# Московский государственный технический университет имени Н. Э. Баумана



Факультет: Информатика и системы управления

Кафедра: Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии

Дисциплина: Математическая статистика

### Домашнее задание №1

Выполнила: Щербатюк Д. С.

Группа: ИУ7-64 Вариант: 12

## Содержание

1	Задача №1. Предельные теоремы теории вероятностей	3
2	Задача №2. Метод моментов	4
3	Задача №3. Метод максимального правдоподобия	5
4	Задача №4. Доверительные интервалы	6

### Задача №1. Предельные теоремы теории вероятностей

**Условие.** За значение некоторой величины принимают среднее арифметическое 500 измерений. Предполагая, что среднее квадратичное отклонение возможных результатов каждого измерения не превосходит 0.5, оценить вероятность того, что отклонение найденного таким образом значения величины от истинного не превосходит 0.2.

#### Решение.

Предположим, что истинное значение величины равно  $X_{real}$ . Тогда измеренное значение величины

$$X = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i, n = 500.$$

Обозначим также отклонение от истинного за  $\varepsilon$ , дисперсию каждого измерения за

$$DX_i = \sigma^2 = 0.5^2 = 0.25.$$

Необходимо найти

$$\begin{split} \mathsf{P}\{|X-X_{real}|<\varepsilon\} &= \mathsf{P}\Big\{-\varepsilon < \frac{X_1+\ldots+X_n-nX_{real}}{n} < \varepsilon\Big\} = \\ &= \mathsf{P}\Big\{--\varepsilon\sqrt{\frac{n}{\sigma^2}} < \frac{X_1+\ldots+X_n-nX_{real}}{\sqrt{n\sigma^2}} < \varepsilon\sqrt{\frac{n}{\sigma^2}}\Big\}. \end{split}$$

Так как n >> 1, то мы можем использовать *Центральную предельную теорему*, согласно которой величина  $\frac{X_1 + \ldots + X_n - nX_{real}}{\sqrt{n\sigma^2}}$  распределена по нормальному закону. Тогда

$$\begin{split} \mathsf{P}\{|X-X_{real}|<\varepsilon\} &\approx \Phi\left(\varepsilon\sqrt{\frac{n}{\sigma^2}}\right) - \Phi\left(-\varepsilon\sqrt{\frac{n}{\sigma^2}}\right) = 2\Phi_o\left(\varepsilon\sqrt{\frac{n}{\sigma^2}}\right) = \\ &= 2\Phi_o\left(0.2\sqrt{\frac{500}{0.25}}\right) = 2\Phi_o\left(8.9\right)???? \end{split}$$

Ответ.

2	Задача №2. Метод моментов
Усл	ювие.
Pen	шение.
Отн	вет.

3 Задача №3. Метод максимального правдоподобия
Условие.
Решение.
Otbet. $\theta =$ .

4 Задача №4. Доверительные интервалы
Условие.
Решение.
Ответ