

CORREGIDO Tests-Inferencia-Contr...



facilisim02



Inferencia Estadística



3º Grado en Matemáticas



Facultad de Ciencias
Universidad de Granada

**70 años formando talento
que transforma el futuro.**

La primera escuela de negocios de España,
hoy líder en sostenibilidad y digitalización.



EOI Escuela de
organización
Industrial



Descubre EOI

Gana un tour por Tailandia

thäi

Wuolah y viajathäi se han unido para traerte el plánazo post finales

Preguntas Inferencia

~CONTROL 2~

1.- Sea $(\bar{X}_1, \dots, \bar{X}_n)$ una m.a.s. de \bar{X} con función de densidad

$f_{\theta}(x) = \theta/(1+x)^{1+\theta}$, $x > 0$ ($\theta > 0$). Sabiendo que esta familia es regular y que $E[\ln(1+\bar{X})] = 1/\theta$ y $\text{Var}[\ln(1+\bar{X})] = 1/\theta^2$, se tiene que la cota de Fréchet-Cramér-Rao para la varianza de estimadores insesgados y regulares de θ^2 es:

a) $\frac{2\theta^4}{n}$ y dicha cota no es alcanzable.

b) $\frac{2\theta^4}{n}$ y dicha cota es alcanzable.

c) $\frac{4\theta^4}{n}$ y dicha cota es alcanzable.

d) $\frac{4\theta^4}{n}$ y dicha cota no es alcanzable

2.- Sea $(\bar{X}_1, \dots, \bar{X}_n)$ una m.a.s. de \bar{X} con función de densidad

$f_{\theta}(x) = -2x/(1-\theta)^2$, $1-\theta < x < 0$, $\theta > 1$:

a) El EMV de θ es $-\min \bar{X}_i$.

b) Si los datos observados son $-5, -4.8, -1.2, -3, -2.5, -6.4$, la EMV de θ^2 es 41.96.

c) El estimador de θ obtenido por el método de los momentos es $1 - 3 \bar{X}/2$.

d) No existe EMV de θ .

Completa el formulario y gana un tour por Tailandia



Participa en el sorteo

Escaneado con CamScanner

3.- Se lanza un dado cargado hasta que sale en 1 y se repite el experimento 6 veces de forma independiente. ¿Cuál es falsa?

- a) Si los lanzamientos necesarios en las 6 repeticiones han sido 6, 5, 7, 7, 5 y 6, la estimación más verosímil de la prob. de que el 1 salga en la segunda tirada es 1/6.
- b) Si la EMV de la prob. de que el 1 salga en la segunda tirada 0.16, el nº total de lanzamientos ha sido 30.
- c) Si los lanzamientos necesarios para obtener el 1 en las seis repeticiones han sido 5, 4, 6, 6, 4 y 5 la estimación más verosímil de la prob. de no salir 1 en un lanzamiento del dado es 0.8.
- d) Si en 2 repeticiones ha salido el 1 a la primera, en 2 a la segunda y en las otras 2 ha salido a la tercera, la estimación más verosímil de la prob. de que en las 2 primeras repeticiones no salga 1 es 0.25.

4.- Sea $(\bar{X}_1, \dots, \bar{X}_n)$ una m.a.s. de una variable \bar{X} con f.d.d $f_{\theta}(x) = \theta/x^{\theta+1}$, $x > 1$, $\theta > 0$. Sabiendo que esta familia es regular, con $I_{\bar{X}}(\theta) = 1/\theta^2$, decir cuál es correcta:

- a) La única función paramétrica con estimador eficiente es $\frac{1}{\theta}$.
- b) Sea $n=1$ y $U(\bar{X})$ insertado en $1/\theta$. Si $E_{\theta}[U(\bar{X})\ln \bar{X}] = \frac{1}{\theta^2}$ entonces $U(\bar{X})$ es regular.
- c) El UMVUE de $\ln \theta$, si existe, es eficiente.
- d) En $(\prod_{i=1}^n \bar{X}_i)$ es eficiente para n/θ .

5.- Cuál es correcta?

- a) El UMVUE de una función paramétrica es el estimador de segundo orden que minimiza uniformemente la varianza.
- b) Si T es el UMVUE para θ , entonces $h(T)$ es el UMVUE para $h(\theta)$.
- c) Si T es suficiente, $E_{\theta}[S] = g(\theta) \forall \theta \in \Theta$ y $E_{\theta}[S^2] < +\infty \forall \theta \in \Theta$, entonces $E[S/T]$ es el UMVUE de $g(\theta)$.
- d) El UMVUE de una función paramétrica es el estimador insertado de segundo orden que minimiza uniformemente el ECM.

6.- Se dispone de una urna con bolas blancas y negras y se extraen bolas sucesivamente, con devolución, hasta obtener una blanca. Este experimento se realiza 5 veces de forma indep. ¿Cuál es falsa?

- a) Si los intentos necesarios para obtener bola blanca en las 5 repeticiones han sido 5, 4, 6, 6 y 4, la estimación más verosímil de la proporción de bolas negras en la urna es 0.8.
- b) Si la EMV de la probabilidad de que la bola blanca salga en la 2^a extracción es 0.16, el nº total de extracciones ha sido 25.
- c) Si los intentos necesarios para obtener bola blanca en las 5 repeticiones han sido 6, 5, 7, 7 y 5, la estimación más verosímil de la prob. de que la bola blanca salga en la segunda extracción es 1/6.
- d) Si en dos repeticiones ha salido la blanca a la 1^a y en las otras 3 ha salido a la 2^a, la estimación más verosímil de la prob. de que las 2 primeras sean negras es 9/64.

