

Wydział Elektroniki i Technik Informacyjnych
Politechnika Warszawska

Projektowanie układów sterowania
(projekt grupowy)

Sprawozdanie z projektu i ćwiczenia laboratoryjnego
nr 1, zadanie nr 3

Wojciech Rokicki, Radosław Pietkun, Jakub Gruszecki

Warszawa, 2020

Spis treści

1. Poprawność wartości sygnałów w punkcie pracy	2
1.1. Poprawność sygnałów	2
1.2. Wnioski	2
1.3. Implementacja	2
2. Odpowiedzi skokowe i charakterystyka statyczna	3
2.1. Wyznaczenie odpowiedzi skokowych	3
2.2. Charakterystyka statyczna	3
2.3. Wnioski	4
2.4. Implementacja	4
3. Odpowiedź skokowa dla algorytmu DMC	5
3.1. Odpowiedź skokowa	5
3.2. Implementacja	5
4. Regulacja procesu	6
4.1. Regulator PID	6
4.2. Regulator DMC	6
4.3. Implementacja	7
5. Dobór nastaw regulatorów	8
5.1. Dobór nastaw cyfrowego regulatora PID	8
5.2. Dobór nastaw predykcyjnego regulatora DMC	8
6. Optymalizacja wskaźnika jakości	10
6.1. Algorytm optymalizacji	10
6.2. Optymalne nastawy regulatora PID	10
6.3. Optymalne nastawy regulatora DMC	10

1. Poprawność wartości sygnałów w punkcie pracy

1.1. Poprawność sygnałów

W celu sprawdzenia poprawności sygnałów U_{pp} oraz Y_{pp} obiekt został pobudzony sygnałem o wartości U_{pp} . Wartości sygnałów w punkcie pracy są poprawne, jeśli sygnał wyjściowy przyjmie wartość Y_{pp} .

Rys. 1.1. Wartości sygnałów w punkcie pracy

1.2. Wnioski

Na podstawie rysunku widać, że dla stałej wartości sygnału sterującego U_{pp} wyjście obiektu przyjmuje stałą wartość, równą Y_{pp} . Jest to dowód na to, że wartości sygnałów wejściowego i wyjściowego w punkcie pracy są poprawne.

1.3. Implementacja

Do przeprowadzenia eksperymentu wykorzystany został skrypt `zad1.m`.

2. Odpowiedzi skokowe i charakterystyka statyczna

2.1. Wyznaczenie odpowiedzi skokowych

W celu wyznaczenia odpowiedzi skokowych obiekt pobudzony został czterema skokami sygnału sterującego w chwili $k=21$. Sygnał sterujący zmieniał się o $dU=0,1$ od $U_{min}=0,9$ do $U_{max}=1,3$.

Rys. 2.1. Odpowiedzi skokowe

2.2. Charakterystyka statyczna

W celu wyznaczenia charakterystyki statycznej procesu zebrano odpowiedź układu dla pobudzeń różnymi wartościami sygnału sterującego.

Rys. 2.2. Charakterystyka statyczna

2.3. Wnioski

Na podstawie charakterystyki statycznej można powiedzieć, że obiekt jest w przybliżeniu liniowy. Można zatem wyznaczyć wzmocnienie statyczne procesu na podstawie wzoru:

$$K_{stat} = \frac{\Delta y}{\Delta u} \quad (2.1)$$

Dla danego procesu wzmocnienie statyczne wynosi $K = 3,178$.

2.4. Implementacja

Implementacja funkcji wykorzystanych do wykonania zadania zawarte są w skrypcie `podpunkt_2_v1.m`.

3. Odpowiedź skokowa dla algorytmu DMC

3.1. Odpowiedź skokowa

Do wyznaczania odpowiedzi skokowej dla algorytmu DMC wybrana została odpowiedź dla zmiany sygnału sterującego o 0,1 z punktu pracy $U_{pp}=1,1$. Otrzymana odpowiedź skokowa poddana została normalizacji, czyli przesunięciu o wartość sygnału wyjściowego w punkcie pracy, a następnie podzielona przez długość skoku. Następnie, w celu wyznaczenia współczynników odpowiedzi skokowej dla algorytmu DMC zastosowany został wzór:

$$S_i = \frac{S_i^0(k) - Y_{pp}}{\Delta U} \quad (3.1)$$

gdzie S_i^0 to seria pomiarów pozyskanych w celu wyznaczenia odpowiedzi skokowej, zaś wielkość ΔU jest to przyrost wartości sygnału sterującego. Poniżej przedstawiono gotową odpowiedź skokową dla algorytmu DMC.

Rys. 3.1. Odpowiedź skokowa dla algorytmu DMC

3.2. Implementacja

Implementacja funkcji wykorzystanych do wykonania zadania zawarte są w skrypcie `podpunkt_3_v1.m`.

