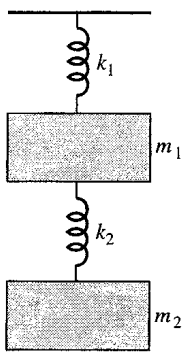


## COMPUTACIÓN II

### Práctica 10 evaluable (clase 15)

#### Resolución de ecuaciones diferenciales de orden n con condiciones iniciales

Las ecuaciones de movimiento del sistema de la figura vienen dadas por:



$$m_1 \frac{d^2 y_1}{dt^2} = -k_1 y_1 - k_2 (y_1 - y_2)$$

y

$$m_2 \frac{d^2 y_2}{dt^2} = k_2 (y_1 - y_2)$$

Donde  $y_1$  e  $y_2$  son los desplazamientos de las masas  $m_1$  y  $m_2$  respecto a sus posiciones en equilibrio. Las condiciones iniciales del problema son  $y_1(0) = 3$ ,

$y_2(0) = 4$ ,  $y_1'(0) = 0$ , e  $y_2'(0) = 0$ . Escribir un programa que utilice el método de Runge-Kutta de cuarto orden para encontrar las elongaciones y velocidades de las dos masas en función del tiempo, desde  $t = 0$  hasta  $t = 100$ s. Utilizar un paso  $h = 0.1$ . Considerar las masas  $m_1 = 2$ kg,  $m_2 = 3.5$ kg,  $k_1 = 2.5$ N/m y  $k_2 = 3.5$ N/m. *El procedimiento más sencillo para seguir consiste en transformar el sistema de ecuaciones diferenciales de segundo orden anterior, en cuatro ecuaciones diferenciales de primer orden:*

$$\begin{aligned} v_1 &= \frac{dy_1}{dt} \\ v_2 &= \frac{dy_2}{dt} \\ \frac{dv_1}{dt} &= -\frac{k_1}{m_1} y_1 - \frac{k_2}{m_1} (y_1 - y_2) \\ \frac{dv_2}{dt} &= \frac{k_2}{m_2} (y_1 - y_2) \end{aligned}$$

- Utilizar el método de **Runge-Kutta de cuarto orden** para resolver dicho sistema y compara con Euler.
- Compara las 2 posiciones como función del tiempo. Haz lo mismo con las velocidades. Presenta los resultados en un informe.
- ¿Podría usar diagonalización y resolver los modos normales?