### Wydział Elektroniki i Technik Informacyjnych Politechnika Warszawska

# Projektowanie układów sterowania (projekt grupowy)

Sprawozdanie z ćwiczenia laboratoryjnego nr 4

Radosław Pietkun, Jakub Gruszecki, Wojciech Rokicki

### Uwagi wstępne

Niektóre z poniższych zadań były wykonywane na symulowanym obiekcie stanowiska grzejąco-chłodzącego bez włączonych zakłóceń (flaga  $Noise\_ON$  była ustawiona na 0). Przyczyną jest późne poinformowanie nas o parametrach funkcji symulującej obiekt.

Pomiar oraz regulacja stanowiska grzejąco-chłodzącego następowała z częstotliwością 1s, a stanowiska ze zbiornikami z częstotliwością 0,1s

## Spis treści

1.	Sprawdzenie możliwość sterowania i pomiaru oraz wyznaczenie punktu pracy	3
	<ul><li>1.1. Przykładowe sterowanie wraz z odczytem pomiarów</li></ul>	
2.	Mechanizm zabezpieczający przed uszkodzeniem stanowiska	6
3.	Implementacja regulatora DMC MIMO oraz przygotowanie odpowiedzi skokowych	8
	3.1. Implementacja DMC	9
4.	Panel operatora	16

### 1. Sprawdzenie możliwość sterowania i pomiaru oraz wyznaczenie punktu pracy

#### 1.1. Przykładowe sterowanie wraz z odczytem pomiarów

Podczas testu będziemy zmieniać sygnały sterujące w następujący sposób:

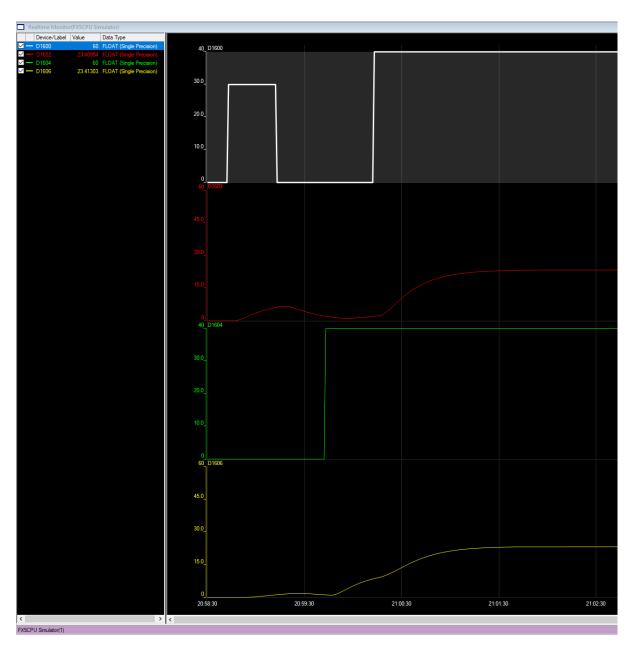
$$G1 = 0 \land G2 = 0$$
, dla  $k \in < 0, 10$ )  
 $G1 = 30 \land G2 = 0$ , dla  $k \in < 10, 30$ )  
 $G1 = 0 \land G2 = 0$ , dla  $k \in < 30, 50$ )  
 $G1 = 0 \land G2 = 40$ , dla  $k \in < 50, 70$ )  
 $G1 = 40 \land G2 = 40$ , dla  $k \geqslant 70$ 

Na rys. 1.1 przedstawiono wyniki przeprowadzonej symulacji. Jak widzimy, zmiany mocy grzałek G1 i G2 wpływają na zmianę mierzonych temperatur T1 i T3. Oznacza to, mamy możliwość sterowania i pomiaru w komunikacji ze stanowiskiem.

