



# CMOS模拟集成电路设计

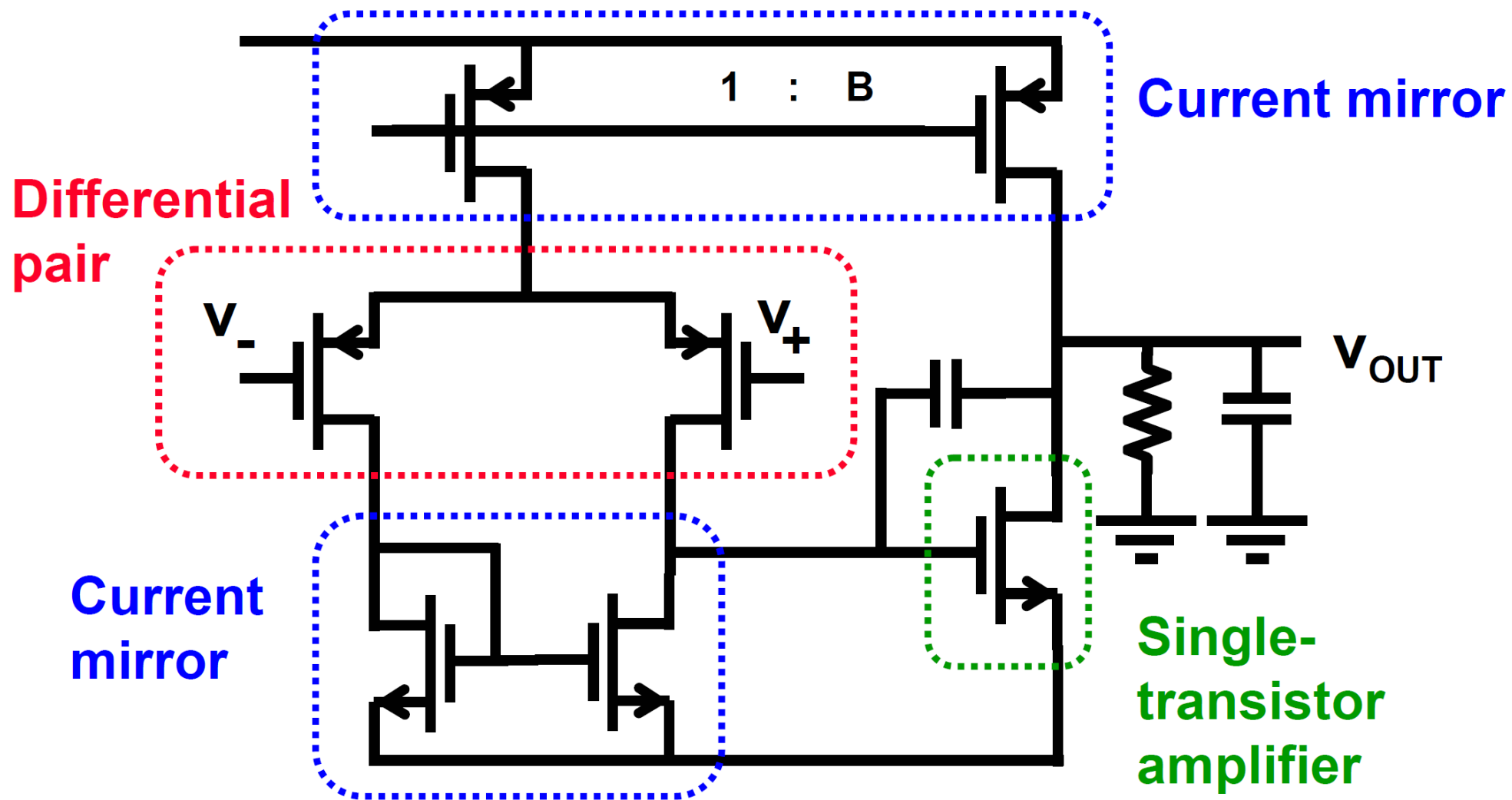
## 第二章：模拟电路的基本构成

胡远奇

©2020



# 运算放大器





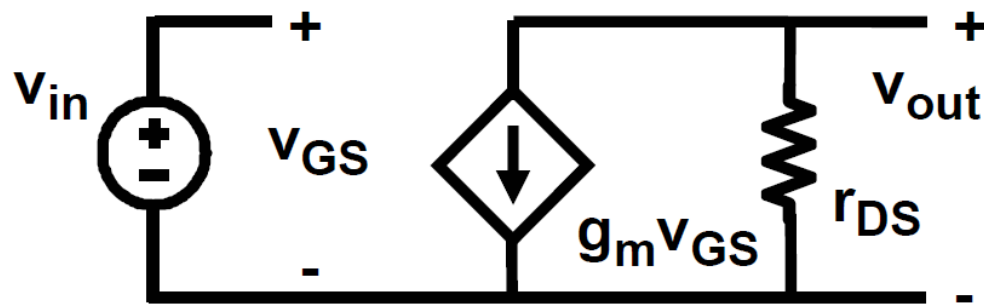
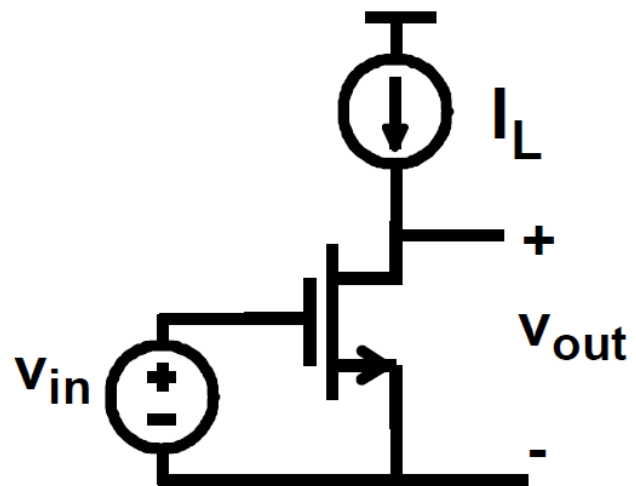
# 模拟电路的基本结构

---

1. 单晶体管放大器
2. 源极跟随器
3. Cascode （共源共栅极）
4. 电流镜
5. 差分对



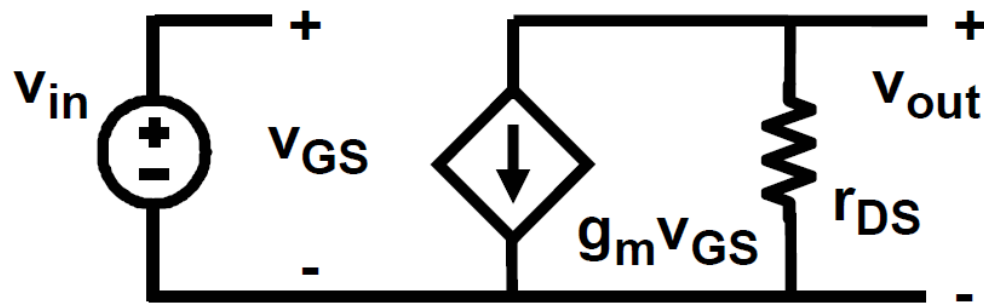
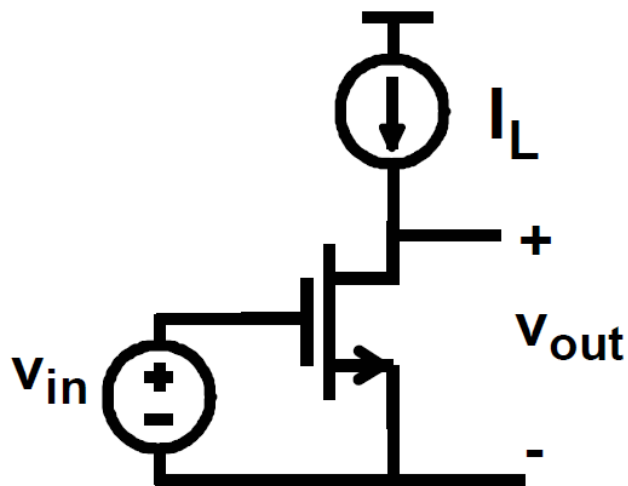
# 单晶体管放大器



$$A_v =$$



# 单晶体管放大器



$$A_v = g_m r_{DS} = \frac{2 I_{DS}}{V_{GS} - V_T} \frac{V_E L}{I_{DS}} = \frac{2 V_E L}{V_{GS} - V_T}$$

$$A_v \approx 100 \quad \text{if } V_E L \approx 10 \text{ V and } V_{GS} - V_T \approx 0.2 \text{ V}$$



# 单晶体管放大器

---

如何获得高增益？

降低  $V_{GS} - V_T$



0.15-0.2V

进一步减小会牺牲信噪  
比SNR和跨导 $g_m$

增加L

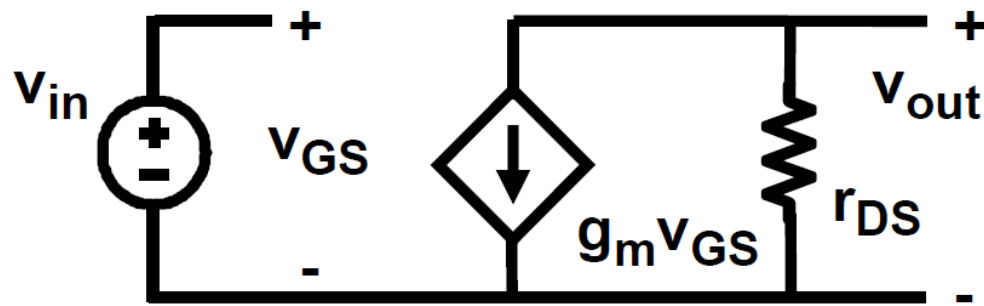
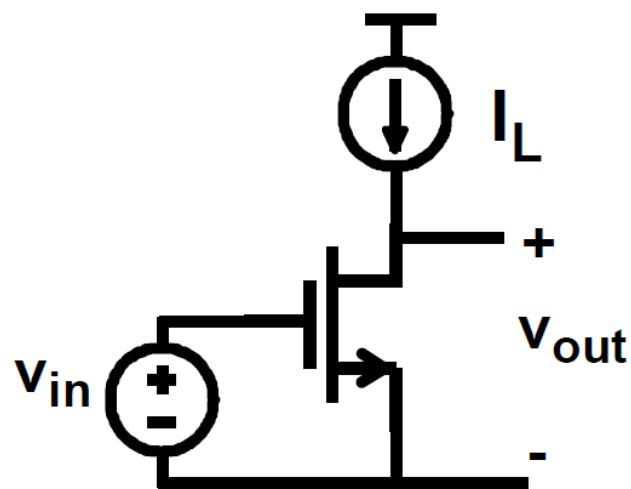


4-5x minL

进一步增大会牺牲速度  
和面积



# 单晶体管放大器

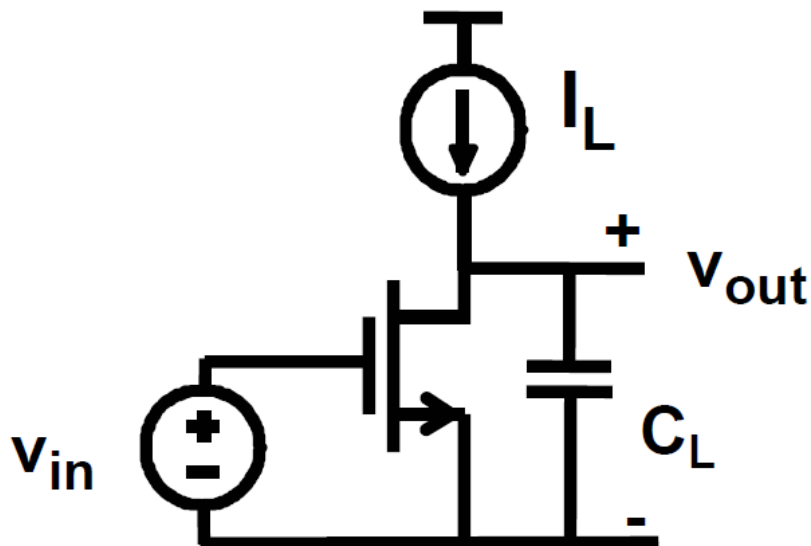


□问：对于一个55nm工艺的单晶体管放大器，其典型的放大倍数是多少？( $V_E=4\text{V}/\mu\text{m}$ )



# 单晶体管放大器的频率特性

- 如果只有大的**负载**电容



For all single-stage  
Operational amplifiers

$$A_{v0} = g_m r_{DS}$$

$$BW = \frac{1}{2\pi r_{DS} C_L}$$

$$GBW = \frac{g_m}{2\pi C_L}$$





# 单晶体管放大器的频率特性

---

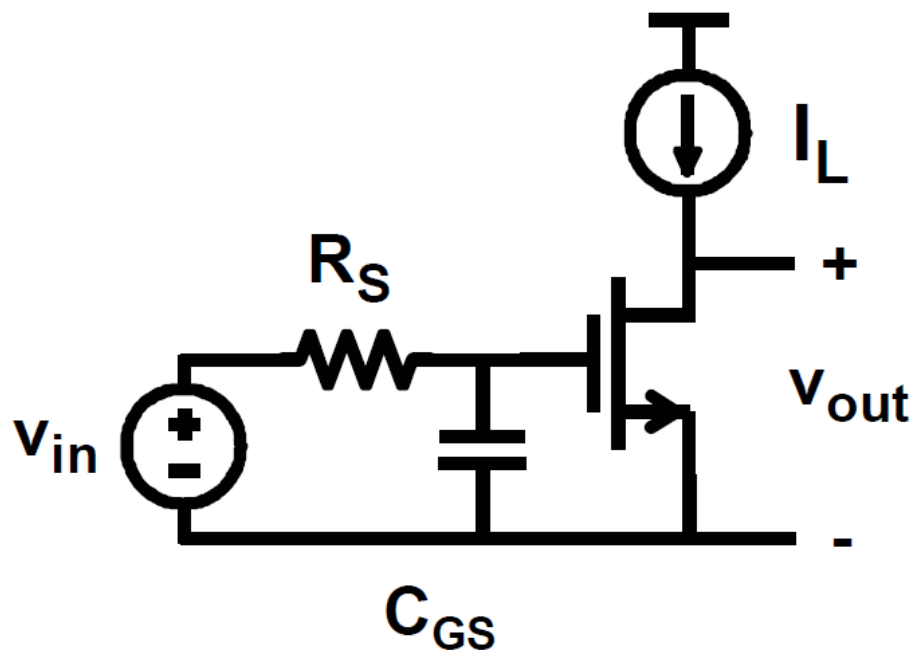
□设计指标GBW=100M，负载电容2pF的NMOS单晶体放大器，根据工艺指标计算相应的直流偏置电流和典型晶体管尺寸。

$$L_{\min} = 0.35 \mu\text{m} \quad KP_n \approx 300 \mu\text{A/V}^2$$



# 单晶体管放大器的频率特性

- 如果只有大的输入电容



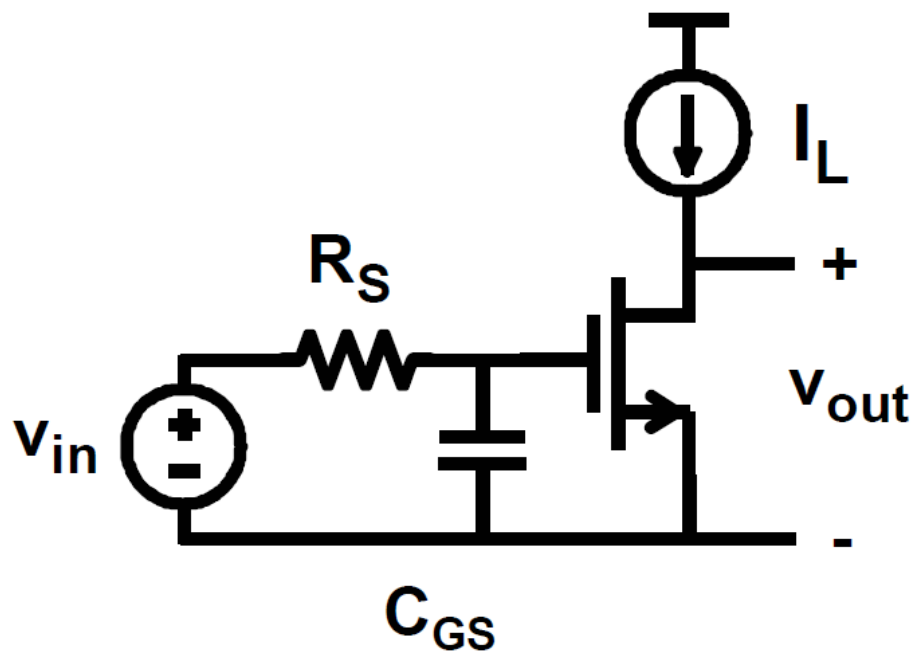
$$A_{v0} = g_m r_{DS}$$

$$BW = \frac{1}{2\pi R_S C_{GS}}$$



# 单晶体管放大器的频率特性

- 如果只有大的输入电容



$$A_{v0} = g_m r_{DS}$$

$$BW = \frac{1}{2\pi R_S C_{GS}}$$

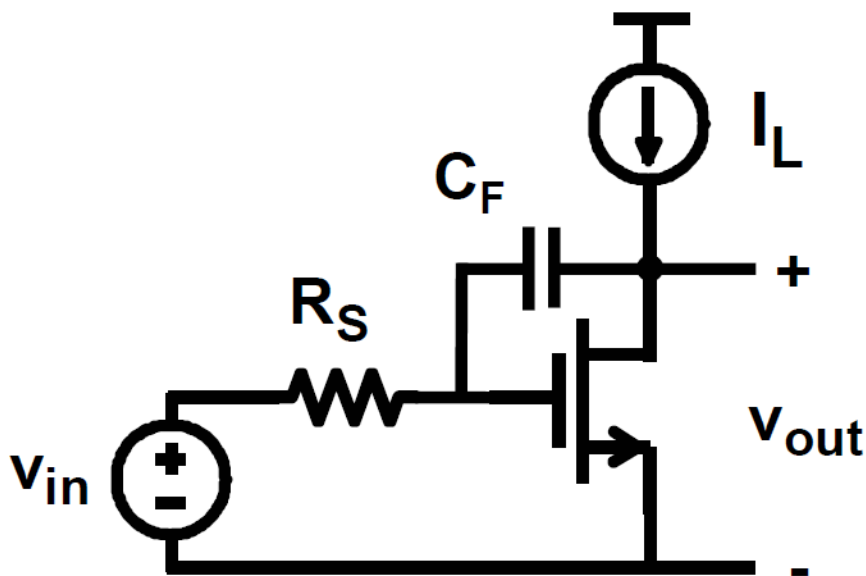
**GBW和长度L无关!**

$$GBW = \frac{g_m}{2\pi C_{GS}} \frac{r_{DS}}{R_S} = f_T \frac{r_{DS}}{R_S} \sim \frac{1}{WC_{ox}} \frac{1}{V_{GS} - V_T}$$



# 单晶体管放大器的频率特性

- 如果只有大的**反馈电容**



$$A_{v0} = g_m r_{DS}$$

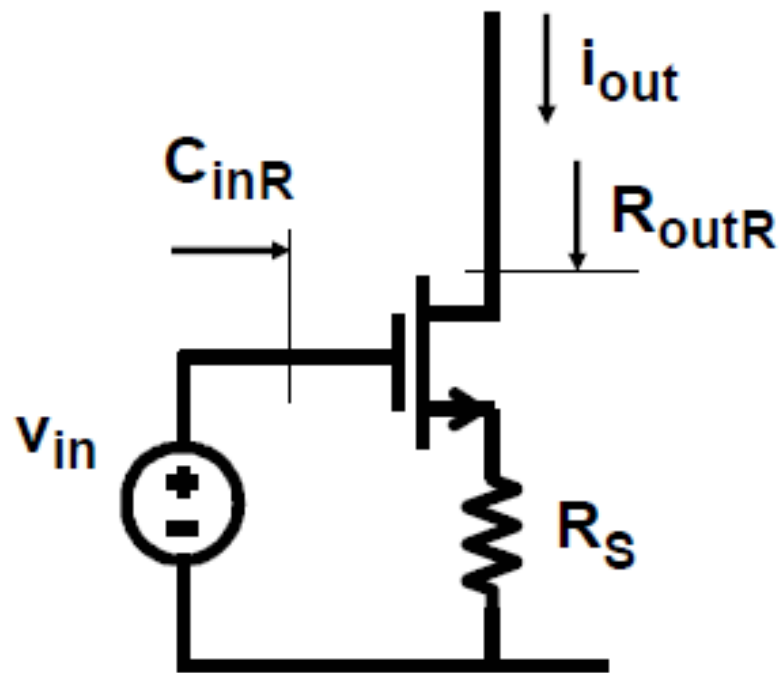
$$BW = \frac{1}{2\pi R_S A_{v0} C_F}$$

$$GBW = \frac{1}{2\pi R_S C_F}$$

GBW和晶体管的参数无关!

