

Área

El **área** es un concepto métrico que puede permitir asignar una medida a la extensión de una superficie, expresada en matemáticas como unidades de medida denominadas

unidades de superficie.¹ El área es un concepto métrico que requiere la especificación de una medida de longitud.

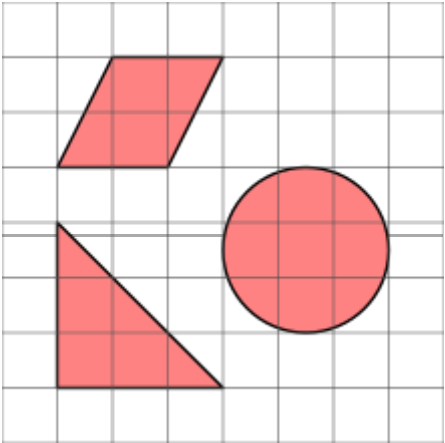
El **área** es una magnitud métrica de tipo escalar definida como la extensión en dos dimensiones de una recta al plano del espacio.

Para superficies planas, el concepto es más intuitivo. Cualquier superficie plana de lados rectos —es decir, cualquier polígono— puede triangularse, y se puede calcular su área como suma de las áreas de los triángulos en que se descompone.² Ocasionalmente se usa el término "área" como sinónimo de superficie,³ cuando no existe confusión entre el concepto geométrico en sí mismo (superficie) y la magnitud métrica asociada al concepto geométrico (área).

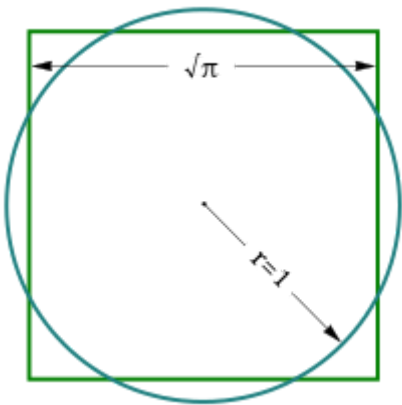
Para una forma sólida como una esfera, un cono o un cilindro, el área de su superficie límite se denomina área superficial. Los antiguos griegos calcularon fórmulas para las áreas superficiales de formas simples, pero calcular el área superficial de una figura más complicada suele requerir cálculo multivariable.

Sin embargo, para calcular el área de superficies curvas se requiere introducir métodos de geometría diferencial.

Para poder definir el área de una superficie en general —que es un concepto métrico—, se tiene que haber definido un tensor métrico sobre la superficie en cuestión: cuando la superficie está dentro de un espacio euclídeo, la superficie hereda una estructura métrica natural inducida por la métrica euclidiana.



El área combinada de estas tres formas es de aproximadamente 15,57 cuadrados. (En este caso)



Este cuadrado y este disco tienen la misma área (véase: cuadratura del círculo).

Índice

Historia

Área del círculo

Área del triángulo

Definición formal

Confusión entre área y perímetro

Área de figuras planas

Fórmulas de polígonos

Rectángulos

Disección, paralelogramos y triángulos

Área de las formas curvas

[Círculos](#)

[Elipses](#)

[Área superficial](#)

[Fórmulas generales](#)

[Áreas de figuras bidimensionales](#)

[Área en el cálculo](#)

[Área limitada entre dos funciones cuadráticas](#)

[Área superficial de las figuras tridimensionales](#)

[Relación área-perímetro](#)

[Lista de fórmulas](#)

Unidades de medida de superficies

[Sistema Internacional de Unidades](#)

[Sistema anglosajón de unidades](#)

Véase también

Referencias

[Bibliografía](#)

[Enlaces externos](#)

Historia

La idea de que el área es la medida que proporciona el tamaño de la región encerrada en una [figura geométrica](#) proviene de la antigüedad. En el [antiguo Egipto](#), tras la crecida anual de río [Nilo](#) inundando los campos, surge la necesidad de calcular el área de cada parcela agrícola para restablecer sus límites; para solventar eso, los egipcios inventaron la [geometría](#), según [Heródoto](#).⁴

El modo de calcular el área de un polígono como la suma de las áreas de los triángulos, es un método que fue propuesto por primera vez por el sabio griego [Antifón](#) hacia el año 430 a. C. Hallar el área de una figura curva genera más dificultad. El [método exhaustivo](#) consiste en inscribir y circunscribir polígonos en la figura geométrica, aumentar el número de lados de dichos polígonos y hallar el área buscada. Con el sistema que se conoce como [método exhaustivo](#) de [Eudoxo](#), consiguió obtener una aproximación para calcular el área de un [círculo](#). Dicho sistema fue empleado tiempo después por [Arquímedes](#) para resolver otros problemas similares,⁵ así como el cálculo aproximado del [número \$\pi\$](#) .

Área del círculo

En el siglo V a. C., [Hipócrates de Quíos](#) fue el primero en mostrar que el área de un disco (la región encerrada por un círculo) es proporcional al cuadrado de su diámetro, como parte de su [cuadratura de la lúnula](#),⁶ pero no identificó la [constante de proporcionalidad](#). [Eudoxo de Cnido](#), también en el siglo V a. C., también encontró que el área de un disco es proporcional a su radio al cuadrado.⁷

