

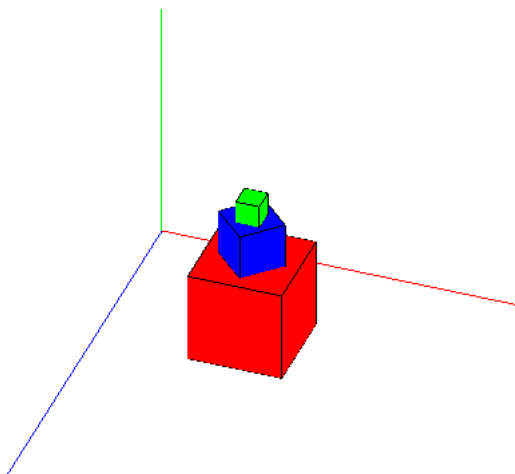
Nom i cognoms:

Temps: 1h 30'

1. (2 punts) Disposem d'una funció `pinta_cub()` que pinta un cub de costat 1 centrat a l'origen i amb les seves cares orientades segons els plans coordenats.

Volem construir una escena que sigui un pilar de tres cubs de costats 2, 1 i 0.5 respectivament com es mostra a la figura (no importa el color). El cub de baix de tot té el centre de la seva base al punt (3, 0, 3), i les seves cares estan orientades segons els plans coordenats. Tots tres cubs fan pila, és a dir, les cares corresponents es toquen i comparteixen el mateix eix vertical que passa pel seu centre.

Es demana que escriguis una funció `pinta_escena()` que tingui el codi OpenGL que cal per a pintar aquest pilar de cubs a partir de la funció `pinta_cub()`. Considera que la càmera ja està completament inicialitzada. Justifica la resposta en base a la transformació geomètrica que cal aplicar a `pinta_cub()` per a pintar cadascun dels tres cubs.



Solució:

D'acord amb les condicions de l'enunciat, les transformacions a efectuar a cada cub són:

```
TG_CubBase = Trans (3, 1, 3) * Escalat
(2, 2, 2)
TG_CubMig = Trans (3, 2.5, 3) * Gir_y (45)
TG_CubDalt = Trans (3, 3.25, 3) * Escalat
(0.5, 0.5, 0.5)
```

El CubBase requereix d'un escalat per a què el seu costat valgui 2, i la translació puja la seva base la meitat del costat en Y i posiciona el centre de la base en (3, 0, 3).

El CubMig no necessita escalat perquè ja és de costat 1 però sí requereix una rotació respecte l'eix Y de 45 graus. I la seva translació final és al punt (3, 2.5, 3) perquè és la mateixa posició que el CubBase però a una altura (Y) de 2.5.

Finalment el CubDalt també ha d'estar escalat, aquest cop per 0.5, i la translació és al punt (3, 3.25, 3) perquè és just al damunt del CubMig.

El codi final de la funció `pinta_escena()` podria ser el següent:

```
void pinta_escena ()
{
    glMatrixMode (GL_MODELVIEW);
    // Pintem el cub Base
    glPushMatrix ();
    glTranslated (3, 1, 3);
    glScaled (2, 2, 2);
    pinta_cub ();
    glPopMatrix();
    // Pintem el cub Mig
    glPushMatrix();
    glTranslated (3, 2.5, 3);
    glRotated (45, 0, 1, 0);
    pinta_cub ();
    glPopMatrix();
    // segueix al costat...

    // Pintem el cub Dalt
    glPushMatrix();
    glTranslated (3, 3.25, 3);
    glScaled (0.5, 0.5, 0.5);
    pinta_cub ();
    glPopMatrix();
}
```

2. (2 punts) Indica TOTS els paràmetres d'una càmera axonomètrica que en pintar l'escena de l'exercici 1 cridant a la funció `pinta_escena()` en un *viewport* (vista) de 800x400, es vegin a la vista només les cares superiors de tots tres cubs, centrades, ocupant el màxim del *viewport* i sense deformació. Utilitza com a paràmetres de posició i orientació OBS, VRP i Vup. Dibuixa la imatge que et quedarà a la vista i justifica les respostes.

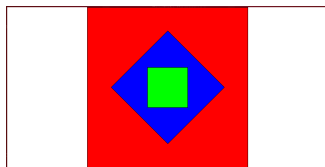
Solució:

Si s'han de veure les cares superiors dels tres cubs, s'ha de fer una vista en planta, per tant s'han de veure els cubs des de dalt i amb un vector de visió perpendicular a les cares dels cubs.

