$$A = \begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} \tag{1}$$

El polinomio característico de esta matriz es

$$p = \begin{vmatrix} \lambda - 5 & -4 \\ -1 & \lambda - 2 \end{vmatrix}$$
 (2)

$$= (\lambda - 5)(\lambda - 2) - 4 \tag{3}$$

$$=\lambda^2 - 7\lambda + 10 - 4\tag{4}$$

$$=\lambda^2 - 7\lambda + 6\tag{5}$$

$$= \lambda^2 - 6\lambda - 1\lambda + (-6)(-1) \tag{6}$$

$$= \lambda^2 - 6\lambda + (-1)(\lambda - 6) \tag{7}$$

$$= (\lambda)(\lambda - 6) + (-1)(\lambda - 6) \tag{8}$$

$$= (\lambda - 1)(\lambda - 6) \tag{9}$$

Entonces sus autovalores son $\lambda_1=6,\,\lambda_2=1.$ Su autoespacio E(6) está formado por los vectores x tales que

$$(6I - A)x = 0 \tag{10}$$

$$\begin{pmatrix} 6 - 5 & -4 \\ -1 & 6 - 2 \end{pmatrix} x = 0 \tag{11}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & -4 \\ -1 & 4 \end{pmatrix} x = 0 \tag{12}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & -4 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} x = 0 \tag{13}$$

$$x_1 = 4x_2 \tag{14}$$

Luego E(6) está generado por el autovector (4,1). Su autoespacio E(1) está formado por los vectores \boldsymbol{x} tales que

$$(1I - A)x = 0 \tag{15}$$

$$\begin{pmatrix} 1-5 & -4 \\ -1 & 1-2 \end{pmatrix} x = 0 \tag{16}$$

$$\begin{pmatrix} -4 & -4 \\ -1 & -1 \end{pmatrix} x = 0 \tag{17}$$

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ -1 & -1 \end{pmatrix} x = 0 \tag{18}$$

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ -1 & -1 \end{pmatrix} x = 0 \tag{18}$$

$$x_1 = -x_2 \tag{19}$$

Luego E(1) está generado por el autovector (-1,1).