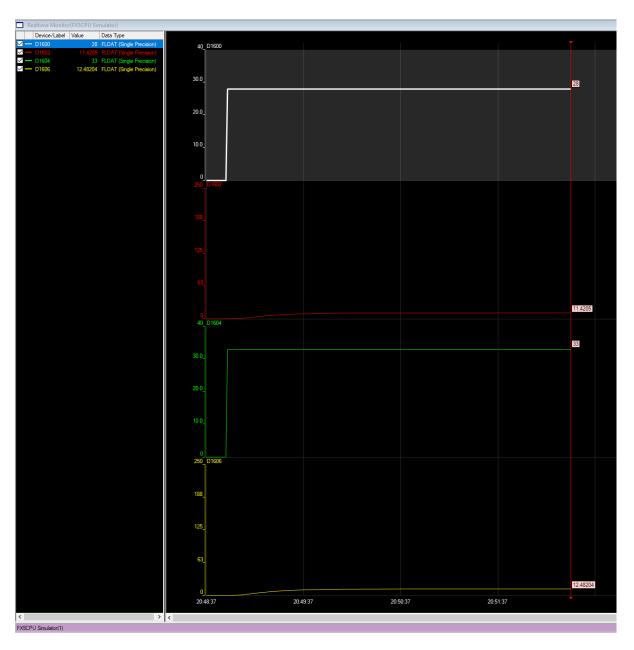
### 1.2. Punkt pracy

Zadany punkt pracy: G1 = 28, G2 = 33. Wyniki symulacji dla tego punktu pracy przedstawiono na rys. 1.2.

Dla powyższego punktu pracy pomiary z czujników wynoszą: T1 = 11,4205, T3 = 12,48204.



Rys. 1.1. Sprawdzenie możliwość sterowania i pomiaru w komunikacji ze stanowiskiem - Sygnały od góry:  $G1,\,T1,\,G2,\,T3$ 



Rys. 1.2. Punkt pracy - Sygnały od góry:  $G1,\,T1,\,G2,\,T3$ 

## 2. Mechanizm zabezpieczający przed uszkodzeniem stanowiska

W celu zabezpieczenia stanowiska w wypadku uszkodzenia czujnika (tj. T1 lub T3 przekroczy  $250^{\circ}C$ ) zaimplementowano poniżej przedstawiony (rys. 2.1) mechanizm zabezpieczający.

```
// Mechanizm zabezpieczający przed uszkodzeniem stanowiska

// Jeśli T1 będzie >= 250 st. C to wyłącz najbliższą grzłkę G1

IF TEST_HC[2] >= 250 THEN

// G1

TEST_HC[1] := 0;

END_IF;

// Jeśli T3 będzie >= 250 st. C to wyłącz najbliższą grzłkę G2

IF TEST_HC[4] >= 250 THEN

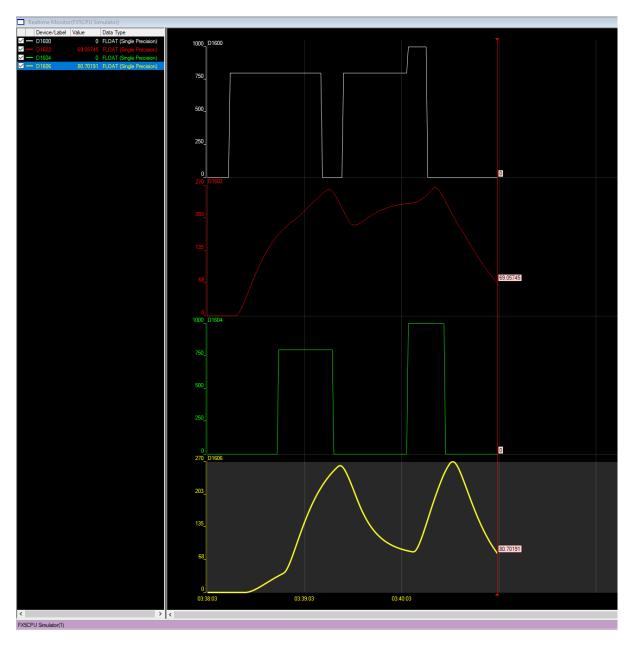
// G2

TEST_HC[3] := 0;

END_IF;
```

