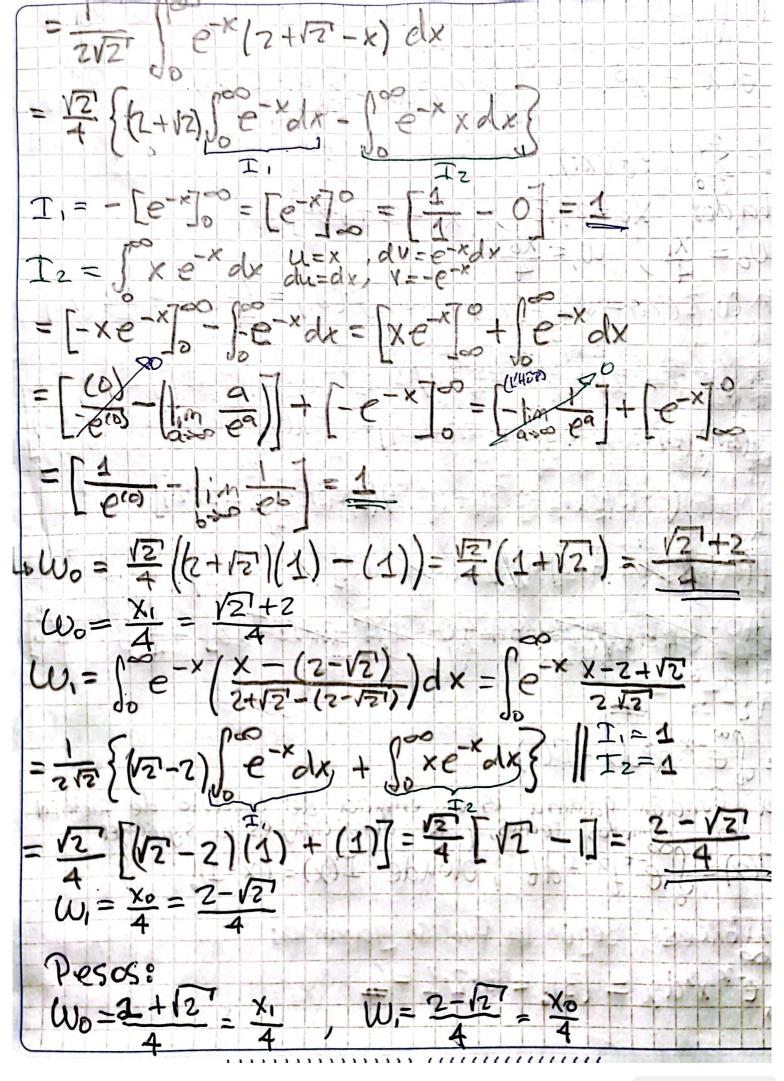
(a) FOrmula de Rodigues: [Ln(x)= $\frac{e^x}{n}$ $\frac{d^n}{dx^2}$ (xⁿ· e^x)] $= \frac{e^x}{2!} \frac{d^2}{dx^2} (\chi^2 e^{-x}) = \frac{e^x}{2} \frac{d}{dx} (2\chi e^{-x} - \chi^2 e^{-x})$ = e/2 (2e-x-2xe-x)-(2xe-x-x-e-x) = ex [2e-x-2xe-x-2xe-x+x-e-x] $= \frac{1}{2} \left(2 - 2x - 2x + x^2 \right) = \frac{1}{2} \left(x^2 - 4x + 2 \right)$ L_{b} $L_{2}(\chi) = \frac{1}{2}(\chi^{2} - 4\chi + 2)$ (b) En Contrar roices [xo, x] del Polinomio [L26] de orden 2. Cesos: Lz(x)=0== 2(x2-4x42)== 2x2-2x+1 0 = 1 x2-2x +1, Formula audicitica: x=-6=1/62-4ac $X = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 4(1/2)(1)}}{2(1/2)} = 2 \pm \sqrt{4 - 2} = 2 \pm \sqrt{2}$ X0=2-12, X1=2+/21 Raices: X=2-127, X=2+12 (C) En contrar Posos de la Cuadratura integrando las bases cardinales con la Función de peso de Laguelle O(x)= e-x $W_0 = \int_0^\infty D(x) \left(\frac{x - x_1}{x_0 - x_1} \right) dx \quad W_1 = \int_0^\infty D(x) \left(\frac{x - x_0}{x_1 - x_0} \right) dx$ Wo = \ \ e^{-x} \left(\frac{x - (2 + 12)}{2 - 12 - (2 + 12)} \right) dx = \ \ e^{-x} \left(\frac{x - z - \sqrt{2}}{-2 \sqrt{2}} \right) dx



la Mostrar que la regla Polinomio de grado 3, regla es exacta Para $f(x) = \chi^3 \rightarrow \int_0^\infty e^{-x} \chi^3 dx = \sum_{i=0}^\infty (v_i f(x_i))$ $\Delta = \sum_{i=0}^{\infty} W_i f(\chi_i)$. dado: Xo=2-12, X1=2+12 $W_0 = \frac{\chi_1}{4}$, $W_1 = \frac{\chi_0}{4}$ $\sum_{i=0}^{4} w_i f(x_i) = w_0 f(x_0) + w_i f(x_i) = \frac{x_i}{4} (x_0)^3 + \frac{x_0}{4} (x_1)^3$ = 4 ((2+12)(2-12)34(2-12)3) = 4 ((2+12) ((2)+3(2)(-12)+3(2)(-12)2+(-12)3)+(2-12)((2)+3(2)(12)+3(2)(12)2+(12)3) == 1 (2+17)(8-12/2+12-2/2)+(2-12)(8+12/2+12+2/2) == [(2+VZ)(20-14VZ)+(2-VZ)(20+14VZ)] 4[40-28/2+20/2-28+40+28/2-20/2-28] = 4[80-56] $=\frac{1}{4}[24]=6$ $2. \int_{-\infty}^{\infty} e^{-x} \chi^3 dx = \Gamma(x)$ La función gamma es una extención del concepto de Factorial a los números reales, y for definición, es la siguiente: $\Gamma(x) = \int_{0}^{\infty} e^{t} t^{x-1} dt$, alonde $\Gamma(x) = (x-1)!$ Enfonces, Según la Función gamma: $\int_{0}^{\infty} e^{-x} x^{3} dx = (3)! = 3 \cdot 2 \cdot 1 = 6$ 1505BA

Pos lo tanto, Como [Wis(xi)=6] y [ex x dx = 6]

Fuerou mostrados anteriormente, se muestra que la

regla de cuadratura de laguerre es exacta zara

un Polinomio de grado 3 [f(x)=x3] y es exactamente [6].