

9. En ambos casos se viajó una distancia d , entonces en el primer trayecto, el tiempo es $t_1 = \frac{d}{v_1}$ y en el segundo $t_2 = \frac{d}{v_2}$. El tiempo t es $t = \frac{d}{30} + \frac{d}{60} = \frac{d}{20}$.
 $V_{med} = 2d / t = 2d / (d/20) = 40 \text{ km/h}$.

10. La Velocidad media (v) es $v = \frac{d}{t}$ donde $d = d_1 + d_2 + d_3$ y $t = t_1 + t_2 + t_3$, entonces queda que:

$$\frac{d_1 + d_2 + d_3}{v} = \frac{d}{v} = t = t_1 + t_2 + t_3 = \frac{d_1}{v_1} + \frac{d_2}{v_2} + \frac{d_3}{v_3}$$

11.1) Se sabe que $\text{Var}(X+Y) = \text{Var}(X) + \text{Var}(Y) + 2\text{Cov}(X, Y)$ y $\text{Var}(cX) = c^2\text{Var}(X)$, entonces:

$$\begin{aligned}\text{Var}\left(\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N X_i\right) &= \frac{1}{N^2} \text{Var}\left(\sum_{i=1}^N X_i\right) \\ &= \frac{1}{N^2} \left(\sum_{i=1}^N \text{Var}(X_i) + \sum_{j=i+1}^N 2\text{Cov}(X_i, X_j) \right) \\ &= \frac{1}{N^2} \sum_{i=1}^N \text{Var}(X_i) + \frac{2}{N^2} \sum_{i=1}^N \sum_{j=i+1}^N \text{Cov}(X_i, X_j) \quad \square\end{aligned}$$