# >>> Source Degeneration

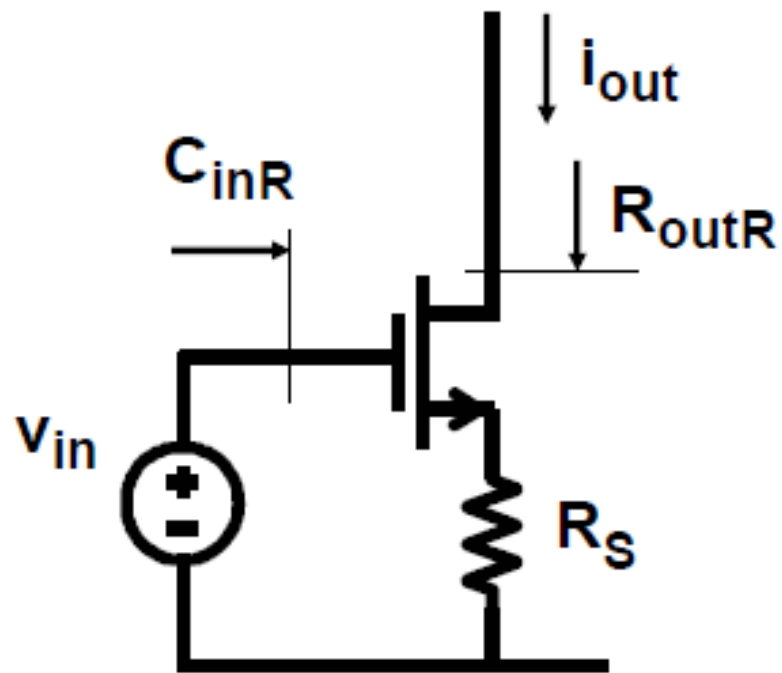
---



Source Degeneration

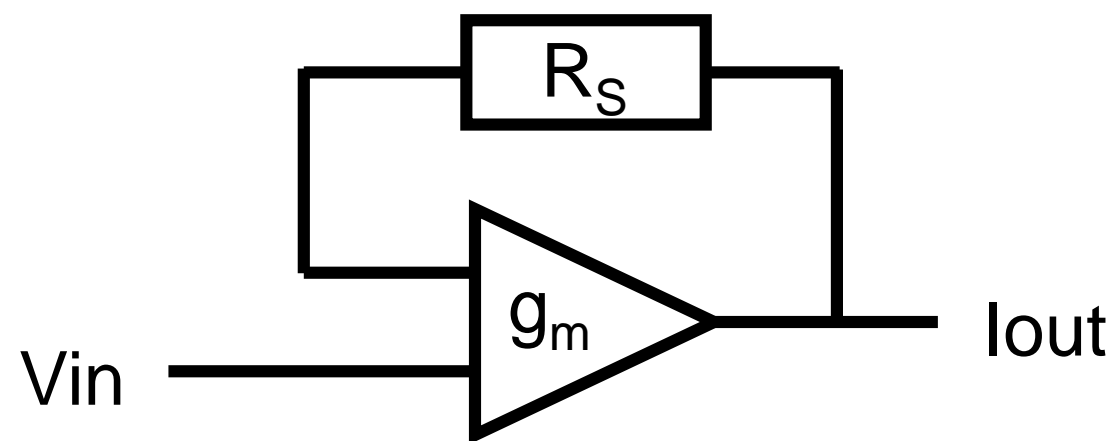
是一种**负反馈**形式

# >>> Source Degeneration



Source Degeneration

是一种**负反馈**形式



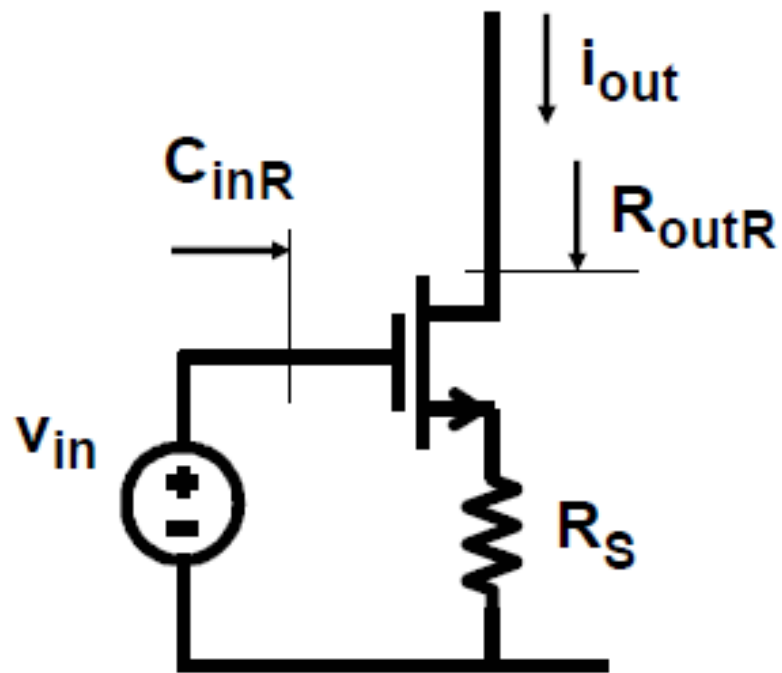
$$G_m = \frac{g_m}{1 + g_m R_S}$$

$$C_{inR} = \frac{C_{GS}}{1 + g_m R_S}$$



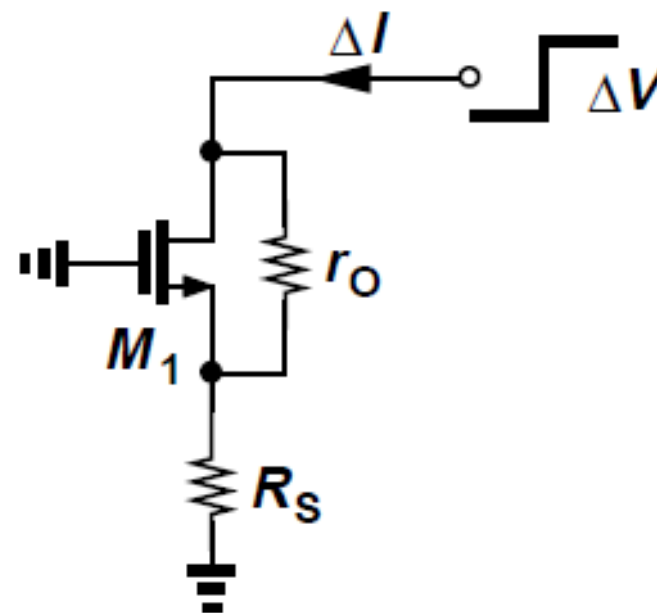
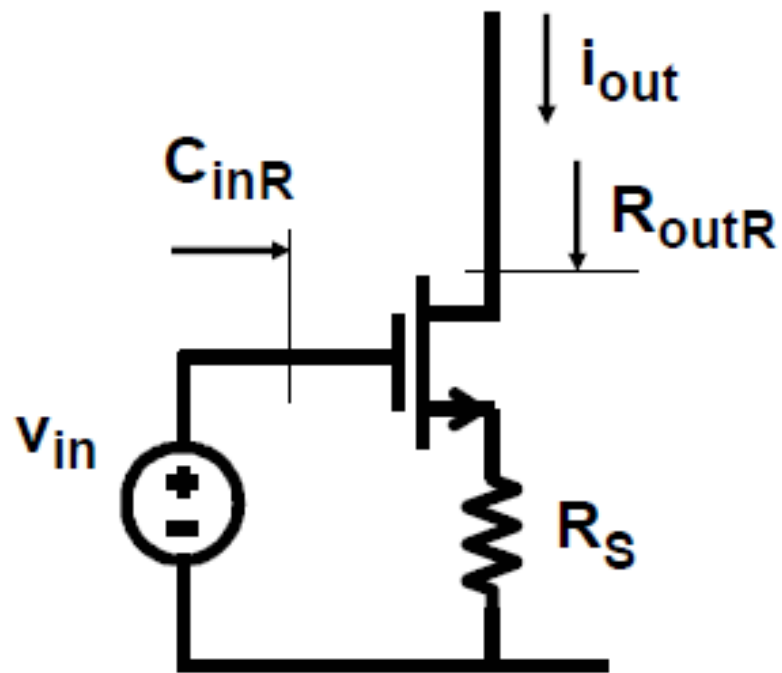
# Source Degeneration

