

## PROTOCOLO:

/\*

Instituto Tecnológico de León  
Ingeniería en Sistemas Computacionales  
Estructuras de datos  
Pablo Vargas Bermúdez



Exposición

Fecha pactada: 13 de noviembre de 2019

Fecha de entrega: 13 de noviembre de 2019

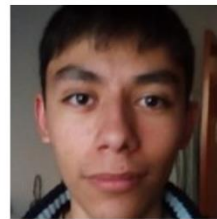
\*/

## DIAPOSITIVAS:

### Protocolo

Instituto Tecnológico de León  
Ingeniería en Sistemas Computacionales  
Estructuras de datos  
Pablo Vargas Bermúdez

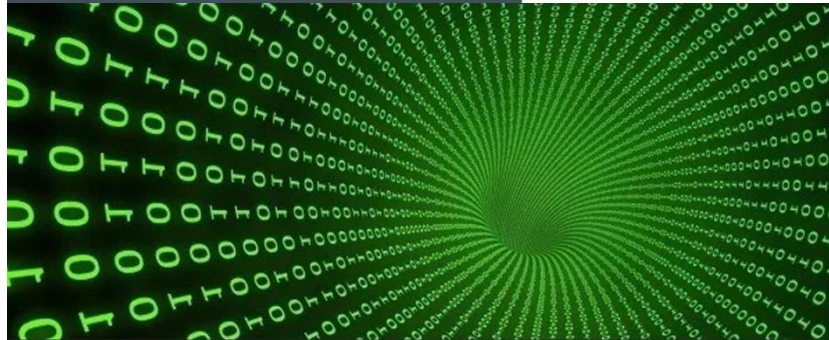
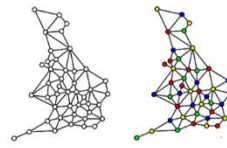
Exposición  
Fecha pactada: 13 de noviembre de 2019  
Fecha de entrega: 13 de noviembre de 2019



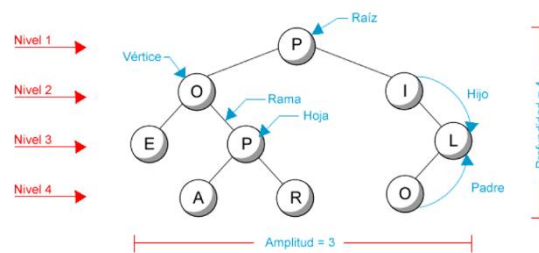
## ¿Qué es?

Es un tipo abstracto de datos (TAD), que consiste en un conjunto de nodos (también llamados vértices) y un conjunto de arcos (aristas) que establecen relaciones entre los nodos.

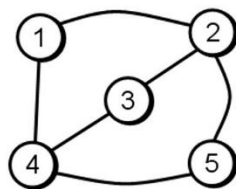
Normalmente, un grafo se define como  $G=(V,E)$ , siendo  $V$  un conjunto cuyos elementos son los vértices del grafo y,  $E$  uno cuyos elementos son las aristas (*edges* en inglés), las cuales son pares (ordenados si el grafo es dirigido) de elementos en  $V$



## ¿Cómo se representa?



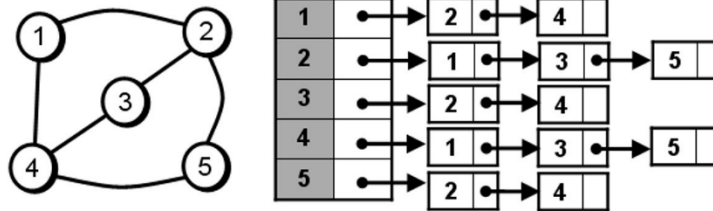
## Conceptos básicos



| M | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 2 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 3 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 4 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 5 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |

## ¿Cómo se representa?

*Matriz de adyacencias:* se asocia cada fila y cada columna a cada nodo del grafo, siendo los elementos de la matriz la relación entre los mismos, tomando los valores de 1 si existe la arista y 0 en caso contrario.



## Lista de adyacencias

Lista de adyacencias: se asocia a cada nodo del grafo una lista que contenga todos aquellos nodos que sean adyacentes a él.

## Algoritmos de búsqueda

### Depth First Search (DFS)

Pseudocódigo:

Temporal:  $O(|V| + |E|)$

Espacial:  $O(|V|)$

**procedure** DFS( $G, v$ ):

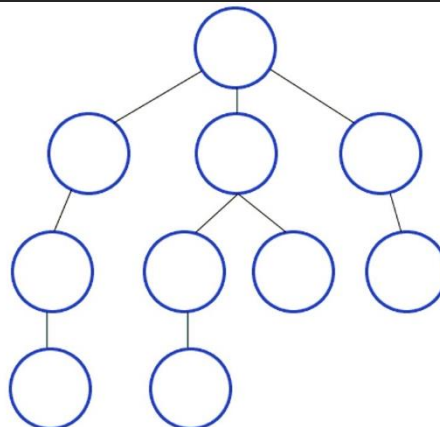
  label  $v$  as discovered

**for all** directed edges from  $v$  to  $w$  that are in  $G.\text{adjacentEdges}(v)$  **do**

**if** vertex  $w$  is not labeled as discovered **then**

      recursively call DFS( $G, w$ )

## Descripción gráfica



# Aplicaciones

Clasificación topológica.