Rys. 2.1. Kod zabezpieczający przed uszkodzeniem stanowiska grzejąco-chłodzącego

Jak widzimy na powyższym rysunku (rys. 2.2), gdy temperatura któregoś z wyjść T1 lub T3 zaczyna przekraczać temperaturę  $250^{\circ}C$  to odpowiednio wyłączane są grzałki G1 dla przekroczenia temperatury przez T1 i G2 dla przekroczenia temperatury przez T3. Dzięki temu grzałka sąsiadująca z czujnikiem, który zmierzył niebezpieczną temperaturę zostanie wyłączona.



Rys. 2.2. Wykres prezentujący działanie mechanizmu zabezpieczającego przed uszkodzeniem stanowiska grzejąco-chłodzącego

## 3. Implementacja regulatora DMC MIMO oraz przygotowanie odpowiedzi skokowych

Dzięki przeprowadzeniu eksperymentów z poprzedniego podpunktu byliśmy w stanie wyznaczyć optymalne ograniczenia wartości sterowania tzn. <0,1000> dla tych wartości wyjścia obiektu oscylowały w granicach ok.  $(0,300)^{\circ}C$ .

### 3.1. Implementacja DMC

Dla regulatora DMC  $2 \times 2$  równania algorytmu przyjmą następującą postać:

$$y(k) = \begin{bmatrix} y_1(\mathbf{k}) \\ y_2(\mathbf{k}) \end{bmatrix} \tag{3.1}$$

$$y^{\text{zad}}(k) = \begin{bmatrix} y_1^{\text{zad}}(\mathbf{k}) \\ y_2^{\text{zad}}(\mathbf{k}) \end{bmatrix}$$
(3.2)

$$u(k) = \begin{bmatrix} u_1(\mathbf{k}) \\ u_2(\mathbf{k}) \end{bmatrix} \tag{3.3}$$

$$\mathbf{S}_{l} = \begin{bmatrix} s_{l}^{11} & s_{l}^{12} \\ s_{l}^{21} & s_{l}^{22} \end{bmatrix}, l = 1...D$$
 (3.4)

$$M = \begin{bmatrix} S_1 & 0 & \dots & 0 \\ S_2 & S_1 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ S_N & S_{N-1} & \dots & S_{N-N_{\rm u}+1} \end{bmatrix}$$
(3.5)

$$M^{P} = \begin{bmatrix} S_{2} - S_{1} & S_{3} - S_{2} & \dots & S_{D} - S_{D-1} \\ S_{3} - S_{1} & S_{4} - S_{2} & \dots & S_{D+1} - S_{D-1} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ S_{N+1} - S_{1} & S_{N+2} - S_{2} & \dots & S_{N+D-1} - S_{D-1} \end{bmatrix}$$
(3.6)

$$\boldsymbol{K} = (\boldsymbol{M}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{M} + \lambda \boldsymbol{I})^{-1}\boldsymbol{M}^{\mathrm{T}}$$
(3.7)

$$Y^{0}(k) = Y(k) + \mathbf{M}^{P} \Delta U^{P}(k)$$
(3.8)

$$\Delta U(k) = \mathbf{K}(Y^{\text{zad}}(k) - Y^{0}(k))$$
(3.9)

Prawo regulacji dla regulatora oszczędnego:

$$\Delta u(k|k) = \overline{K}_1(Y^{\text{zad}}(k) - Y(k) - M^{P} \Delta U^{P}(k))$$
(3.10)

$$= \overline{\mathbf{K}}_{1}(Y^{\text{zad}}(k) - Y(k)) - \overline{\mathbf{K}}_{1} \mathbf{M}^{P} \Delta U^{P}(k)$$
(3.11)

$$= \sum_{i=1}^{N \cdot n_y} \overline{K}_{1,j} (Y^{\text{zad}}(k) - Y(k)) - \overline{K}_1 M^{P} \Delta U^{P}(k)$$
(3.12)

$$\Delta u(k|k) = \mathbf{K}_e E(k) - \mathbf{K}_u \Delta U^{P}(k)$$
(3.13)