7.- ¿Cuál es correcta?

- a) Si T es suficiente, completo y de segundo orden, entonces T es el UMVUE para $E_\theta[T]$.
- b) Si T es suf. y completo y $E_\theta[S] = g(\theta)$, $\forall \theta \in \Theta$, entonces $E[S/T]$ es el UMVUE de $g(\theta)$.
- c) Si T es el UMVUE para θ , entonces T^2 es el UMVUE para θ^2 .
- d) El UMVUE de una función paramétrica es el estimador que minimiza unif. el ECM.

8.- Sea $(\bar{X}_1, \dots, \bar{X}_n)$ una m.a.s. de \bar{X} con f.d.d.
 $f_\theta(x) = 3x^2/(\theta+1)^3$, $0 < x < \theta+1$, $\theta > -1$. ¿Cuál es correcta?

- a) Si los datos observados son 5.2, 4.4, 9, 3.3, 7.8, 8.3, la EMV de θ^{-1} es 1/9.
- b) Si los datos observados son 0.5, 0.4, 1, 0.3, 0.2, 0.6, la EMV de θ^2 es 0.
- c) El estimador de θ obtenido por el método de los momentos es $4\bar{X}/3$.
- d) El EMV de θ es $\prod_{i=1}^n \bar{X}_i^2$.

9.- $(\bar{X}_1, \dots, \bar{X}_n)$ m.a.s con f.d.d. $f_\theta(x) = \theta x^{\theta-1}$, $0 < x < 1$, $\theta > 0$. Sabiendo que la familia es regular, con $I_{\bar{X}}(\theta) = \frac{1}{\theta^2}$, ¿cuál es cierta?

- a) El UMVUE de θ^2 , si \exists , es eficiente.
- b) La única función paramétrica con estimador eficiente es $-1/\theta$.
- c) Sea $n=1$, $U(x)$ insesgado en $-1/\theta$. Si $E[U(x)\ln(x)] = \frac{1}{\theta^2}$, entonces $U(x)$ es regular.
- d) $\sum_{i=1}^n \ln(x_i)^2$ es eficiente para $-\frac{2n}{\theta}$.

10.- $(\bar{X}_1, \dots, \bar{X}_n)$ m.a.s. de \bar{X} con f.d.d. $f_\theta(x) = \theta^2 x e^{-\theta x}$, $x > 0$, $\theta \in \mathbb{R}$. Sabiendo que es regular y que $E[\bar{X}] = 2/\theta$ y $\text{Var}[\bar{X}] = 2/\theta^2$ se tiene que la cota de FCR para la varianza de estimadores insesgados y regulares de θ^2 es:

- a) $\frac{\theta^4}{2n}$ y no es alcanzable.
- b) $\frac{\theta^4}{2n}$ y es alcanzable.
- c) $\frac{2\theta^4}{n}$ y no es alcanzable.
- d) $\frac{2\theta^4}{n}$ y es alcanzable.

11.- ¿Cuál es falsa?

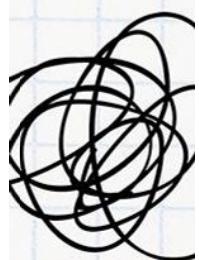
- a) El UMVUE de una función paramétrica es el estimador de 2º orden que minimiza uniformemente la varianza.
- b) Si T es suficiente y completo, S es de segundo orden y $E_\theta[S] = g(\theta) \quad \forall \theta \in \Theta \Rightarrow E[S/T]$ es UMVUE de $g(\theta)$.
- c) El UMVUE de una func. paramétrica es el estimador insesgado de 2º orden finito que minimiza unif. el ECM.
- d) Si T es suficiente, completo y de 2º orden finito, entonces T es el UMVUE para $E_\theta[T]$.

Importante

Puedo eliminar la publi de este documento con 1 coin

¿Cómo consigo coins? → Plan Turbo: barato
→ Planes pro: más coins

pierdo
espacio



Necesito
concentración

ali ali ooooh
esto con 1 coin me
lo quito yo...

wuolah

12.- (X_1, \dots, X_n) m.a.s. con $f_\theta(x) = \theta x^{\theta-1}$, $0 < x < 1$, $\theta > 0$.

Sabiendo que la familia es regular, con $I_x(\theta) = 1/\theta^2$, ¿cuál es correcta?

- $\ln(\prod_{i=1}^n x_i)$ es eficiente para $\frac{-n}{\theta}$.
- El UMVUE de $\ln \theta$, si \exists , es eficiente.
- Toda función lineal de θ admite estimador eficiente.
- Será $n=1$, $V(\bar{X})$ insesgado en $1/\theta$. Si $E_\theta[V(\bar{X}) \ln \bar{X}] = -\frac{1}{\theta^2}$
 $\Rightarrow V(\bar{X})$ es regular.

13.- (X_1, \dots, X_n) m.a.s. con $f_\theta(x) = \frac{2x}{(\theta-1)^2}$, $0 < x < \theta-1$, $\theta > 1$.

¿Cuál es correcta?

- Si los datos observados son 0.5, 0.4, 1, 0.3, 0.2, 0.6, la EMV de θ^2 es 1.
- El EMV de θ es $\prod_{i=1}^n \bar{x}_i$.
- Si los datos observados son 5.9, 8.4, 9, 3.5, 2.6, 6.7, la EMV de θ^{-1} es 0.1.
- El estimador de θ obtenido por el método de los momentos es \bar{X} .

wuolah

Soluciones

~ CONTROL 2 ~

1. D

6. C

10. C

2. C

7. A

11. A

3. A

8. B

12. A

4. D

9. D

13. C

5. D