Longitud

La **longitud** es un <u>concepto métrico</u> definible para entidades geométricas sobre las que se ha definido una distancia. Más concretamente, dado un segmento, curva o línea fina, se puede definir su longitud a partir de la noción de distancia. Sin embargo, no debe confundirse longitud con distancia, ya que para una curva general (no para un segmento recto) la distancia entre dos puntos cualquiera de la misma es siempre inferior a la longitud de la curva comprendida entre esos dos puntos. Igualmente la noción matemática de longitud se puede identificar con la <u>magnitud física</u> que es determinada por la distancia física.

La longitud es una de las <u>magnitudes físicas</u> <u>fundamentales</u>, en tanto que no puede ser definida

en términos de otras magnitudes que se pueden medir. En muchos sistemas de medida, la longitud es una magnitud fundamental, de la cual derivan otras. $^{\underline{1}}$

La longitud es una medida de una dimensión (lineal; por ejemplo la <u>distancia</u> en <u>m</u>), mientras que el <u>área</u> es una medida de dos dimensiones (al cuadrado; por ejemplo \underline{m}^2), y el <u>volumen</u> es una medida de tres dimensiones (cúbica; por ejemplo \underline{m}^3).

Sin embargo, según la <u>teoría</u> especial de la relatividad (Albert <u>Einstein</u>, 1905), la longitud no es una propiedad intrínseca de ningún objeto dado que dos observadores podrían medir el mismo objeto y obtener resultados diferentes (contracción de Lorentz).²

El **largo** o **longitud dimensional** de un objeto es la medida de su eje tridimensional y. Esta es la manera tradicional en que se nombraba la parte más larga de un objeto (en cuanto a su base horizontal y no su alto vertical). En <u>coordenadas cartesianas</u> bidimensionales, donde solo existen los ejes xy no se denomina «largo». Los valores x indican el ancho (eje horizontal), y los y el alto (eje vertical). $\frac{3}{2}$

Índice Historia Noción matemática Bidimensional Tridimensional

Longitud (L)

Magnitud Longitud (L)

Tipo Magnitud extensiva

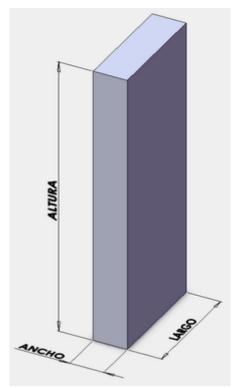
Unidad SI metro (m)
Otras unidades pársec (pc)

año luz

unidad astronómica (ua)

milla (mi) pulgada (in) ångström (Å)

longitud de Planck (ℓ_P)



Un <u>paralelepípedo rectangular</u> mostrando los nombres de sus dimensiones, largo, <u>ancho</u>, y <u>alto o</u> altura.

Noción física
Unidades de longitud
Véase también
Referencias
Bibliografía
Enlaces externos

Historia

Las mediciones han sido importantes desde que los seres humanos se establecieron, abandonando su estilo de vida nómada, y comenzó la <u>agricultura</u>, la construcción de asentamientos estables, ocupando el terreno y negociando con sus vecinos. Conforme la sociedad se ha vuelto más orientada hacia por la tecnología, se han

Z- coordenada y X- coordenada

Esquema elemental de posicionamiento espacial, consistente en un marco de referencia respecto a un origen dado.

requerido mayores precisiones en las medidas en un conjunto de campos que se incrementa cada vez más, desde la microelectrónica hasta las distancias interplanetarias. $\frac{4}{}$

Una de las unidades más antiguas de longitud fue el \underline{codo} . El codo fue definido como la longitud del brazo desde la punta del dedo medio hasta el codo. Otras unidades menores fueron el $\underline{\text{pie}}$ (unidad), la mano y el dedo. El codo podía variar considerablemente debido a los diferentes tamaños entre una persona y otra. $\frac{4}{}$

Después de la publicación de la <u>relatividad especial</u> de <u>Albert Einstein</u>, la longitud no pudo ya verse como una magnitud invariante en todos los <u>marcos de referencia</u>. Por esta razón, una regla que mida un metro de longitud en un marco de referencia no medirá la misma cantidad en otro marco de referencia que se mueva a una velocidad relativa al primer marco. Esto significa que la longitud es variable, dependiendo del observador.²