Posteriormente, el Libro I de los [Elementos de Euclides](#) se ocupó de la igualdad de áreas entre figuras bidimensionales. El matemático [Arquímedes](#) usó las herramientas de la [geometría euclidiana](#) para mostrar que el área dentro de un círculo es igual a la de un [triángulo rectángulo](#) cuya base tiene la longitud de la circunferencia del círculo y cuya altura es igual al radio del círculo, en su libro [Sobre la medida del círculo](#). (La circunferencia es $2\pi r$, y el área de un triángulo es la mitad de la base por la altura, lo que da como resultado el área πr^2 del disco). Arquímedes aproximó el valor de π (y por lo tanto el área de un círculo de

radio unitario) con su método, en el que inscribió un triángulo regular en un círculo y anotó su área, luego duplicó el número de lados para dar un hexágono regular, luego duplicó repetidamente el número de lados a medida que el área del polígono se acercaba más y más a la del círculo (e hizo lo mismo con polígonos circunscritos).⁵

El científico suizo Johann Heinrich Lambert en 1761 demostró que π , la relación entre el área de un círculo y su radio al cuadrado, es irracional, lo que significa que no es igual al cociente de dos números enteros.⁸ En 1794, el matemático francés Adrien-Marie Legendre demostró que π^2 es irracional; esto también prueba que π es irracional.⁹ En 1882, el matemático alemán Ferdinand von Lindemann demostró que π es trascendental (no la solución de ninguna ecuación polinómica con coeficientes racionales), lo que confirma una conjetura de Legendre y Euler.^{8:p. 196}

Área del triángulo

Herón de Alejandría encontró lo que se conoce como la fórmula de Herón para el área de un triángulo en términos de sus lados, y se puede encontrar una prueba en su libro *Metrica*, escrito alrededor del 60 d.C. Se ha sugerido que Arquímedes conocía la fórmula más de dos siglos antes,¹⁰ y dado que *Metrica* es una colección del conocimiento matemático disponible en el mundo antiguo, es posible que la fórmula sea anterior a la referencia dada en ese trabajo.¹¹

En 499 Aryabhata, un matemático-astrónomo de la época clásica de las matemáticas y la astronomía indias, expresó el área de un triángulo como la mitad de la base por la altura en el Aryabhatiya (sección 2.6).

Los chinos descubrieron una fórmula equivalente a la de Heron independientemente de los griegos. Fue publicado en 1247 en *Shushu Jiuzhang* («Tratado matemático en nueve secciones»), escrito por Qin Jiushao.

Definición formal

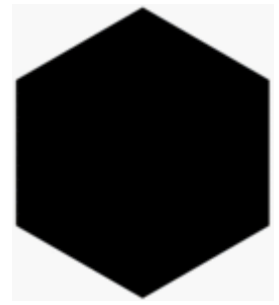
Un enfoque para definir lo que se entiende por «área» es a través de axiomas. El «área» se puede definir como una función de una colección M de un tipo especial de figuras planas (denominadas conjuntos medibles) al conjunto de números reales, que satisface las siguientes propiedades:¹²

- Para todo S en M , $a(S) \geq 0$.
- Si S y T están en M , entonces también lo están $S \cup T$ y $S \cap T$, y también $a(S \cup T) = a(S) + a(T) - a(S \cap T)$.
- Si S y T están en M con $S \subseteq T$ entonces $T - S$ está en M y $a(T - S) = a(T) - a(S)$.
- Si un conjunto S está en M y S es congruente con T , entonces T también está en M y $a(S) = a(T)$.
- Todo rectángulo R está en M . Si el rectángulo tiene una longitud h y una anchura k , entonces $a(R) = hk$.
- Sea Q un conjunto encerrado entre dos regiones escalonadas S y T . Una región escalonada se forma a partir de una unión finita de rectángulos adyacentes que descansan sobre una base común, es decir, $S \subseteq Q \subseteq T$. Si hay un número único c tal que $a(S) \leq c \leq a(T)$ para todas esas regiones escalonadas S y T , entonces $a(Q) = c$.

Se puede probar que tal función de área existe realmente.¹³

Confusión entre área y perímetro

El perímetro es, junto con el área, una de las dos medidas principales de las figuras geométricas planas. A pesar de que no se expresan en la misma unidad, es común confundir estas dos nociones¹⁴ o creer que cuanto mayor es una, más también es la otra. De hecho, la ampliación (o reducción) de una figura geométrica aumenta (o disminuye) simultáneamente su área y su perímetro. Por ejemplo, si un pedazo de tierra se muestra en un mapa a una escala de 1:10 000, el perímetro real de la tierra se puede calcular multiplicando el perímetro de la representación por 10 000 y el área multiplicando el de la representación por 10 000². Sin embargo, no existe un vínculo directo entre el área y el perímetro de ninguna figura. Por ejemplo, un rectángulo que tiene un área igual a un metro cuadrado puede tener como dimensiones, en metros: 0,5 y 2 (por lo tanto un perímetro igual a 5 m) pero también 0,001 y 1000 (por lo tanto un perímetro de más de 2000 m). Proclo (siglo V) informa que los campesinos griegos compartían «equitativamente» campos de acuerdo con sus perímetros, pero con áreas diferentes.^{15 16} Sin embargo, la producción de un campo es proporcional al área, no al perímetro.



Cuanto más cortes se hacen, más disminuye el área y aumenta el perímetro.

Área de figuras planas

Fórmulas de polígonos

Para un polígono (simple) del que se conocen las coordenadas cartesianas (x_i, y_i) ($i=0, 1, \dots, n-1$) de sus n vértices, el área viene dada por la Fórmula del área de Gauss:

$$A = \frac{1}{2} \left| \sum_{i=0}^{n-1} (x_i y_{i+1} - x_{i+1} y_i) \right|$$

cuando $i=n-1$, entonces $i+1$ se expresa como módulo n y por tanto se refiere a 0.

