

# Procedimiento de calibración DSC

Frente a la necesidad de comenzar un nuevo proceso de calibración en el calorímetro DSC SETARAM, Labsys evo, se decide realizar el procedimiento elaborado en 2013 en un Notebook con la idea de introducir mejoras al mismo, si es posible. Comenzaremos reproduciendo el modelo anterior utilizando la biblioteca de Python TAL LAL LAL, para posteriormente compararla con los resultados obtenidos en MATLAB.

## Corrección en temperatura

---

Para la calibración en temperatura se tomaron en cuenta simultáneamente los valores medidos de temperaturas de fusión y las velocidades de calentamiento utilizadas. Se construyó un sistema de ecuaciones lineales usando dichos valores medidos y velocidades seleccionadas como coeficientes conocidos, y los coeficientes de corrección como incógnitas que satisfacen las siguientes ecuaciones:

$$dT = A_0 + A_1 \cdot T_e + A_2 \cdot V + A_3 \cdot V^2 \quad (1)$$

$$dT = T_{real} - T_e \quad (2)$$

en donde

$A_0$ ,  $A_1$ ,  $A_2$  y  $A_3$  son los coeficientes de corrección,  $V$ : velocidad de calentamiento/enfriamiento,  $T_e$ : temperatura medida,  $T_{real}$ : temperatura aceptada en literatura

La expresión dada por la (ec. 1), especializada en los diferentes valores de velocidad de calentamiento utilizados y en las distintas temperaturas de inicio de transformación determinadas, da lugar a un sistema de ecuaciones que posee un número significativamente mayor de ecuaciones que de incógnitas. Esto es, un sistema de ecuaciones sobredeterminado. Estos sistemas no tienen solución; sin embargo, puede encontrarse una pseudosolución. Se optó por resolver el sistema de forma aproximada utilizando los métodos de mínimos cuadrados ordinarios y pseudoinversa de Moore-Penrose.

## Modelos de ajuste lineal

---

un poco de modelos de ajuste lineal BLAH BLAH BLAH

## Procedimiento en Python

-----> TESTO AQUI Importamos las variables desde una hoja de datos de Excel para luego procesarlas.

```
In [1]: # Dependencies import
import numpy as np
import pandas as pd

# Reading variables from the sheet
df = pd.read_excel('resultados_v1.xlsx', sheet_name='dT', header = 1)

# Checking the header imported
print(df.head(5))

# Generating NumPy Arrays
Te = df["Te-A"].to_numpy()
Treal = df["Treal-A"].to_numpy()
V = df.V.to_numpy()
dT = Treal - Te
T = np.array([np.ones(dT.shape), Te, V, V ** 2])
```

|   | Material | V    | Te-A    | Te-B | Treal-A | Treal-B | dT-A  | dT-B |
|---|----------|------|---------|------|---------|---------|-------|------|
| 0 | In       | 1.0  | 153.826 | NaN  | 156.599 | NaN     | 2.773 | NaN  |
| 1 | In       | 5.0  | 153.829 | NaN  | 156.599 | NaN     | 2.770 | NaN  |
| 2 | In       | 10.0 | 153.669 | NaN  | 156.599 | NaN     | 2.930 | NaN  |
| 3 | In       | 20.0 | 153.137 | NaN  | 156.599 | NaN     | 3.462 | NaN  |
| 4 | In       | 50.0 | 152.623 | NaN  | 156.599 | NaN     | 3.976 | NaN  |

## Pseudoinversa Moore Penrose

```
In [2]: # Penrose Matrix with NumPy array
p = np.linalg.pinv(T)

# Check dimensions
print(type(p), np.shape(p), np.size(p))
print(type(dT), np.shape(dT), np.size(dT))
```

```
<class 'numpy.ndarray'> (62, 4) 248
<class 'numpy.ndarray'> (62,) 62
```

```
In [3]: # Transpose Penrose Matrix for array multiplication
Tp = np.transpose(p)
print(type(Tp), np.shape(Tp), np.size(Tp))

# Multiplying matrix with NumPy array
A = np.matmul(Tp, dT)

# Show the coefficients
print('Coefficients are:')
for i in range(np.size(A)):
    print(f'A{i} = {A[i]:.2e}')
```

```
<class 'numpy.ndarray'> (4, 62) 248
Coefficients are:
A0 = 5.03e+00
A1 = -1.15e-03
A2 = 4.93e-02
A3 = -3.63e-04
```

## Mínimos cuadrados

```
In [4]: # Transpose original Matrix for array multiplication
        TT = np.transpose(T)

        # Obtaining coefficient through Least Squares
        X = np.linalg.lstsq(TT, dT, rcond = -1)

        # Show the coefficients
        print('Coefficients are:')
        for i in range(np.size(X)):
            print(f'A{i} = {X[0][i]:.2e}')
```

Coefficients are:

```
A0 = 5.03e+00
A1 = -1.15e-03
A2 = 4.93e-02
A3 = -3.63e-04
```

```
C:\Users\Pablo\anaconda3\envs\dsc-calibration\lib\site-packages\numpy\core\fromn
umeric.py:3208: VisibleDeprecationWarning: Creating an ndarray from ragged nest
d sequences (which is a list-or-tuple of lists-or-tuples-or ndarrays with differ
ent lengths or shapes) is deprecated. If you meant to do this, you must specify
'dtype=object' when creating the ndarray.
    return asarray(a).size
```

## Corrección en calor (Q)

Para la calibración en calor se consideró la constante de sensibilidad K, que define el factor de proporcionalidad entre el área del pico medida, entre la curva y la línea de base, y el calor asociado a la transformación que ésta describe.