---



- 在输出端施加电压变化 $\Delta V$ 并测量输出电流的最终变化 $\Delta I$

# >>> Source Degeneration



- $R_{outR} = r_{DS} (1 + g_m R_S) \approx (g_m r_{DS}) R_S$

$R_S$ 造成额外的噪声





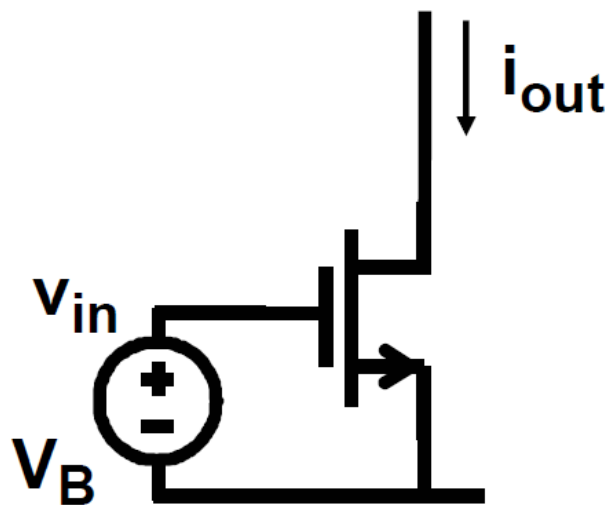
# 模拟电路的基本结构

---

1. 单晶体管放大器
- 2. 源极跟随器**
3. Cascode （共源共栅极）
4. 电流镜
5. 差分对

# 源极跟随器 (Source Follower)

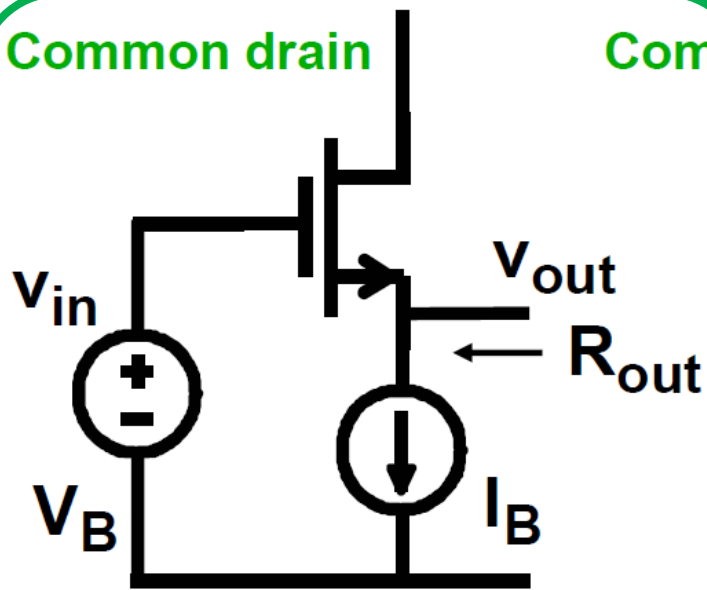
Common source



$$i_{out} = g_m v_{in}$$

**Amplifier**

Common drain



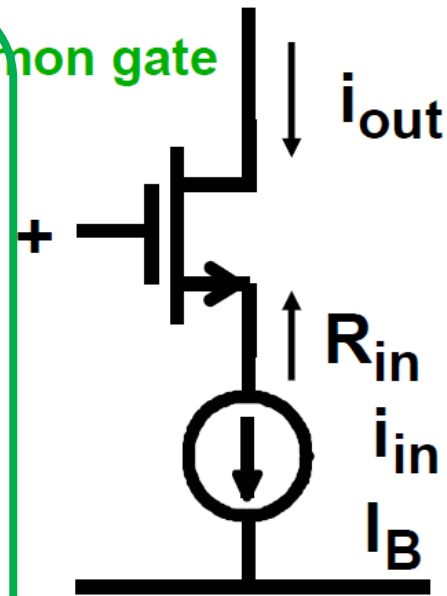
$$v_{out} = v_{in}$$

$$R_{out} \approx 1/g_m$$

**Source follower**

Voltage buffer

Common gate



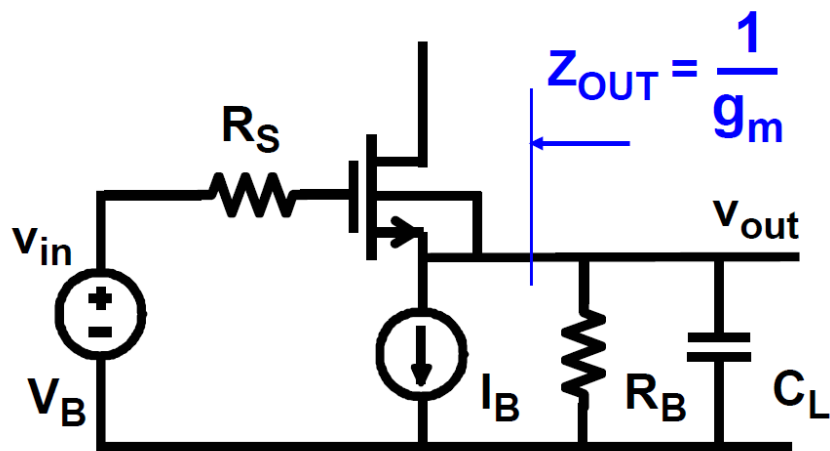
$$i_{out} = i_{in}$$

$$R_{in} \approx 1/g_m$$

**Cascode**

Current buffer

# >>> 源极跟随器 (Source Follower)



$I_B$  为常数



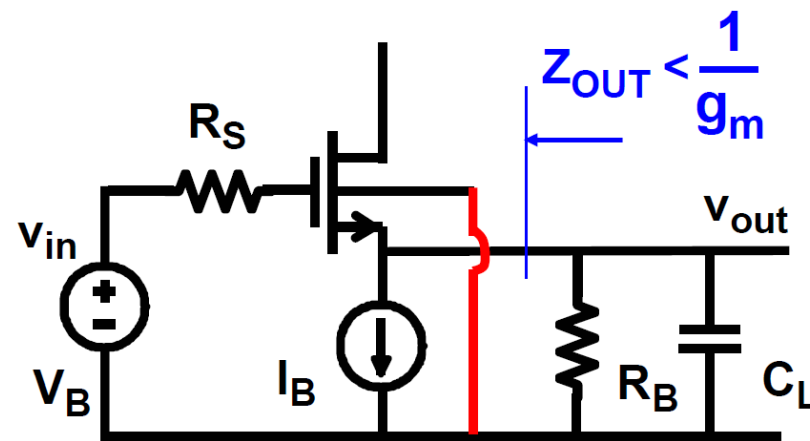
$V_{GS}$  为常数



$$\Delta V_{OUT} = \Delta V_{IN}$$



$$A_V = 1$$



$V_{GS}$  不为常数



$$A_V = \frac{1}{n} < 1$$



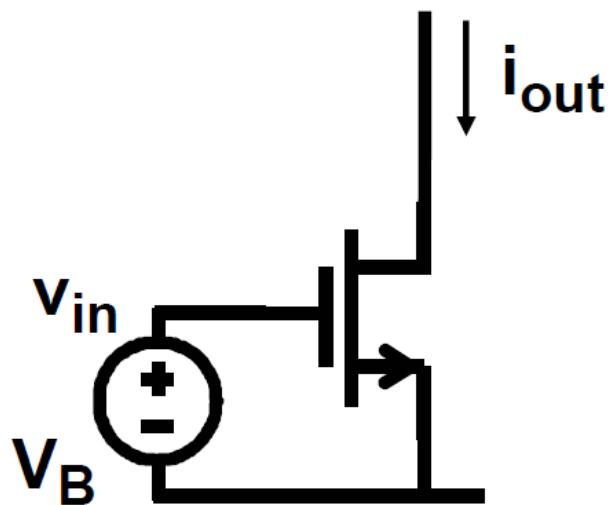
# 模拟电路的基本结构

---

1. 单晶体管放大器
2. 源极跟随器
- 3. Cascode (共源共栅极)**
4. 电流镜
5. 差分对

# >>> Cascode

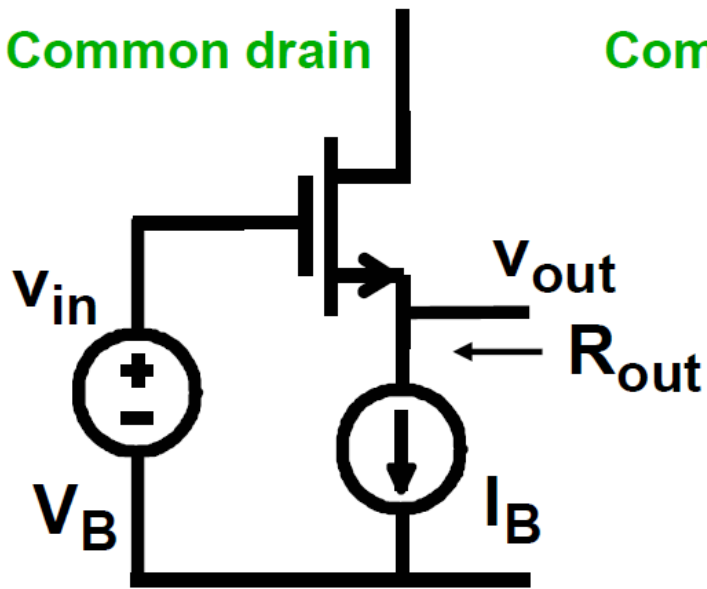
Common source



$$i_{out} = g_m v_{in}$$

**Amplifier**

Common drain



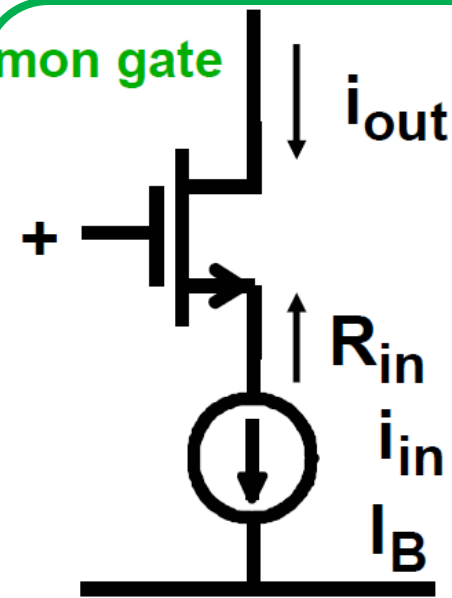
$$v_{out} = v_{in}$$

$$R_{out} \approx 1/g_m$$

**Source follower**

Voltage buffer

Common gate



$$i_{out} = i_{in}$$

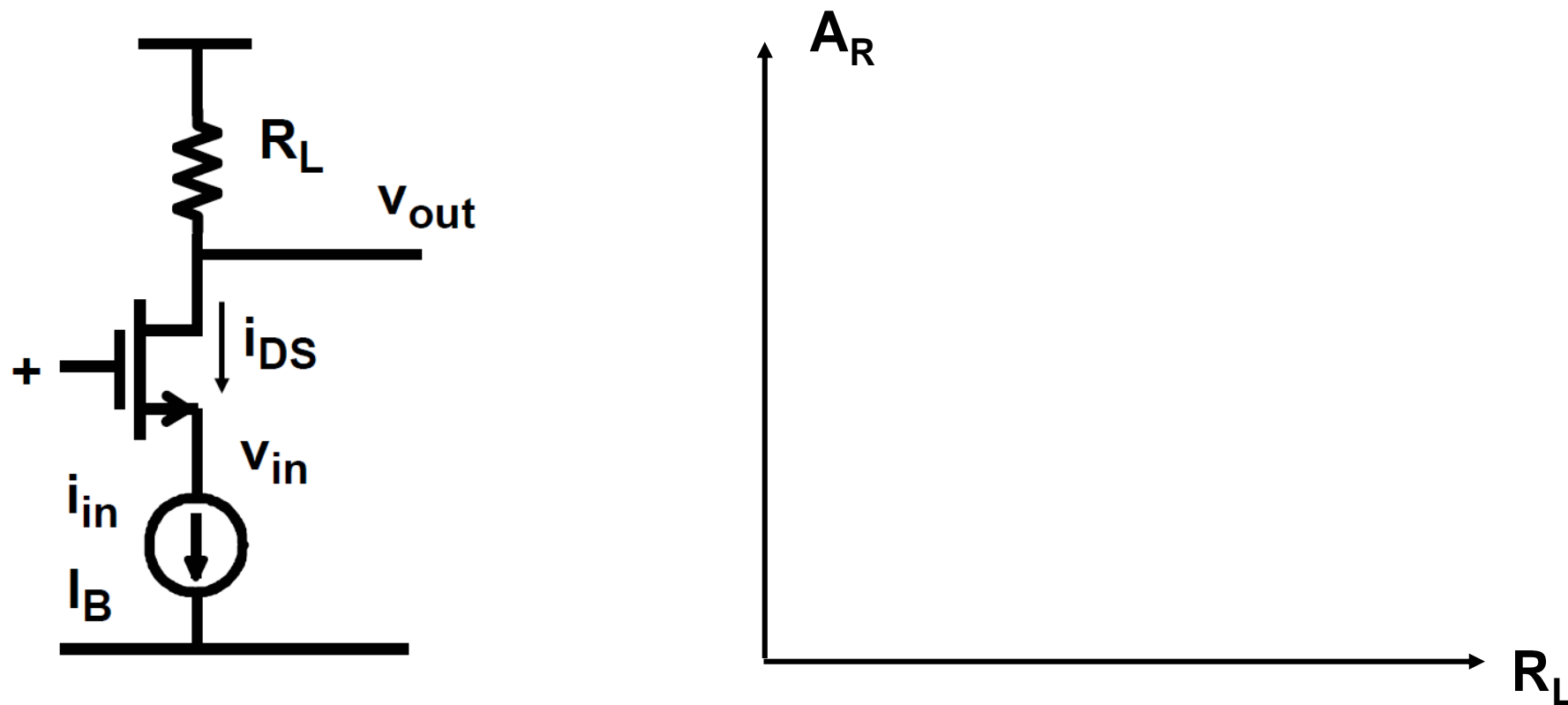
$$R_{in} \approx 1/g_m$$

**Cascode**

Current buffer



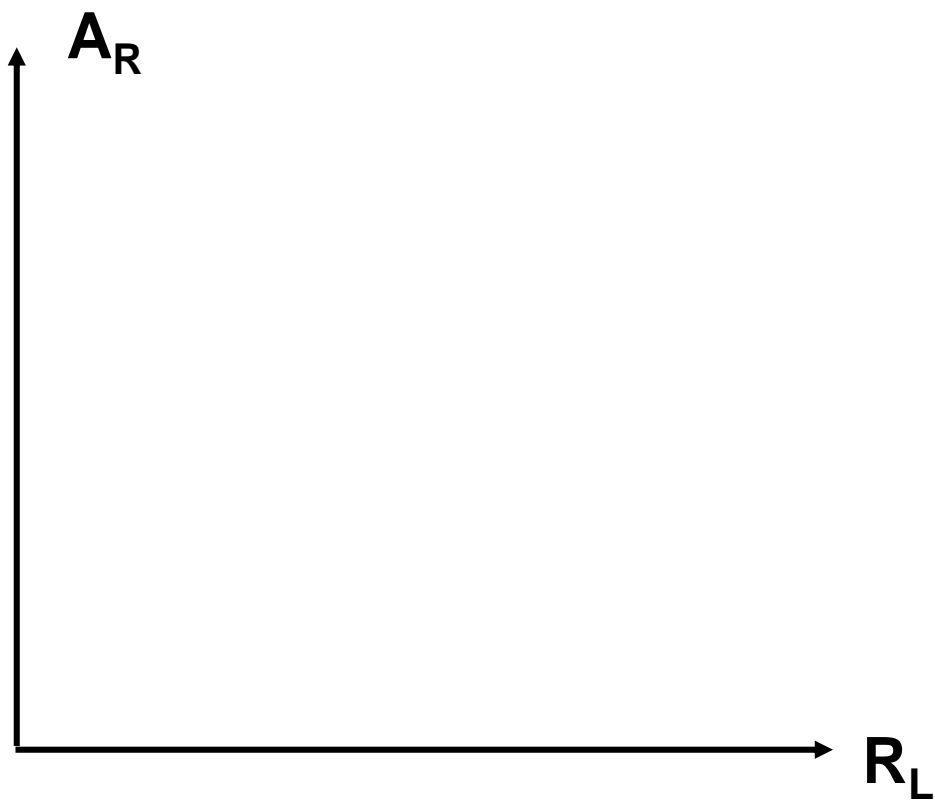
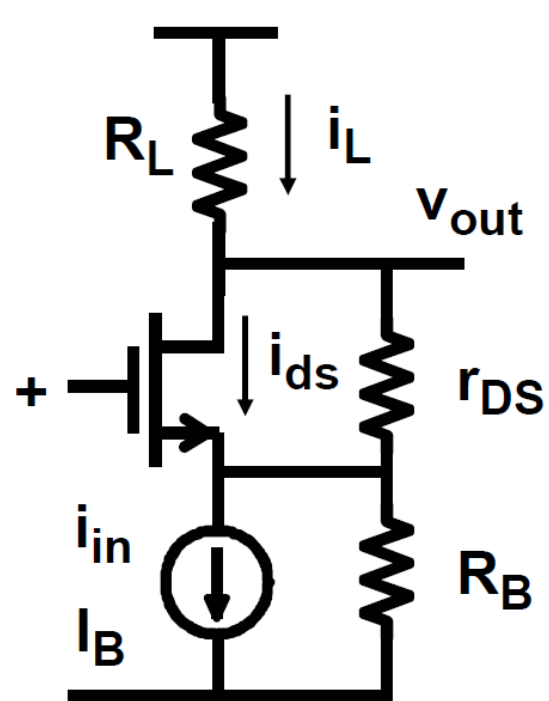
# Cascode



- 定义跨阻增益  $A_R = v_{out}/i_{in}$

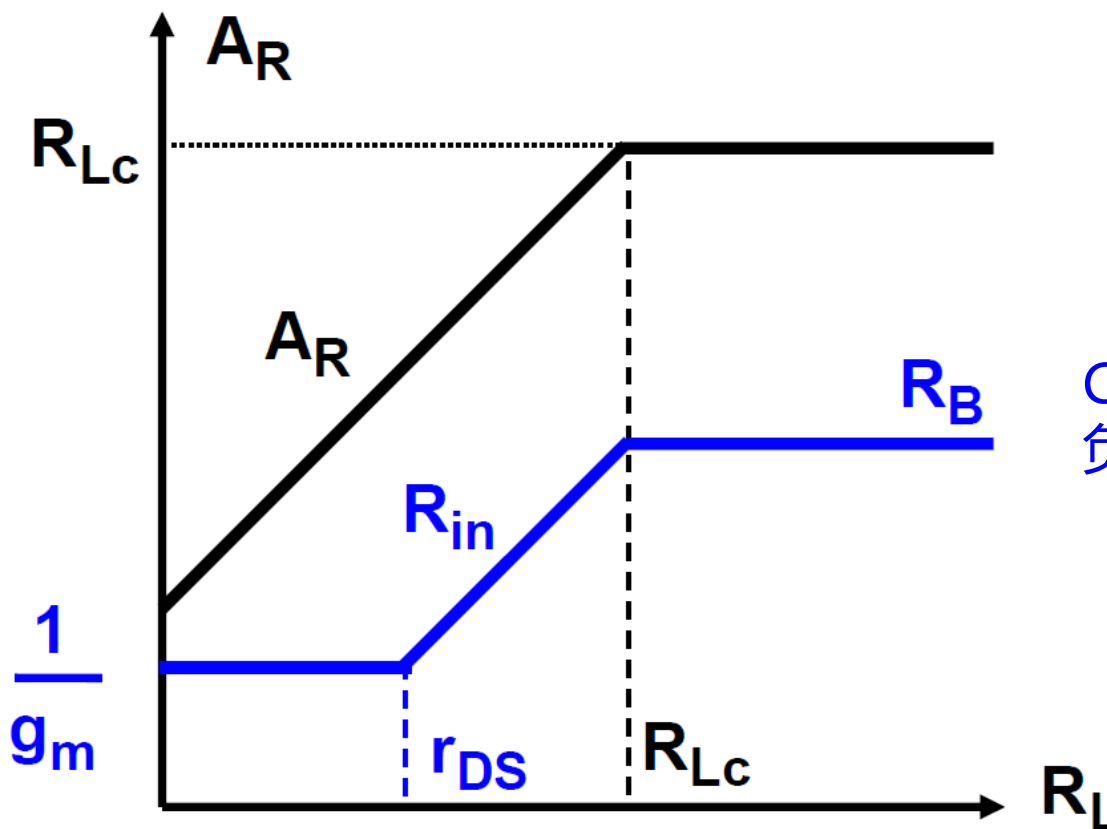
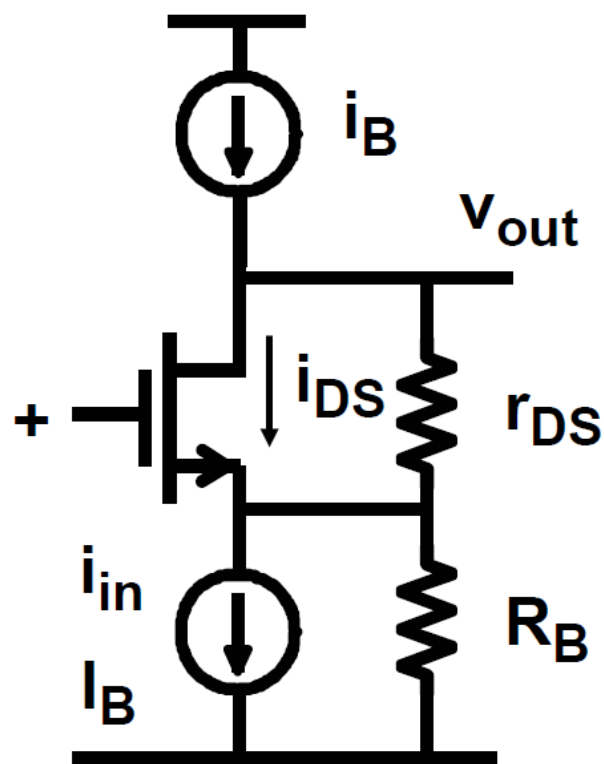


