ภาควิชาวิทยาการคอมพิวเตอร์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยเชียงใหม่





วันที่ 6 พฤษภาคม 2553

# ข้อสอบแข่งขันคอมพิวเตอร์โอลิมปิกระดับชาติ ครั้งที่ 6 ข้อสอบมี 3 ข้อ 9 หน้า ให้ทำทุกข้อ เวลา 9:00 – 12:00 น.

# ปะวะหล่ำ (Gem)

ปะวะหล่ำ เป็น เครื่องประดับข้อมือ ประเภทสายสร้อย แต่ทำเป็นลูกกลมๆ อย่างลูกประคำ ทำด้วยทอง หรือ ธาตุอย่างอื่น แล้วร้อยสลับกันเป็นพวง ในการสร้างปะวะหล่ำประดับอัญมณีหนึ่ง เส้น มีตำแหน่งในการ วางอัญมณีอยู่ n ตำแหน่ง เรียกตำแหน่งเหล่านี้ว่า  $p_1, p_2, \ldots, p_n$  โดยมีอัญมณีเป็นจำนวน ทั้งหมด m ชนิด คือ ชนิดที่  $1, 2, 3, \ldots, m$  โดย m เป็นจำนวนคู่บวก

ในการเลือกใส่อัญมณีในแต่ละตำแหน่ง ช่างทำเครื่องประดับจะต้องเลือกอัญมณีมาหนึ่งชนิดจาก คู่ ของอัญมณีที่กำหนดให้เท่านั้น โดยที่อัญมณีต่างตำแหน่งกันอาจเป็นอัญมณีชนิดเดียวกันก็ได้ แต่ในการ เลือกชนิดของอัญมณี มาใส่ในแต่ละตำแหน่ง นั้นมีข้อจำกัด คือ อัญมณีแต่ละชนิดจะมี "คู่อัญมณีต้องห้าม" อยู่ด้วย หมายถึง ถ้าเลือกอัญมณีชนิดหนึ่งแล้ว จะเลือกอีกชนิดหนึ่งไม่ได้ อย่างไรก็ตามอัญมณีแต่ละชนิดจะ มีคู่อัญมณีชนิดต้องห้ามอยู่เพียงหนึ่งชนิดเท่านั้นโดยไม่ซ้ำกัน ดังนั้นในการเลือกชนิดของอัญมณี ช่างทำอัญ มณีจะคูจากรายชื่อคู่อัญมณีต้องห้ามที่ไม่สามารถเลือกพร้อม ๆ กันได้ จากอัญมณีทั้งหมด ตัวอย่างเช่น มีอัญ มณีอยู่ 6 ชนิด จะมีคู่อัญมณีต้องห้ามอยู่เพียง 3 คู่ ถ้าคู่อัญมณีต้องห้ามได้แก่ 1-3, 2-5, 4-6 หมายความว่า เมื่อ ช่างเลือกอัญมณีชนิดที่ 1 แล้วจะเลือกอัญมณีชนิดที่ 3 มาใส่ในปะวะหล่ำในตำแหน่งอื่นๆ อีก ไม่ได้ และใน ทำนองกลับกัน ถ้าเลือกอัญมณีชนิดที่ 3 แล้วจะเลือกอัญมณีชนิดที่ 1 ไม่ได้ และอีก 2 คู่อัญมณีต้องห้ามคือ 2-5 และ 4-6 ก็จะมีวิธีการเลือกอัญมณีในทำนองเดียวกัน

#### งานของคุณ

ให้เขียนโปรแกรมเพื่อตรวจสอบปะวะหล่ำทั้งหมด 5 เส้น ว่าแต่ละเส้นสามารถประดับอัญมณีโดยไม่มีคู่อัญ มณีต้องห้ามได้หรือไม่