,gdzie

$$E(k) = Y^{\text{zad}}(k) - Y(k) \tag{3.14}$$

$$\mathbf{K}_{e} = \sum_{i=1}^{N \cdot n_{y}} K_{1,i} \tag{3.15}$$

$$\boldsymbol{K}_{u} = \overline{\boldsymbol{K}}_{1} \boldsymbol{M}^{\mathrm{P}} \tag{3.16}$$

### 3.2. Odpowiedzi skokowe

Jako parametry regulatora DMC zostały wybrane odpowiedzi skokowe dla dwóch oddzielnych zmian wartości sterowania G1 z 0 na 800 i G2 z 0 na 800. Odpowiedzi skokowe obu wyjść T1 i T3 dla skoku G1 przedstawiono na rys. 3.1, a dla skoku G2 na rys. 3.2.

Po otrzymaniu powyższych odpowiedzi skokowych w programie LogViewer i zapisaniu ich w pliku textowym, a następnie poddaniu obróbce w excelu, w celu wybrania interesujących nas wartości, otrzymaliśmy następujące odpowiedzi skokowe - rys. 3.3 i rys. 3.4 (dalej wykorzystane do wyznaczenia paramtrów regulatora DMC).

### 3.3. Strojenie DMC

Przy strojeniu DMC kluczową rolę odgrywała optymalizacja rozmiaru horyzontu dynamiki pod kątem zajętości rejestrów oraz czasu wykonania obliczeń do regulacji DMC na sterowniku PLC. Wielokrotnie trzeba było skracać horyzont dynamiki aby rozmiar wektora pozwalał na zakończenie pracy programu HC\_REGULATION (w trybie *fixed scan* z przerwaniem 1000ms) w zadanym czasie. Dla zbyt długiego horyzontu obliczenia na wektorach zajmowały zbyt dużo czaso co skutkowało błędem przedstawionym na rys.3.5.

Najdłuższy horyzont dynamiki, który udało nam się użyć to D=90. Dla takiego horyzontu dynamiki przyjęliśmy najdłuższe możliwe horyzonty predykcji i sterowania (N=90, Nu=90), ponieważ nie wpływało to na spowolnienie działania symulacji oszczędnego regulatora DMC w środowisku GxWorks.

W programie INIT następuje inicjalizacja, potrzebnych do regulacji DMC, parametrów (wygenerowanych w programie MATLAB - skrypt matlab/DMC\_CALC.m), po czym następuje regulacja obiektu w programie HC\_REGULATION.

Dla przyjętych początkowych wartości  $\lambda=1$  regulacja była satysfakcjonująca (rys.3.6), jednak dla  $\lambda=10$  kosztem szybkości regulacji byliśmy w stanie otrzymać łagodniejsze sterowanie oraz mniejsze przeregulowanie (rys.3.7). Przy większych wartościach współczynnika kary  $\lambda$  regulator był zbyt powolny.

Tor wartości zadanych dla rysunków przedstawiających proces regulacji:

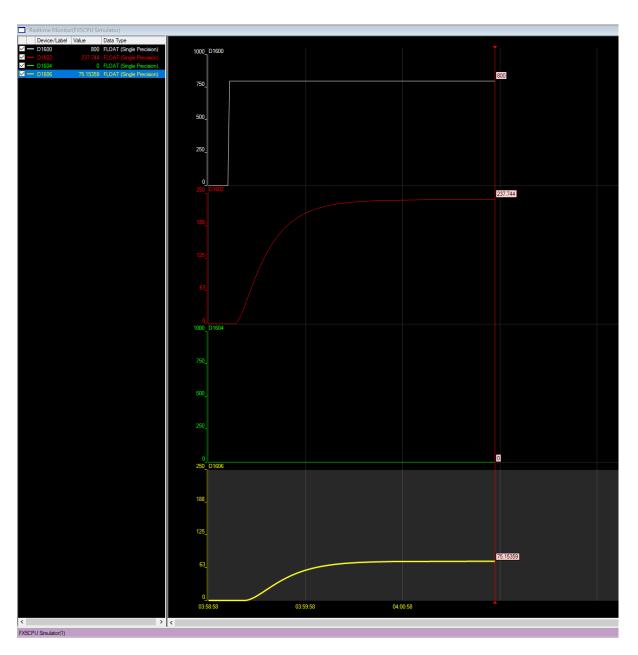
$$T1 = 0 \land T3 = 0, \text{ dla } k \in <0, 10)$$

