МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)

Кафедра САУ

ОТЧЕТ

по лабораторной работе № 2

по дисциплине «Современные методы теории управления»
ТЕМА: ПОСТРОЕНИЕ ФАЗОВОГО ПОРТРЕТА СИСТЕМЫ ВТОРОГО ПОРЯДКА

Студент гр. 9492	 Викторов А.Д
Преподаватель	Бельский Г.В

Санкт-Петербург 2023 **Цель работы:** нахождение особых точек системы второго порядка, определение их типа и построение фазового портрета с помощью Matlab.

Ход работы

Работа заключается в реализации двух независимых программ, первая из которых служит для нахождения особых точек системы второго порядка и определения их типа, а вторая предназначена для построения фазового портрета.

Первая программа является дополнением для функции, реализованной в первой лабораторной работе. Функция автоматически определяет порядок системы, по переданным в качестве аргумента уравнениям, поддерживаются системы первого и второго порядка.

Вторая программа является отдельной функцией и способна реализовать построение фазового портрета, принимая на вход координаты точек равновесия, систему в виде функции и стиль оформления.

Полный код первой функции представлен в листинге 1, второй функции в листинге 2.

```
function [points, type] = special points(func, arg)
    point_struct = struct2cell(solve(func, arg, 'Real',true,
'ReturnConditions',true)); % roots structure
    switch size(arg,2)
        case 1
            points = point_struct{1, 1};
            if size(point_struct{2, 1}, 2) > 0 % check if func is periodic
                period_counter = 0;  % periodic roots counter
                j = 0; % integer iterator for periodic roots
                points = [];
                while period counter < size(point struct{1, 1},1)</pre>
                    for i = 1:size(point struct{1, 1},1)
                        if subs(point_struct{1, 1}(i),point_struct{2, 1},j) < 2*pi &&</pre>
subs(point_struct{1, 1}(i),point_struct{2, 1},j) >= 0 % check if the root within the
peroid
                            points = [points; subs(point_struct{1,
1}(i),point_struct{2, 1},j)]; % append new roots
                             if subs(point_struct{1, 1}(i),point_struct{2, 1},j) >= 0
                                 period_counter = period_counter + 1;
                            end
                        end
                    end
                    j = j + 1;
                end
            end
            points = eval(points);
            df = diff(func);
            type = subs(df, arg, points);
            for i = 1:size(type,1)
                if eval(type(i)) < 0</pre>
                    type(i) = 'stable';
                else
                    type(i) = 'unstable';
                end
            end
        case 2
            points = [point struct{1, 1} point struct{2, 1}];
            points = eval(points);
            A(1,1) = diff(func(1),arg(1));
            A(1,2) = diff(func(1),arg(2));
            A(2,1) = diff(func(2),arg(1));
            A(2,2) = diff(func(2),arg(2));
            a = [0; 0];
            for j = 1:size(points,1)
                A1 = subs(A,arg(1),points(j,1));
                A1 = eval(subs(A1,arg(2),points(j,2)));
                a(:,j) =
                          eig(A1);
            end
            eigenvalues = a';
            type = string(zeros(size(eigenvalues, 1),1));
            for i = 1:size(eigenvalues,1)
                if imag(eigenvalues(i,1)) == 0 % check if imaginary part is zero
                    if real(eigenvalues(i,1)) * real(eigenvalues(i,2)) < 0</pre>
                        type(i) = 'saddle';
                    else
                        if real(eigenvalues(i,1)) >= 0
```

```
type(i) = 'unstable node';
                         else
                             type(i) = 'stable node';
                         end
                     end
                else
                     if real(eigenvalues(i,1)) == 0
                         type(i) = 'center';
                     else
                         if real(eigenvalues(i,1)) >= 0
                             type(i) = 'unstable focus';
                         else
                             type(i) = 'stable focus';
                         end
                     end
                end
            end
    end
end
```

Листинг 2 – Исходный код второй функции

```
function portrait_plotter(sys, points, style)
    n = 20;
    plot(points(:,1),points(:,2), '.', 'MarkerSize', 15, color = 'b')
    hold on
    switch style
        case "points"
            Tspan = [0 1];
            options = odeset('RelTol',1e-1,'AbsTol',1e-1);
            for i = linspace(min(points(:,1)) - 1, max(points(:,1)) + 1, n)
                for j = linspace(min(points(:,2)) - 1, max(points(:,2)) + 1, n)
                    X0 = [i, j];
                    [\sim, x] = ode45(sys, Tspan, X0, options);
                    plot(x(:,1),x(:,2), ':', color = 'r');
                end
            end
            xlim([min(points(:,1)) - 1 max(points(:,1)) + 1])
            ylim([min(points(:,2)) - 1 max(points(:,2)) + 1])
        case "arrows"
            for i = linspace(min(points(:,1)) - 1, max(points(:,1)) + 1, n)
                for j = linspace(min(points(:,2)) - 1, max(points(:,2)) + 1, n)
                    X0 = [i, j];
                    u = sys(0, X0);
                    quiver(i, j, u(1), u(2), 0.05, 'b', AutoScale='on')
                    axis equal
                end
            end
            xlim([min(points(:,1)) - 1 max(points(:,1)) + 1])
            ylim([min(points(:,2)) - 1 max(points(:,2)) + 1])
    end
end
```

В качестве демонстрации в листинге 3 приведен пример использования обеих функций. На рисунке 1 показан фазовый портрет, полученный с помощью соответствующей функции.

Листинг 3 – Пример вызова функций

```
clc, clear, close all
syms x y
x = [x y];
sys = (t,x) [x(1)^2 - x(2)^2 - 5; x(1)^2 + x(2)^2 - 13];
f = [x(1)^2 - x(2)^2 - 5; x(1)^2 + x(2)^2 - 13];
[points, type] = special_points(f, x)
portrait_plotter(sys, points, "points")
portrait_plotter(sys, points, "arrows")
>>>
points =
    -3
         -2
    3
         -2
    -3
         2
    3
          2
type =
    "stable focus"
    "saddle"
    "saddle"
    "unstable focus"
```

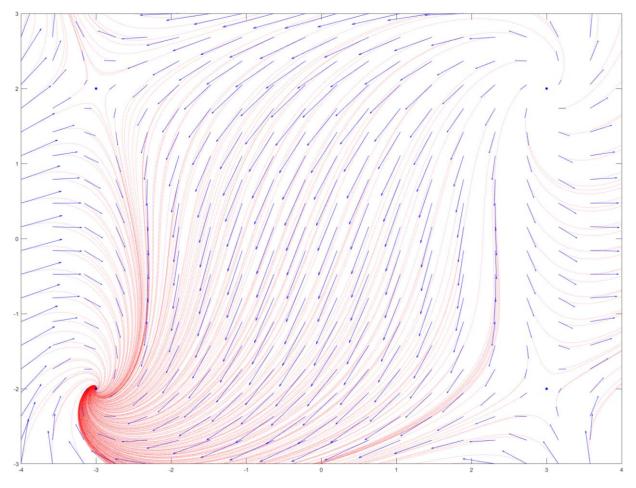


Рисунок 1 - Фазовый портрет системы

Вывод

В ходе выполнения данной лабораторной работы была реализована функция, определяющая координаты и тип особых точек системы второго порядка, функция, изображающая фазовый портрет системы а также продемонстрирована работа реализованных функций.