### ข้อมูลนำเข้า

มีปะวะหล่ำทั้งหมด 5 เส้น โดยแต่ละเส้นมีข้อมูล 4 บรรทัดคังนี้

- 1. บรรทัดแรกเป็นตัวเลขจำนวนเต็มบวก n แทนจำนวนตำแหน่งที่สามารถวางอัญมณีบนปะวะหล่ำ โดยที่  $1 \le n \le 100,000$
- 2. บรรทัดที่สองเป็นตัวเลขจำนวนคู่บวก m แทนจำนวนชนิดของอัญมณี โดยที่  $2 \le m \le 200{,}000$
- บรรทัดที่สาม เป็นตัวเลขจำนวนเต็มบวก ระบุคู่ชนิดของอัญมณีที่สามารถเลือกได้ต่อหนึ่งตำแหน่ง จำนวน n คู่ เรียงจากตำแหน่งที่หนึ่งของปะวะหล่ำ โดยตัวเลขแต่ละตัวคั่นด้วยช่องว่าง
  เช่น 1 2 2 3 4 3 หมายถึง ตำแหน่งที่หนึ่งของปะวะหล่ำสามารถเลือกอัญมณีชนิดที่ 1 หรือ 2 เท่านั้น ตำแหน่งที่สองของปะวะหล่ำสามารถเลือกอัญมณีชนิดที่ 2 หรือ 3 เท่านั้น ตำแหน่งที่สามของปะวะหล่ำสามารถเลือกอัญมณีชนิดที่ 3 หรือ 4 เท่านั้น
- 4. บรรทัดที่สี่เป็นตัวเลขจำนวนเต็มบวก ระบุคู่อัญมณีต้องห้ามของอัญมณีทั้งหมด m/2 คู่ โดยตัวเลข แต่ละตัวคั่นด้วยช่องว่าง เช่น 1 3 2 4 หมายถึง 1 กับ 3 เป็นคู่อัญมณีต้องห้าม และ 2 กับ 4 ก็เป็นคู่อัญมณีต้องห้าม

### ข้อมูลส่งออก

มีหนึ่งบรรทัด เป็นตัวอักษร 5 ตัวเรียงติดกัน โดยแต่ละตัว แสดงคำตอบของการประดับอัญมณีบนปะวะหล่ำ ใช้ตัวอักษร Y (ตัวพิมพ์ใหญ่) เมื่อสามารถประดับอัญมณีบนปะวะหล่ำได้โดยไม่มีคู่อัญมณีต้องห้าม และ N (ตัวพิมพ์ใหญ่) เมื่อไม่สามารถประดับได้

# ตัวอย่างที่ 1

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>	ข้อมูลส่งออก
4	YYŸYN
6	
2 3 6 5 3 4 1 2	
1 3 2 5 4 6	
3	
4	
1 2 2 3 4 3	
1 3 2 4	
4	
8	
1 2 3 4 5 6 7 8	
1 3 2 4 5 7 6 8	
3	
4	
1 2 2 3 3 4	
2 3 1 4	
5	
4	
1 2 2 3 4 3 1 3 4 2	
1 4 2 3	

#### ข้อกำหนด

หัวข้อ	เงื่อนไข
ข้อมูลนำเข้า	Standard Input (คีย์บอร์ค)
ข้อมูลส่งออก	Standard Output (จอภาพ)
ระยะเวลาสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล ต่อชุดทคสอบหนึ่งชุด	2 วินาที
หน่วยความจำสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล ต่อชุดทดสอบหนึ่งชุด	32 MB
จำนวนชุดทดสอบ (โปรแกรมประมวลผลกรั้งละชุดทดสอบ)	10
เงื่อนไขการรับโปรแกรม	โปรแกรมจะต้องประมวลผลข้อมูล
	ตามตัวอย่างที่ให้มาได้

# ข้อมูลคำสั่งเพิ่มเติม

ส่วนหัวของโปรแกรมเพื่อระบุชื่อโจทย์ สำหรับผู้เข้าแข่งขันที่เขียนโปรแกรมด้วยภาษา C

/\*

TASK: gem

LANG: C

AUTHOR: YourName YourLastName

CENTER: YourCenter

\*/

ส่วนหัวของโปรแกรมเพื่อระบุชื่อโจทย์ สำหรับผู้เข้าแข่งขันที่เขียนโปรแกรมด้วยภาษา C++

