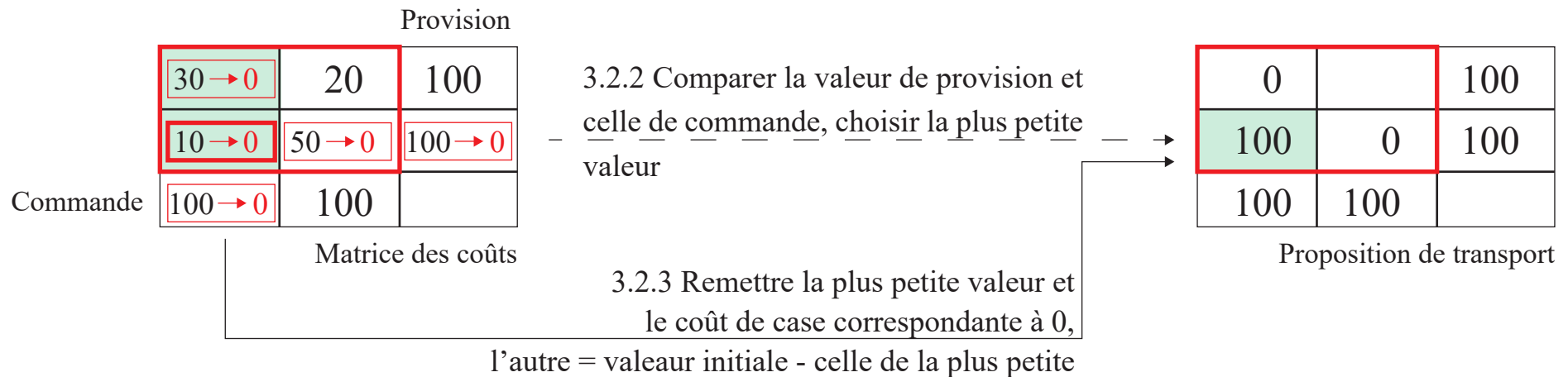
temp

3. Trouver la proposition de transport

3.1 Comparer la plus grande pénalité de colonne avec celle de ligne

- Supposons $\text{max_val_colonne} \geq \text{max_val_ligne}$

3.2.1 Parcourir la colonne correspondante avec index_colonne , et trouver la plus petite valeur



- 3.2.4 Si provision > commande, parcourir la colonne pour mettre toutes les cases à 0, au contraire, mettre toute la ligne à 0. En cas d'égalité, cela sera les deux

- Supposons $\text{max_val_colonne} < \text{max_val_ligne}$

Cela sera les même démarches, mais sur la ligne

Case traitée = Nombre de coûts **Stop !**

Marche - Pied

1. Transformer la matrice en graphe

1.1 Définir la structure de sommet

Sommet

Nom de sommet
Valeur de sommet
Liste des arêtes

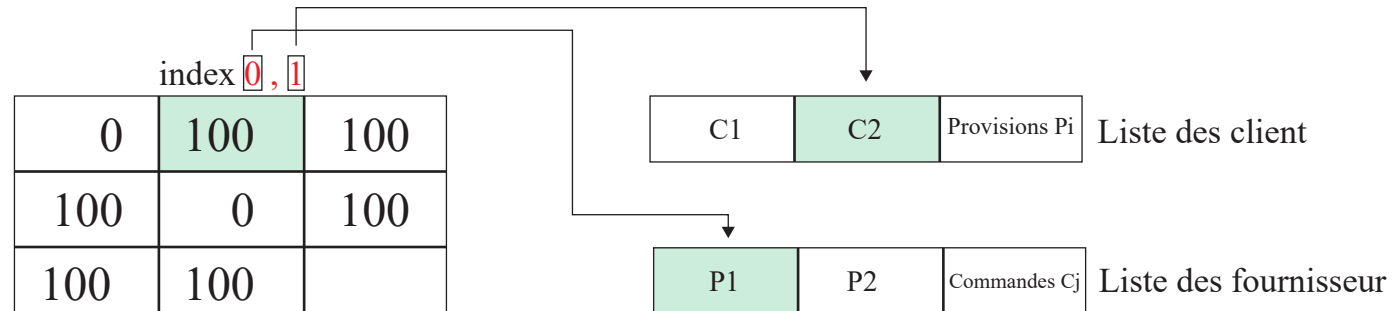
1.2 Constituer le graphe à partir de la matrice