# Cascode



- 分析输入电阻  $R_{in}$

# >>> Cascode



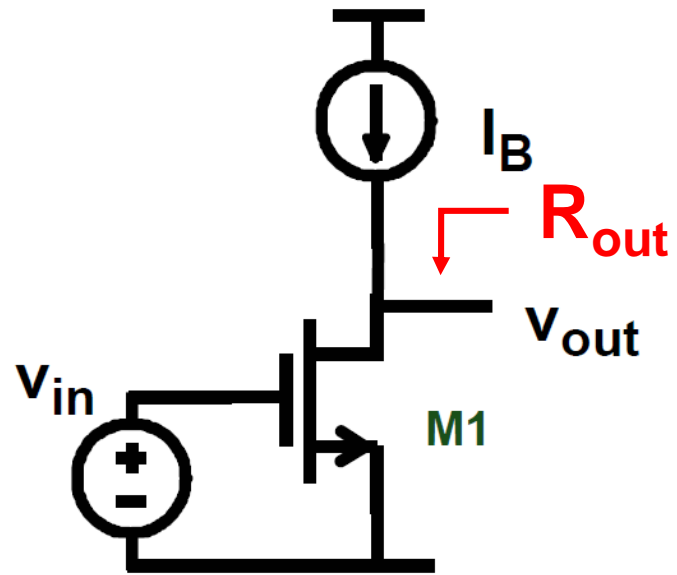
Cascode可以将  
负载电阻缩小A倍

$$A_R = \frac{v_{out}}{i_{in}} \quad R_{in} = \frac{v_{in}}{i_{in}}$$

$$R_{in} = \frac{r_{DS} + R_L}{g_m r_{DS}} || R_B$$

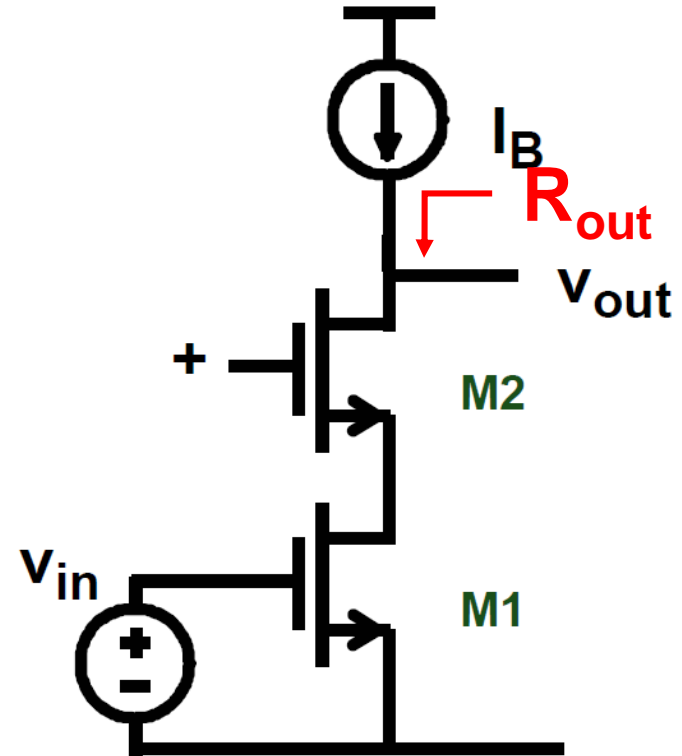


# >>> Cascode vs 单晶体管



$$A_v = (g_m r_{DS})_1$$

$$R_{out} = r_{DS1}$$

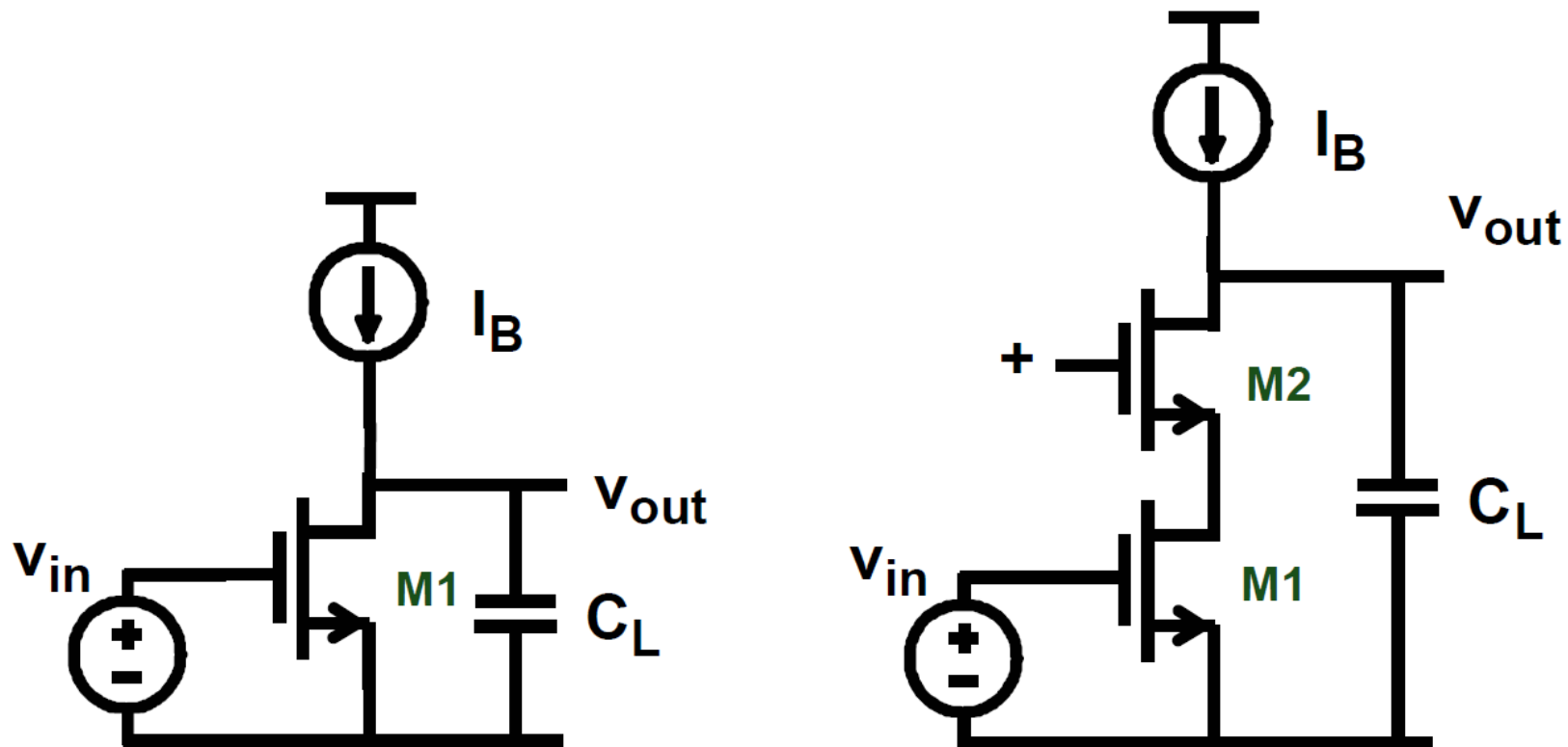


$$A_v = (g_m r_{DS})_1 (g_m r_{DS})_2$$

$$R_{out} = r_{DS1} (g_m r_{DS})_2$$



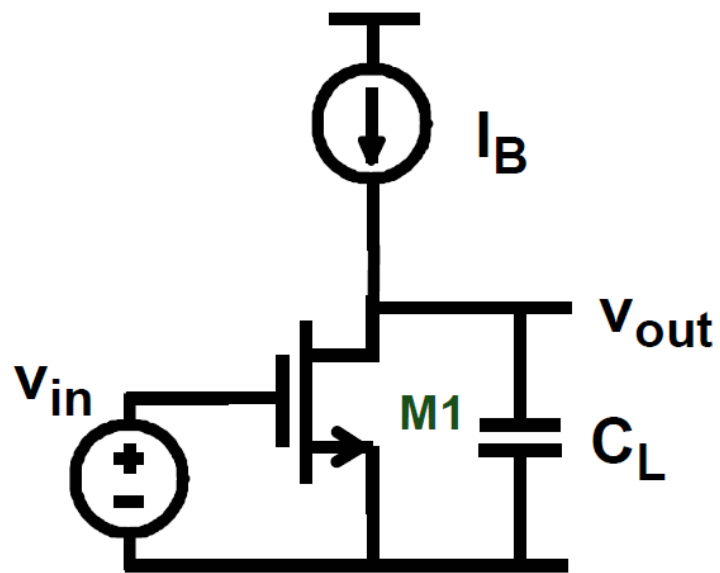
# Cascode vs 单晶体管



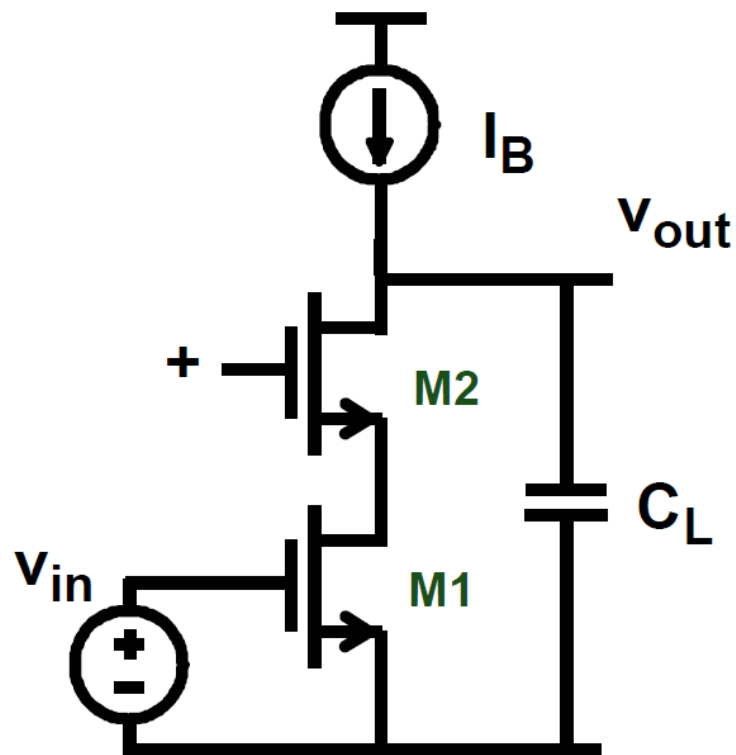
**BW =**

**GBW =**

# >>> Cascode vs 单晶体管



$$BW = \frac{1}{2\pi R_{out} C_L}$$

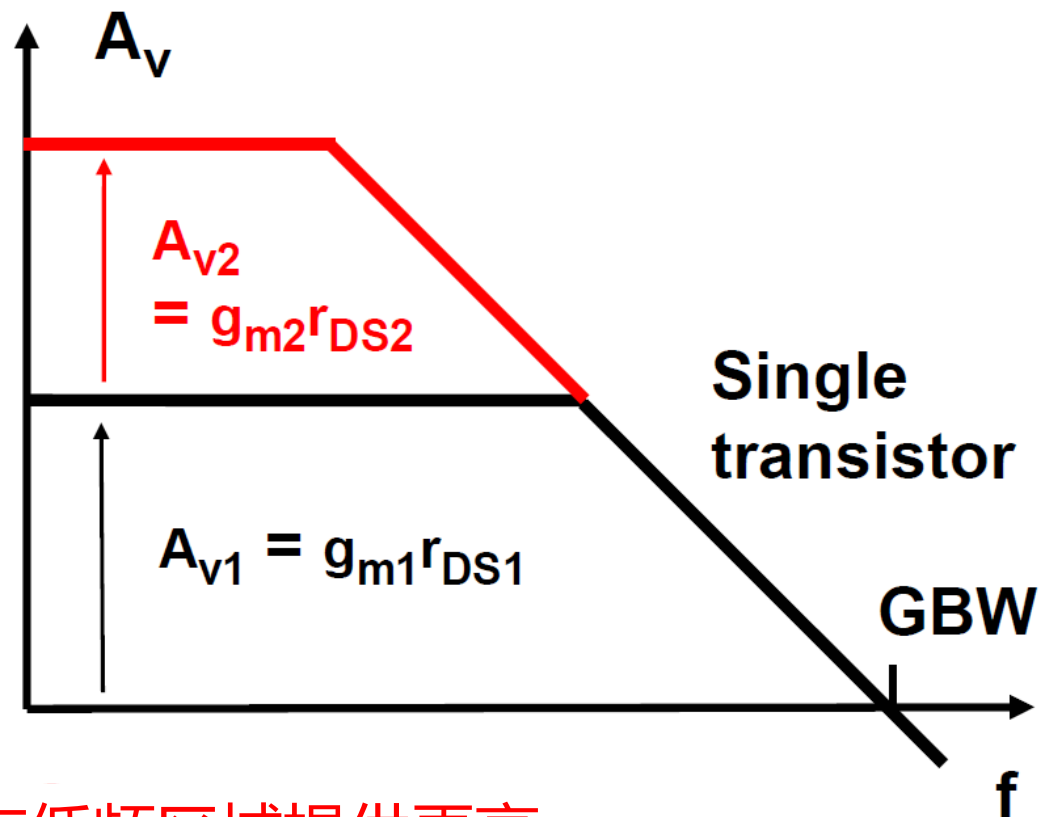
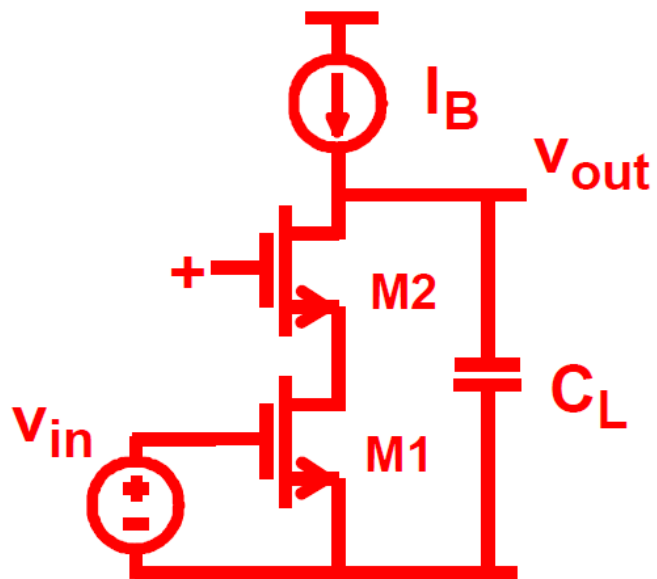
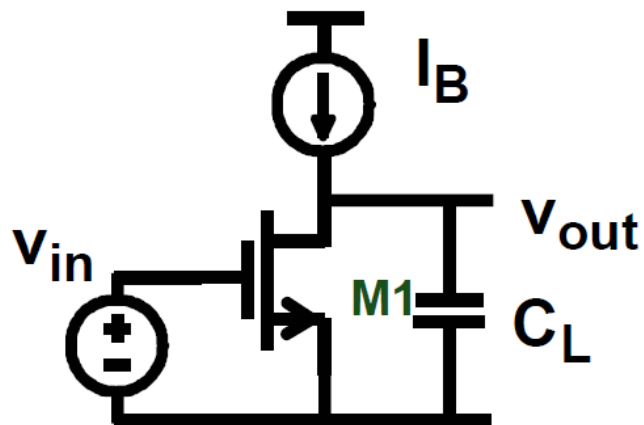


$$GBW = \frac{g_{m1}}{2\pi C_L} \quad \text{for both !}$$

• 增益带宽积不变!



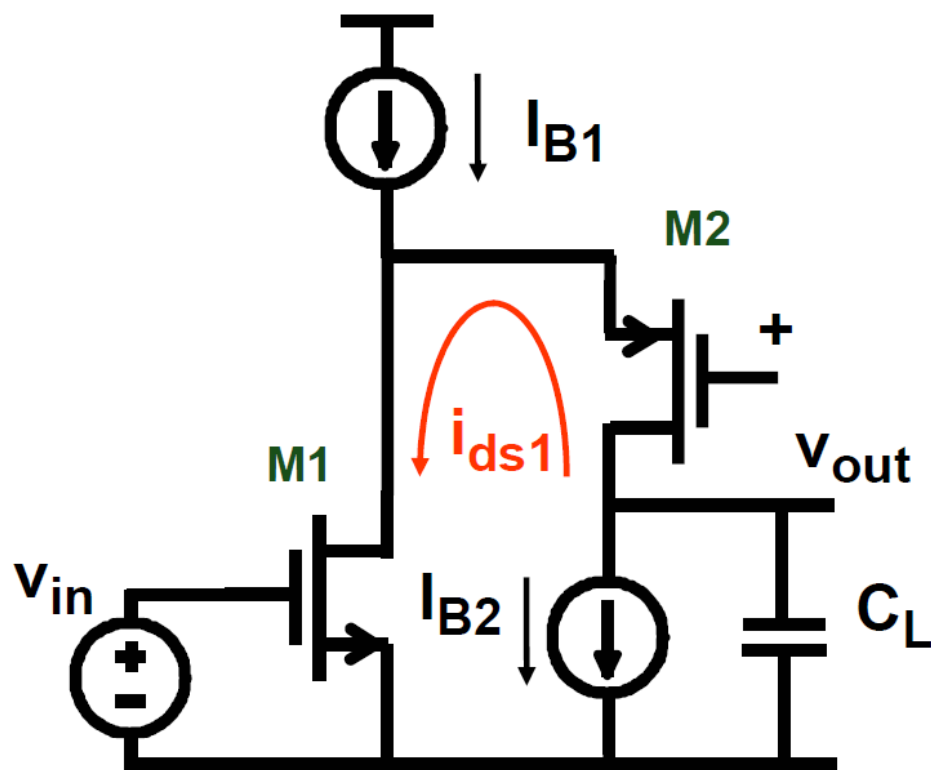
# Cascode vs 单晶体管



在低频区域提供更高的增益，没有额外的电流消耗

$$GBW = \frac{g_{m1}}{2\pi C_L}$$

# >>> 折叠式Cascode



$$I_{DS1} = I_{B1} - I_{B2} \approx I_{B1} / 2$$

$$A_v = g_{m1} R_{out}$$

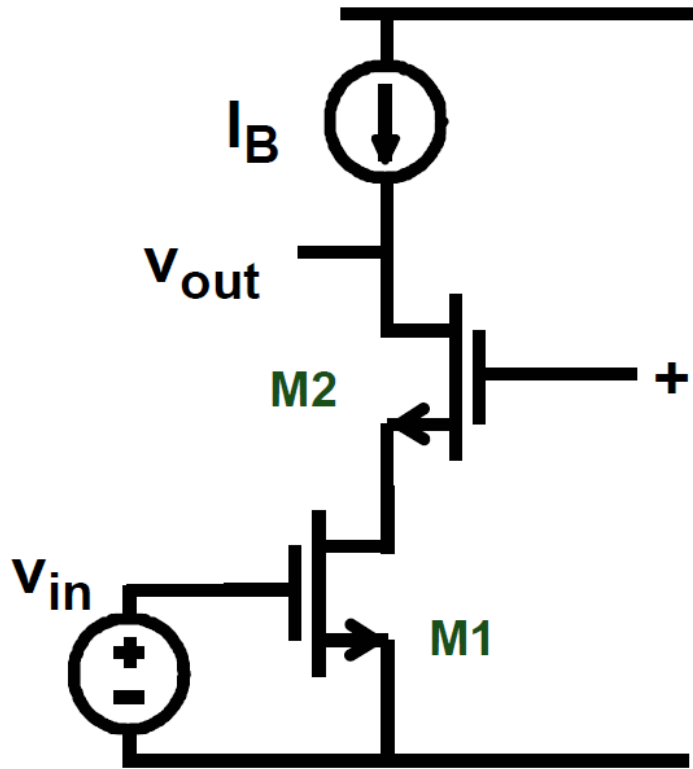
$$R_{out} = r_{DS1} g_{m2} r_{DS2}$$

$$BW = \frac{1}{2\pi R_{out} C_L}$$

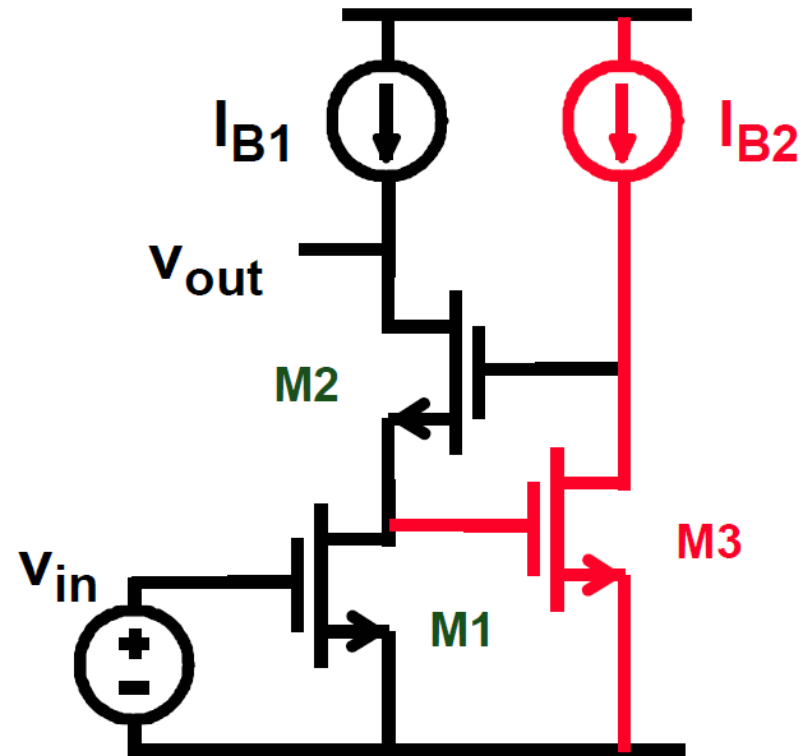
$$GBW = \frac{g_{m1}}{2\pi C_L}$$

- 主要参数指标与套筒式一致，功耗是其两倍！

# 调节式 (Regulated) Cascode

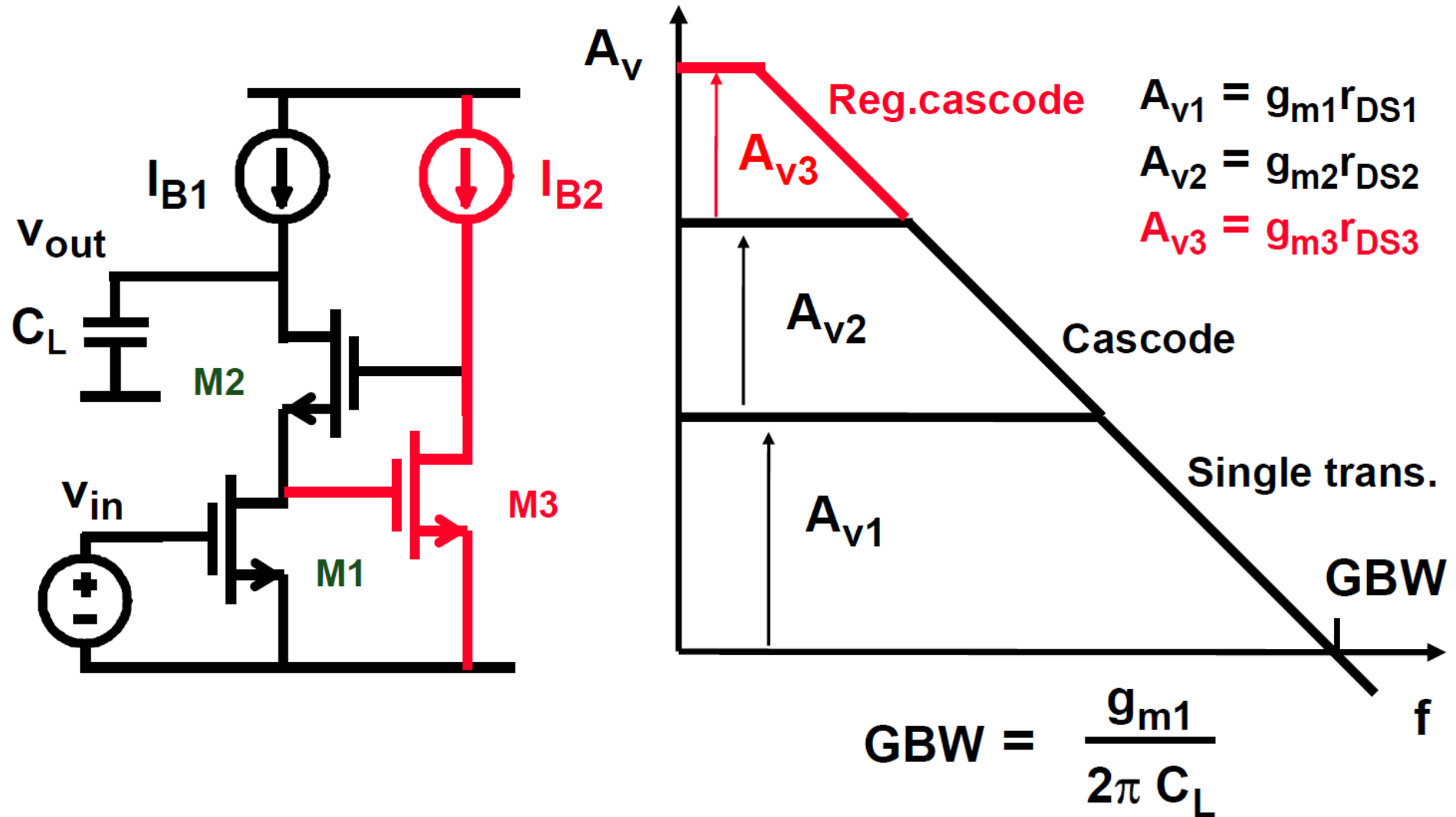


$$A_v = (g_m r_{DS})_1 (g_m r_{DS})_2$$



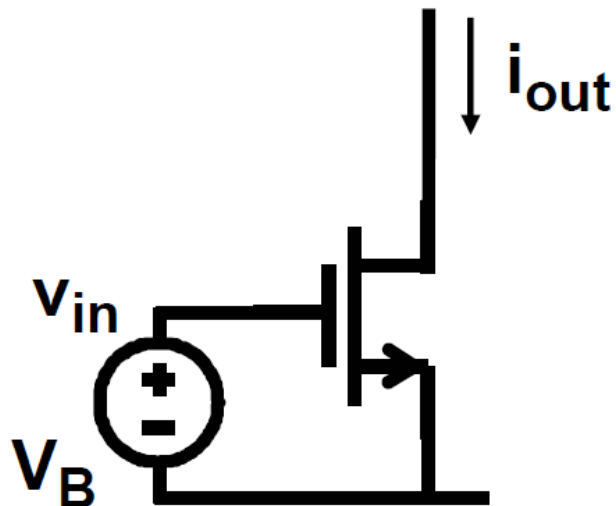
$$A_v = (g_m r_{DS})_1 (g_m r_{DS})_2 (g_m r_{DS})_3$$

