

Компьютерная работа по 2му заданию.

Вариант - 81

Максимальная
сумма баллов;

33 балла

19. 3 балла

$$y'' + \underbrace{(3 - 2x - x^2)}_{q(x)} y = 0 \quad (1)$$

$$y'' + (4 - (x+1)^2) y = 0$$

$$4 - (x+1)^2 = 0$$

$$(x+1) = \pm 2$$

$$x = 1 \quad x = -3$$

Корни

Р-н 3 ~~крит~~ промежутка $(-\infty; -3); [-3; 1]; (1; +\infty)$

1) $(-\infty; -3)$: на этом участке $q(x) < 0 \Rightarrow$

\Rightarrow По следствию из Теоремы Штурма Решение (1) имеет на этом участке не более 1 нуля.

2) $(1; +\infty)$: на этом участке так же $q(x) < 0$ аналогично
Решение на этом участке имеет не более 1 нуля.

3) на $[-3; 1]$: на этом участке $q(x) \geq 4$.

Вид уравнения $y'' + 4y = 0$ (2) $\Rightarrow y = A \sin(2x + \varphi)$.

из ур-ния (2) любое его решение имеет ~~не более 1 нуля~~ ^{минимум 2 нуля} на
отрезке $[-3; 1]$ имеет не менее $\left[\frac{1 - (-3)}{\frac{\pi}{2}} \right] = 2$ и не более $\left[\frac{1 - (-3)}{\frac{\pi}{2}} + 1 \right] = 3$

\Rightarrow По теореме Штурма Решение ур-ния (1)

но это не больше
т.к. $\frac{3\pi}{2} > 4$ ^{минимум}

2) $i = 1$ $ii = -2y$

имеет не более $2+1=3$ корней.

В объединив все 3 уравнения, получаем, что
 4 решения ур-ния $y'' + (3-2x-x^2)y = 0$ имеет не более
 5 корней на $(-\infty; +\infty)$.

№8. 4 балла

$$y'' \cos^5 y + 4(y')^2 \sin y \cos^4 y - 2(y')^4 \sin y = 0$$

$$y(0) = 0$$

$$y'(0) = 1$$

$$(0; 0; 0)$$

1) $y = C$, ~~уравнение~~ является решением ур-ния,
 но не удовлетворяет ЗК

2) $y \neq C$
 уравнение не зависит явно от x , поэтому применим
 порядок уравнения заменим $z(y) = y'(x)$

~~$$y'' = z'(y) \cdot z$$~~

$$z(0) = 1$$

$$z' z \cos^5 y + 4 z^2 \sin y \cos^4 y - 2 z^4 \sin y = 0$$

$$z' + z \cdot \frac{4 \sin y}{\cos y} = 2 z^3 \frac{\sin y}{\cos^5 y} \leftarrow \text{ур-ние Бернулли}$$

$$u(y) = 1 \leq u = \frac{1}{z^2}; \quad \frac{z'}{z^3} + \frac{1}{z^2} \cdot \frac{4 \sin y}{\cos y} = 2 \frac{\sin y}{\cos^5 y}$$

$$u' = -2 \frac{z'}{z^3}$$

$$-\frac{1}{2} u' + u \cdot \frac{4 \sin y}{\cos y} = 2 \frac{\sin y}{\cos^5 y}$$

$$u' - u \frac{8 \sin y}{\cos y} = -4 \frac{\sin y}{\cos^5 y}$$

1) Решим ОД у:

$$u' = \frac{8 \sin y}{\cos y} u$$

$$\text{Введем } \frac{du}{u} = 8 \frac{\sin y}{\cos y} dy \Rightarrow \ln|u| = -8 \ln|\cos y| + \tilde{C}_1$$

$$r^{(k)}(t) = (t)^k (t, \varphi^{(k)})$$

$$\Rightarrow u = \frac{\tilde{C}_1}{\cos^3 y}, \quad C_1 \neq 0$$

2) Находим particular KДУ методом Эйлера-Лагранжа:

$$\frac{\tilde{C}_1'}{\cos^3 y} + 8 \frac{\sin y}{\cos^3 y} \cdot \tilde{C}_1 - 8 \frac{\sin y}{\cos^3 y} \cdot \tilde{C}_1 = -4 \frac{\sin y}{\cos^3 y}$$

$$\tilde{C}_1' = -4 \sin y \cos^3 y \Rightarrow \tilde{C}_1 = \int -4 \sin y \cos^3 y dy =$$

$$= \cos^4 y + C_1$$

$$\Rightarrow u = \frac{\cos^4 y + C_1}{\cos^3 y} = \frac{\cos^4 y + C_1}{\cos^3 y}$$

$$3K: u(0) = 1 \Rightarrow u(0) = \frac{1 + C_1}{1} = 1 \Rightarrow C_1 = 0$$

$$\Rightarrow u = \frac{\cos^4 y + 1}{\cos^3 y} = \frac{1}{\cos^3 y} = \left(\frac{1}{y'}\right)^2$$

$$\Rightarrow y' = \cos^2 y$$

$$\Rightarrow x = \int \frac{1}{\cos^2 y} dy = \int \frac{1}{\cos^2 y} dy =$$

$$= \int \frac{1}{\cos^2 y} dy = \tan y + C_2$$

$$3K: 0 = 0 + C_2 \Rightarrow C_2 = 0 \Rightarrow x = \tan y$$

$$\Rightarrow y = \arctg(x)$$

$$\text{Answer: } y = \arctg(x)$$

N7. 4 задача

$$y^4 \frac{\partial u}{\partial x} + x \frac{\partial u}{\partial y} + (y^4 e^x - 2x) \frac{\partial u}{\partial z} = 0$$

$u = z$ при $y \leq 0$
 $x > 0$.

$$\begin{cases} \dot{x} = y^4 \\ \dot{y} = x \\ \dot{z} = y^4 e^x - 2x \end{cases}$$

1) $\frac{dy}{dx} = \frac{x}{y^4}$

$$y^4 dy = x dx$$

$$\frac{1}{5} y^5 = \frac{1}{2} x^2 + C \Rightarrow \frac{1}{2} x^2 - \frac{1}{5} y^5 = u_1, \text{ — Integrал}$$

2) $\dot{z} = \dot{x} e^x - 2\dot{y}$

$$\dot{z} + 2\dot{y} - \dot{x} e^x = 0$$

$$z + 2y - e^x = u_2 \leftarrow 2u_1 \text{ — Integrал}$$

$$\Rightarrow u = F\left(\frac{1}{2} x^2 - \frac{1}{5} y^5; z + 2y - e^x\right)$$

Решение 3k:

$$\begin{cases} y = 0 \\ \frac{1}{2} x^2 - \frac{1}{5} y^5 = u_1 \Rightarrow x = \sqrt{2u_1} \\ z + 2y - e^x = u_2 \Rightarrow z = e^x + u_2 \end{cases} \quad u = z = e^{\sqrt{2u_1}} + u_2$$

$$u = e^{\sqrt{x^2 - \frac{2}{5} y^5}} + (z + 2y - e^x) = u$$

Ответ: $u = F\left(\frac{1}{2} x^2 - \frac{1}{5} y^5; z + 2y - e^x\right)$

$$3k: u = e^{\sqrt{x^2 - \frac{2}{5} y^5}} + (z + 2y - e^x)$$

№6. 4 задачи

$$(x^2 + 8x)y'' + (2x + 8)y' + 2y = x(x+8)^2, \quad x > 0$$

Решить ОДЯ:

1) $\int y = x^\alpha$

$$\alpha(\alpha-1)(x^2+8x)x^{\alpha-2} - (2x+8)\alpha x^{\alpha-1} + 2x^\alpha = 0$$

$$\alpha(\alpha-1) \cdot x^\alpha + 8\alpha(\alpha-1)x^{\alpha-1} - 2\alpha \cdot x^\alpha - 8\alpha x^{\alpha-1} + 2x^\alpha = 0$$

$$\alpha^2 - \alpha - 2\alpha + 2 = 0 \quad \alpha^2 - 3\alpha + 2 = 0 \quad \Rightarrow \alpha = 2$$

$$8\alpha^2 - 8\alpha - 8\alpha = 0 \quad \alpha(\alpha-2) = 0$$

$$y = x^2 - 4P \text{ ОДЯ}$$

2) $\int y = (x+8)^\alpha$

$$\alpha(\alpha-1)(x^2+8x)(x+8)^{\alpha-2} - \alpha(2x+8)(x+8)^{\alpha-1} + 2(x+8)^\alpha = 0$$

$$\alpha(\alpha-1) \cdot x - \alpha \cdot (2x+8) + 2(x+8) = 0$$

$$\begin{cases} \alpha^2 - \alpha - 2\alpha + 2 = 0 \\ -8\alpha + 16 = 0 \end{cases} \Rightarrow \alpha = 2$$

$$\Rightarrow y = (x+8)^2 - 4P \text{ ОДЯ}$$

$$(x+8)^2 = x^2 + 16x + 64 \leq x^2 + 16(x+4)$$

$$\Rightarrow y = \tilde{C}_1 \cdot x^2 + \tilde{C}_2 \cdot (x+8)^2 = \tilde{C}_1 \cdot x^2 + \tilde{C}_2(x+4)$$

3) Найти переменные ОДЯ:

~~$$\begin{cases} \tilde{C}_1' x^2 + \tilde{C}_2' (x+8)^2 = 0 \\ \tilde{C}_1' \cdot 2x + \tilde{C}_2' \cdot (2x+8) = \frac{x(x+8)^2}{x(x+8)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \tilde{C}_1' x^2 - \tilde{C}_2' x^2 = 0 \\ \tilde{C}_1' (2x+8) - \tilde{C}_2' (2x+8) = \frac{(x+8)^2}{x} = x+8 \end{cases}$$~~

$$\tilde{C}_2 = \frac{2x^2 + 8x - 2x^2 - 32x + 16}{x+8} = x+8$$

$$\tilde{C}_2' = \frac{\frac{16}{x+8}}{\frac{1}{x+8}} = \frac{16}{x+8}$$

$$\tilde{C}_1 = \frac{x(x+8)}{3x+16} \cdot \frac{(x+8)^2}{x^2} = \frac{(x+8)^3}{3x^2+16x}$$

$$\tilde{C}_2 = -\frac{1}{8} \int \frac{x^2}{3x+16} dx - \int \frac{x}{3x+16} dx =$$

$$= -\frac{1}{8} \int \frac{\frac{1}{3}(t-16)^2}{t} \cdot \frac{1}{3} dt - \int \left(1 - \frac{16}{3(3x+16)}\right) dx =$$

$$= -\frac{1}{8 \cdot 27} \int (t - 32 + \frac{256}{t}) dt - x + \frac{16}{9} \ln|3x+16| + C_2$$

$$= -\frac{1}{162} t^2 + \frac{32}{82} t - \frac{256}{82} \ln t - x + \frac{16}{9} \ln|3x+16| + C_2$$

$$= -\frac{1}{432} t^2 + \frac{32}{27} (3x+16) - x + \frac{16}{27} \ln|3x+16| + C_2$$

$$= -\frac{x^2}{48} - \frac{7}{9}x - \frac{80}{27} + \frac{16}{27} \ln|3x+16| + C_2$$

$$= -\frac{x^2}{48} - \frac{7}{9}x - \frac{80}{27} + \frac{16}{27} \ln|3x+16| + C_2$$

$$\tilde{C}_1' \cdot x^2 + \tilde{C}_2' \cdot (x+8) = 0 \quad \tilde{C}_1' = -\tilde{C}_2' \frac{x+8}{x^2}$$