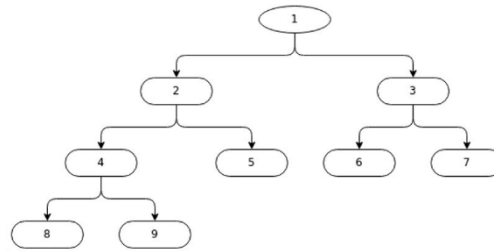
Encontrar los puentes de un gráfico.

Prueba de planaridad.

Resolver acertijos con una sola solución, como laberintos.

La generación de laberintos.

Encontrar biconectividad en gráficos.



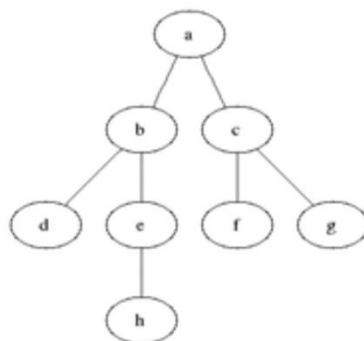
## Ejemplo ( Laberintos )

## Breadth First Search ( BFS )

```
procedure BFS( $G, start\_v$ ):  
  let  $Q$  be a queue  
  label  $start\_v$  as discovered  
   $Q.enqueue(start\_v)$   
  while  $Q$  is not empty  
     $v = Q.dequeue()$   
    if  $v$  is the goal:  
      return  $v$   
    for all edges from  $v$  to  $w$  in  $G.adjacentEdges(v)$  do  
      if  $w$  is not labeled as discovered:  
        label  $w$  as discovered  
         $w.parent = v$   
         $Q.enqueue(w)$ 
```

Temporal:  $O(|V| + |E|)$

Espacial:  $O(|V|)$



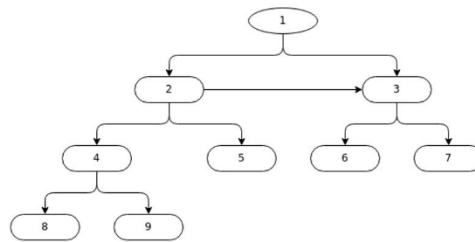
Descripción  
gráfica

# Aplicaciones

Encontrar la ruta más corta entre dos nodos  $u$  y  $v$ , con la longitud de la ruta medida por el número de bordes

La serialización / deserialización de un árbol binario frente a la serialización en orden permite que el árbol se reconstruya de manera eficiente.

Prueba de bipartidismo de un gráfico.



## Ejemplo ( Ruta más corta )

# Bibliografía

Tipo de dato y Representaciones:

[https://es.wikipedia.org/wiki/Grafo\\_\(tipo\\_de\\_dato\\_abstracto\)](https://es.wikipedia.org/wiki/Grafo_(tipo_de_dato_abstracto))

Algoritmos de búsqueda:

<http://www.dma.fi.upm.es/personal/gregorio/grafos/web/iagraph/busqueda.html>

DFS:

[https://en.wikipedia.org/wiki/Depth-first\\_search#Pseudocode](https://en.wikipedia.org/wiki/Depth-first_search#Pseudocode)

BFS:

[https://en.wikipedia.org/wiki/Breadth-first\\_search](https://en.wikipedia.org/wiki/Breadth-first_search)

## EJEMPLOS VISUALES ( GIF'S ):

[DFSVisual.gif](#)

[BFSVisual.gif](#)

## EJEMPLOS:

### ADJACENCIAS

// Usando listas

```
first = [
  [0, 1, 0, 1, 0],
  [1, 0, 1, 0, 1],
  [0, 1, 0, 1, 0],
  [1, 0, 1, 0, 1],
  [0, 1, 0, 1, 0]
]
```

// Usando diccionarios

```
second = {
  1: [2, 4],
  2: [1, 3, 5],
```

```
3: [2, 4],
4: [1, 3, 5],
5: [2, 4]
}
```

## DFS

""""

### 1.- Meta:

```
Escribir("Encontrar la una ruta del nodo (root) a nodo (leave)")
Escribir("como en un laberinto")
```

### 2.- Datos:

#### 2.1.- Inicializar:

```
// Inicializa el grafo y set de visitados
G = eval(leerGrafo())
visitados = set()
```

##### 2.1.1.- LeerGrafo:

```
// Lee el grafo de un archivo
Escribir("Archivo: ") file = ?
abrir(file)
s = leerTodo(file)
cerrar(file)
retornar s
```

