## ЭКЗАМЕНАЦИОННАЯ КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА ПО ФИЗИКЕ

Для студентов 2-го курса МФТИ

13 июня 2014г.

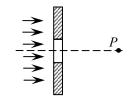
|     | <u> </u> |
|-----|----------|
| ФИО | No       |
| ΨHO | группы   |
|     |          |
|     |          |

## ВАРИАНТ А

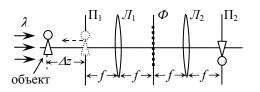
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | Σ | оценка |
|---|---|---|---|---|---|--------|
|   |   |   |   |   |   |        |

**1А**. Амплитудный коэффициент пропускания голограммы точечного источника, записанной по методу Габора, зависит от радиуса:  $\tau(\rho) = A + B\cos(C\,\rho^2 + \varphi)$ , где A, B,  $\varphi$  — некоторые константы, а  $C = 628\,\mathrm{cm}^{-2}$ . На каком расстоянии от голограммы будут находиться действительное и мнимое изображения, если её осветить параллельным пучком света с длиной волны  $\lambda = 500\,\mathrm{hm}$ ?

**2A**. Широкая пластинка из поляроида освещается параллельным пучком неполяризованного монохроматического света с интенсивностью  $I_0$ . Для «разрешенного» направления колебаний пластинка вносит фазовую задержку  $\Delta \varphi = 2\pi m \pm \pi/2$  (m — некоторое целое число). Как изменится интенсивность света в точке P, если в пластинке проделать круглое отверстие в одну зону Френеля? (см. рис.)

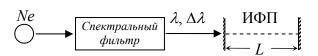


**3А**. Если во входной плоскости  $\Pi_1$  оптической системы (см. рис.) расположить предмет, то в выходной плоскости  $\Pi_2$  изображение предмета оказывается <u>сфокусированным</u>, т.е. плоскости  $\Pi_1$  и  $\Pi_2$  являются <u>оптически сопряжёнными</u> (по законам геометрической оптики). При каком минимальном смещении объекта  $\Delta z$  от



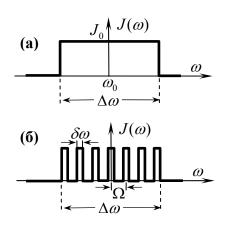
входной плоскости  $\Pi_1$  изображение в выходной плоскости  $\Pi_2$  также окажется сфокусированным, если в Фурье плоскости  $\Phi$  (см. рис.) расположить фильтрующую решётку с периодом  $d=10^{-2}$ см. Фокусные расстояния объективов  $\Pi_1$  и  $\Pi_2$  равны f=10 см, а длина волны, освещающей объект,  $\lambda=5\cdot 10^{-5}$  см.

**4А**. Ширина спектральной линии неона с длиной волны  $\lambda = 633$  нм (на этой линии работает *He-Ne* лазер) равна  $\Delta \nu = 1,5 \cdot 10^3 \, \mathrm{M}\Gamma$ ц. Для детального исследования контура этой линии, то есть зависимости спектральной



интенсивности от частоты  $J(\omega)$  (или от длины волны  $J(\lambda)$ ), предлагается использовать интерферометр Фабри-Перо (ИФП), зеркала которого имеют энергетический коэффициент отражения r=0.95. Условная схема эксперимента показана на рис. Излучение газоразрядной неоновой трубки проходит через спектральный фильтр, выделяющий спектральный интервал  $(\lambda, \lambda + \Delta \lambda)$  ( $\Delta \lambda$  соответствует  $\Delta \nu$ ), и направляется на ИФП. Какую максимальную базу  $L_{\rm max}$  может иметь ИФП для того, чтобы с его помощью можно было исследовать контур спектральной линии неона во всём диапазоне частот? Какой при этом будет максимальная разрешающая способность  $R_{\rm max}$  интерферометра Фабри-Перо?

**5A**. В интерференционном опыте Юнга используется квазимонохроматический точечный источник света, излучающий с постоянной спектральной интенсивностью  $J_0\left(J(\omega)=J_0\right)$  в интервале частот  $\Delta\omega$ , локализованном вблизи центральной частоты излучения  $\omega_0$  (рис. а). Если излучение пройдет через фильтр, пропускающий N дискретных, равноотстоящих по частоте спектральных линий с частотным интервалом между линиями  $\Omega$  (так, что общая полоса частот  $N\Omega = \Delta\omega$  осталась неизменной, а спектральная ширина каждой линии  $\delta\omega$  много меньше частотного интервала  $\Omega$  между линиями (рис. б)), то интерференционная картина изменится. В каких порядках интерференции  $m_{\max}$  наблюдаются при этом максимумы



видности и какова в этих порядках видность полос? При каком отклонении  $\Delta m$  от максимального значения  $m_{\rm max}$  (  $m=m_{\rm max}\pm\Delta m$  ) видность окажется равной нулю?