$$\tilde{C}_1' \cdot 2x + \tilde{C}_2' = x+8$$

$$\tilde{C}_2' \left(1 - 2 \frac{x+8}{x}\right) = x+8$$

$$\tilde{C}_2' = -x \Rightarrow \tilde{C}_2 = -\frac{x^2}{2} + C_2$$

$$\tilde{C}_1' = \frac{x+8}{x} \Rightarrow \tilde{C}_1 = x+8 \ln|x| + C_1$$

$= \ln x, \text{ p.k. } x > 0$

Problem 1 $x = \frac{1}{t} + \frac{1}{t^2} e^{-C_1 t}$

$$2) y = x^3 + 4x^2 \ln x - \frac{x^3}{2} - 2x^2 + C_1 x^2 + C_2(x+4) =$$

$$= \frac{x^3}{2} - 2x^2 + 4x^2 \ln x + C_1 x^2 + C_2(x+4)$$

N 2.3 Aufgabe

$$\begin{cases} \dot{x} = 3x + 11y + 28z \\ \dot{y} = -2x - 9y - 19z \\ \dot{z} = y + z \end{cases}$$

$$\lambda_1 = -1; \lambda_{2,3} = -2$$

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 11 & 28 \\ -2 & -9 & -19 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

1) $\lambda_1 = -1$

Wegpunkt $\text{na } C_1$

$$B_1 = |A - \lambda_1 E| = \begin{vmatrix} 4 & 11 & 28 \\ -2 & -8 & -19 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix} = -4(-19 + 28(2)) + 2(62 + 22) =$$

$$= 2420 \neq 0$$

$$B_1 \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} 4 & 8 & 19 \\ 0 & -5 & -10 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 0 & 3 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\Rightarrow h_1 = \begin{pmatrix} -3 \\ -4 \\ 2 \end{pmatrix}$$

2) $\lambda_{2,3} = -2$

$$B_2 = \begin{pmatrix} 5 & 11 & 28 \\ -2 & -7 & -19 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} 2 & 8 & 19 \\ 1 & -3 & -10 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 2 & 0 & -2 \\ 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$h_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix}$$

~~$$\begin{pmatrix} 5 & 11 & 28 \\ -2 & -4 & -19 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix}$$~~

$$\begin{pmatrix} 5 & 11 & 28 \\ -2 & -4 & -19 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 5 & 0 & -5 \\ -2 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -10 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$x - z = -2$$

$$y = -3z + 1$$

$$z = -1$$

$$y + 3z = 1$$

$$y = -3z + 1$$

$$y = -2$$

$$\Rightarrow h_3 = \begin{pmatrix} -1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\Rightarrow y = C_1 e^{-t} \cdot \begin{pmatrix} -3 \\ -4 \\ 2 \end{pmatrix} + C_2 e^{-2t} \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix} + C_3 e^{-2t} \left(t \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix} \right)$$

3. Задание

$$\begin{cases} \dot{x} = sh(x^4 - y^2 - 1) \\ \dot{y} = ln(x^2 - y) \end{cases}$$

$$\dot{y} = ln(x^2 - y)$$

$$1) \text{ Найдите ПР: } \begin{cases} x^4 - y^2 - 1 = 0 \\ x^2 - y = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x^4 - x^2 + 2x^2 - 1 - 1 = 0 \\ y = x^2 - 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow (1; 0); (-1; 0) - \text{ПР}$$

$$2) \text{ Исследуем } (1; 0). \text{ Сделаем замену } u = x - 1; v = y$$

$$\begin{cases} \dot{u} = sh(u^4 + 4u^3 + 6u^2 + 4u - v^2) \\ \dot{v} = ln(u^2 + 2u + 1 - v) \end{cases}$$

линейная
система

$$\begin{cases} \dot{u} = 4u \\ \dot{v} = 2u - v \end{cases}$$

$A = \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 2 & -1 \end{pmatrix} \quad |A| = \begin{vmatrix} 4-\lambda & 0 \\ 2 & -1-\lambda \end{vmatrix} \quad s(\lambda) \cdot (\lambda-4) = 0$
 $\lambda_1 = 4 \quad \lambda_2 = -1$
 \Rightarrow сепар

