Activités Mentales

24 Août 2023

Déterminer la mesure principale de l'angle $\frac{39\pi}{7}$ puis le placer sur le cercle trigonométrique.

Déterminer la mesure principale de l'angle $\frac{-63\pi}{8}$ puis le placer sur le cercle trigonométrique.

Déterminer la mesure principale de l'angle $\frac{93\pi}{4}$ puis le placer sur le cercle trigonométrique.

Déterminer la mesure principale de l'angle $\frac{26\pi}{5}$ puis le placer sur le cercle trigonométrique.

Déterminer la mesure principale de l'angle $\frac{73\pi}{7}$ puis le placer sur le cercle trigonométrique.

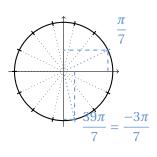
$$\frac{39\pi}{7} = \frac{39}{7} \times \frac{2\pi}{2}$$

$$= \frac{39}{14} \times 2\pi$$

$$= \frac{(14 \times 2 + 11) \times 2\pi}{14}$$

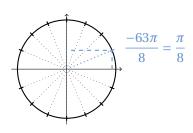
$$= \frac{14 \times 2 \times 2\pi}{14} + \frac{11 \times 2\pi}{14}$$

$$= 2 \times 2\pi + \frac{11\pi}{7}$$



Or $\frac{11\pi}{7} > \pi$, on fait un tour de moins en retirant $2\pi : \frac{11\pi}{7} - 2\pi = \frac{-3\pi}{7}$. Comme $-\pi < -\frac{3\pi}{7} \le \pi$, la mesure principale de $\frac{39\pi}{7}$ est $\frac{-3\pi}{7}$.

$$\begin{aligned} \frac{-63\pi}{8} &= \frac{-63}{8} \times \frac{2\pi}{2} \\ &= \frac{-63}{16} \times 2\pi \\ &= \frac{-(16 \times 3 + 15) \times 2\pi}{16} \\ &= -\frac{16 \times 3 \times 2\pi}{16} - \frac{15 \times 2\pi}{16} \\ &= -3 \times 2\pi - \frac{15\pi}{8} \end{aligned}$$



Or
$$-\frac{15\pi}{8} \le -\pi$$
, on fait un tour de plus en rajoutant $2\pi: -\frac{15\pi}{8} + 2\pi = \frac{\pi}{8}$.
Comme $-\pi < \frac{\pi}{8} \le \pi$, la mesure principale de $\frac{-63\pi}{8}$ est $\frac{\pi}{8}$.

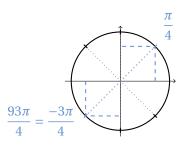
$$\frac{93\pi}{4} = \frac{93}{4} \times \frac{2\pi}{2}$$

$$= \frac{93}{8} \times 2\pi$$

$$= \frac{(8 \times 11 + 5) \times 2\pi}{8}$$

$$= \frac{8 \times 11 \times 2\pi}{8} + \frac{5 \times 2\pi}{8}$$

$$= 11 \times 2\pi + \frac{5\pi}{4}$$



Or $\frac{5\pi}{4} > \pi$, on fait un tour de moins en retirant $2\pi : \frac{5\pi}{4} - 2\pi = \frac{-3\pi}{4}$. Comme $-\pi < -\frac{3\pi}{4} \le \pi$, la mesure principale de $\frac{93\pi}{4}$ est $\frac{-3\pi}{4}$.

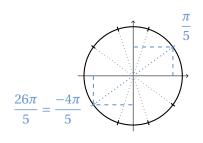
$$\frac{26\pi}{5} = \frac{26}{5} \times \frac{2\pi}{2}$$

$$= \frac{26}{10} \times 2\pi$$

$$= \frac{(10 \times 2 + 6) \times 2\pi}{10}$$

$$= \frac{10 \times 2 \times 2\pi}{10} + \frac{6 \times 2\pi}{10}$$

$$= 2 \times 2\pi + \frac{6\pi}{5}$$



Or $\frac{6\pi}{5} > \pi$, on fait un tour de moins en retirant $2\pi : \frac{6\pi}{5} - 2\pi = \frac{-4\pi}{5}$. Comme $-\pi < -\frac{4\pi}{5} \le \pi$, la mesure principale de $\frac{26\pi}{5}$ est $\frac{-4\pi}{5}$.

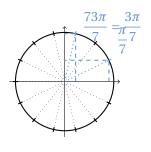
$$\frac{73\pi}{7} = \frac{73}{7} \times \frac{2\pi}{2}$$

$$= \frac{73}{14} \times 2\pi$$

$$= \frac{(14 \times 5 + 3) \times 2\pi}{14}$$

$$= \frac{14 \times 5 \times 2\pi}{14} + \frac{3 \times 2\pi}{14}$$

$$= 5 \times 2\pi + \frac{3\pi}{7}$$



Comme $-\pi < \frac{3\pi}{7} \le \pi$, la mesure principale de $\frac{73\pi}{7}$ est $\frac{-3\pi}{7}$.