

LISTA I - COMPUTAÇÃO GRÁFICA.

1) O que você entende por COMPUTAÇÃO GRÁFICA?

É o uso de computadores para criar e/ou manipular imagens.

2) Quais são consideradas as três principais sub-áreas da computação gráfica? Explique cada uma delas sucintamente.

1º - PROCESSAMENTO DE IMAGENS (PI):

RECEBE IMAGEM, TRANSFORMA, RETORNA IMAGEM

2º - VISÃO COMPUTACIONAL (VC):

RECEBE IMAGEM, RETORNA DADOS (dados visuais
voltam ao computador)

3º - SÍNTESE DE IMAGENS (COMPUTAÇÃO GRÁFICA):

RECEBE EQUAÇÃO, FORMA IMAGENS

3) O que é uma base vetorial? Quais os requisitos necessários para se ter uma base vetorial?

Uma base vetorial é um conjunto de " n " vetores linearmente independente entre si, cuja combinação linear leva a qualquer lugar do espaço considerado, isto é, vale o espaço.

• Conjunto B é base de um espaço vetorial V se B for LI e se B gera V

4) Qual a diferença básica entre mapeamento e transformação? Para que isso é usado em computação gráfica?

O mapeamento é definido por uma expressão que a cada dado apresentado retorna um único valor (escalar $\in \mathbb{R}$). A transformação é definida por uma expressão onde o resultado é um vetor $\in \mathbb{R}^n$.

Para verificar se é linear, se para todos os vetores u e v e todos escalares k e l qualquer mapeamento linear é respeitado.

5) O que é um sensorial? É

utilizado para se medir e registrar
grandezas físicas, como posição
velocidade, aceleração, campos eletro
magnéticos ou gravitacional

6) Explique o que é uma transformação linear?

É uma transformação afim?

uma transformação F é dita linear se,
para todos os vetores u e v e todos
os escalares " k " e " λ ".

$$F(u+v) = F(u) + F(v)$$

$$F(kv) = k F(v)$$

uma transformação é afim se " F " é
uma função do tipo $mx + b$

7) QUAIS AS TRANSFORMAÇÕES 3D MAIS COMUNS?
 COLOQUE TAMBÉM A REPRESENTAÇÃO DE CADA UMA
 EM FORMA MATRICIAL.

* UMA TRANSFORMAÇÃO MAIS USADA
 É ESCALAR E ROTAÇÃO, TRANSLAÇÃO.

$$\text{TRANSLAÇÃO } (\vec{r}, \vec{t}) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & T_x \\ 0 & 1 & 0 & T_y \\ 0 & 0 & 1 & T_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

ESCALAR

$$\vec{S} = \begin{bmatrix} S_0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & S_1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & S_2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

ROTAÇÃO:

$$\text{ROT } (\vec{x}, \theta) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(\theta) & -\sin(\theta) & 0 \\ 0 & \sin(\theta) & \cos(\theta) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\text{ROT } (\vec{y}, \theta) = \begin{bmatrix} \cos(\theta) & 0 & \sin(\theta) & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -\sin(\theta) & 0 & \cos(\theta) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

CONT: 7)

$$\text{Rot}(\vec{z}, \theta) = \begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) & 0 & 0 \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

8) O QUE SÃO COORDENADAS HOMOGÊNEAS? θ

QUE SÃO TRANSFORMAÇÕES HOMOGÊNEAS?

REPRESENTE A NOTAÇÃO PARA UMA TRANSFORMAÇÃO HOMOGÊNEA GÊNICA EM 3D EM SUA FORMA MATRICIAL:

COORDENADAS HOMOGÊNEAS SÃO COORDENADAS ADICIONADAS EM CADA VETOR PARA QUE SE PERMITA A REPRESENTAÇÃO DA

MATRIZ DE TRANSFORMAÇÕES NÃO LINEARES, OU SEJA, TRANSFORMAÇÕES HOMOGÊNEAS.

ADICIONA ZEROS E 1 A ÚLTIMA LINHA DA MATRIZ.

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & T_x \\ 0 & 1 & 0 & T_y \\ 0 & 0 & 1 & T_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

g) DADO O PONTO $P_1 = (2, 1, 1)$, CALCULE O PONTO P_2 , ROTACIONADO DE 60 GRAUS EM TORNO DE X, 45 graus EM TORNO DE Y e 30 graus DE Z, TUDO EM RELAÇÃO AO MESMO REFERENCIAL (CALCULE AS NOVAS COORDENADAS DO PONTO P_2 NO ESPAÇO)

$$P_1 = (2, 1, 1)$$

• rotação em Torvo de X, $\theta = 60^\circ$

$$P_2 = \begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(60) & -\sin(60) & 0 \\ 0 & \sin(60) & \cos(60) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} \rightarrow P_2 = (2, -0,366, 1,380)$$

rotação Em Torvo de Y, $\theta = 45^\circ$

$$P_2 = \begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(45) & 0 & \sin(45) & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -\sin(45) & 0 & \cos(45) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ -0,366 \\ 1,380 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$P_2 = (2,3801, -0,366, -0,448)$$

rotação Em Torvo de Z, $\theta = 30^\circ$

$$P_3 = \begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(30) & -\sin(30) & 0 & 0 \\ \sin(30) & \cos(30) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2,3801 \\ -0,366 \\ -0,448 \\ 1 \end{bmatrix} \rightarrow P_3 = \begin{bmatrix} 2,2442 \\ 0,073 \\ 0,448 \\ 1 \end{bmatrix}$$

10) APLIQUE UMA TRANSLAÇÃO DE $(+3, -4, +5)$ NO RESULTADO DA QUESTÃO ANTERIOR.

$$P_3 = \begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 3 \\ 0 & 1 & 0 & -4 \\ 0 & 0 & 1 & 5 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2,2442 \\ 0,873 \\ -0,448 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$P_3 = (5,2442, -3,127, 4,552, 1)$$

11) ~~APLIQUE~~ REPITA OS DOIS EXERCÍCIOS ANTERIORES, COMBINANDO AS MATRIZES E VETORES USADOS EM UMA TRANSFORMAÇÃO homogênea única.