Rectángulos

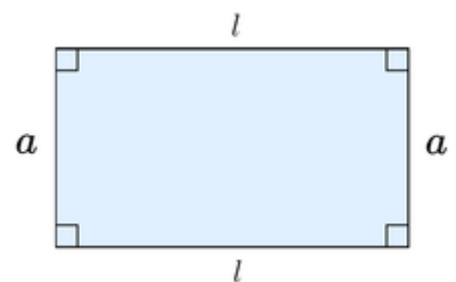
La fórmula más básica del área es la fórmula del área de un rectángulo. Dado un rectángulo con largo l y anchura a , la fórmula del área es:

$$A = l \times a \text{ (rectángulo).}$$

El área del rectángulo es la longitud multiplicada por la anchura. Como caso particular, ya que $l = a$ en el caso de un cuadrado, el área de un cuadrado con longitud de lado c viene dada por la fórmula:

$$A = c^2 \text{ (cuadrado).}$$

La fórmula del área de un rectángulo se deduce directamente de las propiedades básicas del área y a veces se toma como definición o axioma. Por otra parte, si la geometría se desarrolla antes que la aritmética, esta fórmula puede utilizarse para definir la multiplicación de los números reales.



El área de este rectángulo es $l \times a$.

Disección, paralelogramos y triángulos

La mayoría de las fórmulas sencillas para calcular el área siguen el método de la disección. Consisten en cortar una forma en trozos cuyas áreas deben sumar el área de la forma original.

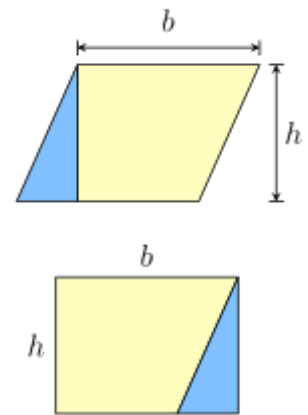
Por ejemplo, cualquier paralelogramo puede subdividirse en un trapezio y un triángulo rectángulo, como se muestra en la figura. Si el triángulo se traslada al otro lado del trapezio, la figura resultante es un rectángulo. Se deduce que el área del paralelogramo es la misma que la del rectángulo:

$$A = b \times h \text{ (paralelogramo).}$$

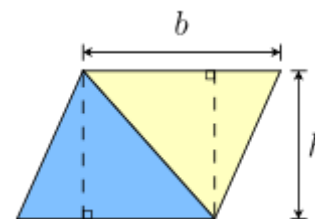
Sin embargo, el mismo paralelogramo también puede cortarse a lo largo de una diagonal en dos triángulos congruentes, como se muestra en la figura. Se deduce que el área de cada triángulo es la mitad del área del paralelogramo:

$$A = \frac{1}{2}bh \text{ (triángulo).}$$

Se pueden utilizar argumentos similares para encontrar fórmulas de área para el trapezio y polígonos más complicados.



Un diagrama que muestra cómo un paralelogramo puede convertirse en un rectángulo.



Un paralelogramo dividido en dos triángulos iguales.

Área de las formas curvas

Círculos

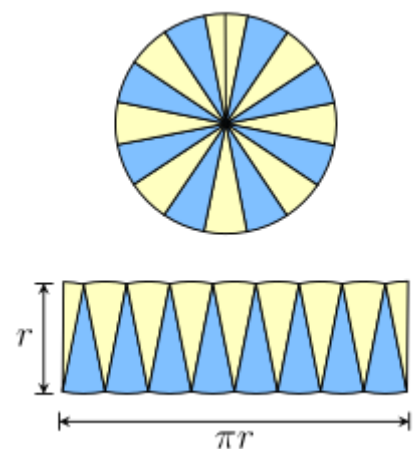
La fórmula del área de un círculo (más propiamente llamada área encerrada por un círculo o área de un disco) se basa en un método similar. Dado un círculo de radio r , es posible dividirlo en sectores, como se muestra en la figura. Cada sector es aproximadamente triangular, y los sectores pueden reorganizarse para formar un paralelogramo aproximado. La altura de este paralelogramo es r , y la anchura es la mitad de la circunferencia del círculo o πr . Por tanto, el área total del círculo es πr^2 :

$$A = \pi r^2 \text{ (círculo).}$$

Aunque la disección utilizada en esta fórmula es sólo aproximada, el error es cada vez menor a medida que el círculo se divide en más y más sectores. El límite de las áreas de los paralelogramos aproximados es exactamente πr^2 , que es el área del círculo.

Este argumento es una simple aplicación de las ideas del cálculo. En la antigüedad, el método por agotamiento se utilizaba de forma similar para encontrar el área del círculo, y este método se reconoce ahora como un precursor del cálculo integral. Utilizando métodos modernos, el área de un círculo puede calcularse mediante una integral definida:

$$A = 2 \int_{-r}^r \sqrt{r^2 - x^2} dx = \pi r^2$$



Un círculo puede dividirse en sectores reordenados para formar un paralelogramo aproximado.

Elipses

La fórmula del área encerrada por una elipse está relacionada con la fórmula de un círculo; para una elipse con semieje mayor y semieje menor x e y la fórmula es:

$$A = \pi xy$$

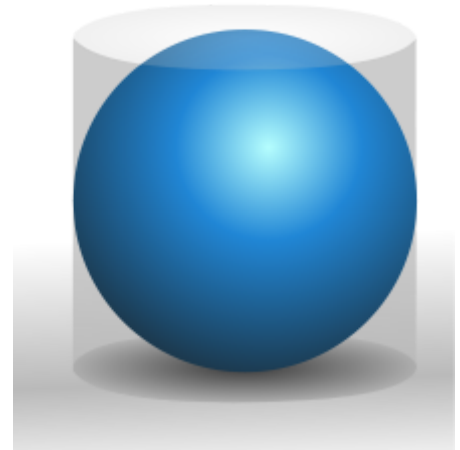
Área superficial

La mayoría de las fórmulas básicas para el área superficial se pueden obtener cortando las superficies y aplanándolas. Por ejemplo, si la superficie lateral del cilindro (o de cualquier prisma) se corta longitudinalmente, la superficie puede aplanarse hasta formar un rectángulo. Del mismo modo, si se hace un corte a lo largo de un cono, la superficie lateral se puede aplanar hasta convertirla en un sector de un círculo y calcular el área resultante.