/\*

TASK: gem

LANG: C++

AUTHOR: YourName YourLastName

CENTER: YourCenter

\*/

ภาควิชาวิทยาการคอมพิวเตอร์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยเชียงใหม่





วันที่ 6 พฤษภาคม 2553

# ข้อสอบแข่งขันคอมพิวเตอร์โอลิมปิกระดับชาติ ครั้งที่ 6 ข้อสอบมี 3 ข้อ 9 หน้า ให้ทำทุกข้อ เวลา 9:00 – 12:00 น.

ดอมมิโนฉงน (dominoes)

ตัวคอมมิโนคือ สี่เหลี่ยมมุมฉากที่มีขนาด 2 สคมภ์ (columns) และ 1 แถว (row) ดังรูปข้างล่างนี้



สมมติให้มีจำนวนของคอมมิโนที่ไม่จำกัด เราสามารถที่จะนำเอาตัวคอมมิโนมาวางถงในกรอบสี่เหลี่ยมมุม ฉากที่มีจำนวนสคมภ์เป็น 2 และมีจำนวนแถวเป็น n ให้เต็มได้ ในการวางตัวคอมมิโนให้เต็มกรอบสี่เหลี่ยม มุมฉากนี้อาจทำได้มากกว่าหนึ่งวิธี ตัวอย่างข้างล่างแสดงให้เห็นว่าในกรณีที่กรอบสี่เหลี่ยมมุมฉากมีจำนวน สคมภ์เป็น 2 และมีจำนวนแถวเป็น 1 จะมีวิธีวางเพียงแค่หนึ่งวิธีเท่านั้น

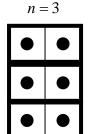
$$n = 1$$

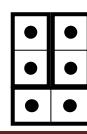
แต่กรณีที่กรอบสี่เหลี่ยมมุมฉากมีจำนวนสคมภ์เป็น 2 และมีจำนวนแถวเป็น 2 จะมีวิธีวางให้เต็มอยู่ทั้งหมด 2 วิธี

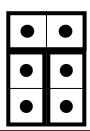




ในกรณีที่จำนวนสคมภ์เป็น 2 และมีจำนวนแถวเป็น 3 จะมีวิธีในการวางให้เต็มอยู่ทั้งหมด 3 วิธี







### งานของคุณ

ให้เขียนโปรแกรมแสดงรูปแบบของการวางตัวดอมมิโนให้เต็มกรอบ สี่เหลี่ยมมุมฉากที่มี จำนวนสดมภ์เป็น 2 และมีจำนวนแถวเป็น n ที่เป็นไปได้ทั้งหมด

## ข้อมูลนำเข้า

มีหนึ่งบรรทัด เป็นจำนวนเต็มบวก n แทนจำนวนแถว โดยที่  $1 \leq n \leq 13$ 

## ข้อมูลส่งออก

ในการแสดงผลข้อมูล ใช้ -- (เครื่องหมายลบ "-" พิมพ์ติดกัน 2 ตัว) แทนตัวดอมมิโนในแนวนอนและใช้ | (เครื่องหมาย pipe "|") แทนตัวดอมมิโนในแนวตั้ง ให้แสดงรูปแบบทั้งหมดที่เป็นไปได้ในการวางดอมมิโน ในกรอบสี่เหลี่ยมมุมฉากที่มี 2 สดมภ์และ n แถว แล้วขึ้นบรรทัดใหม่ด้วยตัวอักษร E (ตัวพิมพ์ใหญ่) เพื่อ แสดงถึงจุดสิ้นสุดของรูปแบบการวางดอมมิโนแต่ละรูปแบบ

### ตัวอย่างที่ 1

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>	<u>ข้อมูลส่งออก</u>
2	
	Е
	E

## ตัวอย่างที่ 2

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>	<u>ข้อมูลส่งออก</u>
3	
	E
	11
	E
	E