1.2.1 Définir un hashMap pour stocker tous les sommets dans le graphe —————>

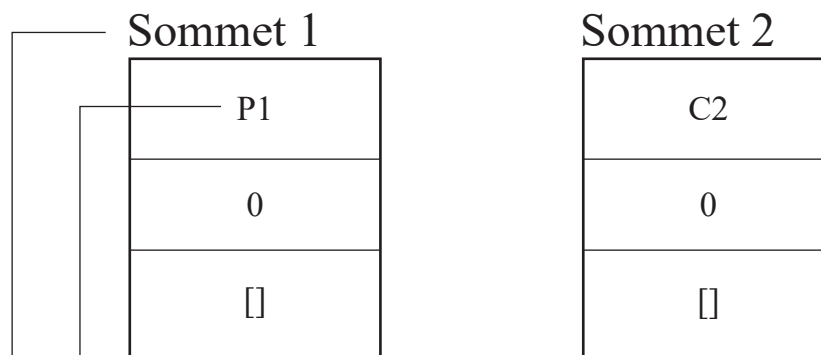
Clé	Valeur
-----	--------	-----	-----

1.2.2 Parcourir la matrice de proposition de transport (Balas-Hammer)

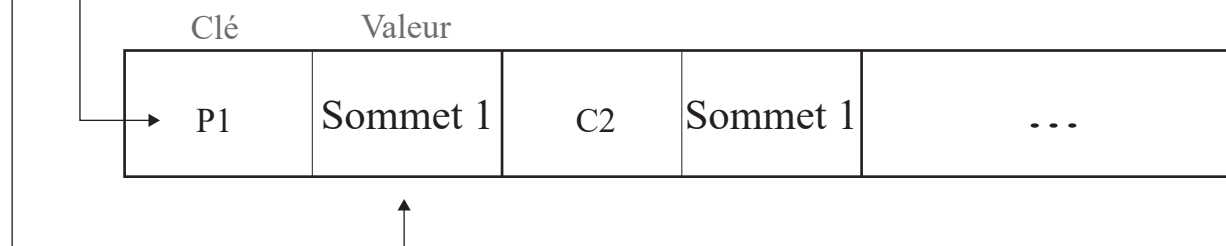
- Si la valeur de case $\neq 0$:



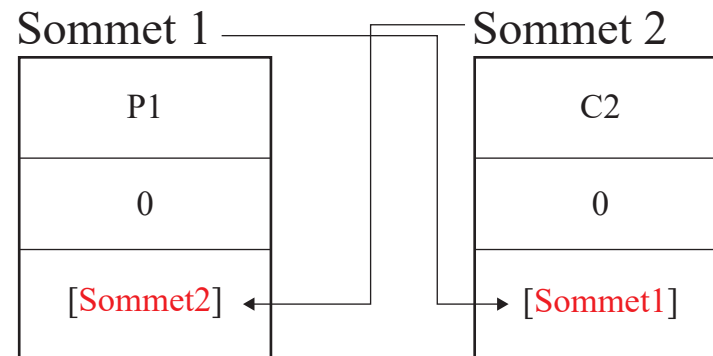
1. Créer les sommets



2. Intégrer les deux sommets dans le graphe, s'ils ne sont pas encore dans le hashMap



3. Créer l'arête entre les deux sommets



2. Détecter le circuit

2.1 Parcourir tous les sommets dans le graphe(hashMap)

Clé	Valeur			
P1	Sommet 1	C2	Sommet 2	...