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 3 \\ 0 & 1 & 0 & -4 \\ 0 & 0 & 1 & 5 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos(30) & -\sin(30) & 0 & 0 \\ \sin(30) & \cos(30) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos(45) & 0 & \sin(45) & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -\sin(45) & 0 & \cos(45) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(60) & -\sin(60) & 0 \\ 0 & \sin(60) & \cos(60) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0,61237 & 0,28033 & 0,73913 & 3 \\ 0,35355 & 0,73913 & -0,57322 & -4 \\ -0,70710 & 0,61237 & 0,35355 & 5 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = (5,2442, -3,127, 4,552)$$

~~11) O que é uma transformação de rotação?~~

~~bloco 2 - 11~~

12) O QUE VOCÊ ENTENDE POR ÂNGULOS DE EULER?

OS ÂNGULOS DE EULER SÃO TRÊS ÂNGULOS QUE DESCRIVEM A ORIENTAÇÃO DE UM OBJETO EM UM ESPAÇO TRIDIMENSIONAL EM RELAÇÃO A UM REFERENCIAL.

13) DESCREVA SUCINTAMENTE COMO SE REPRESENTA UMA ROTAÇÃO POR QUATERNIÕES.

UMA ROTAÇÃO POR QUATERNIÕES PODE SER ESCRITA NA FORMA $q = (\cos(\frac{\theta}{2}), \sin(\frac{\theta}{2})e)$, ONDE "e" É A DIREÇÃO DO EIXO DE ROTAÇÃO E "θ" É O ÂNGULO DE ROTAÇÃO.

14) DADAS AS MATRIZES A, B, C, D E E O

PONTO P, COMO SERIA A TRANSFORMAÇÃO ÚNICA QUE

REPRESENTA A COMBINAÇÃO DA SEQUÊNCIA DE

TRANSFORMAÇÃO A APLICADA A P, DEPOIS B APLICADA AO

RESULTADO DISSO E ASSIM SUCESSIVAMENTE D E APLICADO AO RESULTADO DAS OPERAÇÕES ANTERIORES. UMA ÚNICA MATRIZ

14)

$$AP \rightarrow B(AP) \rightarrow C(B(AP))$$

$$D(C(B(AP))) \rightarrow E(D(C(B(AP))))$$

15) ESPECIFIQUE A MATRIZ QUE DESCREVE UMA ROTAÇÃO DE 30 GRAUS EM TORNO DO EIXO $(1, 1, 1)$. APLIQUE A TRANSFORMAÇÃO DEFINIDA PELA MATRIZ ANTERIOR SOBRE O PONTO $(-1, 1, 1)$, OU SEJA, CALCULE O PONTO RESULTANTE, E TRANSLADE ESTE NOVO PONTO RESULTANTE PELO VETOR $(1, 1, 1)$. FAÇA O MESMO USANDO UMA ÚNICA MATRIZ PARA DESCREVER TODAS AS TRANSFORMAÇÕES REALIZADAS (DICA: USE COMBINAÇÕES LINEARES).

TRANSLAÇÃO: $\vec{P}_A = \vec{R}_0 + \vec{T}_A$
 \vec{T}_A VETOR DE TRANSLAÇÃO
 Ponto original

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & T_x \\ 0 & 1 & 0 & T_y \\ 0 & 0 & 1 & T_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$P = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Cont: IS)

$$\begin{bmatrix} A \\ P \\ \hline I \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & \xrightarrow{B} \\ B R_2 & T_0 \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} B \\ P \\ \hline I \end{bmatrix}$$

$$\begin{matrix} A \\ B \end{matrix} R_{xyz}(\gamma, \beta, \alpha) = \begin{bmatrix} \cos \alpha \cos \beta & \cos \alpha \sin \beta \sin \gamma - \sin \alpha \cos \gamma & \cos \alpha \sin \beta \cos \gamma + \sin \alpha \sin \gamma \\ \sin \alpha \cos \beta & \sin \alpha \sin \beta \sin \gamma + \cos \alpha \cos \gamma & \sin \alpha \sin \beta \cos \gamma - \cos \alpha \sin \gamma \\ -\sin \beta & \cos \beta \sin \gamma & \cos \beta \cos \gamma \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} A_e \\ \hline I \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0,75 & -0,21 & 0,62 & -1 \\ 0,43 & 0,87 & -0,23 & 1 \\ -0,5 & 0,43 & 0,75 & 1 \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{bmatrix}$$

$$AP = \begin{bmatrix} 0,258 \\ 0,031 \\ 1,603 \\ 1 \end{bmatrix}$$

06) DESAFIO: DADA A MATRIZ DE
ROTAÇÃO CUJOS VETORES LINHA SÃO OAPÓS
POR $(0,0,1)$, $(1,0,0)$, E $(0,1,0)$ ENCONTRE O
EIXO E O ÂNGULO DE ROTAÇÃO.

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

ÂNGULOS

- 90° em X
- 90° em Z
- 0 em Y