# 调节式 (Regulated) Cascode



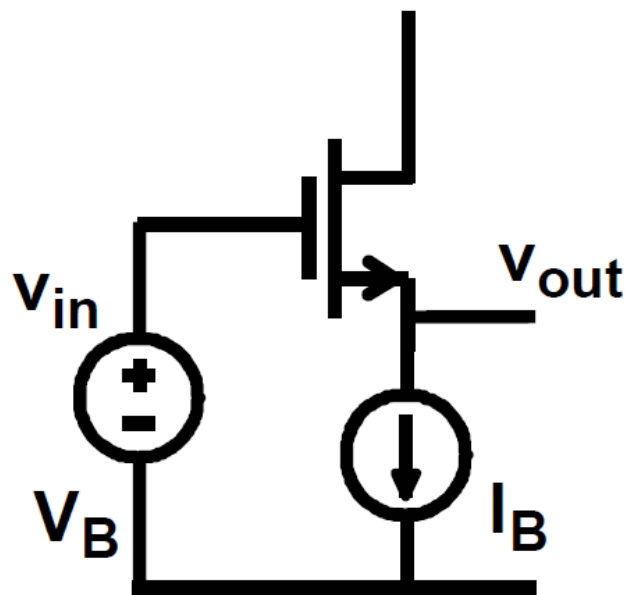


# 单晶体管结构对比



$$i_{out} = g_m v_{in}$$

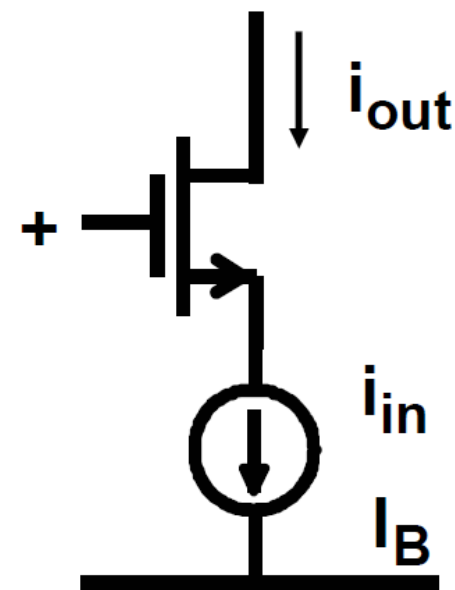
**Amplifier**



$$v_{out} = v_{in}$$

$$Z_{out} \approx 1/g_m$$

**Source follower**



$$i_{out} = i_{in}$$

$$Z_{in} \approx 1/g_m$$

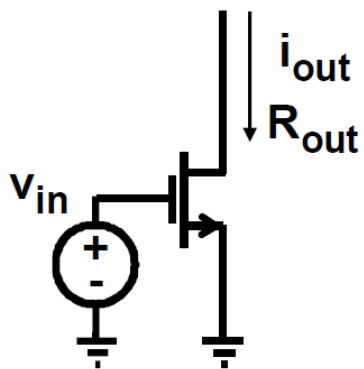
**Cascode**





# 低频特性对比

- 放大器

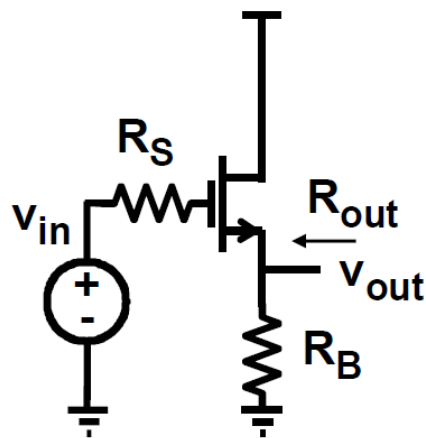


$$A_G \quad g_m$$

$$R_{in} \quad \infty$$

$$R_{out} \quad r_o$$

- 源极跟随器



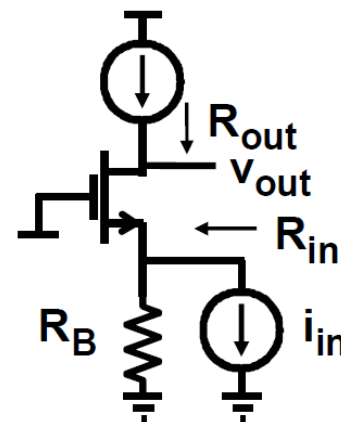
$$R_B > 1/g_m$$

$$A_V \quad 1$$

$$\infty$$

$$1/g_m$$

- Cascode



$$R_B > 1/g_m$$

$$A_R \quad g_m r_o R_B$$

$$R_B$$

$$g_m r_o R_B$$

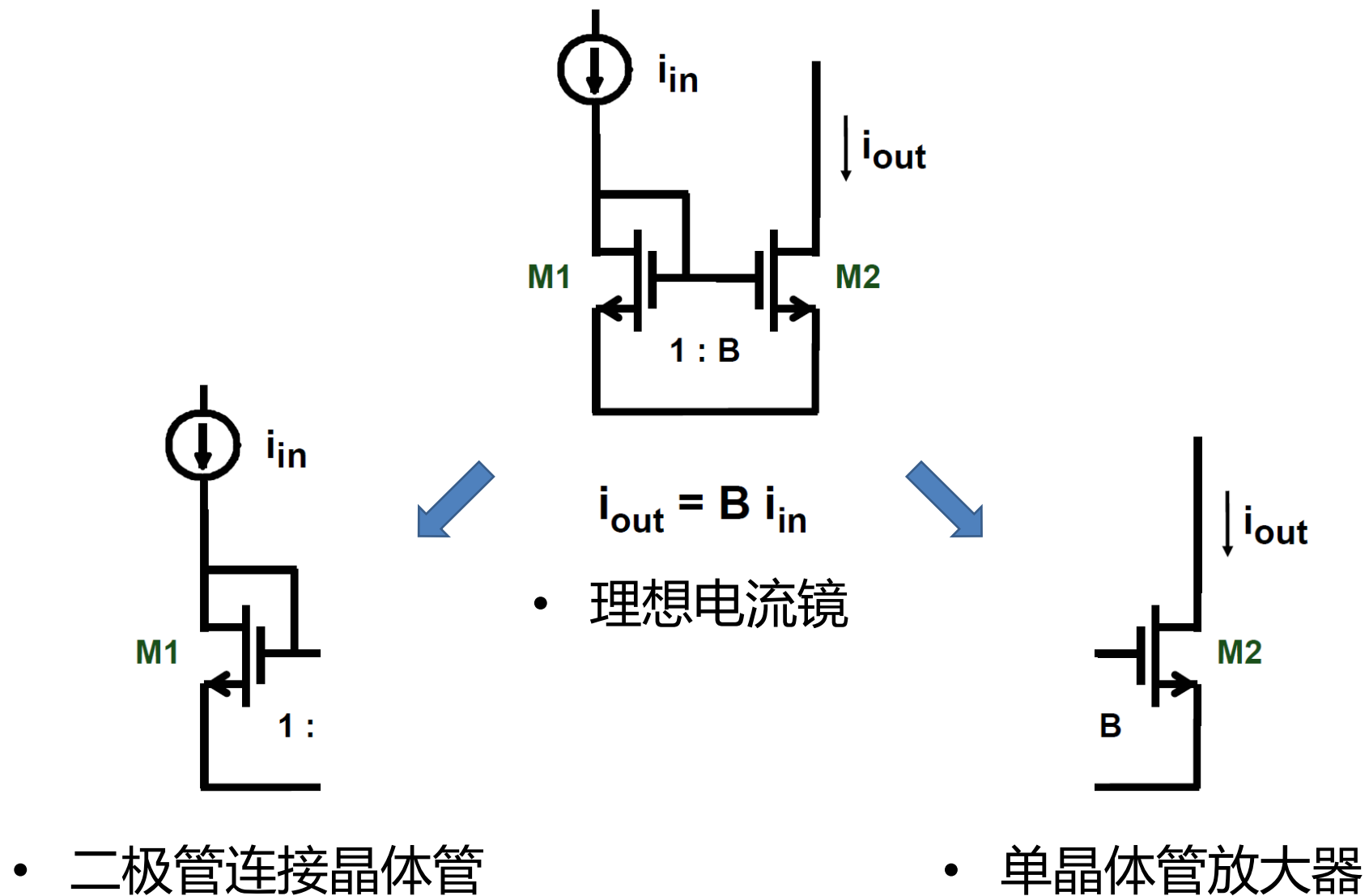


# 模拟电路的基本结构

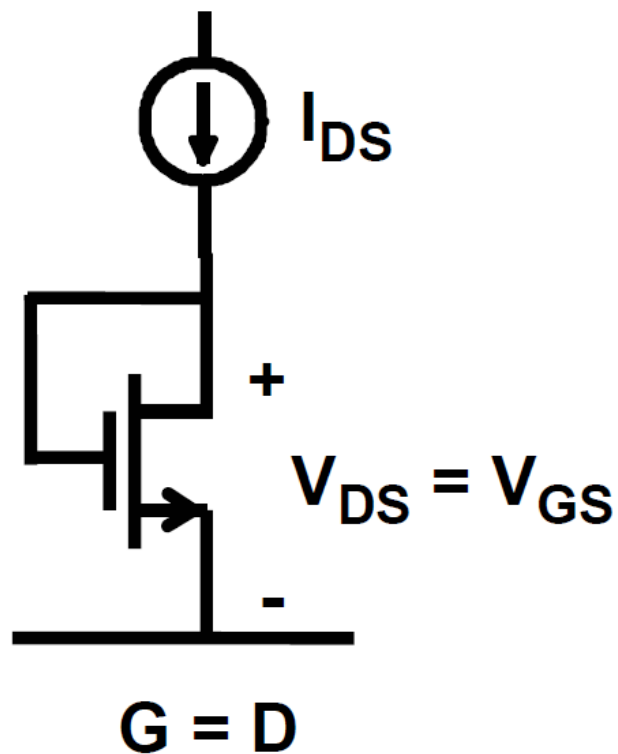
---

1. 单晶体管放大器
2. 源极跟随器
3. Cascode （共源共栅极）
- 4. 电流镜**
5. 差分对

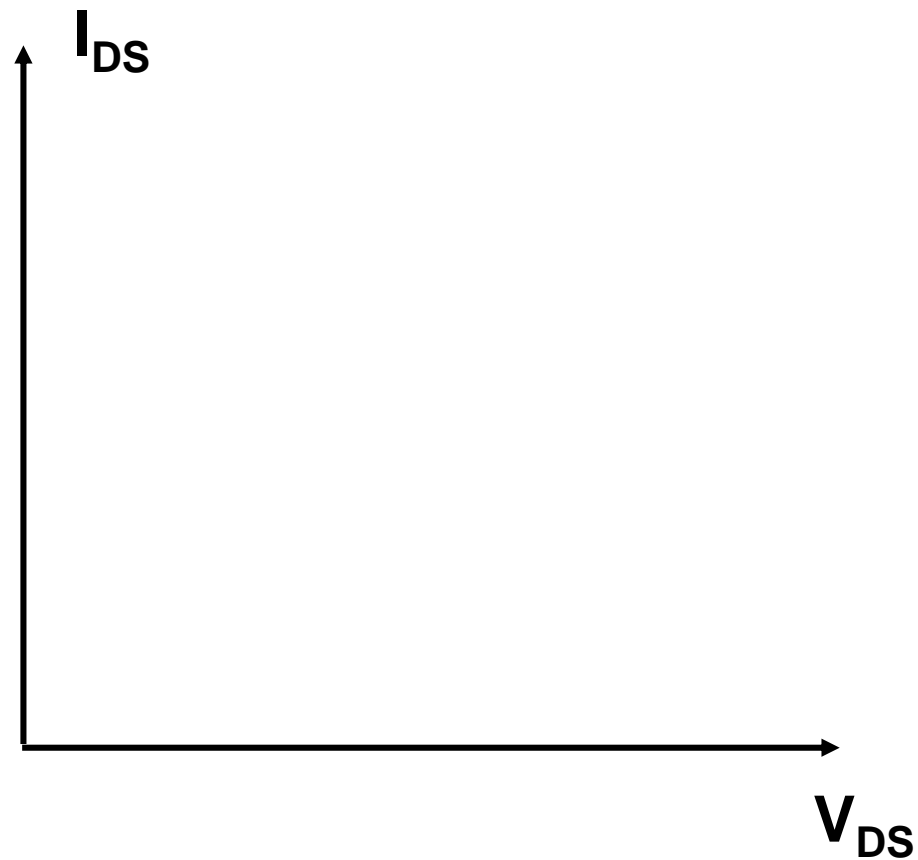
# 电流镜 (Current Mirror)



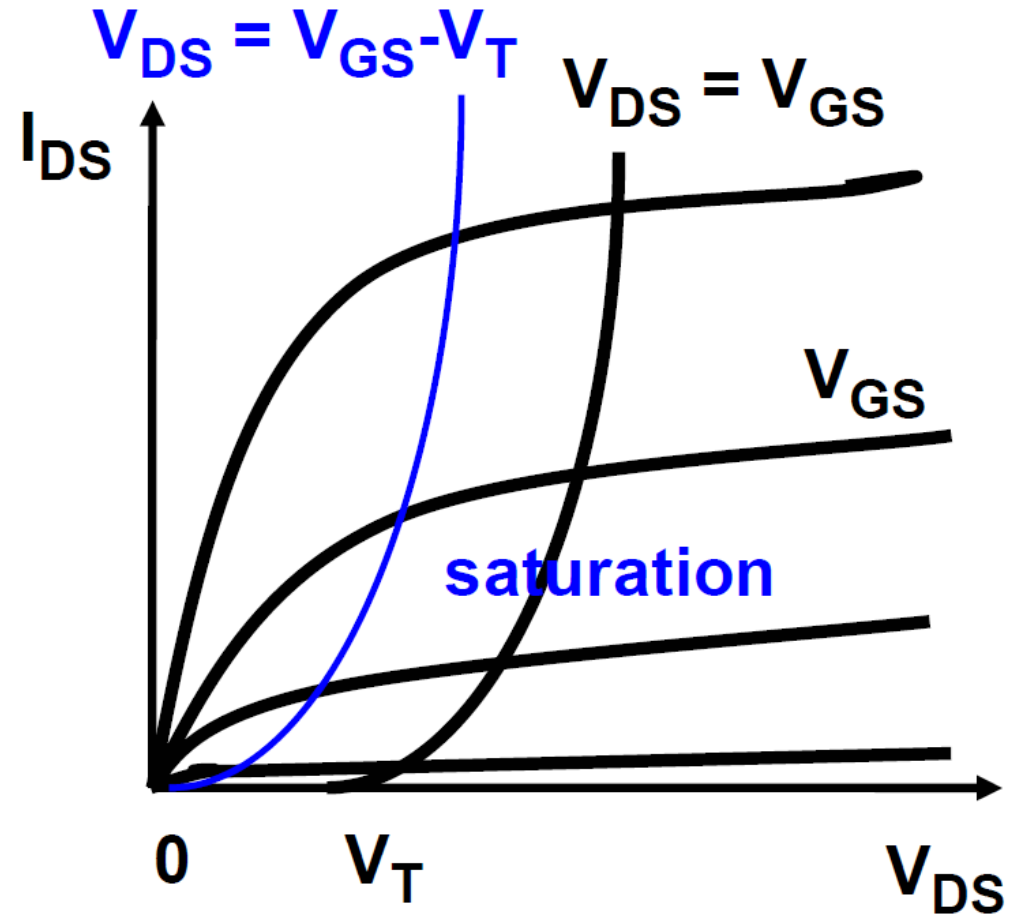
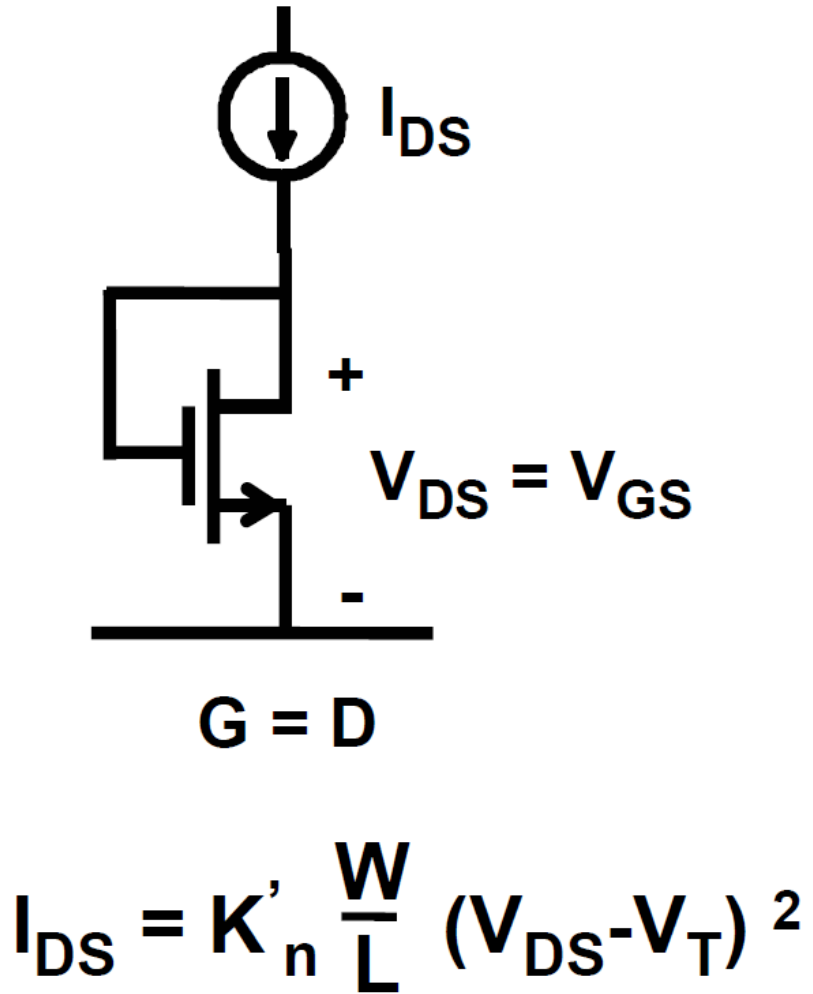
# 二极管连接晶体管 (Diode-connected)