Noción matemática

La noción de longitud se definió en primer lugar para segmentos rectos. La noción elemental de <u>distancia</u> <u>euclídea</u> sirvió para definir la longitud de un segmento recto, como la distancia entre sus extremos. El siguiente paso fue definir la longitud de una curva (círculo, elipse, etc); para estas nociones existía un procedimiento físico que consistía en enrollar un cordel inextensible alrededor de una figura curva, marcar cierto punto sobre el cordel y estirarlo de nuevo para medir la distancia recta a lo largo del mismo.

Bidimensional

La moderna noción de longitud se basa fundamentalmente en la noción definida dentro de la geometría diferencial de curvas. Otra forma más próxima a la noción original de longitud es la aproximación de una curva diferenciable mediante una poligonal. Así, en la época de Arquímedes ya había sido posible determinar con mucha exactitud el perímetro de una circunferencia mediante sucesiones de polígonos inscritos y circunscritos a la circunferencia, dado que el perímetro de un polígono puede ser determinado a partir de triángulos y, en particular, usando el teorema de Pitágoras. El desarrollo del cálculo infinitesimal permitió extender la noción de longitud a curvas analíticas muy complicadas para las cuales no es sencillo aplicar los métodos de los antiguos matemáticos griegos de aproximación mediante poligonales.

Hasta el siglo XIX se asumió que la longitud de una curva acotada debía ser finita. Sin embargo, durante el siglo XIX, matemáticos como <u>Karl Weierstraß</u> encontraron que existen curvas continuas que no son diferenciables en ningún punto, y por tanto, para las cuales no está definida la noción de longitud empleada en la geometría diferencial. Posteriormente se demostró que curvas continuas como la <u>curva de Koch</u> son curvas cerradas que encierran un área finita, pero sin embargo son de longitud infinita (de hecho esta curva muestra que un área acotada puede estar delimitada por un perímetro de longitud infinita).

Tridimensional

En coordenadas cartesianas tridimensionales (ejes x, y y z), el «largo», o «longitud dimensional» suele corresponder a las <u>coordenadas</u> y, mientras que el «ancho» y el «alto» a las x y las z, respectivamente. Dada una curva <u>suave</u> (diferenciable y de clase $C^1(\mathbf{I})$), en \mathbb{R}^3 y dado su vector de posición $\mathbf{r}(t)$ expresado mediante el parámetro t;

$$\mathbf{r}(t) = x(t)\mathbf{i} + y(t)\mathbf{j} + z(t)\mathbf{k} \qquad t \in [a,b]$$

se define el llamado parámetro de arco s como:

$$s = \phi(t) = \int_a^t \sqrt{\left[x'(au)
ight]^2 + \left[y'(au)
ight]^2 + \left[z'(au)
ight]^2} \, d au$$

La cual se puede expresar también de la siguiente forma, que resulta más fácil de recordar

$$s=\phi(t)=\int_a^t \|\mathbf{r}'(au)\|d au$$

Lo cual permite reparametrizar la curva de la siguiente manera:

$$ilde{\mathbf{r}}(s) = (ilde{x}(s), ilde{y}(s), ilde{z}(s))$$

donde

$$ilde{x}(\phi(t)) = x(t), \qquad ilde{y}(\phi(t)) = y(t), \qquad ilde{z}(\phi(t)) = z(t)$$

son las relaciones entre las dos parametrizaciones.

Noción física

En mecánica clásica la noción de longitud se consideró una noción absoluta independiente del observador. Además, si bien las geometrías no euclídeas eran conocidas desde principio del siglo XIX, nadie asumió seriamente que la geometría del espacio físico pudiera ser otra que la del espacio euclídeo hasta al menos finales del siglo XIX. Algunos trabajos de los matemáticos <u>Riemann</u>, <u>Poincaré</u> y el físico <u>Lorentz</u> empezaron a poner en duda la noción clásica de la longitud como magnitud invariante independiente del observador.