La fórmula de la superficie de una esfera es más difícil de obtener: como una esfera tiene una curvatura gaussiana distinta de cero, no puede aplanarse. Arquímedes obtuvo por primera vez la fórmula del área superficial de una esfera en su obra Sobre la esfera y el cilindro. La fórmula es:

$$A = 4\pi r^2 \text{ (esfera).}$$

donde r es el radio de la esfera. Al igual que con la fórmula del área de un círculo, cualquier derivación de esta fórmula utiliza intrínsecamente métodos similares al cálculo.



Arquímedes demostró que la área superficial de una esfera es exactamente cuatro veces el área de un disco plano del mismo radio, y el volumen encerrado por la esfera es exactamente 2/3 del volumen de un cilindro de la misma altura y radio.

Fórmulas generales

Áreas de figuras bidimensionales



$$\text{Área del triángulo} = \frac{b \times h}{2}$$

- Un triángulo: $\frac{1}{2}Bh$ (donde B es un lado cualquiera, y h es la distancia desde la línea en la que se encuentra B hasta el otro vértice del triángulo). Esta fórmula puede utilizarse si se conoce la altura h . Si se conocen las longitudes de los tres lados, se puede utilizar la fórmula de Herón: $\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$ donde a, b, c son los lados del triángulo y $s = \frac{1}{2}(a+b+c)$ es el semiperímetro. Si se da un ángulo y dos lados incluidos, el área es $\frac{1}{2}ab\sin(C)$ donde C es el ángulo dado, y a y b son sus lados incluidos. Si el triángulo se representa gráficamente en un plano de coordenadas, se puede utilizar una matriz y simplificar el valor absoluto de $\frac{1}{2}(x_1y_2 + x_2y_3 + x_3y_1 - x_2y_1 - x_3y_2 - x_1y_3)$. Esta fórmula también se conoce como la fórmula de la lazada y es una forma fácil de resolver el área de un triángulo de coordenadas sustituyendo los 3 puntos (x_1, y_1) , (x_2, y_2) y (x_3, y_3) . La fórmula de la lazada también se puede utilizar para encontrar las áreas de otros polígonos cuando se conocen sus vértices. Otro enfoque para un triángulo de coordenadas es utilizar el cálculo para encontrar el área.
- Un polígono simple se construye sobre una cuadrícula de puntos de igual distancia (es decir, puntos con coordenadas enteras). Todos los vértices del polígono son puntos de la

cuadrícula: $i + \frac{b}{2} - 1$, donde i es el número de puntos de la cuadrícula dentro del polígono y b es el número de puntos del límite. Este resultado se conoce como teorema de Pick.

Área en el cálculo

- El área entre una curva de valor positivo y el eje horizontal, medida entre dos valores a y b (b se define como el mayor de los dos valores) en el eje horizontal, viene dada por la integral de a hasta b de la función que representa la curva:

$$A = \int_a^b f(x) dx$$

- El área entre las gráficas de dos funciones es igual a la integral de una función, $f(x)$, menos la integral de la otra función, $g(x)$:

$$A = \int_a^b (f(x) - g(x)) dx, \text{ donde } f(x) \text{ es la curva con el mayor valor de } y.$$

- Un área delimitada por una función $r = r(\theta)$ expresada en coordenadas polares es:

$$A = \frac{1}{2} \int r^2 d\theta$$

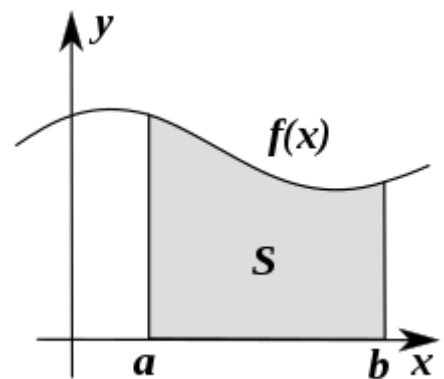
- El área encerrada por una curva paramétrica $\vec{u}(t) = (x(t), y(t))$ con puntos extremos $\vec{u}(t_0) = \vec{u}(t_1)$ está dada por las integrales de línea:

$$\oint_{t_0}^{t_1} xy dt = - \oint_{t_0}^{t_1} yx dt = \frac{1}{2} \oint_{t_0}^{t_1} (xy - yx) dt$$

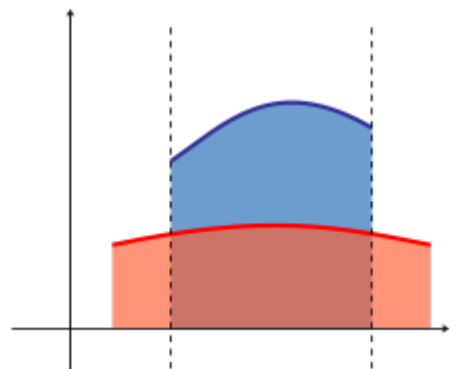
o el componente z de

$$\frac{1}{2} \oint_{t_0}^{t_1} \vec{u} \times \dot{\vec{u}} dt.$$

(Para más detalles, véase el teorema de Green § Área de una región con el teorema de Green.) Este es el principio del dispositivo mecánico del planímetro.