$$I_{DS} = K'_n \frac{W}{L} (V_{DS} - V_T)^2$$



# 二极管连接晶体管 (Diode-connected)

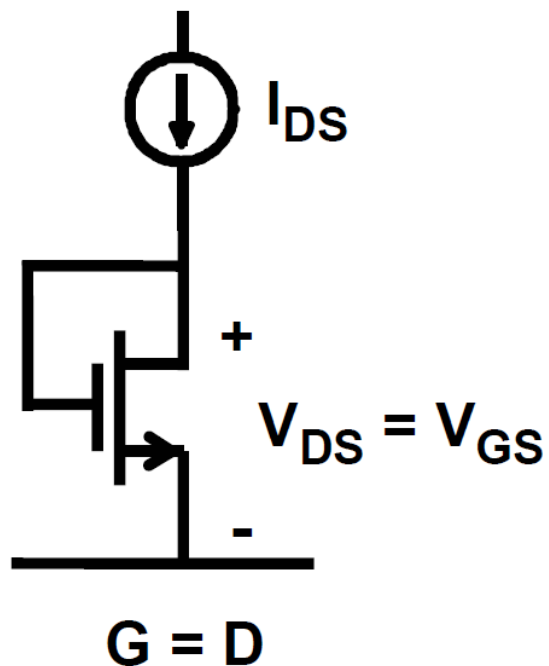




# 二极管连接的小信号模型

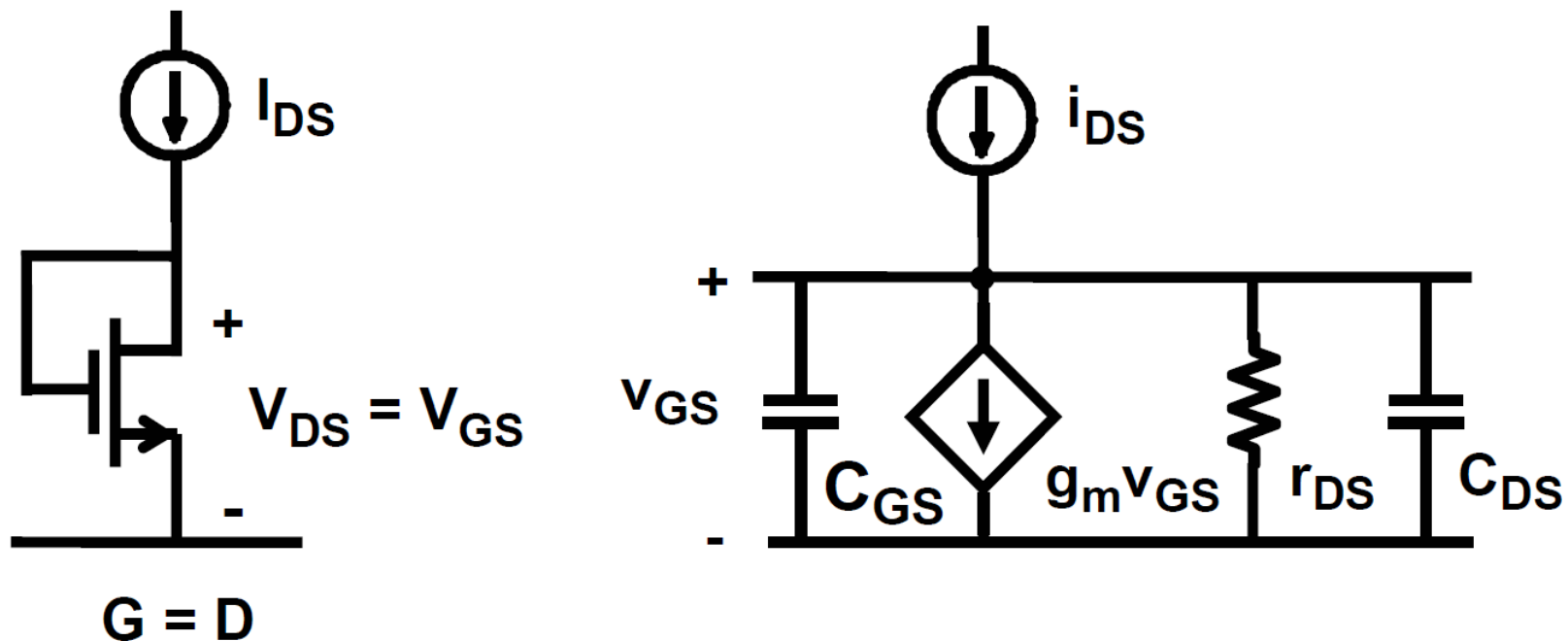
---

□ 求二极管连接方式的输入电阻和带宽？





# 二极管连接的小信号模型

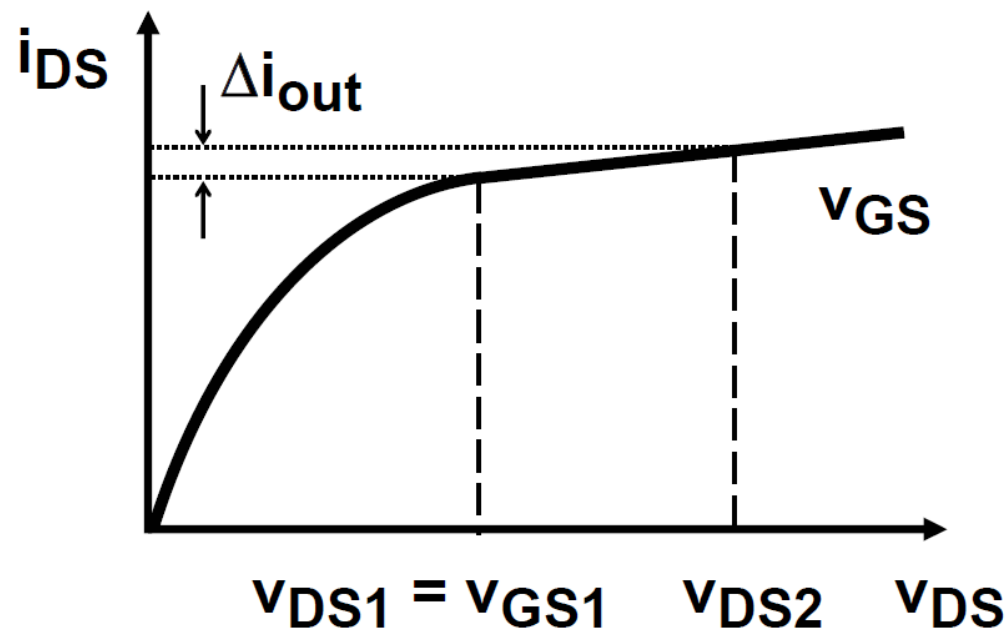
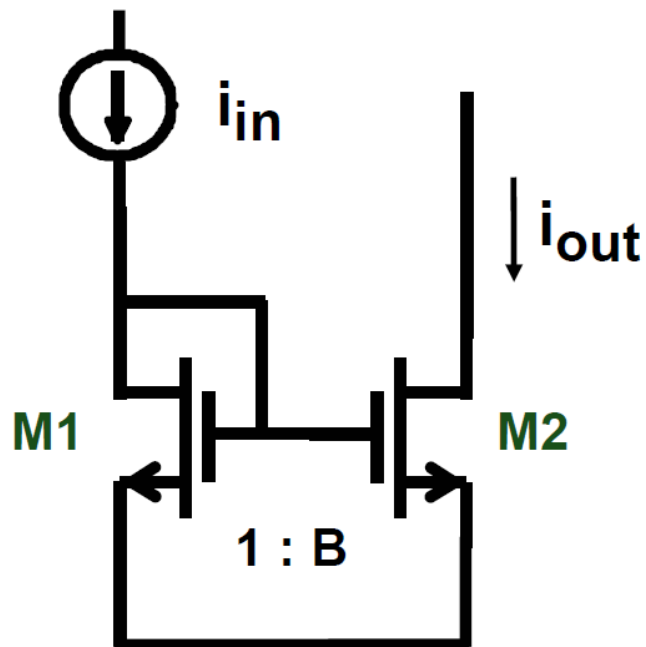


输入电阻  $r_{ds} = 1/g_m \parallel r_{DS} \approx 1/g_m$

带宽  $BW = \frac{g_m}{2\pi (C_{GS} + C_{DS})} \approx \frac{f_T}{2}$



# 电流镜的输出特性



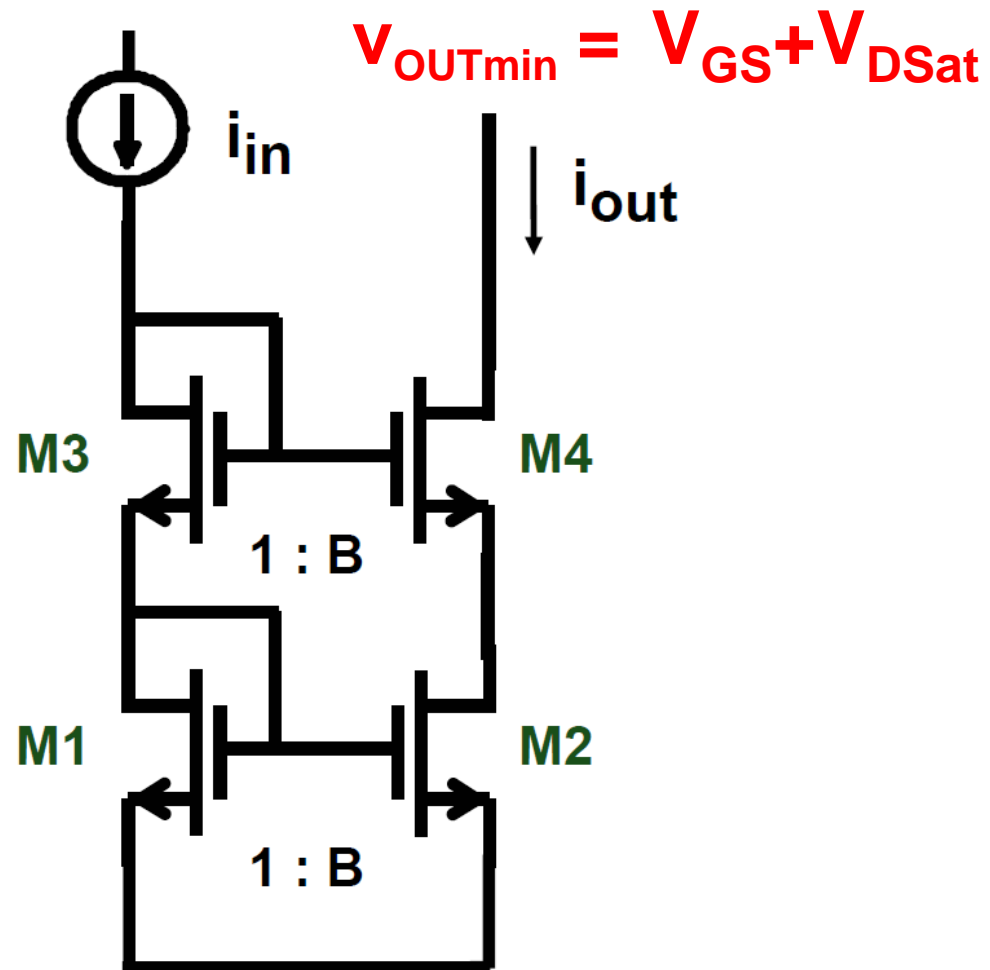
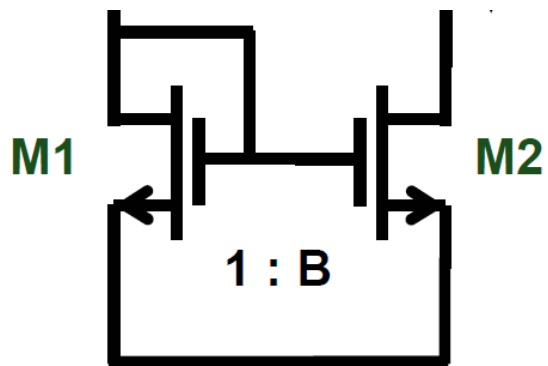
- 电流镜的输出阻抗即是单晶体管放大器的输出阻抗
- 电流镜的输出精度可以描述为

$$\frac{\Delta i_{out}}{i_{out}} =$$





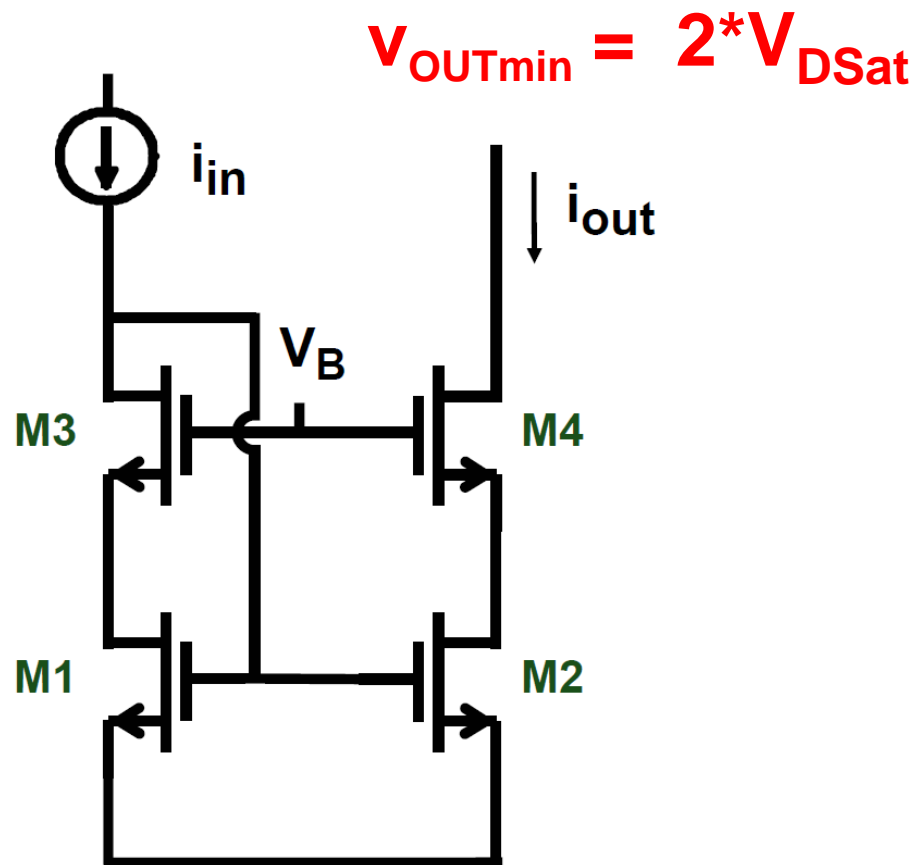
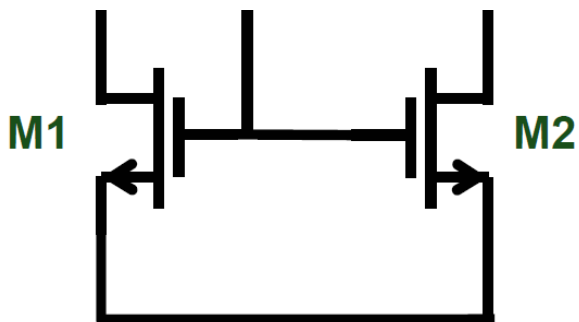
# 改进型的电流镜