Posteriormente la <u>teoría de la relatividad general</u> de <u>Albert Einstein</u> fue la primera teoría física importante que rechaza explícitamente la noción de que un observador estático en presencia de cuerpos físicos masivos pueda asumir que la geometría del espacio sea euclídea. Sin embargo, aún en la teoría de la relatividad se

asume que el espacio dado a un observador, aunque no fuera globalmente euclídeo sí es <u>localmente</u> euclídeo.

Durante el siglo XX, la <u>teoría cuántica de campos</u> llevó incluso a especular sobre si la naturaleza del espacio-tiempo era localmente euclídea, ya que para escalas muy pequeñas del orden de la <u>longitud de Planck</u> pudiera darse el caso de que la noción de distancia matemática no estuviera bien definida, y a esas escalas los modelos de espacio euclídeo o de variedad riemanninana podrían ser sencillamente inadecuados.

Unidades de longitud

Existen distintos tipos de <u>unidades de medida</u> que son utilizadas para medir la longitud, y otras que lo fueron en el pasado. Las unidades de medida se pueden basar en la longitud de diferentes partes del cuerpo humano, en la distancia recorrida en número de pasos, en la distancia entre puntos de referencia o puntos conocidos de la Tierra, o arbitrariamente en la longitud de un determinado objeto. 4

En el <u>Sistema Internacional</u> (SI), la unidad básica de longitud es el <u>metro</u>, y hoy en día se significa en términos de la <u>velocidad de la luz</u>. El *centímetro* y el *kilómetro* derivan del metro, y son unidades utilizadas habitualmente. 1

Las unidades que se utilizan para expresar distancias en la inmensidad del espacio (astronomía) son mucho más grandes que las que se utilizan habitualmente en la Tierra, y son (entre otras): la unidad astronómica, el año luz y el pársec. $\frac{5}{2}$

Por otra parte, las unidades que se utilizan para medir distancias muy pequeñas, como en el campo de la química o la física atómica, incluyen el micrómetro, el ångström, el radio de Bohr y la longitud de Planck.

Véase también

- Dimensión
- Distancia
- Espacio métrico
- Medida de Lebesque
- Medición
- Metrología
- Perspectiva

- Tridimensional
- Altura (geometría)
- Ancho

Referencias

- 1. Resnick, 1993, pp. 1-3.
- 2. Resnick, 1993, p. 524.
- 3. García Prieto, F. J. (2012). Matemáticas 2º E.S.O. Editex. p. 198. ISBN 9788490033340.
- 4. National Physical Laboratory, «History of Length Measurement (http://www.npl.co.uk/educate -explore/factsheets/history-of-length-measurement/)» (en inglés). Consultado el 15 de junio de 2014.
- 5. <u>International Astronomical Union</u> (31 de agosto de 2012). <u>«RESOLUTION B2: on the redefinition of the astronomical unit of length» (http://www.iau.org/static/resolutions/IAU2012_E nglish.pdf). Pekín. Consultado el 22 de septiembre de 2012.</u>

Bibliografía

 Resnick, R.; Halliday, D.; Krane, K. S (1993). Física vol. 1. Título original (en inglés): Physics, Vol. 1; traducido por F. Andión Uz. Compañía Editorial Continental; publicado originalmente por John Wiley & Sons Inc. ISBN 968-26-1230-6.

Enlaces externos

- 🊵 Wikimedia Commons alberga una galería multimedia sobre **Longitud**.
- Wikcionario tiene definiciones y otra información sobre longitud.
- El Diccionario de la Real Academia Española tiene una definición para longitud.
- WikiUnits Convert Length w/ different units (https://web.archive.org/web/20170307123839/ http://www.wikiunits.com/en/length/ length.php)

Obtenido de «https://es.wikipedia.org/w/index.php?title=Longitud&oldid=142969012»

Esta página se editó por última vez el 18 abr 2022 a las 04:21.

El texto está disponible bajo la Licencia Creative Commons Atribución Compartir Igual 3.0; pueden aplicarse cláusulas adicionales. Al usar este sitio, usted acepta nuestros términos de uso y nuestra política de privacidad. Wikipedia® es una marca registrada de la Fundación Wikimedia, Inc., una organización sin ánimo de lucro.