#### ข้อกำหนด

หัวข้อ	เงื่อนไข
ข้อมูลนำเข้า	Standard Input (คีย์บอร์ค)
ข้อมูลส่งออก	Standard Output (จอภาพ)
ระยะเวลาสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล ต่อชุดทดสอบหนึ่งชุด	1 วินาที
หน่วยความจำสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล ต่อชุดทดสอบหนึ่งชุด	32 MB
จำนวนชุดทดสอบ (โปรแกรมประมวลผลครั้งละชุดทดสอบ)	10
เงื่อนใจการรับโปรแกรม	โปรแกรมจะต้องประมวลผลข้อมูล
	ตามตัวอย่างที่ให้มาได้

# ข้อมูลคำสั่งเพิ่มเติม

ส่วนหัวของโปรแกรมเพื่อระบุชื่อโจทย์ สำหรับผู้เข้าแข่งขันที่เขียนโปรแกรมด้วยภาษา C

/\*

TASK: domino

LANG: C

AUTHOR: YourName YourLastName

CENTER: YourCenter

\*/

ส่วนหัวของโปรแกรมเพื่อระบุชื่อโจทย์ สำหรับผู้เข้าแข่งขันที่เขียนโปรแกรมด้วยภาษา C++

/\*

TASK: domino

LANG: C++

AUTHOR: YourName YourLastName

CENTER: YourCenter

\*/

ภาควิชาวิทยาการคอมพิวเตอร์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยเชียงใหม่





วันที่ 6 พฤษภาคม 2553

# ข้อสอบแข่งขันคอมพิวเตอร์โอลิมปิกระดับชาติ ครั้งที่ 6 ข้อสอบมี 3 ข้อ 9 หน้า ให้ทำทุกข้อ เวลา 9:00 – 12:00 น.

#### การต่อโทรศัพท์ (Schedules)

บริษัทโทรศัพท์แห่งหนึ่งมีช่องสัญญาณที่สามารถจัดการการสื่อสารพร้อมกันได้ครั้งละไม่เกิน k ช่องสัญญาณ เมื่อใช้ช่องสัญญาณครบแล้ว (ช่องสัญญาณเต็ม) จะไม่สามารถขอใช้ช่องสัญญาณนี้เพิ่มได้อีก ถ้ามีคำขอใช้ช่องสัญญาณเข้ามาในขณะที่ช่องสัญญาณเต็ม คำขอนั้นจะถูกปฏิเสธ กำหนดให้มี ชุดคำขอใช้ ช่องสัญญาณที่ได้รับพร้อมกันอยู่ทั้งหมด n คำขอ ได้แก่  $(s_1,f_1),(s_2,f_2),...,(s_n,f_n)$  โดยที่  $s_i$  และ  $f_i$  คือ จำนวน เต็มบวกที่แสดงถึงเวลาเริ่มต้นและเวลาสิ้นสุดของ คำขอที่ i ในการใช้ช่องสัญญาณกำหนดให้  $s_i$  มีค่าน้อย กว่าหรือเท่ากับ  $f_i$  เสมอ และ ไม่มีคำขอ ใช้ช่อง สัญญาณใดเริ่มต้นที่เวลาเดียวกัน เมื่อเวลาในการใช้ ช่องสัญญาณของแต่ละคำขอสิ้นสุดลง คำขอนั้นจะถูกนำออกไปจากช่องสัญญาณ ทำให้ช่องสัญญาณว่าง และสามารถรับคำขอใช้ช่องสัญญาณได้ใหม่อีกครั้ง

#### งานของคุณ

ให้เขียนโปรแกรมเพื่อ ตรวจสอบว่า คำขอที่ i ในการใช้ช่องสัญญาณจะ ถูกตอบรับหรือปฏิเสธ โดยที่มี จำนวนคำขอที่ต้องการตรวจสอบ m คำขอ

