



Universidad de Concepción

Facultad de ingeniería
Departamento de ingeniería informática y Ciencias de la
computación

Tarea 1 de Análisis de Algoritmos.

Lisette Morales.

Pablo Venegas.

Profesor : Andrea Rodríguez.

Índice

1. Problema asignado:	2
2. Algoritmo	2
3. Análisis del Algoritmo	3
3.1. Evaluación experimental	3
3.2. Análisis asintótico	3
3.3. Análisis de correctitud	4

1. Problema asignado:

Dado un árbol binario y un número k , elimine todos los nodos que se encuentran solo en la (s) ruta (s) de raíz a hoja de longitud menor que k . Si un nodo X se encuentra en múltiples rutas raíz a hoja y si alguna de las rutas tiene una longitud de ruta $\geq k$, entonces X no se borrará del árbol binario. En otras palabras, un nodo se elimina si todas las rutas que lo atraviesan tienen longitudes menores que k .

2. Algoritmo

Algoritmo cuya función es recorrer un BST de manera recursiva, una vez que termina de recorrer un camino, vuelve a subir retornando el largo del camino de los nodos, luego guarda el mas largo entre los caminos de sus hijos

```
int marcar(int nodo,int recorrido){
int aux,guardar = recorrido;
for(int i = 0; i < arbol[nodo].size();i++){
aux = marcar(arbol[nodo][i],recorrido+1);
if(aux > guardar) guardar = aux;
}
if(guardar > distancia[nodo])distancia[nodo] = guardar;
return guardar;
}
```

```
function marcar(nodo, recorrido)
```

INPUT: Dos enteros que representan el nodo del un árbol a analizar y el recorrido que
Output: Retorna un entero que representa la distancia a la que esta una hoja de la raíz

```
begin
declare aux
initialize guardar = recorrido
for i = 0 to size of arbol[nodo]
aux = marcar(arbol[nodo][i], recorrido + 1)
if aux > guardar
guardar = aux
end if
increment i in 1
end for
if guardar > distancia[nodo]
distancia[nodo] = guardar
end if
return guardar
end
```

3. Análisis del Algoritmo

3.1. Evaluación experimental

Gráfico

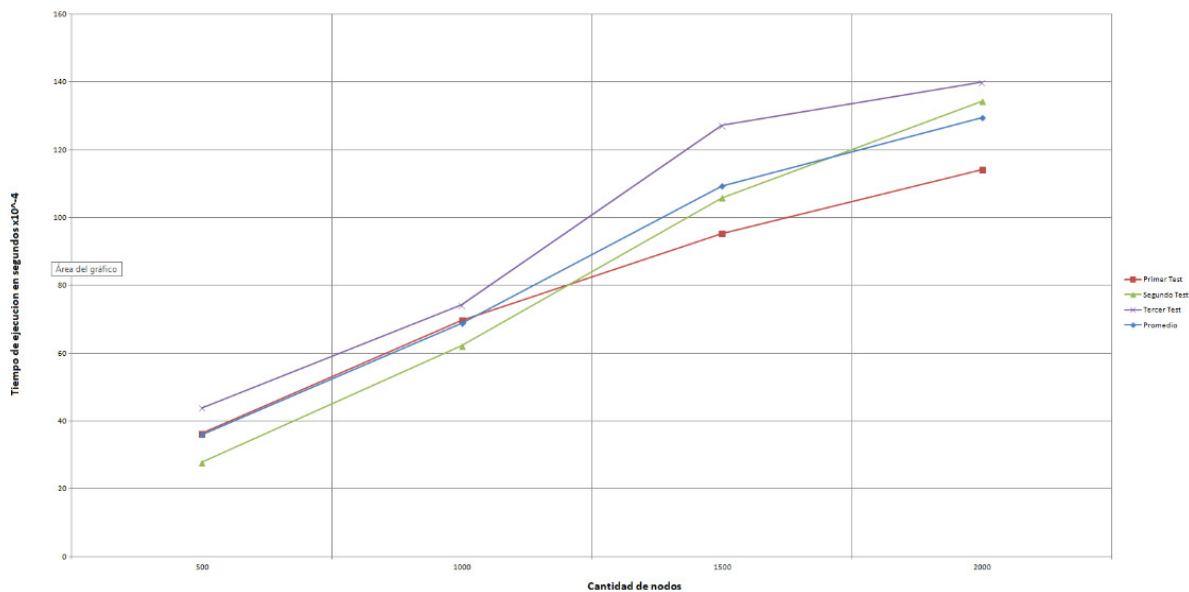


Figura 1: En el caso promedio, nuestra implementación refleja una curva logarítmica de datos vs tiempo.

Tabla de datos obtenidos

Cantidad de nodos	Primer test [x10 ⁻⁴]	Segundo Test [x10 ⁻⁴]	Tercer Test [x10 ⁻⁴]	Promedio [x10 ⁻⁴]
500	36,28	27,75	43,9	35,97666667
1000	69,75	62,12	74,23	68,7
1500	95,29	105,77	127,19	109,4166667
2000	114,15	134,35	139,9	129,4666667

Figura 2: Se realizaron tres ejecuciones de código por cantidad de nodos modificando k.

3.2. Análisis asintótico

Implementación recursiva, con Big-Oh $O(\log(n))$
Demostración: Se deduce para un árbol de m niveles

Árbol de nivel m:

Altura $A = m + 1$

Nodos $n = 2^A - 1$

Hojas = 2^m

Nodos internos = $n - 2^m$

De la expresion para el número de nodos, se despeja A , en efecto $A = \log(n+1) = O(\log n)$

En un árbol binario, cada vez que se sigue una trayectoria por un determinado subárbol, se descarta la mitad de los nodos. Para árboles desbalanceados se obtiene el mismo analisis $O(\log n)$

3.3. Análisis de correctitud

Precondición: si el BTS tiene al menos 1 elemento guardara el recorrido.

Postcondición: guardar la ruta mayor o igual a k .

Base inducción: Si de (3) se afirma que si $nodo = 1$, quiere decir que el árbol tiene un solo nodo y cumpliendo la condicion de igualdad del problema, el algoritmo guarda el recorrido.

hipótesis de inducción: Dado que se obtiene un BST de tamaño $n+1$ y un nodo de (3) se afirma que se recorre el árbol obteniendo el nodo y guardando su recorrido mas largo, en (5) se afirma que guarda el camino mas largo entre los caminos de sus hijos. En efecto, si ocurre para un $n+1$ tambien será para el caso de tamaño n .