$$T1 = 11,42 \land T3 = 12,48, \text{ dla } k \in <10, 120)$$

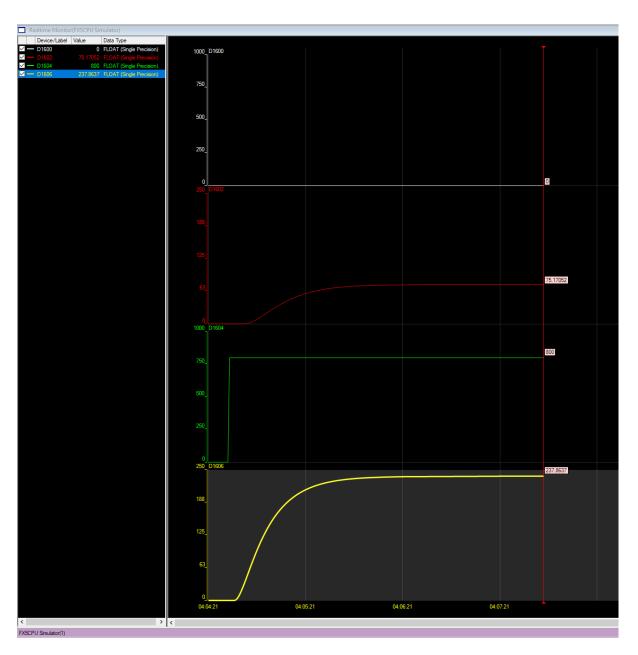
$$T1 = 54 \land T3 = 20, \text{ dla } k \in <120, 240)$$

$$T1 = 150 \land T3 = 170, \text{ dla } k \in <240, 480)$$

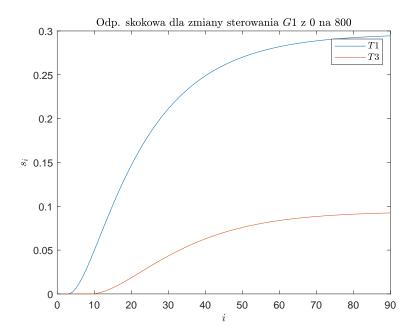
$$T1 = 22 \land T3 = 30, \text{ dla } k \geqslant 480$$



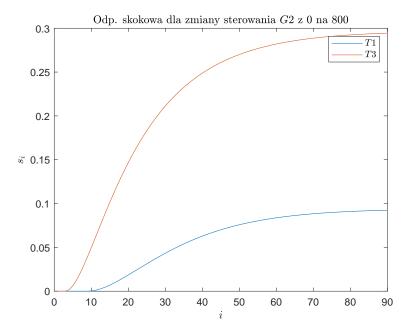
Rys. 3.1. Odpowiedź skokowa dla zmiany sygnału sterowania G1z0na 800