$$R_{out} = r_{DS2} g_{m4} r_{DS4}$$



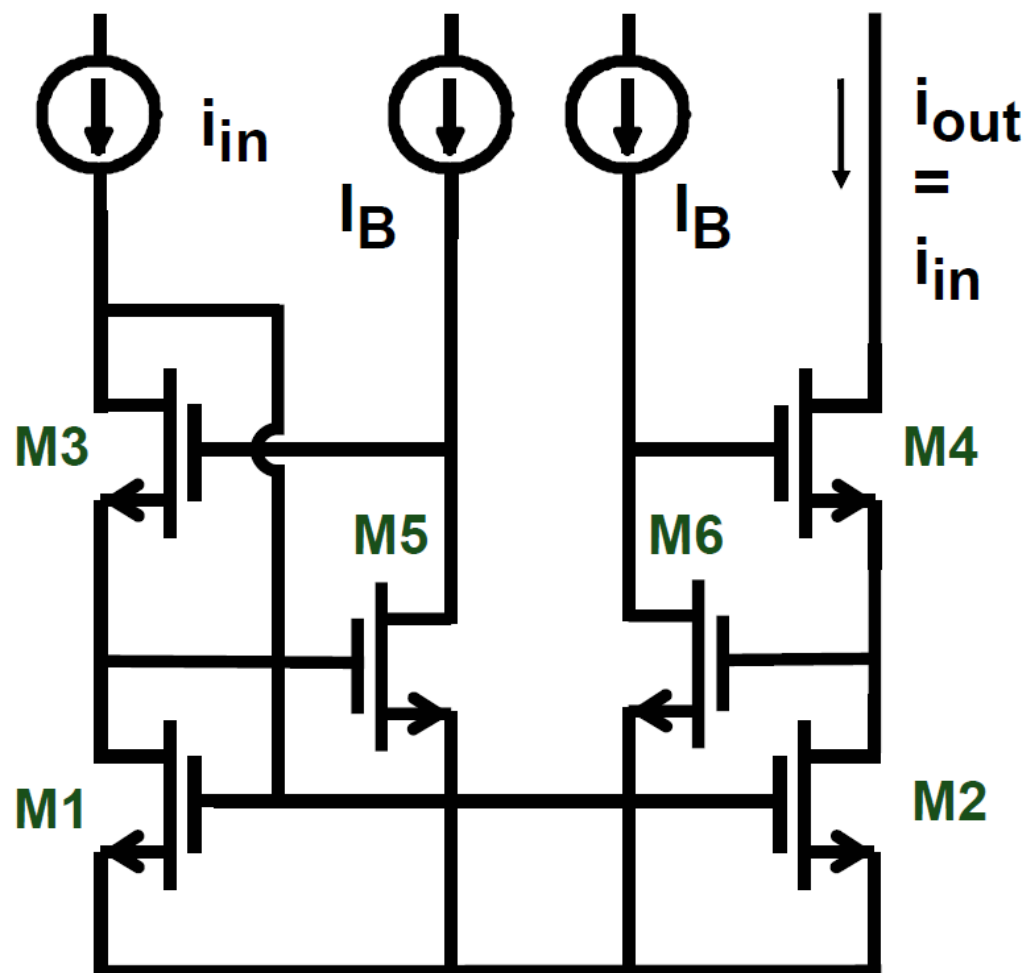
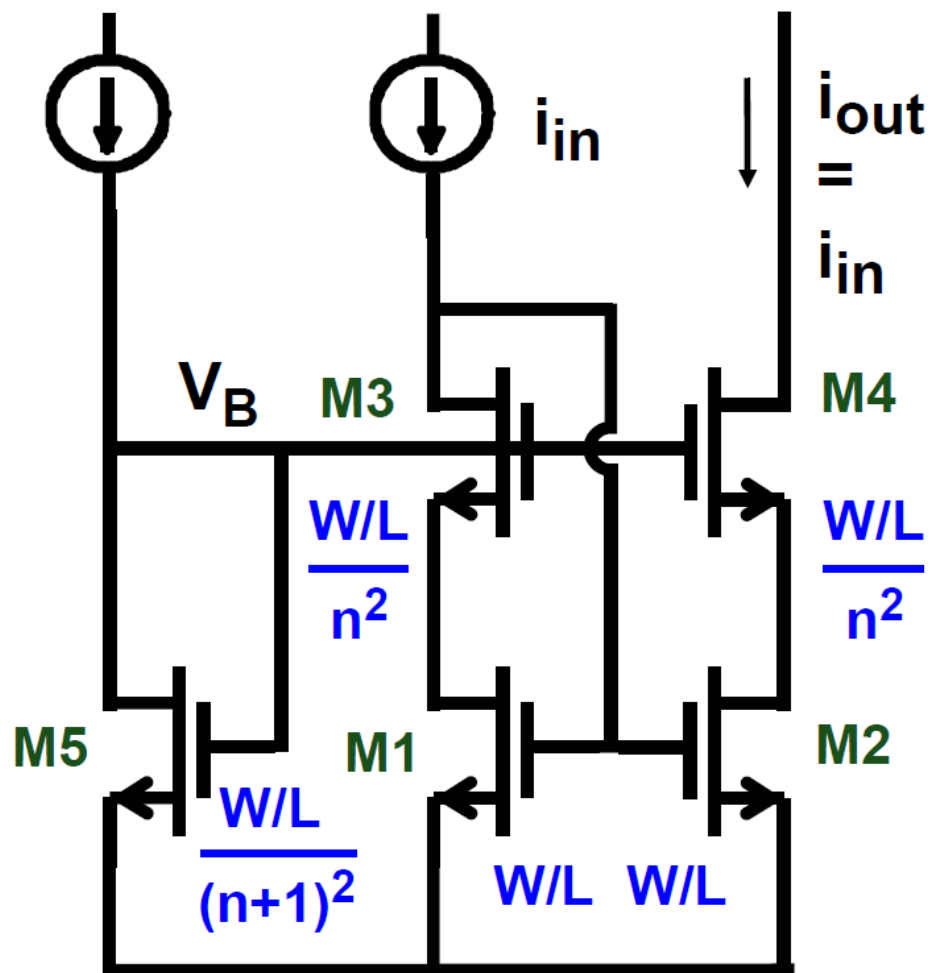
# 改进型的电流镜



$$R_{out} = r_{DS2} g_{m4} r_{DS4}$$

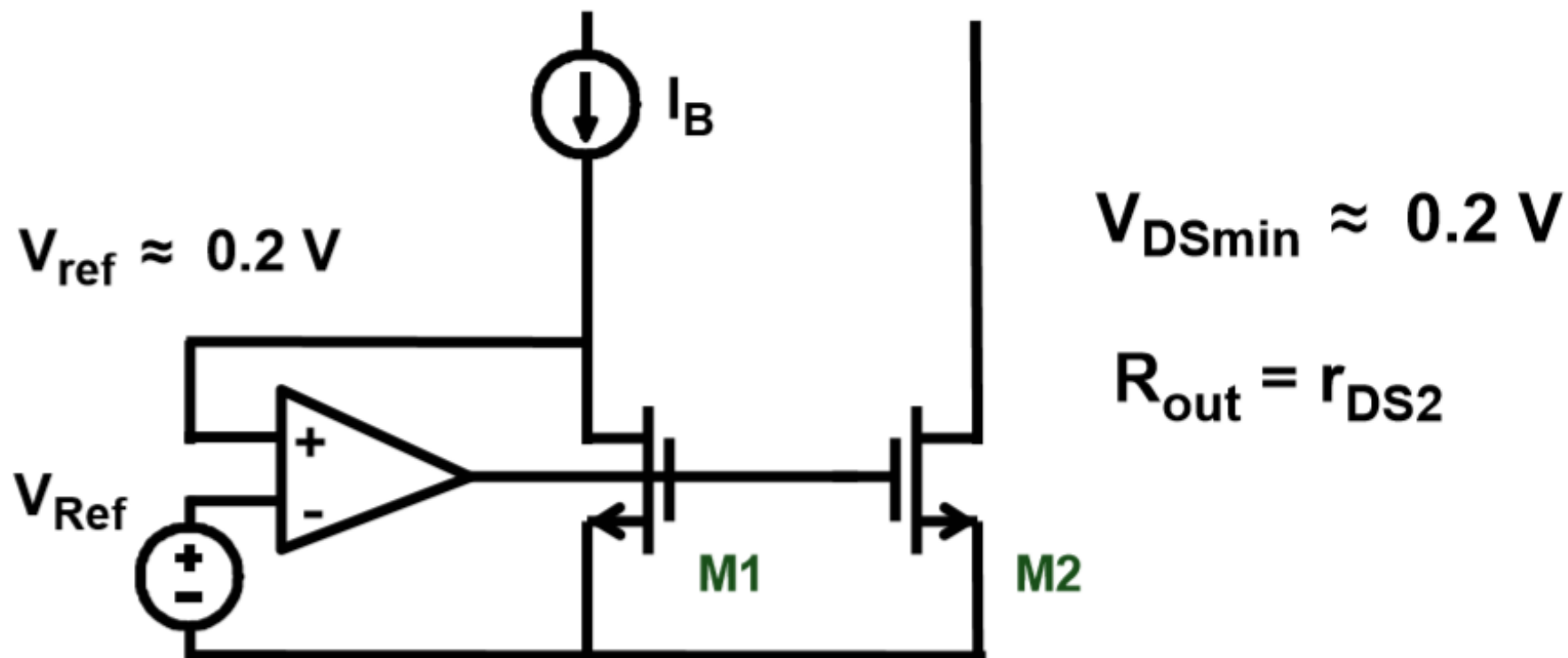


# 电流镜案例





# 低电压电流镜

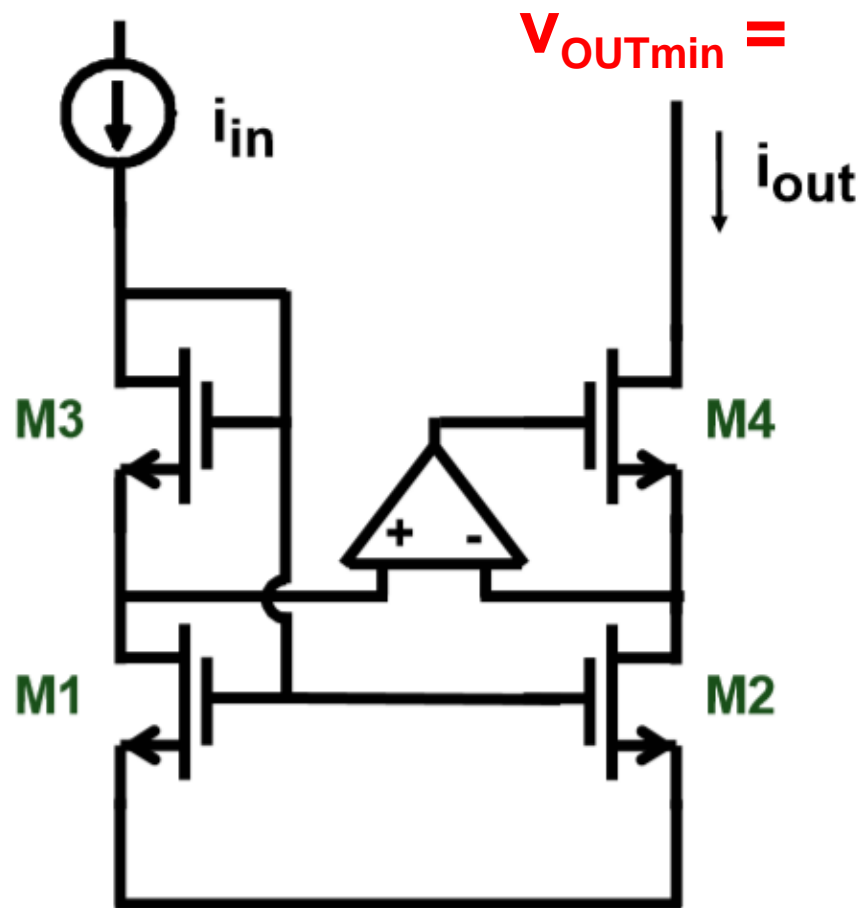
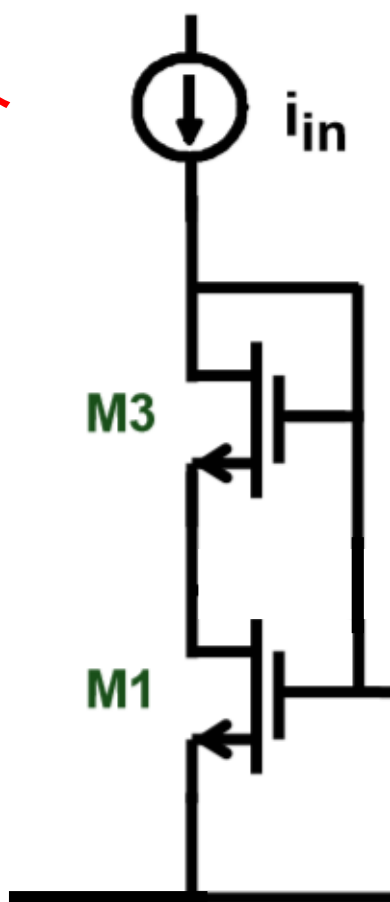


- 该电路**不能**改善输出电阻
- 该电路**可以**改善系统性失配问题

# >>> 超低电压电流镜

□ 此结构是否是合适的Cascode?

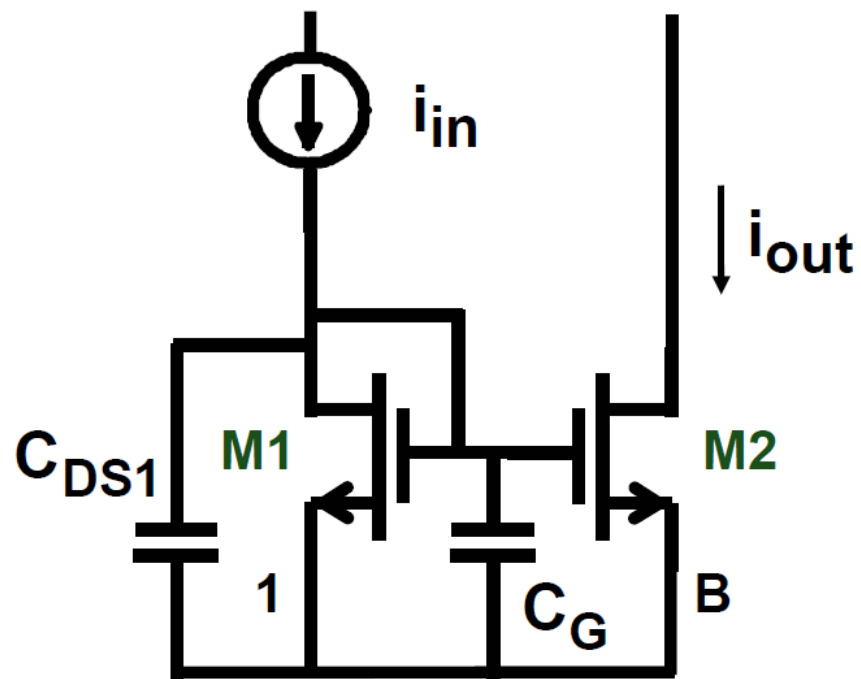
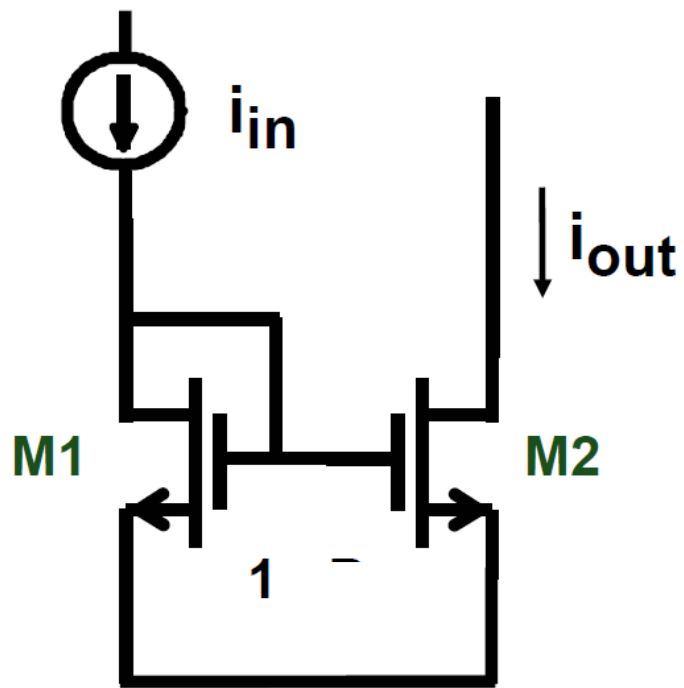
● 不是!



- 电流镜晶体管工作在线性区，通过运放锁定 $V_{ds}$ ，使得两个晶体管工作电压完全一致!



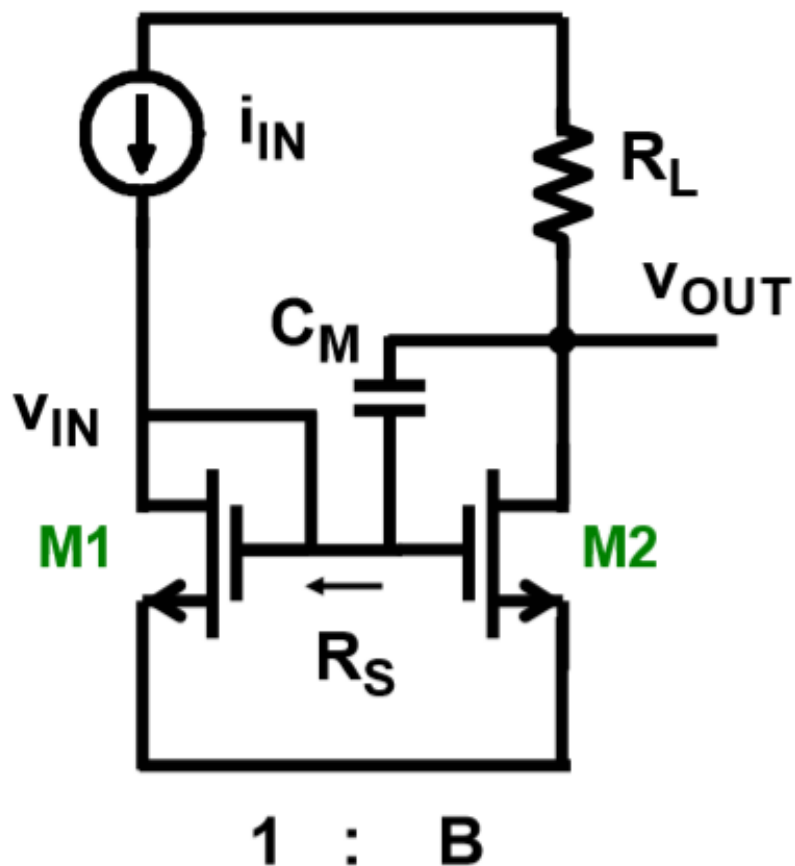
# 电流镜的高频特性



$$BW = \frac{g_m}{2\pi (C_G + C_{DS1})} \approx f_T \frac{1}{(2 + B)}$$



# 电流镜中的密勒效应



Miller effect :

$$f_{-3dB} = \frac{1}{2\pi R_S A_{v2} C_M}$$

$$R_S = 1/g_{m1} \quad A_{v2} = g_{m2} R_L$$

$$f_{-3dB} = \frac{1}{2\pi (1+B) C_M R_L}$$



# 模拟电路的基本结构

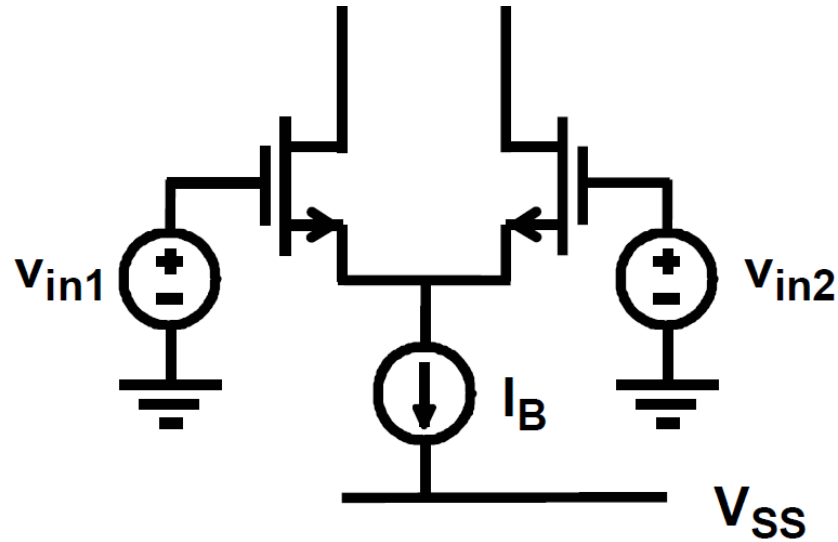
---

1. 单晶体管放大器
2. 源极跟随器
3. Cascode （共源共栅极）
4. 电流镜
- 5. 差分对**



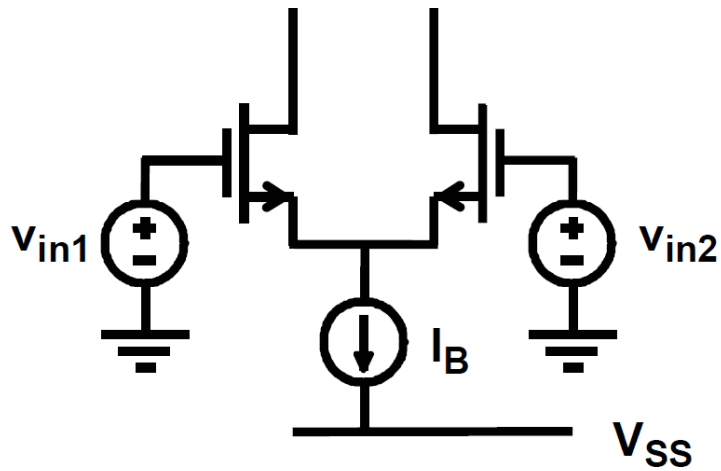
# >>> 差分对 (Differential Pair)