Si a més s'han de veure aquestes cares centrades a la vista, això vol dir que l'observador ha d'estar per damunt dels tres cubs i mirant cap al seu centre, per exemple: **VRP = (3, 0, 3)** i **OBS = (3, 5, 3)**. El vector Vup pot ser qualsevol que no sigui paral·lel a la direcció de visió, i en aquest cas, per a què les cares ocupin la màxima alçada del *viewport* podem fer que sigui paral·lel a un dels costats del cub més gran, per exemple: **Vup = (0, 0, -1)**.

Com que la relació d'aspecte del *viewport* és 2 (800/400), la del *window* també ha de ser 2 per a què no hi hagi deformació, i per tant l'amplada del *window* ha de ser el doble que l'alçada. Si per a l'alçada necessitem que es vegi sencer el nostre cub gran, hem de posar: **bottom = -1** i **top = 1**. I per a complir amb la relació d'aspecte tindrem que: **left = -2** i **right = 2**.

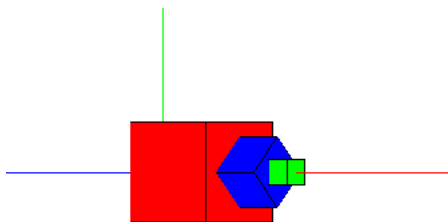
Els plans de retallat anterior i posterior hauran d'estar d'acord amb la posició de l'observador que hem posat, i per tant tindrem: **ZNear = 1.5** i **ZFar = 5**.



En resum, els paràmetres de la càmera ortogonal que em permeten veure aquesta imatge són:

OBS = (3, 5, 3); VRP = (3, 0, 3); Vup = (0, 0, -1);
left = -2; right = 2; bottom = -1; top = 1;
ZNear = 1.5; ZFar = 5.

3. (1 punt) Què canviaries del codi de la teva resposta a la pregunta 1 (funció `pinta_escena()`) per a què l'escena inicial sigui la de la figura següent? Justifica la resposta.



Solució:

Cal portar tota l'escena anterior a l'origen (translació (-3,0,-3)) i després rotar-la respecte l'eix Z (rotació de -90°). Per tant, caldria afegir a la funció, després del `glMatrixMode(GL_MODELVIEW);`, el codi següent:

```
glRotatef (-90, 0, 0, 1);
glTranslatef (-3, 0, -3);
```

4. (1 punt) Tenim una escena com la de la pregunta 1 però amb la base (de la pila de cubs) centrada en el punt $(X, 0, Z)$. Volem una càmera que miri els cubs en una vista en planta (des de dalt) i els vegi centrats a la vista. Suposant l'òptica de la càmera ben definida, indica quin dels següents trossos de codi et permetria definir amb transformacions geomètriques la posició i orientació de la càmera.

- | | | | |
|----|---|----|--|
| a) | <code>glMatrixMode (GL_PROJECTION);</code>
<code>glLoadIdentity ();</code>
<code>glTranslatef (0, 0, -5);</code>
<code>glRotatef (-90, 0, 0, 1);</code>
<code>glRotatef (90, 1, 0, 0);</code>
<code>glRotatef (-90, 0, 1, 0);</code>
<code>glTranslatef (X, 0, Z);</code> | c) | <code>glMatrixMode (GL_MODELVIEW);</code>
<code>glLoadIdentity ();</code>
<code>glTranslatef (0, 0, -5);</code>
<code>glRotatef (90, 0, 0, 1);</code>
<code>glRotatef (-90, 1, 0, 0);</code>
<code>glRotatef (-90, 0, 1, 0);</code>
<code>glTranslatef (-X, 0, -Z);</code> |
| b) | <code>glMatrixMode (GL_MODELVIEW);</code>
<code>glLoadIdentity ();</code>
<code>glTranslatef (0, 0, -5);</code>
<code>glRotatef (90, 1, 0, 0);</code>
<code>glRotatef (-90, 0, 1, 0);</code> | d) | <code>glMatrixMode (GL_MODELVIEW);</code>
<code>glLoadIdentity ();</code>
<code>glTranslatef (0, 0, -3);</code>
<code>glRotatef (90, 0, 0, 1);</code>
<code>glRotatef (90, 1, 0, 0);</code>
<code>glTranslatef (-X, -2, -Z);</code> |

5. (1 punt) Tenim definida una càmera axonomètrica amb paràmetres: $OBS = (0, -1, 0)$, $VRP = (0, 0, 0)$; $Vup = (0, 0, 1)$, $Window = (-2, 2, -2, 2)$, $ZNear = 1$, $ZFar = 4$, i una relació d'aspecte de la vista de 1 ($ra = 1$). Indica quina de les següents càmeres perspectiva seria adient per a definir un volum de visió **que inclogui completament** l'anterior:

- a) $OBS=(0, -2, 0)$, $VRP=(0, 2, 0)$, $Vup=(0, 0, 1)$, $FOV=90$, $ra=1$, $ZNear=2$, $ZFar=5$.
- b) $OBS=(0, 2, 0)$, $VRP=(0, 0, 0)$, $Vup=(0, 1, 0)$, $FOV=90$, $ra=1$, $ZNear=1$, $ZFar=4$.
- c) $OBS=(0, -1, 0)$, $VRP=(0, 0, 0)$, $Vup=(0, 0, 1)$, $FOV=90$, $ra=1$, $ZNear=1$, $ZFar=4$.
- d) $OBS=(0, -2, 0)$, $VRP=(0, 0, 0)$, $Vup=(0, 0, 1)$, $FOV=60$, $ra=1$, $ZNear=1$, $ZFar=4$.

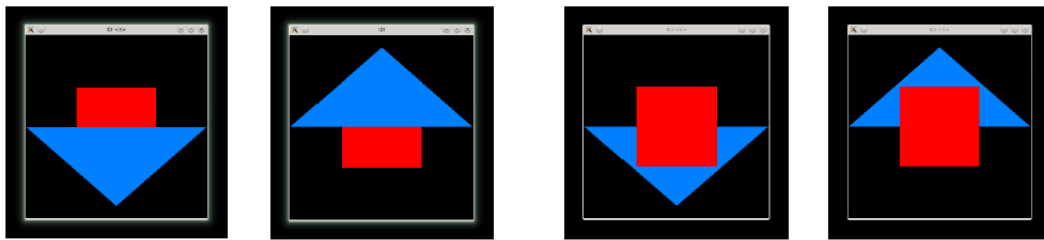
6. (1 punt) Tenim definida correctament una càmera perspectiva que ens permet veure una escena completa sense retallar i sense deformació. Si a aquesta càmera li modifiquem el FOV, indica què caldrà modificar també si no volem que hi hagi deformació:

- a) La relació d'aspecte de la vista (ra).
- b) No cal modificar res més.
- c) La relació d'aspecte del window (raw).
- d) Depèn de si incrementem o decrementem el FOV.

7. (1 punt) Pintem una escena amb el següent codi:

```
glViewport (0, 0, 800, 800);
glEnable (GL_DEPTH_TEST);
glClearColor (0, 0, 0, 1);
glClear (GL_COLOR_BUFFER_BIT | GL_DEPTH_BUFFER_BIT);
glMatrixMode (GL_PROJECTION); // Inici definició de càmera
glLoadIdentity ();
glOrtho (-5, 5, -5, 5, 5, 15);
glMatrixMode (GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity ();
glTranslatef (0, 0, -10);
glRotatef (180, 0, 0, 1);
glRotatef (90, 1, 0, 0); // Fí definició de càmera
glColor3f (0, 0.5, 1);
glutSolidCone (5,5,20,20); // radi, alçada, orientació Z+, base centrada en (0,0,0)
glColor3f (1, 0, 0);
glPushMatrix ();
glTranslatef (0, -2, 0);
glutSolidCube (4); // costat 4, centrat a l'origen
glPopMatrix ();
```

Digues quina de les imatges següents es veu:



- a) La primera imatge
- b) La segona imatge
- c) La tercera imatge
- d) La quarta imatge

8. (1 punt) Tenim una esfera de radi 3 centrada a l'origen de coordenades i un focus de llum situat a la posició (0, 3, 5) de color (1, 1, 0). No hi ha llum ambient. Un observador es mira aquesta escena des de la posició (0, 0, 5) i mirant cap al centre de l'esfera, i el que observa és una esfera que té una part propera a la silueta per la part de baix de l'esfera de color negre, un degradat de colors verds que són més clars per la part de dalt de l'esfera i més foscos per la part de baix i una taca de color groc cap a la part del mig de la semiesfera superior. Quines constants de material de l'esfera permeten que es pugui veure aquesta escena de la forma descrita?

- a) $K_a = (0, 0.2, 0)$, $K_d = (0, 0.8, 0)$, $K_s = (0, 0, 0)$ i $N = 100$
- b) $K_a = (0.2, 0.2, 0.2)$, $K_d = (0.8, 0.8, 0.8)$, $K_s = (1, 1, 1)$ i $N = 100$
- c) $K_a = (0, 0.2, 0.2)$, $K_d = (0, 0.8, 0.8)$, $K_s = (1, 1, 1)$ i $N = 100$
- d) $K_a = (0, 0.2, 0.2)$, $K_d = (0, 0.8, 0.8)$, $K_s = (0, 1, 1)$ i $N = 100$