La integración puede medir el área bajo una curva, definida por $f(x)$, entre dos puntos (aquí a y b).



El área entre dos gráficas se puede evaluar calculando la diferencia entre las integrales de las dos funciones.

Área limitada entre dos funciones cuadráticas

Para encontrar el área acotada entre dos funciones cuadráticas, restamos una de la otra para escribir la diferencia como:

$$f(x) - g(x) = ax^2 + bx + c = a(x - \alpha)(x - \beta)$$

donde $f(x)$ es el límite superior cuadrático y $g(x)$ es el límite inferior cuadrático. Definir el discriminante de $f(x)-g(x)$ como:

$$\Delta = b^2 - 4ac.$$

Simplificando la fórmula de la integral entre las gráficas de dos funciones (como se indica en el apartado anterior) y utilizando la fórmula de Vieta, podemos obtener:

$$A = \frac{\Delta\sqrt{\Delta}}{6a^2} = \frac{a}{6}(\beta - \alpha)^3, \quad a \neq 0.$$

Lo anterior sigue siendo válido si una de las funciones delimitadoras es lineal en lugar de cuadrática.

Área superficial de las figuras tridimensionales

- Cono:¹⁷ $\pi r \left(r + \sqrt{r^2 + h^2} \right)$, donde r es el radio de la base circular y h es la altura. Esto también se puede reescribir como $\pi r^2 + \pi r l$ ¹⁷ or $\pi r(r + l)$ donde r es el radio y l es la altura oblicua del cono. πr^2 es la superficie base mientras que $\pi r l$ es la superficie lateral del cono.
- cubo: $6a^2$, donde a es la longitud de una arista.
- cilindro: $2\pi r(r + h)$, donde r es el radio de una base y h es la altura. $2\pi r$ también se puede reescribir como πd , donde d es el diámetro.
- prisma: $2B + Ph$, donde B es el área de una base, P es el perímetro de una base y h es la altura del prisma.
- pirámide: $B + \frac{PL}{2}$, donde B es el área de la base, P es el perímetro de la base y L es la longitud de la inclinación..
- prisma rectangular: $2(\ell a + \ell h + ah)$, donde l es la longitud, a es la anchura y h es la altura.

Relación área-perímetro


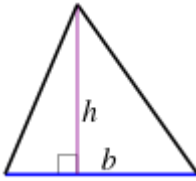
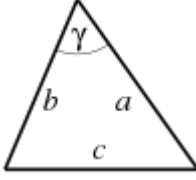
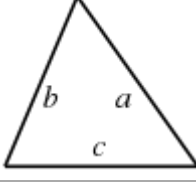
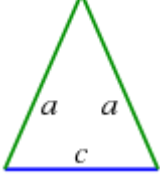
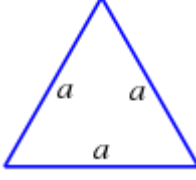
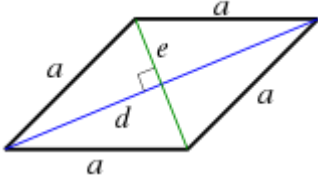
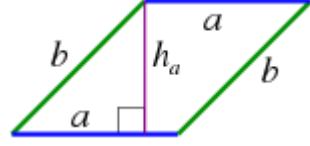
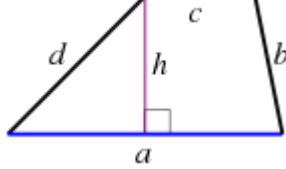
Dada una curva simple cerrada en el plano euclídeo puede probarse que su longitud o perímetro del área encerrada y la propia área encerrada satisfacen la relación:


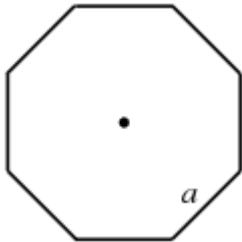
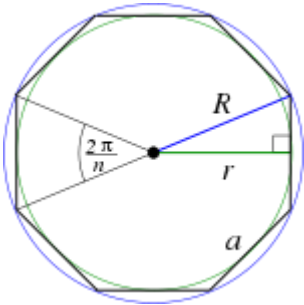
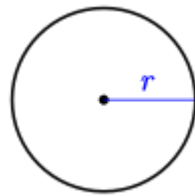
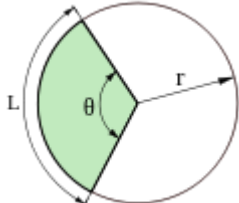
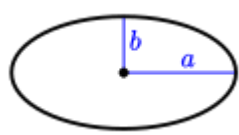
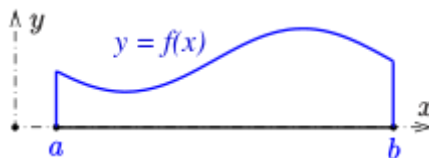
$$\left| \frac{A}{L^2} \leq \frac{1}{4\pi} \right|$$

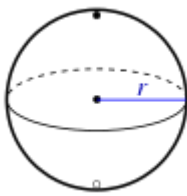
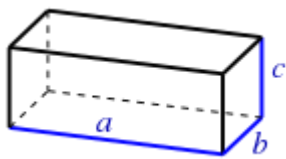
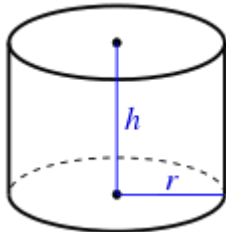
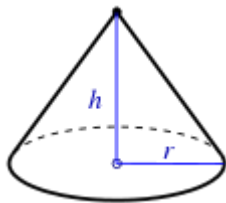
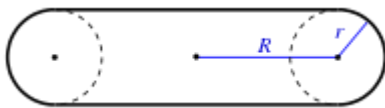
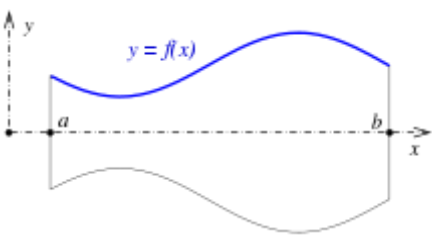
La igualdad se alcanza sólo para un círculo el resto de figuras y formas posibles cumplen la desigualdad estricta.