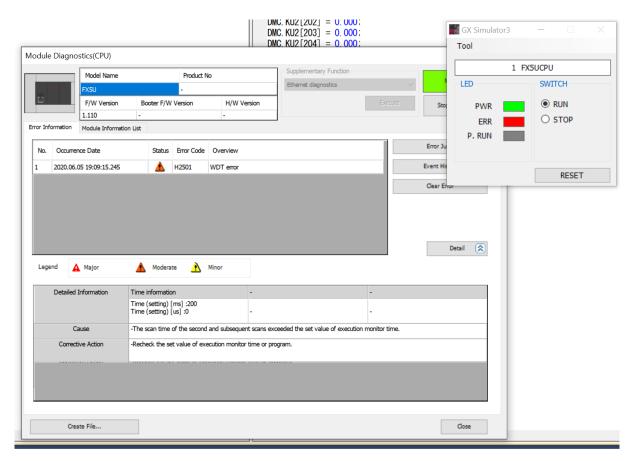
Rys. 3.2. Odpowiedź skokowa dla zmiany sygnału sterowania G2z0na 800



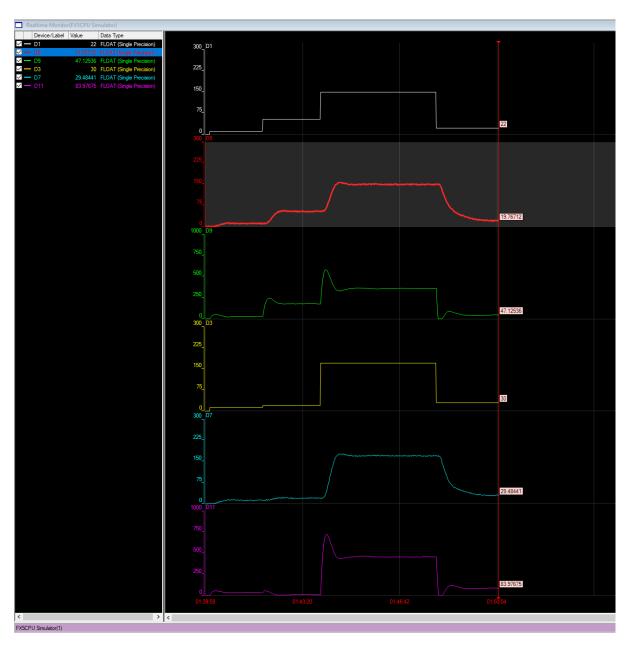
Rys. 3.3. Odpowiedź skokowa dla zmiany sygnału sterowania G1z0na 800



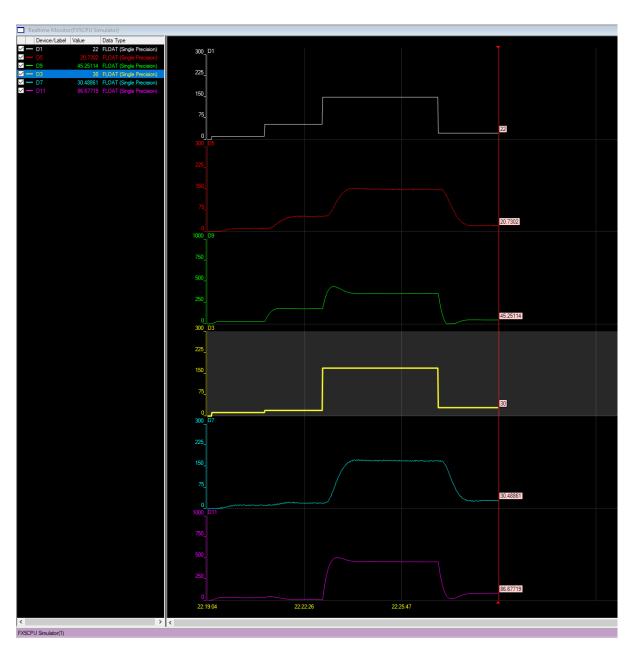
Rys. 3.4. Odpowiedź skokowa dla zmiany sygnału sterowania G2z0na 800



Rys. 3.5. Błąd przekroczenia czasu wykonania programu



Rys. 3.6. Regulacja dla DMC z parametrami D = 90, N = 90, Nu = 90,  $\lambda=1$ 



Rys. 3.7. Regulacja dla DMC z parametrami D = 90, N = 90, Nu = 90,  $\lambda=10$ 

## 4. Panel operatora