## ЭКЗАМЕНАЦИОННАЯ КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА ПО ФИЗИКЕ

Для студентов 2-го курса МФТИ

13 июня 2014г.

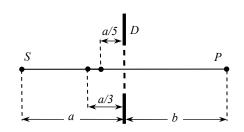
| ФИО | №<br>группы |
|-----|-------------|
|     |             |

ВАРИАНТ Б

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | Σ | оценка |
|---|---|---|---|---|---|--------|
|   |   |   |   |   |   |        |

**1Б**. Известно, что смесь красного и зеленого света воспринимается глазом человека как жёлтый свет. Амплитудная синусоидальная решётка периода  $d=10^{-2}\,\mathrm{cm}$  освещается параллельным пучком света, содержащим две спектральные линии:  $\lambda_1=630\,\mathrm{mm}$  (красный свет) и  $\lambda_2=525\,\mathrm{mm}$  (зелёный свет). Определите, на каком минимальном расстоянии нужно расположить белый экран, чтобы саморепродуцированное изображение решётки оказалось жёлтым.

**2Б**. Амплитудная зонная пластинка Френеля для радиоволн с длиной волны  $\lambda=3$  мм, состоящая из чередующихся прозрачных и непрозрачных зон Френеля, вставлена в отверстие в непрозрачном экране диаметром D=30 см. Точечный источник S радиоволн и точка наблюдения P расположены симметрично относительно экрана на расстояниях a=b=150 см (см. рис.). Радиусы зон Френеля пластинки рассчитаны именно для этого расположения точек S и P. Интенсивность волн в плоскости экрана равна  $I_0=A_0^2$ . Определите



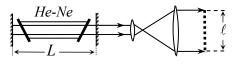
интенсивности колебаний I,  $I_1$ ,  $I_2$  в т. P для случаев: 1) начального положения т. S; 2) при перемещении источника на расстояние  $a_1=a/3$  до экрана; 3) при перемещении источника на расстояние  $a_2=a/5$  до экрана.

**3Б**. При записи голограммы точечного источника  $S_1$ , расположенного на расстоянии  $R_1=60\,\mathrm{cm}$  от фотопластинки  $\mathcal{\Phi}$ , по методу Габора вместо плоской опорной волны использована сферическая опорная волна от когерентного точечного источника  $S_2$ , расположенного на расстоянии  $R_2=90\,\mathrm{cm}$  от фотопластинки (см. рис.) В эксперименте был использован монохроматический свет лазера. Предполагая, что



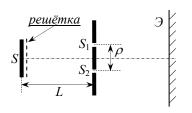
амплитудная прозрачность записанной таким образом голограммы пропорциональна интенсивности света при записи, определите положения действительного и мнимого изображений при просвечивании голограммы нормально падающей плоской волной той же длины волны, что и при записи.

**4Б**. В He-Ne лазере, работающем на длине волны  $\lambda = 633$  нм, в качестве резонатора используется интерферометр Фабри-Перо с базой L=15 см. При определённых условиях лазер может генерировать излучение, спектр которого состоит из



двух близких линий (так называемых продольных мод). Каждая из этих линий является резонансной для лазерного интерферометра Фабри-Перо. Лазерный пучок расширяется с помощью телескопической системы (см. рис.) и падает нормально на дифракционную решётку с плотностью штрихов  $n=1,2\cdot 10^3$  мм $^{-1}$  и шириной  $\ell=10$  см. Возможно ли с помощью данной решётки разрешить моды в излучении лазера?

**5Б.** Протяженный квазимонохроматический источник света S (длина волны  $\lambda$ ) накрыт решёткой с периодом d, так что весь источник покрывают N щелей решётки (ширина щелей b много меньше периода d). Источник используется в опыте Юнга и находится на расстоянии L от непрозрачного экрана с двумя узкими щелями  $S_1$  и  $S_2$ , расстояние между которыми  $\rho$  (см. рис.). 1) Найти степень когерентности колебаний на щелях  $S_1$  и  $S_2$ 



(видность интерференционной картины на экране Э). 2) При каком минимальном расстоянии  $\rho_0$  между щелями  $S_1$  и  $S_2$  видность интерференционной картины максимальна, чему она при этом равна? 3) При каком отклонении расстояния  $\Delta \rho$  от  $\rho_0$  видность картины обращается в нуль?