Lista de fórmulas

Otras fórmulas comunes para el área:

Forma	Fórmula	Variables
<u>Rectángulo</u>	$A = ab$	
<u>Triángulo</u>	$A = \frac{1}{2}bh$	
<u>Triángulo</u>	$A = \frac{1}{2}ab \sin(\gamma)$	
<u>Triángulo</u> (fórmula de Herón)	$A = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$	 $s = \frac{1}{2}(a+b+c)$
<u>Triángulo isósceles</u>	$A = \frac{b}{4}\sqrt{4a^2 - c^2}$	
<u>Triángulo equilátero</u>	$A = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2$	
<u>Rombo/deltoide</u>	$A = \frac{1}{2}de$	
<u>Paralelogramo</u>	$A = ah_a$	
<u>Trapezio</u>	$A = \frac{(a+c)h}{2}$	
<u>Hexágono regular</u>	$A = \frac{3}{2}\sqrt{3}a^2$	

		
<u>Octágono regular</u>	$A = 2(1 + \sqrt{2})a^2$	
<u>Polígono regular</u> (de lados n)	$A = n \frac{ar}{2} = \frac{pr}{2}$ $= \frac{1}{4}na^2 \cot\left(\frac{\pi}{n}\right)$ $= nr^2 \tan\left(\frac{\pi}{n}\right)$ $= \frac{1}{4n}p^2 \cot\left(\frac{\pi}{n}\right)$ $= \frac{1}{2}nR^2 \sin\left(\frac{2\pi}{n}\right)$	 <p> $p = na$ (perímetro) $r = \frac{a}{2} \cot\left(\frac{\pi}{n}\right)$, $\frac{a}{2} = r \tan\left(\frac{\pi}{n}\right) = R \sin\left(\frac{\pi}{n}\right)$ r: radio de la <u>circunferencia inscrita</u> R: radio de la <u>circunferencia circunscrita</u> </p>
<u>Círculo</u>	$A = \pi r^2 = \frac{\pi d^2}{4}$ $(d = 2r : \text{diámetro})$	
<u>Sector circular</u>	$A = \frac{\theta}{2}r^2 = \frac{L \cdot r}{2}$	
<u>Elipse</u>	$A = \pi ab$	
<u>Integral</u>	$A = \int_a^b f(x)dx, f(x) \geq 0$	
	<u>Área superficial</u>	

<u>Esfera</u>	$A = 4\pi r^2 = \pi d^2$	
<u>Ortoedro</u>	$A = 2(ab + ac + bc)$	
<u>Cilindro</u> (incl. parte inferior y superior)	$A = 2\pi r(r + h)$	
<u>Cono</u> (incl. la parte inferior)	$A = \pi r(r + \sqrt{r^2 + h^2})$	
<u>Toro</u>	$A = 4\pi^2 \cdot R \cdot r$	
<u>Superficie de revolución</u>	$A = 2\pi \int_a^b f(x) \sqrt{1 + [f'(x)]^2} dx$ (rotación alrededor del eje x)	

Los cálculos anteriores muestran cómo encontrar las áreas de muchas formas comunes.

Las áreas de los polígonos irregulares (y, por tanto, arbitrarios) pueden calcularse mediante la «Fórmula del área de Gauss» (fórmula de la lazada).

Unidades de medida de superficies

Las unidades de superficie son patrones establecidos mediante convención para facilitar el intercambio de datos de mediciones de la superficie, área o extensión de un objeto, terreno o figura geométrica.

La medición es la técnica mediante la cual asignamos un número a una propiedad física, como resultado de comparar dicha propiedad con otra similar tomada como patrón, la cual se adopta como unidad. La medida de una superficie da lugar a dos cantidades diferentes si se emplean distintas unidades de medida. Así, surgió la necesidad de establecer una unidad de medida única para cada magnitud, de modo que la información fuese fácilmente comprendida.

Sistema Internacional de Unidades

Según el Sistema Internacional de Unidades, las unidades cuadradas son las que se listan a continuación:¹⁸

Múltiplos

- Kilómetro cuadrado: 10^6 metros cuadrados
- Hectómetro cuadrado o hectárea: 10^4 metros cuadrados
- Decámetro cuadrado o área: 10^2 metros cuadrados

Unidad básica

- metro cuadrado: unidad derivada del SI
- Elenio: litro/centímetro
- Piornio: (candela-estereorradián)/lux

Submúltiplos

- Decímetro cuadrado: 10^{-2} m² (una centésima de metro cuadrado)
- Centímetro cuadrado: 10^{-4} m² (una diezmilésima de metro cuadrado)
- Milímetro cuadrado: 10^{-6} m² (una millonésima de metro cuadrado)
- barn: 10^{-28} m² (metro cuadrado)

En la escala atómica, el área se mide en unidades de barn.¹⁹ Se usa comúnmente para describir el área transversal de interacción en física nuclear.¹⁹