# ข้อมูลนำเข้า

- 1. บรรทัดแรกเป็นตัวเลขจำนวนเต็มบวกสามจำนวน ได้แก่ n, k และ m ตามลำดับ คั่น ด้วยช่องว่าง โดยที่  $1 \le n \le 500,000, 1 \le k \le n$  และ  $1 \le m \le n$
- 2. บรรทัดที่สองเป็นเลขจำนวนเต็มบวกที่แสดง เวลาเริ่มต้นและเวลาสิ้นสุดของ คำขอใช้ช่องสัญญาณ จำนวน n คำขอ ตัวเลขแต่ละตัว คั่นด้วยช่องว่าง ตัวเลขคู่แรกหมายถึง  $s_1$  และ  $f_1$  คู่ที่สองถัด ไป หมายถึง  $s_2$  และ  $f_2$  ตามลำดับจนกระทั่งถึงตัวเลขคู่สุดท้ายซึ่งหมายถึง  $s_n$  และ  $f_n$  โดย  $1 \le s_i \le f_i \le 500,000$
- 3. บรรทัดที่สามเป็นตัวเลขจำนวนเต็มบวก ที่แสดงถึงหมายเลข คำขอใช้ ช่องสัญญาณ ที่เราต้องการ ตรวจสอบว่าคำขอจะถูกตอบรับหรือปฏิเสช โดยจะมีคำขอที่ต้องการตรวจสอบจำนวน *m* คำขอที่ แตกต่างกัน

ตัวอย่างเช่น ในตัวอย่างที่ 1 บรรทัดแรกหมายถึง n=6, k=1 และ m=4 บรรทัดที่สองหมายถึง เวลาเริ่มต้นของ คำขอที่ 1 ในการใช้ช่องสัญญาณ คือ 3 เวลาสิ้นสุดของคำขอใช้ช่องสัญญาณคือ 7 และ เวลาเริ่มต้นของคำขอ ที่ 2 ในการใช้ช่องสัญญาณ คือ 2 เวลาสิ้นสุดของคำขอใช้ช่องสัญญาณคือ 4 ไปเรื่อยๆ จนครบ 6 คำขอ บรรทัดที่สามหมายถึงคำขอใช้สัญญาณที่ 3 5 4 และ 1 ที่ต้องการตรวจสอบตามลำดับ

### ข้อมูลส่งออก

มีหนึ่งบรรทัด เป็นตัวอักษร m ตัว กั่นด้วยช่องว่าง โดยแต่ละตัวแสดงคำตอบของคำขอใช้ช่องสัญญาณแต่ละ คำขอ ใช้ ตัวอักษร Y (ตัวพิมพ์ใหญ่) หมายถึงคำขอใช้ ช่องสัญญาณถูกตอบรับ และ N (ตัวพิมพ์ใหญ่) หมายถึงคำขอใช้ช่องสัญญาณถูกปฏิเสธ

### ตัวอย่างที่ 1

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>	ข้อมูลส่งออก
614	YNYN
37241378810915	
3 5 4 1	

## ตัวอย่างที่ 2

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>	ข้อมูลส่งออก
6 2 4	YYYN
3 7 2 4 1 3 7 8 8 10 9 15	
3 5 4 1	

### ข้อกำหนด

หัวข้อ	เงื่อนใข
ข้อมูลนำเข้า	Standard Input (คีย์บอร์ค)
ข้อมูลส่งออก	Standard Output (จอภาพ)
ระยะเวลาสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล ต่อชุดทคสอบหนึ่งชุด	1 วินาที
หน่วยความจำสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล ต่อชุดทดสอบหนึ่งชุด	32 MB
จำนวนชุดทคสอบ (โปรแกรมประมวลผลครั้งละชุดทคสอบ)	10
เงื่อนไขการรับโปรแกรม	โปรแกรมจะต้องประมวลผลข้อมูล ตามตัวอย่างที่ให้มาได้

# ข้อมูลคำสั่งเพิ่มเติม

ส่วนหัวของโปรแกรมเพื่อระบุชื่อโจทย์ สำหรับผู้เข้าแข่งขันที่เขียนโปรแกรมด้วยภาษา C

/\*

TASK: schedule

LANG: C

AUTHOR: YourName YourLastName

CENTER: YourCenter

\*/

ส่วนหัวของโปรแกรมเพื่อระบุชื่อโจทย์ สำหรับผู้เข้าแข่งขันที่เขียนโปรแกรมด้วยภาษา C++

**/\*** 

TASK: schedule

LANG: C++

AUTHOR: YourName YourLastName

CENTER: YourCenter

\*/