4. Regulacja procesu

4.1. Regulator PID

Regulator PID składa się trzech członów: proporcjonalnego, całkującego oraz różniczkującego. Działa on w pętli sprzężenia zwrotnego, mając na celu zredukowanie uchybu (różnicy między wartością zadaną a zmierzoną wartością sygnału wyjściowego procesu) poprzez odpowiednią zmianę sygnału sterującego. Dyskretny regulator PID ma postać:

$$u(k) = r_2 * e(k-2) + r_1 * e(k-1) + r_0 * e(k) + u(k-1) \quad (4.1)$$

gdzie:

$$r_2 = K * T_d / T_p \quad (4.2)$$

$$r_1 = K * (T_p / (2 * T_i) - 2 * T_d / T_p - 1) \quad (4.3)$$

$$r_0 = K * (1 + T_p / (2 * T_i) + T_d / T_p) \quad (4.4)$$

gdzie K - wzmacnienie członu proporcjonalnego, T_i - czas zdwojenia członu całkującego, T_d - czas wyprzedzenia członu różniczkującego, T_p - okres próbkowania

4.2. Regulator DMC

Regulator DMC jest to regulator predykcyjny - działa on z wyprzedzeniem, zanim nastąpią zmiany wartości sygnału wyjściowego. Wektor przyrostów sterowań dany jest wzorem:

$$\Delta U(k) = K(Y^{zad}(k) - Y^0(k) = Y(k) + M^P \Delta U^P(k)) \quad (4.5)$$

gdzie:

$$K = (M^T M + \lambda * I)^{-1} M^T \quad (4.6)$$

$$\Delta U^P(k) = \begin{bmatrix} \Delta u(k-1) \\ \vdots \\ \Delta u(k - (D-1)) \end{bmatrix}_{(D-1) \times 1} \quad (4.7)$$

$$M = \begin{bmatrix} s_1 & 0 & \dots & 0 \\ s_2 & s_1 & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ s_N & s_{N-1} & \dots & s_{N-N_u+1} \end{bmatrix}_{N \times N_u} \quad (4.8)$$

$$M^P = \begin{bmatrix} s_2 - s_1 & s_3 - s_2 & \dots & s_D - s_{D-1} \\ s_3 - s_1 & s_4 - s_2 & \dots & s_{D+1} - s_{D-1} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ s_{N+1} - s_1 & s_{N+2} - s_2 & \dots & s_{N+D-1} - s_{D-1} \end{bmatrix}_{N \times D-1} \quad (4.9)$$

gdzie N - horyzont predykcji, N_u - horyzont sterowania, D - horyzont dynamiki, λ - kara za zmianę sterowania

W tym przypadku należy wyznaczyć tylko pierwszy element macierzy $\Delta U(k)$ czyli $\Delta u(k|k)$. Aktualne sterowanie uzyskuje się poprzez zsumowanie $\Delta u(k|k)$ z poprzednim sterowaniem.

4.3. Implementacja

Implementacja funkcji wykorzystanych do wykonania zadania zawarte są w skrypcie `podpunkt_4_v1.m`.

5. Dobór nastaw regulatorów

5.1. Dobór nastaw cyfrowego regulatora PID

Nastawy regulatora PID dobrane zostały metodą eksperymentalną. Początkowo włączony był tylko człon proporcjonalny P - $T_i = \infty$ oraz $T_d = 0$. Po dobraniu wzmocnienia K włączony został człon całkujący i dobrany został czas zdwojenia T_i . Ostatecznie włączony został człon różniczkujący i dobrano parametr T_d . Wskaźnik jakości regulacji dany jest wzorem:

$$E = \sum_{k=1}^{k_{konc}} (y^{zad}(k) - y(k))^2 \quad (5.1)$$

Na podstawie powyższego wskaźnika jakości dobrane następujące nastawy: $K = 0,8$, $T_i = 7,5$, $T_d = 4,5$.

Rys. 5.1. Regulator PID, $K = 0,8$, $T_i = 7,5$, $T_d = 4,5$

Jednakże regulator z tymi nastawami działa bardzo gwałtownie i można zaobserwować przeregulowania. Z tego powodu oprócz wskaźnika jakości pod uwagę wzięte zostały również przebiegi. Na ich podstawie dobrane zostały nowe nastawy: $K = 0,6$, $T_i = 13$, $T_d = 3,5$. Regulator jest trochę wolniejszy, lecz sterowanie jest łagodniejsze i nie występują przeregulowania.

5.2. Dobór nastaw predykcyjnego regulatora DMC

Na początkowe nastawy regulatora DMC przyjęto obliczony w punkcie 3 horyzont dynamiki $N = N_u = D = 190$, zaś współczynnik kary $\lambda = 1$. Następnie zmniejszane były horyzonty N i N_u oraz zwiększany współczynnik λ . Wskaźnik jakości regulacji, podobnie jak w przypadku regulatora PID, dany jest wzorem:

$$E = \sum_{k=1}^{k_{konc}} (y^{zad}(k) - y(k))^2 \quad (5.2)$$

Ostatecznie dobrane nastawy: $N = 18$, $N_u = 2$, $D = 190$, $\lambda = 1$.

Rys. 5.2. Regulator PID, $K = 0,6$, $T_i = 13$, $T_d = 3,5$

Rys. 5.3. Regulator DMC, $N = 18$, $N_u = 2$, $D = 190$, $\lambda = 1$

6. Optymalizacja wskaźnika jakości

6.1. Algorytm optymalizacji

6.2. Optymalne nastawy regulatora PID

6.3. Optymalne nastawy regulatora DMC