$$K = (S/H) \cdot (1/m) \quad (3)$$

$$K = A_0 + A_1 \cdot T_e + A_2 \cdot T_e^2 + A_3 \cdot T_e^3 + A_4 \cdot T_e^4 \quad (4)$$

siendo A0, A1, A2, A3 y A4 son los coeficientes de corrección, Te: temperatura medida, m: masa, H: calor de fusión, S: área de pico (μV.s)

En este caso, los valores experimentales a considerar como coeficientes conocidos son Te y S. Se aplicó la misma metodología que para corrección en temperatura y se tuvieron en cuenta las mismas consideraciones anteriormente mencionadas.

```
In [5]: # Reading variables from the sheet
df = pd.read_excel('resultados_v1.xlsx', sheet_name='K', header = 1)

# Checking the header imported
print(df.head(5))

# Generating NumPy Arrays
Te = df["Te-A"].to_numpy()
H = df["H-A"].to_numpy()
S = df["S-A"].to_numpy()
m = df.m.to_numpy()
K = (S/H)*(1/m)
B = np.array([np.ones(Te.shape), Te, Te**2, Te**3, Te**4])
```

|   | Material | V    | Te-A    | Te-B | Treal-A | Treal-B | S-A     | S-B | H-A  | H-B  | \ |
|---|----------|------|---------|------|---------|---------|---------|-----|------|------|---|
| 0 | In       | 1.0  | 153.826 | NaN  | 156.599 | NaN     | 718.830 | NaN | 28.5 | 28.5 |   |
| 1 | In       | 5.0  | 153.829 | NaN  | 156.599 | NaN     | 690.485 | NaN | 28.5 | 28.5 |   |
| 2 | In       | 10.0 | 153.669 | NaN  | 156.599 | NaN     | 672.261 | NaN | 28.5 | 28.5 |   |
| 3 | In       | 20.0 | 153.137 | NaN  | 156.599 | NaN     | 657.725 | NaN | 28.5 | 28.5 |   |
| 4 | In       | 50.0 | 152.623 | NaN  | 156.599 | NaN     | 527.595 | NaN | 28.5 | 28.5 |   |

  

|   | m     |
|---|-------|
| 0 | 79.47 |
| 1 | 79.47 |
| 2 | 79.47 |
| 3 | 79.47 |
| 4 | 79.47 |

```
In [6]: print(B.shape)

(5, 62)
```

## Pseudoinversa Moore Penrose

```
In [7]: # Penrose Matrix with NumPy array
pB = np.linalg.pinv(B)

# Check dimensions
print(type(pB), np.shape(pB), np.size(pB))
print(type(K), np.shape(K), np.size(K))

<class 'numpy.ndarray'> (62, 5) 310
<class 'numpy.ndarray'> (62,) 62
```

```
In [8]: # Transpose Penrose Matrix for array multiplication
TpB = np.transpose(pB)
print(type(TpB), np.shape(TpB), np.size(TpB))

# Multiplying matrix with NumPy array
C = np.matmul(TpB, K)

# Show the coefficients
print('Coefficients are:')
for i in range(B.shape[0]):
    print(f'C{i} = {C[i]:.4e}')
```

```
<class 'numpy.ndarray'> (5, 62) 310
Coefficients are:
C0 = 2.8813e-01
C1 = 6.7788e-05
C2 = -7.4088e-07
C3 = 9.5213e-10
C4 = -3.5929e-13
```

## Mínimos cuadrados

```
In [9]: # Transpose original Matrix for array multiplication
TB = np.transpose(B)

# Obtaining coefficient through Least Squares
D = np.linalg.lstsq(TB, K, rcond = -1)

# Show the coefficients
print('Coefficients are:')
for u in range(B.shape[0]):
    print(f'D{u} = {D[0][u]:.4e}')
```

```
Coefficients are:
D0 = 2.8813e-01
D1 = 6.7786e-05
D2 = -7.4087e-07
D3 = 9.5212e-10
D4 = -3.5928e-13
```

## Agrego límites teóricos

```
In [10]: Te = np.append(Te, [-273.0], axis= 0)
Te = np.append(Te, [1600], axis= 0)
K = np.append(K, [0.0], axis= 0)
K = np.append(K, [0.1], axis= 0)

B = np.array([np.ones(Te.shape), Te, Te**2, Te**3, Te**4])
```

```
In [11]: np.shape(Te)
```

```
Out[11]: (64,)
```

## Pseudoinversa Moore Penrose

```
In [12]: # Penrose Matrix with NumPy array
pB = np.linalg.pinv(B)

# Check dimensions
print(type(pB), np.shape(pB), np.size(pB))
print(type(K), np.shape(K), np.size(K))
```

```
<class 'numpy.ndarray'> (64, 5) 320
<class 'numpy.ndarray'> (64,) 64
```

```
In [13]: # Transpose Penrose Matrix for array multiplication
TpB = np.transpose(pB)
print(type(TpB), np.shape(TpB), np.size(TpB))

# Multiplying matrix with NumPy array
C = np.matmul(TpB, K)

# Show the coefficients
print('Coefficients are:')
for i in range(B.shape[0]):
    print(f'C{i} = {C[i]:.4e}')
```

```
<class 'numpy.ndarray'> (5, 64) 320
Coefficients are:
C0 = 2.5029e-01
C1 = 3.8456e-04
C2 = -1.4298e-06
C3 = 1.5062e-09
C4 = -5.0743e-13
```

---

```
In [ ]:
```