Práctico número 2

Límite de una función

Ejercicio uno:

Calcular los siguientes límites (reemplazar el valor el que tiende x)

1.
$$\lim_{x \to 5} x - 3 =$$

2.
$$\lim_{x \to 2} \frac{x^2 - 9}{x - 3} =$$

3.
$$\lim_{x \to 0} x^4 + 3x^2 - 2x + 1 =$$

Ejercicio dos:

Calcular los siguientes límites (reemplazar el valor el que tiende x)

1.
$$\lim_{x \to \infty} x - 5 =$$

2.
$$\lim_{x \to 3} \frac{x+4}{x-3} =$$

3.
$$\lim_{x \to \infty} 2x^4 + 3x^2 + 2x + 1 =$$

Ejercicio tres:

Calcular los siguientes límites (reemplazar el valor el que tiende x), y salvar la indeterminación usando las distintas operaciones

1.
$$\lim \frac{x^2-4}{x^2-4} =$$

$$\lim_{x \to 0} \frac{2x^3 + 4x}{x^2 - x} =$$

3.
$$\lim_{x \to 5} \frac{x-5}{x^2-10x+25} =$$

$$4. \quad \lim_{x \to 2} \frac{x-2}{\sqrt{x}-\sqrt{2}} \quad = \quad$$

5.
$$\lim_{x \to 4} \frac{3 - \sqrt{5 + x}}{1 - \sqrt{5 - x}} =$$

6.
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1+x}-1}{x} =$$

Ejercicio cuatro:

Calcular los siguientes límites (reemplazar el valor el que tiende x), y salvar la indeterminación usando las distintas operaciones

$$1. \quad \lim_{x \to \infty} \frac{2x^2 + 4x}{x^2 - x} =$$

2.
$$\lim_{x \to \infty} \frac{x^3 - 2x^2 + x - 5}{x^2 + 3x + 5} =$$

3.
$$\lim_{x \to \infty} \frac{x^3}{2x^3 - x + 3} =$$

4.
$$\lim_{x \to \infty} \frac{x - 5}{x^2 - 10x + 25}$$

Ejercicio cinco: continuidad

Verificar que se cumplan las tres condiciones, de no ser así la función es discontinua

a)
$$f(x) = \frac{x^2+3x}{x+1}$$
 verificar en x=2 y en x=-1

$$f(x) = \begin{cases} 3x + 5 & si \ x < -1 \\ x^2 + 1 & si - 1 \le x < 2 \\ -2x + 6 & si \ x \ge 2 \end{cases}$$

b) verificar en -1 y 2 (los valores de cambio)

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & \text{si } x \le 0 \\ 2x - 1 & \text{si } 0 \le x \le 2 \\ x + 5 & \text{si } x \ge 2 \end{cases}$$

c) verificar en 0 y 2

Ejercicio seis: asíntotas

a)
$$F(x) = \frac{2x}{x-1}$$

b)
$$F(x) = \frac{2x^3 - 1}{x^2 + 4x + 3}$$

c)
$$F(x) = \frac{3x^2 - 4}{x + 1}$$