↑

2.1.2 Définir un Set pour stocker tous les sommets visités

--	--	--

sommets visités

2.1.3 Définir une liste pour stocker tous les sommets qui forment le circuit

2.1.4 Définir avoirCircuit(sommet, parent, sommet_départ, nombre_pas)

variable : **sommet** : le sommet courant

parent: le sommet qui constitue l'arête avec le sommet courant

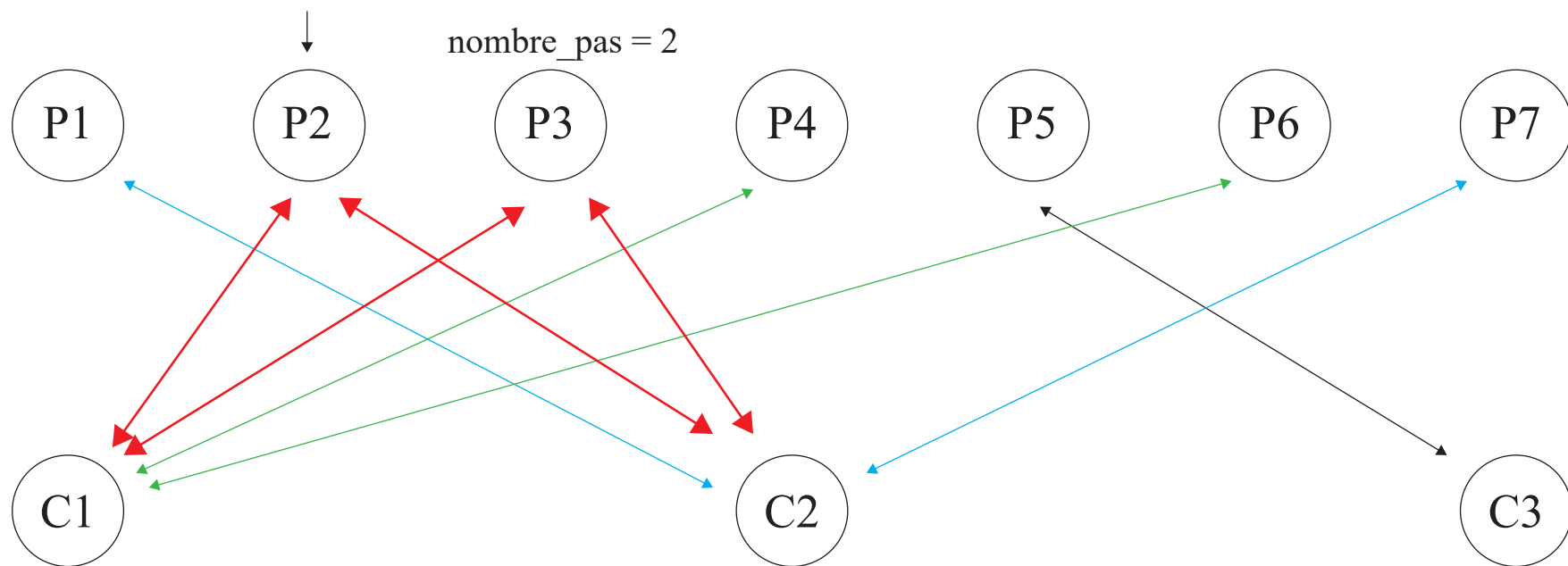
sommet_départ: le premier sommet

nombre_pas: le nombre de sommet parcouru



nombre_pas = 0

sommets visités

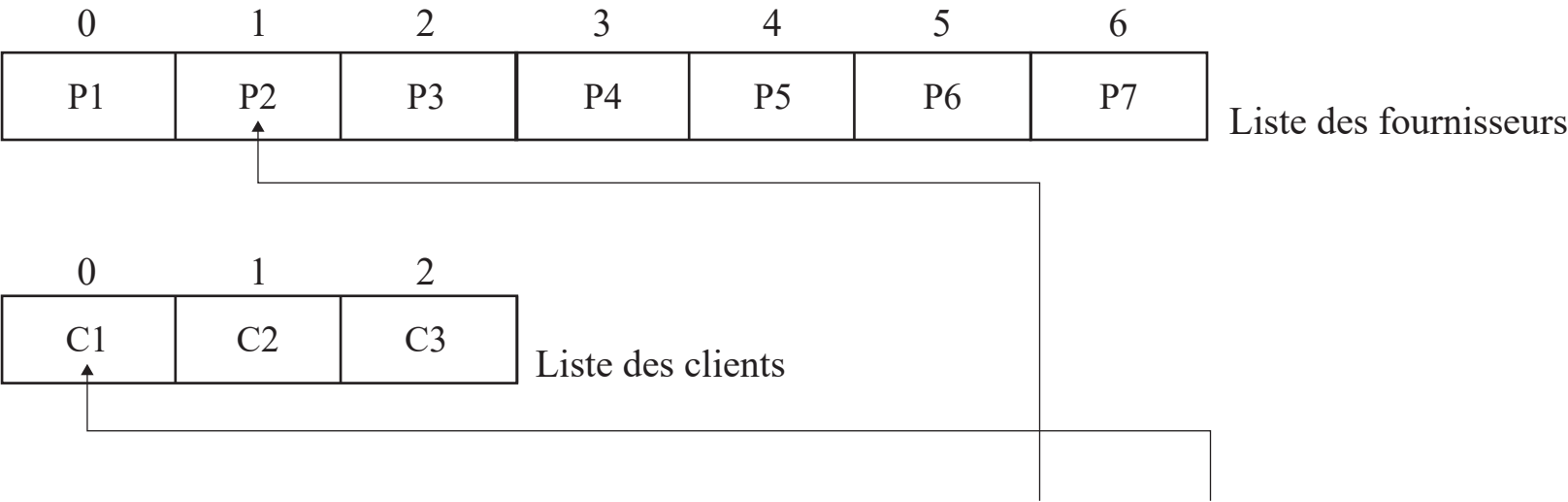


nombre_pas = 1

nombre_pas = 3



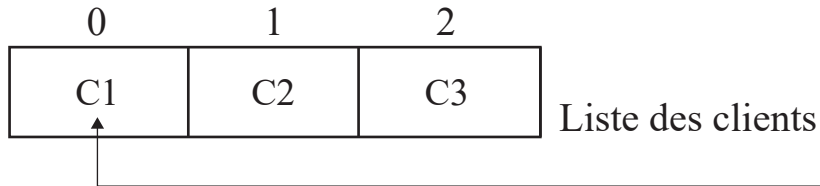
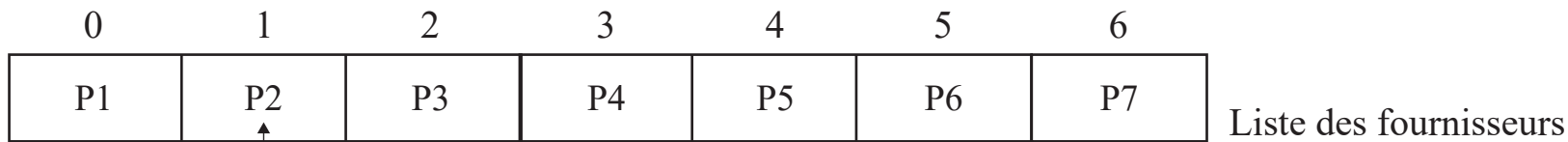
3. Suppression de circuit



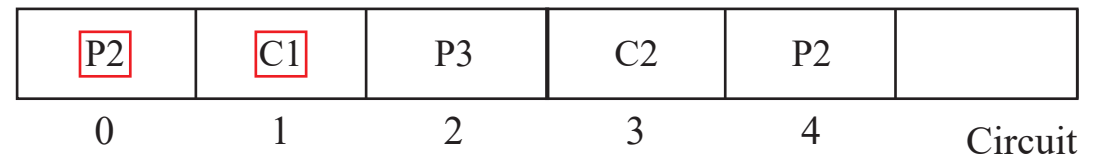
	C1	C2	C3	Provisions Pi
P1	0	100	0	100
P2	50	50	0	100
P3	50	50	0	100
P4	100	0	0	100
P5	0	0	100	100
P6	100	0	0	100
P7	0	100	0	100
Commandes Cj	400	200	100	

P2	C1	P3	C2	P2	
0	1	2	3	4	Circuit

- 3.1 Parcourir la liste du circuit,
On va prendre circuit[index] et circuit[index+1]
- 3.2 Utiliser les valeurs trouvées dans la liste de circuit
chercher les index correspondants dans la liste des
fournisseurs et celle des clients
- 3.3 Avec ces index, on se réfère à la matrice de transport
pour trouver la plus petite valeur dans le circuit



	C1	C2	C3	Provisions P _i
P1	0	100	0	100
P2	50->100	50->0	0	100
P3	50->0	50->100	0	100
P4	100	0	0	100
P5	0	0	100	100
P6	100	0	0	100
P7	0	100	0	100
Commandes C _j	400	200	100	



3.4 Parcourir la liste du circuit,

On va prendre circuit[index] et circuit[index+1]

3.5 Utiliser les valeurs trouvées dans la liste de circuit,
puis chercher les index correspondants dans la liste
des fournisseurs et celle des clients

3.6 Avec la valeur minimale, on procède à la maximisation
l'index du circuit % 2 == 0,
valeur initiale = valeur initiale + valeur minimale
Sinon:
valeur initiale = valeur initiale - valeur minimale

