## Data Structure

#### Homework 4

### • 題意說明

小美喜歡製作手工藝品,她有許多不同花樣的扣環。將一個扣環的開口處打開,可以 串進一個或多個其他扣環後再關起來,兩個扣環就會連在一起,如下圖。



為了珍惜資源,<u>小美</u>會利用之前已串好的扣環組合,重新進行創作。最近她被委託要製作一條包含N個扣環的長條藝品,採用的扣環花樣不限。<u>小美</u>找出了一些之前做好的扣環組合,打算拆解後重新組合。因為打開扣環都需要使用鉗子,而且有可能會破換到扣環,因此她希望需要打開扣環的次數愈少愈好。若扣環組合中出現的扣環數少於N,則小美會再補上足夠多單獨未連接的扣環。

小美把之前的扣環組合用其連接的關係記錄下來,例如扣環組合中的扣環 1 跟扣環 2 接在一起,就會以(1,2)表示。現在如果有 5 個扣環,且扣環組合中有(1,2)、(2,3)、(4,5),則最少必須要打開扣環 3 去連接扣環 4 或 5 ,才能將扣環串成一長條。當有 7 個扣環,且扣環組合已存在連結(1,2)、(2,3)、(3,1)、(4,5)、(5,6)、(6,7)、(7,4),則最少需要打開扣環 3 取出扣環 1,並打開扣環 4 取出扣環 7,再將扣環 4 與扣環 3 連接,則能將 7 個扣環串成一個長條。因此最少需要打開 2 個扣環。

#### (實作功能)(80/90分) (要能通過多組測試正確才給分)

- 1. 由檔案讀入給定的扣環連結(如以下輸入格式說明),輸出這些扣環連結會構成連接在 一起之扣環組合個數。(自己一個扣環未跟其他扣環連接的就單獨算一個)。
  - (用 adjacent matrix 或 adjacent list 儲存扣環連結)。
  - (採用 adjacent matrix 實作 40 分, 採用 adjacent list 實作 50 分)
- 2. 由鍵盤輸入一串由小到大的扣環編號(以空白區分),判斷將這幾個扣環打開重串,能 否將所有扣環串成一個長條(輸出 Yes/No)。(Hint: 各 connected component 不存在 ring)。 (20 分)
- 3. 輸出最少需要打開的扣環數。(20分)

# 輸入檔案格式說明

- 1) 第一行輸入兩個正整數 N 及 M,以空白區隔,N 表示需要製作長條飾品所要用到的扣環數,M 表示扣環組合中已存在的扣環連結數。 $(1 < N \le 25, 1 < M \le N(N-1)/2)$ 。
- 2) 接下來 M 行,每行有 2 個正整數值,以空白區隔,表示連結的扣環配對。

輸入範例一	輸入範例二
5 3	77
12	12
2 3	2 3
4 5	31
	45
	56
	67
	7 4

- 程式評分標準
- 1. 符合作業所要求資料結構及正確性(各功能共80/90分)。
- 2. 書面報告(10分): 各主要 procedure 功能簡要說明, 輸出入介面說明。
- Turned in

從 moodle 上傳 (必須附書面報告及 source code), 若需要請配合助教在規定時間內 demo。