## Tag 2

Vorkurs Mathematik für Nebenfächler 2018

SYMBOLE UND DEFINITIONEN: für  $a_1, a_2, ..., a_n$  schreiben wir für deren  $Summe\ a_1 + ... + a_n =: \sum_{i=1}^n a_i$  und für deren  $Produkt\ a_1 \cdot ... \cdot a_n =: \prod_{i=1}^n$ . Für eine Funktion  $f: D \to W,\ x \mapsto f(x)$  heißt D Definitionsbereich und W Wertebereich.

## Aufgaben

**Aufgabe 1:** An einer Klausur, bei der 40 Punkte zu erreichen waren und bei der nur ganzzahlige Punkte vergeben wurden, nahmen Studenten aus 6 verschiedenen Studiengängen teil. Zum Bestehen waren 16 Punkte erforderlich. Es bezeichne  $a_{ij}$  die Anzahl der Studenten des Studienganges i (i = 1, 2, ..., 6), die j Punkte erreichten. Drücken Sie folgende Sachverhalte mithilfe des Summenzeichens aus:

- 1. An der Klausur nahmen insgesamt 411 Studenten teil.
- 2. 222 Teilnehmer haben die Klausur nicht bestanden.
- 3. 3 Klausurteilnehmer schafften keinen einzigen Punkt.
- 4. 43,1% der Teilnehmer aus dem Studiengang 6 haben die Klausur nicht bestanden.

**Aufgabe 2:** Radioaktiver Kohlenstoff <sup>14</sup>C, den man zur Datierung fossiler Funde benutzt, hat eine Halbwertszeit vn etwa 5,776 Jahren. Berechnen Sie, wie viel von einem Gramm <sup>14</sup>C nach 10000 Jahren noch vorhanden ist. Nach wie vielen Jahren ist noch ein Viertel des ursprünglichen Materials vorhanden?

**Aufgabe 3:** Sei  $f(x) = x^2 + 24x + 128$  und g(x) = 3x + 2. Ermitteln Sie die Funktionsvorschriften  $(f \circ g)(x)$  und  $(g \circ f)(x)$  sowie die Definitions- und Bildbereiche von  $f, g, f \circ g, g \circ f$  und skizzieren Sie g.

**Aufgabe 4:** Warum muss das Polynom  $p: \mathbb{R} \to \mathbb{R}, x \mapsto -28x^2 + 177$  zwei Nullstellen haben? Skizzieren Sie die Funktion.

**Aufgabe 5:** 1.  $f(x) = (x+8)^2 + (x-8)^2$ 

- 2.  $f(x) = (x+8)^3 + (x-8)^3$
- 3.  $f(x) = \sin(x+8) + \sin(x-8)$
- 4.  $f(x) = \sin(x+8) \sin(x-8)$

**Aufgabe 6†:** Zeigen Sie, dass die Funktion f mit  $f(x) = 1 + \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x+1}}$ ,  $x \ge 0$  eine Umkehrfunktion besitzt. Ermitteln Sie diese Umkehrfunktion und ihren Definitions- und Bildbereich.

## HINWEISE:

Schwierigere Aufgaben, bei denen man vielleicht auch nicht direkt einen Bezug zur Vorlesung erkennt, sind mit einem † gekennzeichnet.

Wir versuchen, die Aufgaben und einige Lösungen unter https://pankratius.github.io zur Verfügungn zu stellen. Viele Aufgaben sind folgender Literatur entnommen:

- "Brückenkurs Mathematik für Studieneinsteiger aller Disziplinen", G. Walz, F. Zeilfelder, Th. Rießinger, Spektrum Verlag, 1. Auflage, 2005
- "Aufgabensammlung zur Höheren Mathematik mit ausführlichen Lösungen" von Dr. Rolf Haftmann, TU Chemnitz.