4. Vérifier la connexité

4.1 Parcourir tous les sommets dans le graphe(hashMap)

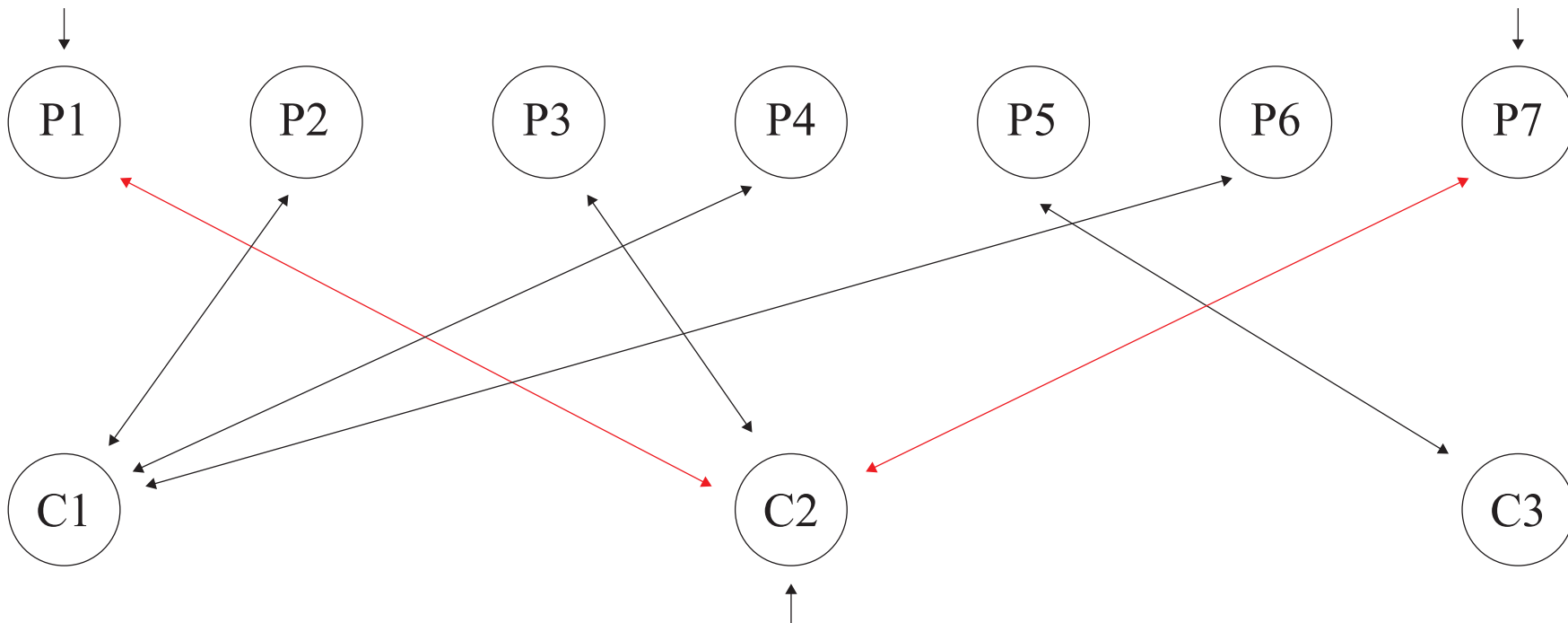
Clé	Valeur			
P1	Sommet 1	C2	Sommet 2	...

4.1.2 Définir un Set pour stocker tous les sommets visités

P1	C2	P7			
----	----	----	--	--	--

sommets visités

4.1.3 Définir une liste pour stocker l'ensemble des sous-graphes



4.1.4 Retourner le Set des sommets visités

4.1.5 Vérifier la connexité ou stocker les sous-graphes

Si $\text{length}(\text{Set}) == \text{length}(\text{graphe})$:

Le graphe est connexe

Sinon:

Parcourir la liste qui contient l'ensemble des sous-graphes(Si elle n'est pas vide)

Si chaque sous-liste n'a pas d'intersection avec le Set:

Rajouter le Set dans la liste

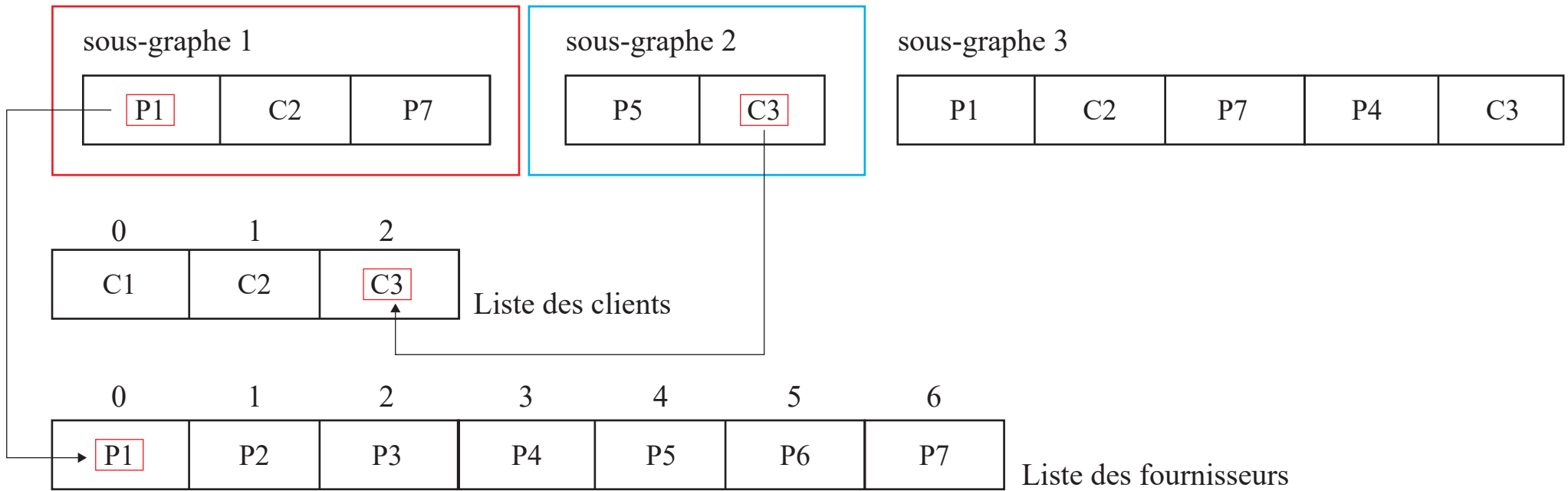
Sinon: on repasse à l'étape 4.1 pour trouver le nouveau sous-graphe

Lorsque l'on a parcouru tous les sommets, on retourne la liste de sous-graphes

5. Rajouter des arêtes pour que le graphe soit connexe

5.1 Définir trois variables: **arête_ajouter**: liste, **index_arête_ajouter**: liste, **minVal**: entité

5.2 Parcourir la liste qui contient l'ensemble des sous-graphes



	C1	C2	C3	Provisions P _i
P1	30	20	15	100
P2	10	50	2	100
P3	9	10	30	100
P4	6	2	29	100
P5	50	40	3	100
P6	5	38	27	100
P7	50	4	22	100
Commandes C _j	400	200	100	

Matrice des coûts

5.2.1 Si la valeur parcourue contient 'P':

- Dans la même boucle, parcourir les autres sous-graphes

Si la valeur parcourue contient 'C':

- Avec ces deux valeurs, On relève les index correspondants dans la liste des fournisseurs et celle des client
- A partir des index, on trouve le coût correspondant dans la matrice.

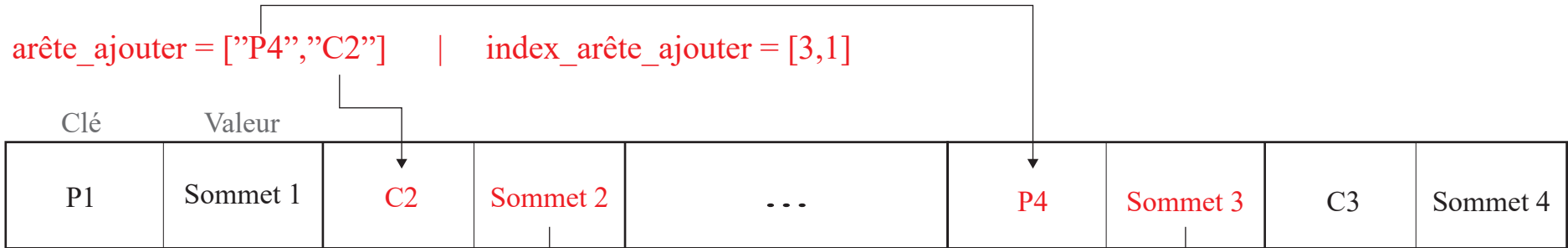
Si coût < minVal:

minVal = coût

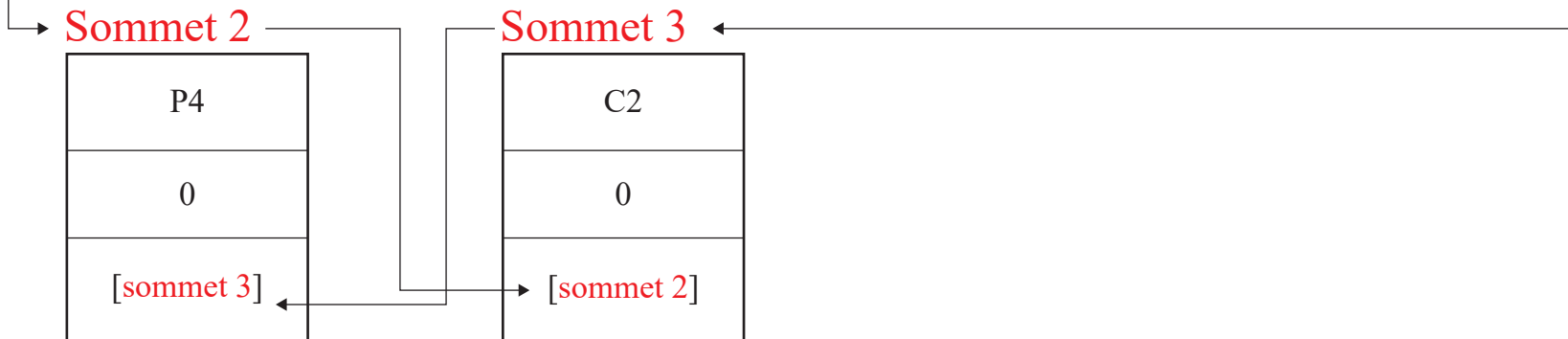
arête_ajouter = ["P1", "C3"]

index_arête_ajouter = [0, 2]

5.2.2 Ajouter l'arête



- Avec les noms dans `arête_ajouter`, on cherche les sommets correspondants dans le hashMap, et rajouter une arête entre ces deux sommets



5.2.3 Fusionner les deux sous-graphes

sous-graphe 1

P1	C2	P7	P1	C2	P7	P4	C3
----	----	----	----	----	----	----	----

sous-graphe 2

P5	C3
----	----

5.2.4 Retourner à l'étape 5.2

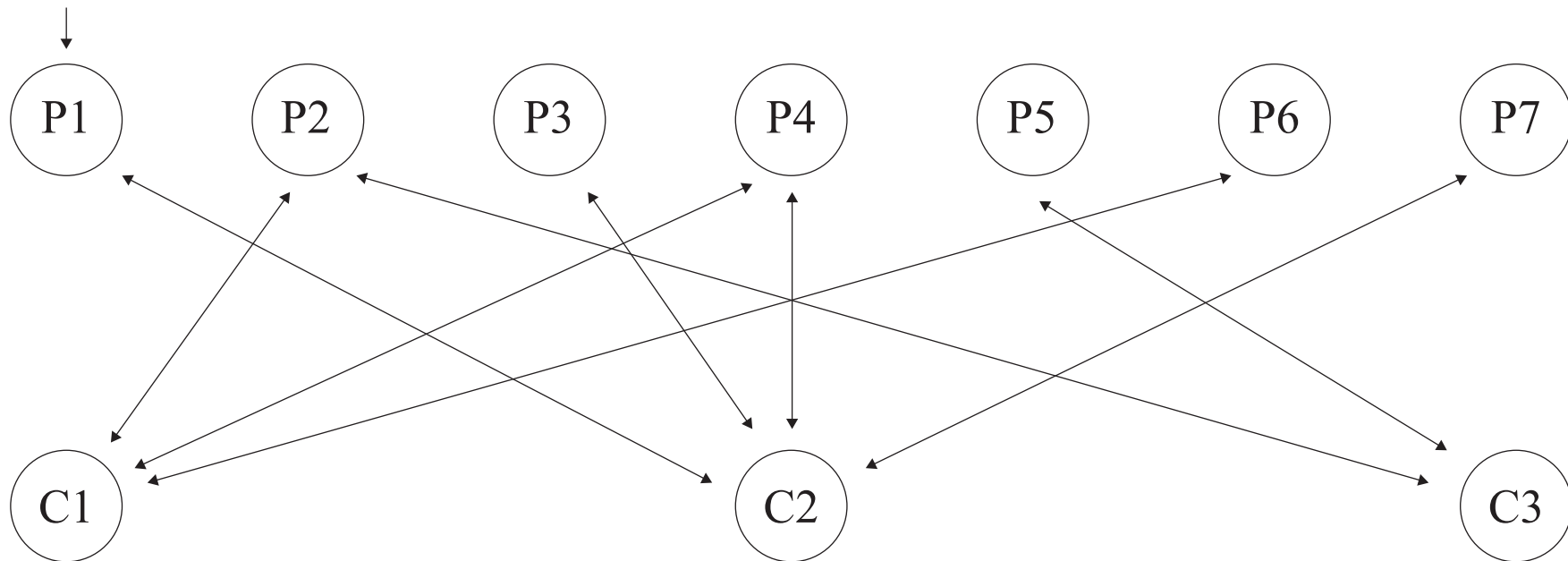
Lorsqu'il y a un seul sous-graphe **Stop !**