$\lambda_1 = -1 \Rightarrow h_1 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$
 $\lambda_2 = 4 \Rightarrow h_2 = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \end{pmatrix}$

3) Канонический вид. Сделаем замену $u = x+1 \quad v = y$

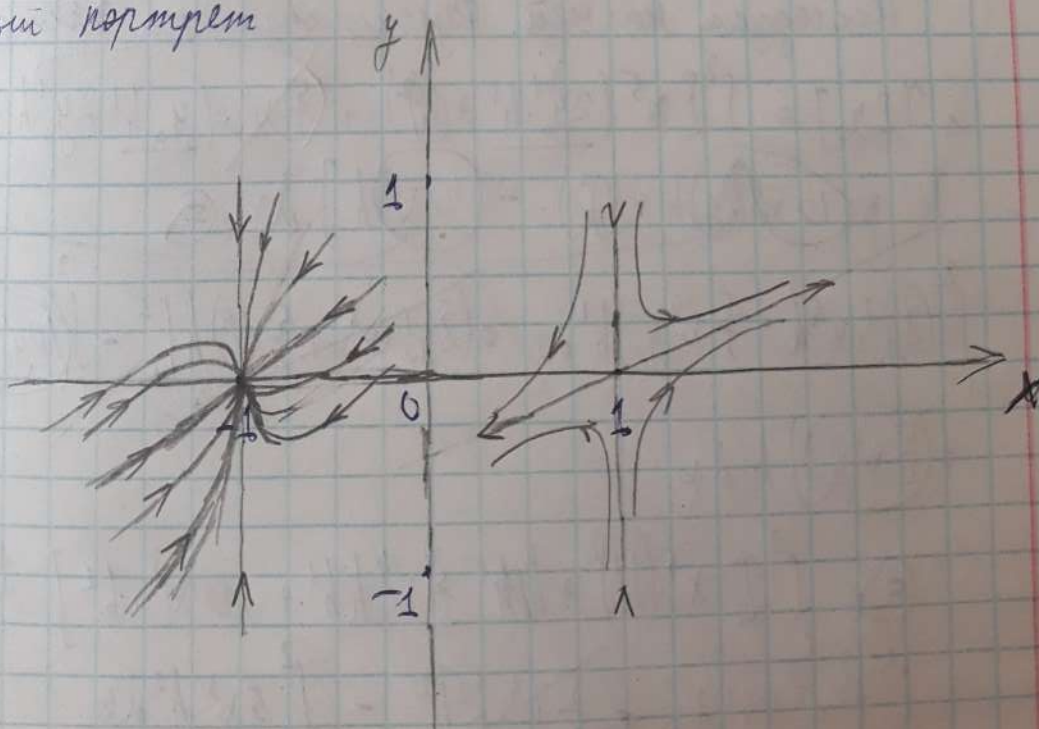
$$\begin{cases} \dot{u} = 5(u - 4u^3 + 6u^2 - 4u - v^2) \\ \dot{v} = 2(u^2 - 2u + 1 - v) \end{cases} \quad \begin{matrix} \text{линейная} \\ \text{система} \end{matrix} \quad \begin{cases} \dot{u} = -4u \\ \dot{v} = -2u - v \end{cases}$$

$A = \begin{pmatrix} -4 & 0 \\ -2 & -1 \end{pmatrix} ; |A| = \begin{vmatrix} -4-\lambda & 0 \\ -2 & -1-\lambda \end{vmatrix} = (\lambda+1)(\lambda+4) = 0$
 $\lambda_1 = -1 < 0 \quad \lambda_2 = -4 < 0$
 устойчивый узел

$\lambda_1 = -1 \Rightarrow h_1 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

$\lambda_2 = -4 \Rightarrow h_2 = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \end{pmatrix}$