Sistema anglosajón de unidades

Las unidades más usadas del sistema anglosajón son:²⁰

- pulgada cuadrada
- pie cuadrado
- yarda cuadrada
- El acre también se usa comúnmente para medir áreas de tierra, donde 1 acre = 4840 yardas cuadradas = 43 560 pies cuadrados.²¹

Véase también

- Unidad de medida
- Metrología
- Áreas de figuras geométricas

Referencias

1. Arturo, Rincón Villalba Mario; Ernesto, Vargas Vargas Wilson; Javier, González Vergara Carlos (2018). Topografía:

Conceptos y aplicaciones (<https://books.google.es/books?id=3K5JDwAAQBAJ&pg=SA9-PA11&dq=%C3%A1rea++concepto+m%C3%A9trico+medida&hl=es&sa=X&ve>)



- d=0ahUKEwjgpsy6jsvZAhXGuRQKHTZ9D34Q6AEINzAD#v=onepage&q=%C3%A1rea%20%20concepto%20m%C3%A9trico%20medida&f=false). Ecoe Ediciones. ISBN 9789587715071. Consultado el 1 de marzo de 2018.
2. *Didáctica de las Matemáticas- Una Experiencia Pedagógica* (https://books.google.es/books?id=LXjbdpezl_IC&pg=PT60&dq=%C3%A1rea++concepto+m%C3%A9trico+medida&hl=es&sa=X&ved=0ahUKEwjgpsy6jsvZAhXGuRQKHTZ9D34Q6AEIJzAA#v=onepage&q=%C3%A1rea%20%20concepto%20m%C3%A9trico%20medida&f=false). ELIZCOM S.A.S. ISBN 9789584479389. Consultado el 1 de marzo de 2018.
 3. Domínguez, Luis Fernando Díaz (4 de marzo de 2016). *Manual. Competencia clave. Matemáticas Nivel III (FCOV12). Formación complementaria* (<https://books.google.es/books?id=xKxCDwAAQBAJ&pg=PA225&dq=%C3%A1rea++sin%C3%B3nimo+de+superficie&hl=es&sa=X&ved=0ahUKEwjHrPmnj8vZAhWJ0RQKHeLcAocQ6AEILzAB#v=onepage&q=%C3%A1rea%20%20sin%C3%B3nimo%20de%20superficie&f=false>). EDITORIAL CEP. ISBN 9788468183855. Consultado el 1 de marzo de 2018.
 4. Heródoto *Historias*, Libro II.
 5. 'El problema del área. fca.unl.edu.ar
 6. Heath, Thomas L. (2003), *A Manual of Greek Mathematics* (https://web.archive.org/web/20160501215852/https://books.google.com/books?id=HZNr_mGFzQC&pg=PA121), Courier Dover Publications, pp. 121-132, ISBN 978-0-486-43231-1, archivado desde el original (https://books.google.com/books?id=HZNr_mGFzQC&pg=PA121) el 1 de mayo de 2016.
 7. Stewart, James (2003). *Single variable calculus early transcendentals*. (<https://archive.org/details/singlevariableca00stew/page/3>) (5th. edición). Toronto ON: Brook/Cole. p. 3 (<https://archive.org/details/singlevariableca00stew/page/3>). ISBN 978-0-534-39330-4. «However, by indirect reasoning, Eudoxus (fifth century B.C.) used exhaustion to prove the familiar formula for the area of a circle: $A = \pi r^2$.».
 8. Arndt, Jörg; Haene I, Christoph (2006). *Pi Unleashed* (<https://books.google.com/books?id=QwwcmweJCDQC>). Springer-Verlag. ISBN 978-3-540-66572-4. Consultado el 5 de junio de 2013. English translation by Catriona and David Lischka.
 9. Eves, Howard (1990), *An Introduction to the History of Mathematics* (6th edición), Saunders, p. 121, ISBN 978-0-03-029558-4.
 10. Heath, Thomas L. (1921). *A History of Greek Mathematics (Vol II)*. Oxford University Press. pp. 321-323.
 11. Weisstein, Eric W. «Heron's Formula» (<http://mathworld.wolfram.com/HeronsFormula.html>). En Weisstein, Eric W, ed. *MathWorld* (en inglés). Wolfram Research.
 12. Apostol, Tom (1967). *Calculus*. I: One-Variable Calculus, with an Introduction to Linear Algebra. pp. 58-59. ISBN 9780471000051.
 13. Moise, Edwin (1963). *Elementary Geometry from an Advanced Standpoint* (<https://archive.org/details/elementarygeomet0000mois>). Addison-Wesley Pub. Co. Consultado el 15 July 2012. (requiere registro).
 14. Dominique Barataud. «Aire et périmètre» (http://media.education.gouv.fr/file/education_prioritaire_et_accompagnement/05/7/introduction_115057.pdf). <http://eduscol.education.fr/>. dossier d'activités pédagogiques réalisé par le groupe national de réflexion sur l'enseignement des mathématiques en dispositifs relais..
 15. Thomas Heath (2013). Dover, ed. *A History of Greek Mathematics* (<https://books.google.fr/books?id=8TSoAAAAQBAJ&pg=PA206>) (en inglés) 2. p. 206. ISBN 978-0-48616265-2..
 16. Bernard Teissier. «Volumes des corps convexes, géométrie et algèbre» (http://people.math.jussieu.fr/~teissier/documents/LM_A3.Teissier.v6.pdf). *Institut de mathématiques de Jussieu*. Teissier 1999. (leçon donnée le jeudi 7 octobre 1999, rédigée par C. Reydy).
 17. Weisstein, Eric W.. «Cone» (<https://web.archive.org/web/20120621230050/http://mathworld.wolfram.com/Cone.html>). Wolfram MathWorld. Archivado desde el original (<http://mathworld.wolfram.com/Cone.html>) el 21 June 2012. Consultado el 6 July 2012. Parámetro desconocido `|url-status=` ignorado (ayuda)
 18. CAÑERO, JUAN LÓPEZ (1 de enero de 2016). *Redes de evacuación* (<https://books>.