#### 2.2.- PreguntarNodos:

```
Escribir("Nodo inicio: ") inicio = ?
Escribir("Nodo final: ") final = ?
```

### 3.- Calculos:

```
// Usa G (grafo), v (inicio) y f (final)
visitados.add(v)
res.append(v)
Si(v == f) entonces
    retornar Verdadero
terminar
Para cada w en G[v]:
    Si(w no está en visitados) entonces
        Si(Calculos(G, w, f) entonces
            retornar Verdadero
        terminar
    terminar
terminar
res.pop()
retornar Falso
```

### 4.- Resultados:

```
Escribir(res)
```

### 5.- Navegabilidad:

```
No hay
```

""""

```
res = list()
```

```
def meta():
```

```
s = "Encontrar una ruta del nodo (root) a nodo (leave)"
s = s + " como en un laberinto"
```

```

print(s)

def datos():
    def _inicializar():
        global G, visitados
        def __leer_grafo():
            file = input("Archivo: ")
            with open(file) as f:
                return f.read()
        G = eval(__leer_grafo())
        visitados = set()

    def _preguntar_nodos():
        global inicio, final
        inicio = int(input("Nodo inicio: "))
        final = int(input("Nodo final : "))

    _inicializar()
    _preguntar_nodos()

def calculos(G, v, f):
    visitados.add(v)
    res.append(v)
    if v == f:
        return True
    for w in G[v]:
        if w not in visitados:
            if calculos(G, w, f):
                return True
    res.pop()
    return False

def resultados():
    print(res)

if __name__ == "__main__":
    meta()
    datos()
    calculos(G, inicio, final)
    resultados()

```

## **BFS**

```

"""

```

### 1.- Meta:

```

Escribir("Encontrar la ruta más corta entre dos  nodos")
Escribir("a partir del número de aristas")

```

### 2.- Datos:

#### 2.1.- Inicializar:

```

visitados = set()
parent = dict()
G = eval(leerGrafo())

```

#### 2.1.1.- LeerGrafo:

```

// Lee el grafo de un archivo
Escribir("Archivo: ") file = ?
abrir(file)
s = leerTodo(file)

```

```
cerrar(file)
retornar s
```

## 2.2.- PedirDatos:

```
Escribir("Nodo inicio: ") inicio = ?
Escribir("Nodo final : ") final = ?
```

## 3.- Calculos:

```
// Usa G (grafo), inicio (Nodo inicial) y final (Nodo final)
Q = list()
visitados.add(inicio)
Q.append(inicio)
Mientras(Q no esté vacia) entonces
    v = Q.pop()
    Si(v == final) entonces
        retornar v
    terminar
Para cada w en G[v] empezar
    Si(w no está en visitados) entonces
        visitados.add(w)
        parent[w] = v
        Q.append(w)
    terminar
terminar
terminar
```

## 4.- Resultados:

```
count = 1
p = parent[final]
res.append(final)
res.append(p)
Mientras(p != inicio) entonces
    p = parent[p]
    res.append(p)
    count++
terminar
Escribir(count)
Escribir(reverse(res))
```

## 5.- Navegabilidad:

```
No hay
""""
```

## def meta():

```
s = "Encontrar la ruta más corta entre dos nodos"
s = s + " a partir del número de aristas"
print(s)
```

## def datos():

```
def _inicializar():
    global G, visitados, parent
    def __leer_grafo():
        file = input("Archivo: ")
        with open(file) as f:
            return f.read()
    G = eval(__leer_grafo())
    visitados = set()
```



```

    parent = dict()
def _pedir_datos():
    global inicio, final
    inicio = int(input("Nodo inicio: "))
    final = int(input("Nodo final : "))

_inicializar()
_pedir_datos()

def calculos(G, inicio, final):
    Q = list()
    visitados.add(inicio)
    Q.append(inicio)
    while Q:
        v = Q.pop()
        if v == final:
            return v
        for w in G[v]:
            if w not in visitados:
                visitados.add(w)
                parent[w] = v
                Q.append(w)

def resultados():
    res = list()
    count = 1
    p = parent[final]
    res.append(final)
    res.append(p)
    while p != inicio:
        p = parent[p]
        res.append(p)
        count = count + 1
    print(res[::-1], count, sep = ' ')

if __name__ == "__main__":
    meta()
    datos()
    calculos(G, inicio, final)
    resultados()

```

## **PERSISTENCIA**

### **G**

```

{
    1: set([2, 3]),
    2: set([4, 5]),
    3: set([6, 7]),
    4: set([8, 9]),
    5: set(),
    6: set(),
    7: set(),
    8: set(),
    9: set()
}

```

### **G2**

```

{
    1: set([2, 3]),
    2: set([3, 4, 5]),
}

```

```
3: set([6, 7]),  
4: set([8, 9]),  
5: set(),  
6: set(),  
7: set(),  
8: set(),  
9: set()  
}
```