4) Фазовый портрет



14. 4 Задача

$$J[y] = \int_1^2 \left[x^5 (y')^2 + \frac{5}{2} x^4 y y' + 10 x^3 y^2 - 10 x^3 y \right] dx \quad y(1)=6, \quad y(2)=11$$

Запишем гр-ые Эйлера

$$\frac{\partial F}{\partial y} - \frac{d}{dx} \left(\frac{\partial F}{\partial y'} \right) = \frac{5}{2} x^4 y' + 20 x^3 y - 10 x^3 - \left(2 x^5 y' + \frac{5}{2} x^4 y' \right) =$$

$$= \frac{5}{2} x^4 y' + 20 x^3 y - 10 x^3 - 10 x^4 y' - 2 x^5 y'' - 10 x^3 y - \frac{5}{2} x^4 y' = 0$$

$$2 x^5 y'' + 10 x^4 y' - 10 x^3 y + 10 x^3 = 0$$

$$y = 1 - \text{4P H2Y}$$

$$y = x - \text{4P 0DY}$$

$$y = \frac{1}{x^5} - \text{4P 0DY}$$

$$\Rightarrow y = C_1 x + C_2 \frac{1}{x^5} + 1$$

$$\begin{cases} y(1) = C_1 + C_2 + 1 = 6 \\ y(2) = 2C_1 + \frac{1}{32} C_2 + 1 = 11 \end{cases} \Rightarrow C_1 = 5, C_2 = 0$$

$$\Rightarrow y_0 = 5x + 1 - \text{горизонтальная экстремаль}$$

Используем канонич. функционал на экстремале

$$\Delta J[y_0] = \int_1^2 \left[x^5 (2 y_0' h' + (h')^2) + \frac{5}{2} x^4 (y_0 h' + y_0' h + h h') + \right.$$

$$\left. + 10 x^3 (2 y_0 h + (h)^2) - 10 x^3 h \right] dx \quad \text{гр-ые Эйлера}$$

$$\int_1^2 (2 y_0' x^5 h' + \frac{5}{2} x^4 y_0) h' dx = \left(2 y_0' x^5 + \frac{5}{2} x^4 \right) h \Big|_1^2 - \int_1^2 (10 y_0' x^4 + 2 x^5 y_0'' + 10 x^3 y_0' + \frac{5}{2} x^4 y_0') h dx$$

$$\Rightarrow \int_1^2 \left[x^5 (h')^2 + h h' \frac{5}{2} x^4 h h' + 10 x^3 \cdot h^2 \right] dx \quad \text{5}$$

$$\int_1^2 \frac{5}{2} x^4 h h' dx = \frac{5}{4} x^4 h^2 \Big|_1^2 - \int_1^2 5 x^3 \cdot h^2 dx$$

Ответ: $r = \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} e^{-C_1 x}$

⑤ $\int_1^2 [x^5 (h')^2 + 5x^3 h^2] dx \geq 0 \Rightarrow$ абс. минимум

Ответ: $y_0 = 5x + 1$ - генеральная экстремаль на которой функционал J достигает абсолютного минимума

