Planteamos la ecuación diferencial

$$y'' + 4y' - 5y = 0 (1)$$

Bucamos soluciones de la forma $y=e^{kx}.$ Para estas

$$\frac{d^{2}e^{kx}}{dx^{2}} + 4\frac{de^{kx}}{dx} - 5e^{kx} = 0$$

$$k^{2}e^{kx} + 4ke^{kx} - 5e^{kx} = 0$$
(2)

$$k^2 e^{kx} + 4k e^{kx} - 5e^{kx} = 0 (3)$$

$$k^2 + 4k - 5 = 0 (4)$$

$$(k+5)(k-1) = 0 (5)$$

$$k = -5, 1 \tag{6}$$

Entonces las soluciones a la EDO (1) son de la forma $Ae^{-5x}+Be^x$ donde A,Bson números.