- [google.es/books?id=k3-mCwAAQBAJ&pg=PA4&dq=Unidades+de+medida+de+superficies&hl=es&sa=X&ved=0ahUKEwi53qnM5ozmAhUJ1RoKHSBWBj4Q6AEIMTAB#v=onepage&q=Unidades%20de%20medida%20de%20superficies&f=false](https://books.google.es/books?id=k3-mCwAAQBAJ&pg=PA4&dq=Unidades+de+medida+de+superficies&hl=es&sa=X&ved=0ahUKEwi53qnM5ozmAhUJ1RoKHSBWBj4Q6AEIMTAB#v=onepage&q=Unidades%20de%20medida%20de%20superficies&f=false). Ediciones Paraninfo, S.A. ISBN 978-84-283-3772-4. Consultado el 28 de noviembre de 2019.
19. Bureau international des poids et mesures (2006). *The International System of Units (SI)* (https://web.archive.org/web/20131105051930/http://www.bipm.org/utis/common/pdf/si_brochure_8_en.pdf). 8th ed. Archivado desde el original (http://www.bipm.org/utis/common/pdf/si_brochure_8_en.pdf) el 5 de noviembre de 2013. Consultado el 13 de febrero de 2008. Chapter 5.
 20. Arturo, Rincón Villalba Mario; Ernesto, Vargas Vargas Wilson; Javier, González Vergara Carlos (2017). *Topografía: Conceptos y aplicaciones* (https://books.google.es/books?id=3K5JDwAAQBAJ&pg=P37&dq=Unidades+de+medida+de+superficies+Sistema+anglosaj%C3%B3n&hl=es&sa=X&ved=0ahUKEwjrgbiY54zmAhWQ0eAKHd_PApQQ6AEIMTAB#v=onepage&q=Unidades%20de%20medida%20de%20superficies%20Sistema%20anglosaj%C3%B3n&f=false). Ecoe Ediciones. ISBN 978-958-771-507-1. Consultado el 28 de noviembre de 2019.
 21. National Institute of Standards and Technology (n.d.) General Tables of Units of Measurement (http://ts.nist.gov/WeightsAndMeasures/Publications/upload/h4402_appenc.pdf). (enlace roto disponible en este archivo (https://web.archive.org/web/20061126120208/http://ts.nist.gov/WeightsAndMeasures/Publications/upload/h4402_appenc.pdf)).

Bibliografía

- Spiegel, Murray R.; Abellanas, Lorenzo (1992). McGraw-Hill, ed. *Fórmulas y tablas de matemática aplicada*. Aravaca (Madrid). ISBN 84-7615-197-7.
- Weisstein, Eric W (1999). Chapman&Hall, ed. *CRC Concise Encyclopedia of Mathematics* (en inglés). ISBN 0-8493-9640-9.

Enlaces externos

-  [Wikimedia Commons](#) alberga una categoría multimedia sobre **Área**.
-  [Wikcionario](#) tiene definiciones y otra información sobre **área**.
- Weisstein, Eric W. «Área» (<http://mathworld.wolfram.com/Area.html>). En Weisstein, Eric W, ed. *MathWorld* (en inglés). Wolfram Research.
- El problema del área, en fca.unl.edu.ar (<http://www.fca.unl.edu.ar/Intdef/Probarea.htm>)
- El valor del área representada gráficamente, en fca.unl.edu.ar (<http://www.fca.unl.edu.ar/Intdef/problemaelarea.htm>)
- WikiUnits - Convert Area w/ different units (https://web.archive.org/web/20170307123808/http://www.wikiunits.com/en/area/_area.php)
- Esta obra contiene una traducción Parcial derivada de «Area» de Wikipedia en inglés, concretamente de esta versión del 17 de junio de 2021 (<https://en.wikipedia.org/wiki/Area?oldid=1029047828>), publicada por sus editores (<https://en.wikipedia.org/wiki/Area?action=history>) bajo la Licencia de documentación libre de GNU y la Licencia Creative Commons Atribución-CompartirIgual 3.0 Unported.
- Esta obra contiene una traducción Parcial derivada de «Aire (géométrie)» de Wikipedia en francés, concretamente de esta versión del 12 de junio de 2021 ([https://fr.wikipedia.org/wiki/Aire_\(g%C3%A9om%C3%A9trie\)?oldid=183765142](https://fr.wikipedia.org/wiki/Aire_(g%C3%A9om%C3%A9trie)?oldid=183765142)), publicada por sus editores ([https://fr.wikipedia.org/wiki/Aire_\(g%C3%A9om%C3%A9trie\)?action=history](https://fr.wikipedia.org/wiki/Aire_(g%C3%A9om%C3%A9trie)?action=history)) bajo la Licencia de

documentación libre de GNU y la Licencia Creative Commons Atribución-CompartirIgual 3.0 Unported.

Obtenido de «<https://es.wikipedia.org/w/index.php?title=Área&oldid=143013250>»

Esta página se editó por última vez el 20 abr 2022 a las 03:00.

El texto está disponible bajo la Licencia Creative Commons Atribución Compartir Igual 3.0; pueden aplicarse cláusulas adicionales. Al usar este sitio, usted acepta nuestros términos de uso y nuestra política de privacidad. Wikipedia® es una marca registrada de la Fundación Wikimedia, Inc., una organización sin ánimo de lucro.