115. 4 балла

$$y = xy' - e^{y'}$$

$$\begin{cases} y' = p \end{cases}$$

$$y = xp - e^p \Rightarrow dy = \cancel{p dx} + x dp - e^p dp$$

$$x dp = e^p dp$$

$$(x - e^p) dp = 0$$

$$x = e^p$$

$$p = \ln x, x > 0$$

$$y = x \cdot \ln x - x = x \cdot (\ln x - 1), x > 0$$

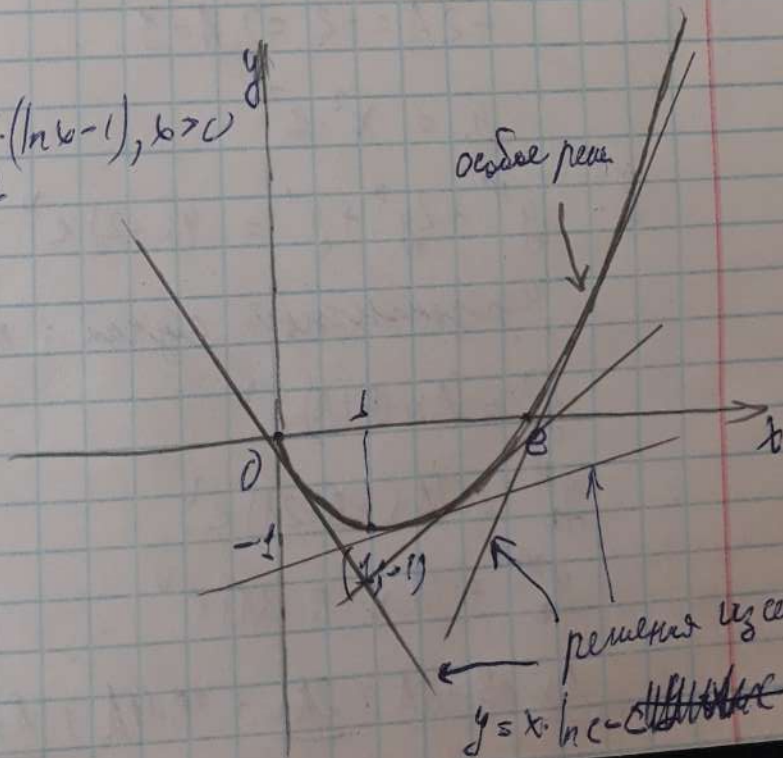
особое решение

$$dp = 0$$

$$y' = p = C$$

$$y = Cx - e^C = \ln C \cdot x - C, C > 0$$

$$y = Cx - e^C$$



$$1) \quad \dot{x} = 1 \quad \ddot{x} = -\frac{\partial Y}{\partial x}$$

1. Частная

$$y''' + 2y'' + y' = -2e^{-x} + 4(x+2)e^x + 2x$$

1) Решим ОДН:

$$\lambda^3 + 2\lambda^2 + \lambda = 0 \quad \lambda(\lambda+1)^2 = 0$$

$$\Rightarrow y = C_1 + (C_2 + C_3 x)e^{-x}$$

$$I \quad y''' + 2y'' + y' = -2e^{-x}$$

Резонансный случай: ищем решение в виде $y_1(x) = Ax^2 e^{-x}$

~~$$y_1' = A(2x - x^2)e^{-x}$$~~

$$y_1' = A(2x - x^2)e^{-x}$$

$$y_1'' = A(2 - 2x - 2x + x^2)e^{-x}$$

$$y_1''' = A(2x - 4 - 2 + 4x - x^2)e^{-x}$$

$$A \cdot (2x - x^2 + 4 - 2x + 2x^2 + 2x - 6 - x^2)e^{-x} = -2e^{-x}$$

$$-2A = -2 \Rightarrow A = 1$$

$$y_1 = x^2 \cdot e^{-x}$$

$$II \quad y''' + 2y'' + y' = 4(x+2)e^x + 2x$$

Нерезонансный случай: ищем решение в виде

$$y_2' = (Ax + B + A)e^x$$

$$y_2(x) = (Ax + B)e^x$$

$$y_2'' = (Ax + B + 2A)e^x$$

$$y_2''' = (Ax + B + 3A)e^x$$

$$\underline{Ax + B + 3A} + \underline{2Ax + 2B + 4A} + \underline{Ax + B + A} = 4x + 8$$

Пример 1 $x = \frac{1}{e}$ C_1, C_2

$$4A = 4b$$

$$4B + 8A = 8$$

$$A = 1$$

$$B = 0$$

$$\Rightarrow y_2(x) = x \cdot e^x$$

$$\text{III } y''' + 2y'' + y' = 2x$$

$$y = x^2 - 4x \text{ — решение ур-ния}$$

$$A = \frac{2-x}{e}$$

$$\Rightarrow y = C_1 + (C_2 + C_3 x) e^{-x} + x^2 \cdot e^{-x} + x \cdot e^x + x^2 - 4x \text{ —}$$

— общее решение уравнения