6. Calculer la valeur de chaque sommet

6.1 Définir un Set pour stocker tous les sommets visités

P1	C2				
----	----	--	--	--	--

sommets visités



- Lorsque le premier sommet et le premier pas: $\text{sommet.valeur} = \text{coût correspondant}$
- Lorsque le sommet.nom contient 'P' : $\text{sa fille.valeur} = \text{sommet.valeur} - \text{coût correspondant}$
- Lorsque le sommet.nom contient 'C' : $\text{sa fille.valeur} = \text{coût correspondant} + \text{sommet.valeur}$

7. Calculer le coût potentiel

0	1	2
C1	C2	C3

Liste des clients

0	1	2	3	4	5	6
P1	P2	P3	P4	P5	P6	P7

Liste des fournisseurs

Clé	Valeur							
P1	Sommet 1	C2	Sommet 2	...	P4	Sommet 3	C3	Sommet 4

	C1	C2	C3	Provisions P _i
P1	24	20	16	100
P2	10	6	2	100
P3	9	5	1	100
P4	6	2	-2	100
P5	11	7	3	100
P6	5	1	-3	100
P7	8	4	0	100
Commandes C _j	400	200	100	

Coûts potentiels

7.1.1 Parcourir la liste des fournisseurs

- Dans la même boucle, parcourir la liste des clients
- Avec les deux noms parcourus, on va trouver les valeurs de ces deux sommets dans le graphe
- Calculer le coût potentiel entre ces deux sommets, et designer ce coût à la matrice

	C1	C2	C3	Provisions Pi
P1	30	20	15	100
P2	10	50	2	100
P3	9	10	30	100
P4	6	2	29	100
P5	50	40	3	100
P6	5	38	27	100
P7	50	4	22	100
Commandes Cj	400	200	100	

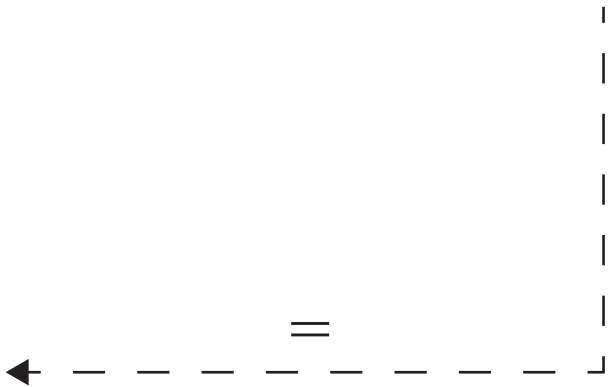
Coûts initiaux

	C1	C2	C3	Provisions Pi
P1	6	0	-1	100
P2	0	44	0	100
P3	0	5	29	100
P4	0	0	31	100
P5	39	33	0	100
P6	0	37	30	100
P7	42	0	22	100
Commandes Cj	400	200	100	

Coûts marginaux

	C1	C2	C3	Provisions Pi
P1	24	20	16	100
P2	10	6	2	100
P3	9	5	1	100
P4	6	2	-2	100
P5	11	7	3	100
P6	5	1	-3	100
P7	8	4	0	100
Commandes Cj	400	200	100	

Coûts potentiels



8. Calculer le coût marginal

9. Détecter la valeur négative et ajouter la nouvelle arête

	C1	C2	C3	Provisions P_i
P1	6	0	-1	100
P2	0	44	0	100
P3	0	5	29	100
P4	0	0	31	100
P5	39	33	0	100
P6	0	37	30	100
P7	42	0	22	100
Commandes C_j	400	200	100	

Coûts marginaux

9.1 Parcourir la matrice

- S'il n'y a pas de valeur négative:
 - Le coût de transport est minimisé
- Sinon:
 - Rajouter l'arête entre les deux sommets
 - Détecter le circuit
 - Supprimer le circuit(Maximisation)
 - Repasser à l'étape 1 de marche-pied

10. Amélioration de la maximisation

Lors de la maximisation, le delta = 0 ou il s'agit d'une égalité, on ne peut pas supprimer le circuit

1. Récupérer la liste des rajouts dans la partie de connexité
2. A la fois supprimer les arêtes dans la liste des rajouts, on garde l'arête ajoutée selon la valeur négative
3. Lorsque l'on repasse à l'étape de connexité, on se réfère à la liste des rajouts pour les nouvelles arêtes à ajouter soient différentes que ceux qui sont dans la liste

