Tag 4

Vorkurs Mathematik für Nebenfächler 2018

Aufgaben

WICHTIG: Wir empfehlen, bei allen Aufgaben, soweit möglich, auf die Benutzung von CAS-Rechnern zu verzichten!

Aufgabe 1: Lösen Sie die Gleichungen:

i)
$$\frac{2x-1}{2-x} = \frac{7}{3x+4}$$

ii)
$$\frac{x+1}{2x-4} = \frac{x+2}{x-2}$$

Aufgabe 2: Finden Sie alle Nullstellen von $x^4 - x^3 - 31x^2 + x + 30 = 0$!

......

Aufgabe 3: Um die Funktion der Bauchspeicheldrüse zu testen, wird ein bestimmter Farbstoff in sie eingespritzt und dessen Ausscheiden gemessen. Eine gesunde Bauchspeicheldrüse scheidet pro Minute 4% des jeweils noch vorhandenen Farbstoffs aus. Bei einer Untersuchung wird einem Patienten 0, 2 Gramm des Farbstoffes injiziert. Nach 30 Minuten sind noch 0,09 Gramm des Farbstoffes in seiner Bauchspeicheldrüse vorhanden. Funktioniert seine Bauchspeicheldrüse normal?

Aufgabe 4: Eistee kann einen Koffeingehalt von 50 Milligramm pro 0,33l Dose haben. Bei einem Jugendlichen setzt die Wirkung des Koffeins nach ca. 1 Stunde ein. Der Koffeingehalt im Blut nimmt dann exponentiell mit einer Halbwertszeit von 3 Stunden ab. Eine Büchse Eistee enthält 50mg Koffein. Wann sind nur noch 0,01mg Koffein im Blut vorhanden, wenn der Abbau ca. 1 Stunde nach dem Verzehr beginnt?

.....

Aufgabe 5: Bestimmen Sie die Lösungen der folgenden Wurzelgleichungen:

i)
$$\sqrt{x+4} = \sqrt{x^2 + x}$$

ii)
$$\sqrt{x} + \sqrt{5 - x} = \sqrt{2x + 7}$$

HINWEISE:

Schwierigere Aufgaben, bei denen man vielleicht auch nicht direkt einen Bezug zur Vorlesung erkennt, sind mit einem † gekennzeichnet.

Wir versuchen, die Aufgaben und einige Lösungen unter https://pankratius.github.io zur Verfügung zu stellen.

Viele Aufgaben sind folgender Literatur entnommen:

- "Brückenkurs Mathematik für Studieneinsteiger aller Disziplinen", G. Walz, F. Zeilfelder, Th. Rießinger, Spektrum Verlag, 1. Auflage, 2005
- "Aufgabensammlung zur Höheren Mathematik mit ausführlichen Lösungen" von Dr. Rolf Haftmann, TU Chemnitz.