---

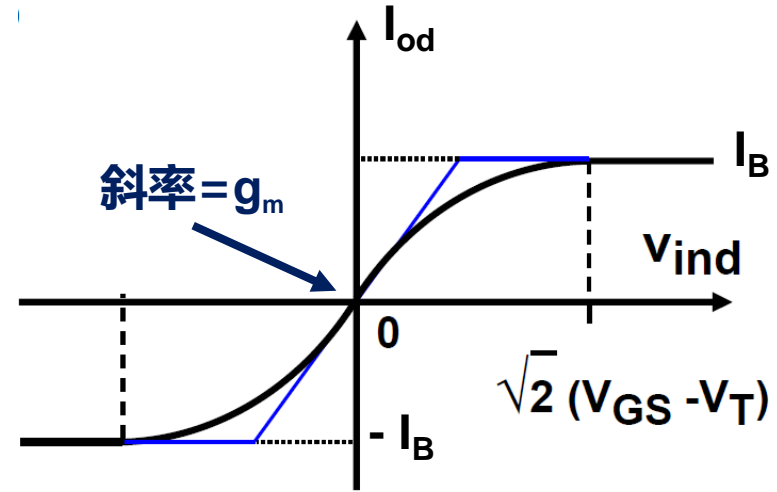


- 差分对的本质依旧是**电压**输入**电流**输出
- 差分对中的信号均以**差分**形式体现
- 差分对的能效是单晶体放大器的一半

# 差分对 (Differential Pair)



$$\frac{i_{Od}}{I_B} = \frac{v_{Id}}{(V_{GS}-V_T)} \sqrt{1 - \frac{1}{4} \left( \frac{v_{Id}}{V_{GS}-V_T} \right)^2}$$



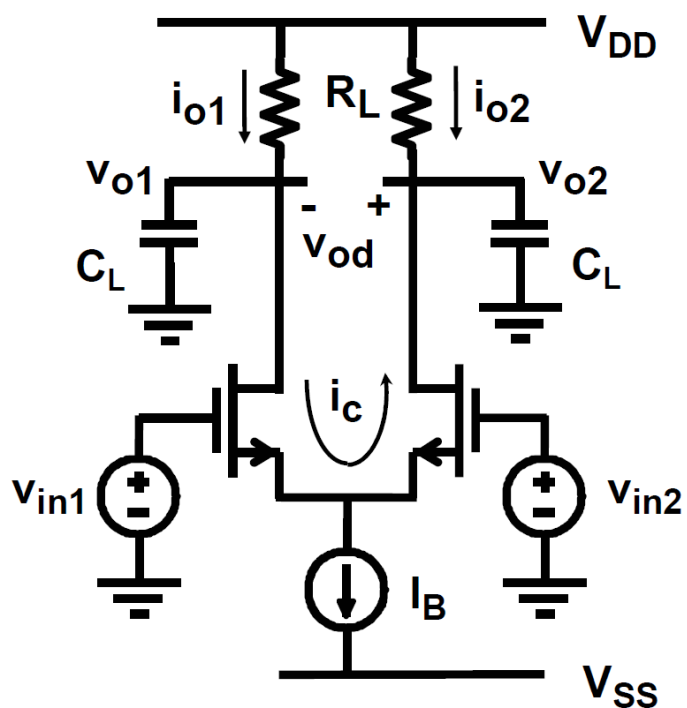
- $V_{Id}$  为差分输入电压
- $i_{Od}$  为差分输出电流
- $I_B$  为差分对总偏置电流

- $V_{GS}-V_T$  决定  $g_m$  和直流范围

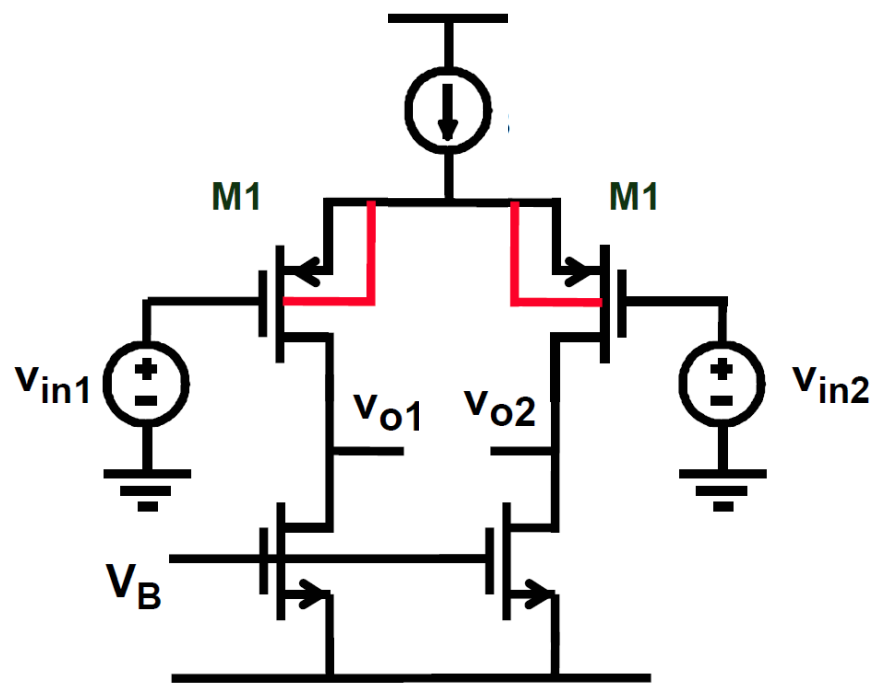


# 差分放大器

- 差分放大器 = 差分对 + 负载



$$A_v = g_m R_L$$



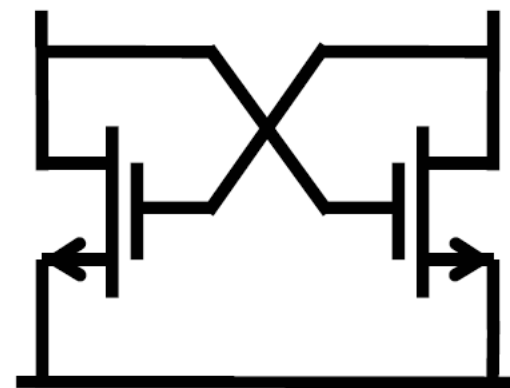
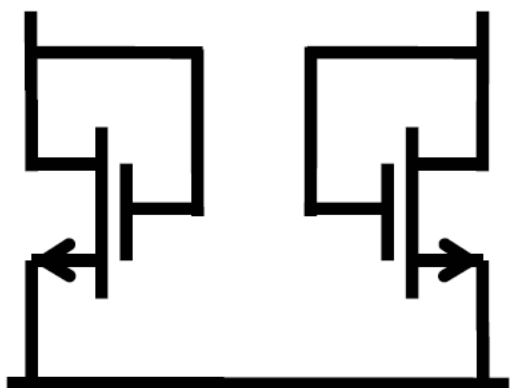
$$A_v = g_{m1}(r_{DS1} // r_{DS2})$$



# 特殊形态的负载-交叉耦合对

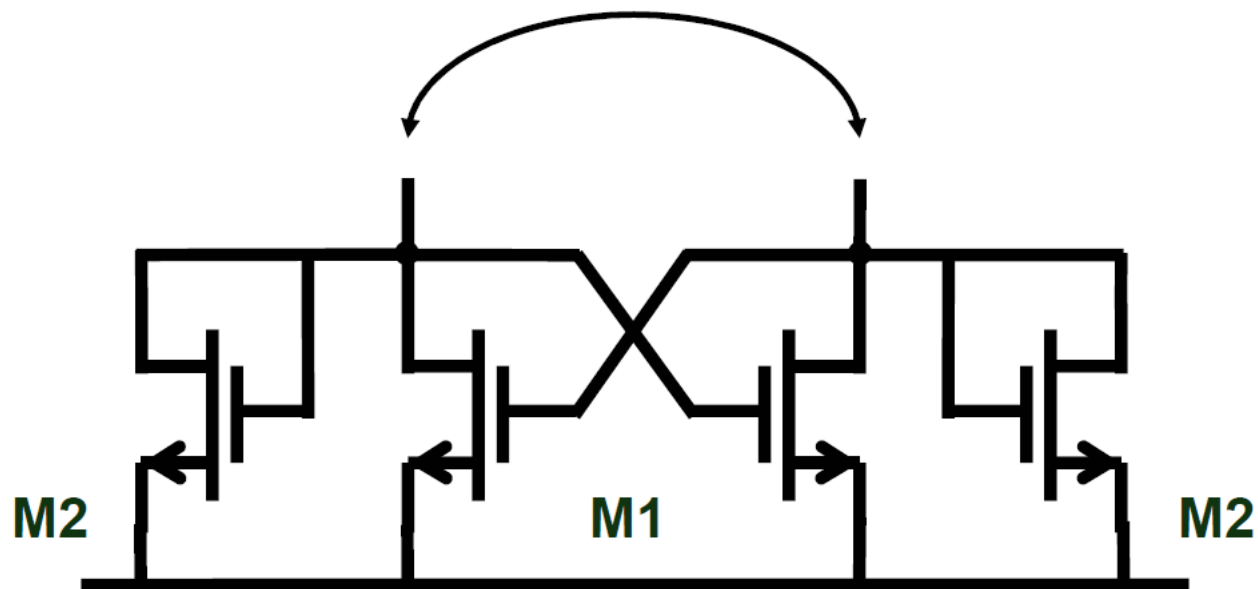
---

- 交叉耦合对 (Cross Coupled Pair)



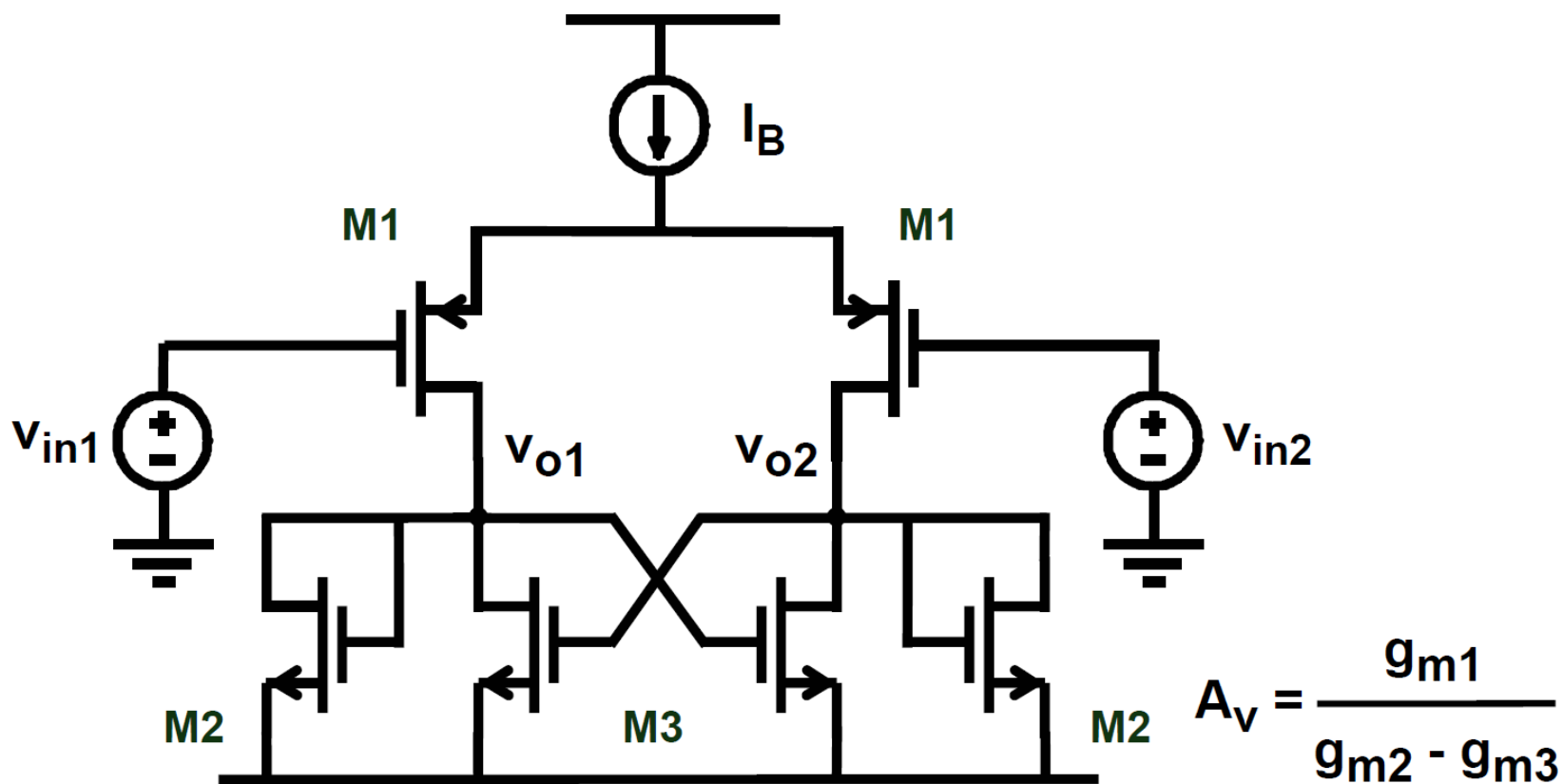
## >>> 特殊形态的负载-交叉耦合对

差分输入电导:  $g_{m2} - g_{m1}$



实际使用中受到匹配(matching)的限制

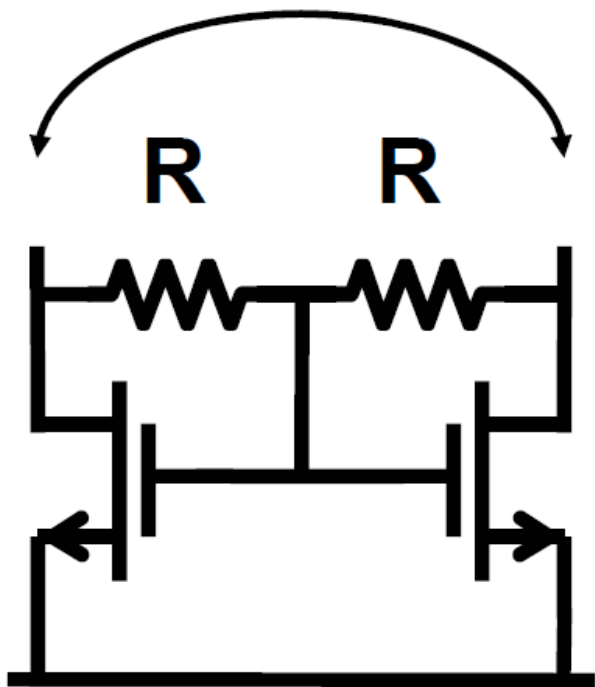
## >>> 特殊形态的负载-交叉耦合对



实际使用中受到**匹配(matching)**的限制

## >>> 特殊形态的负载-共模反馈

---



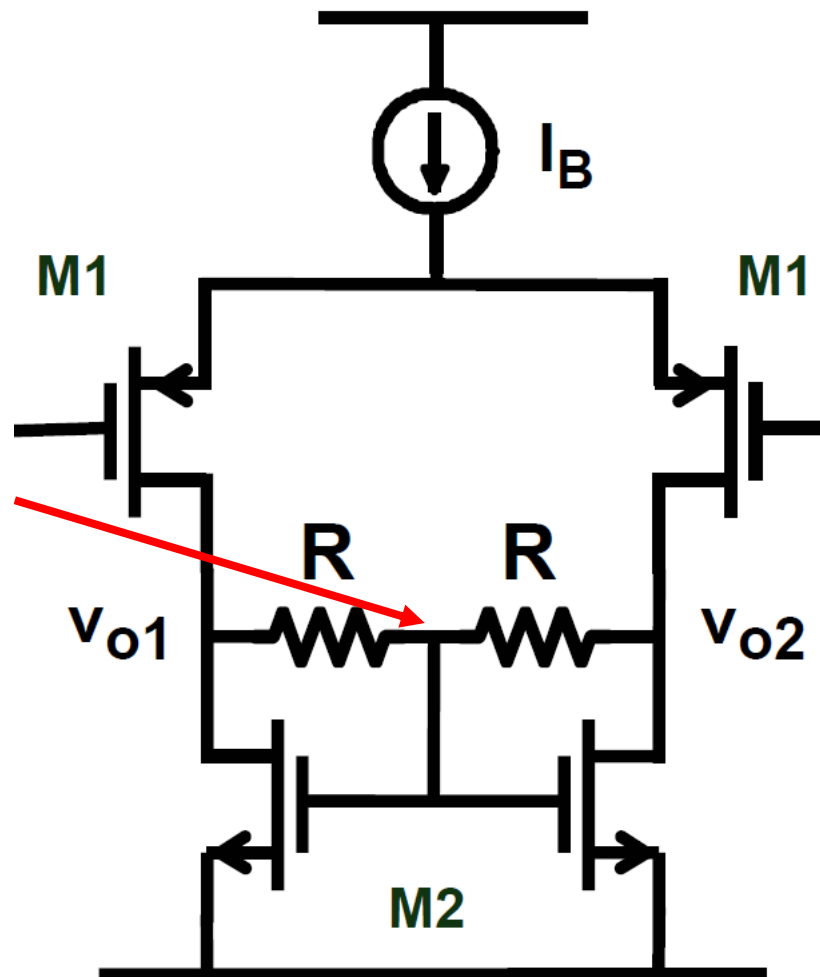


# 特殊形态的负载

- 本质上是一种**共模反馈**形式

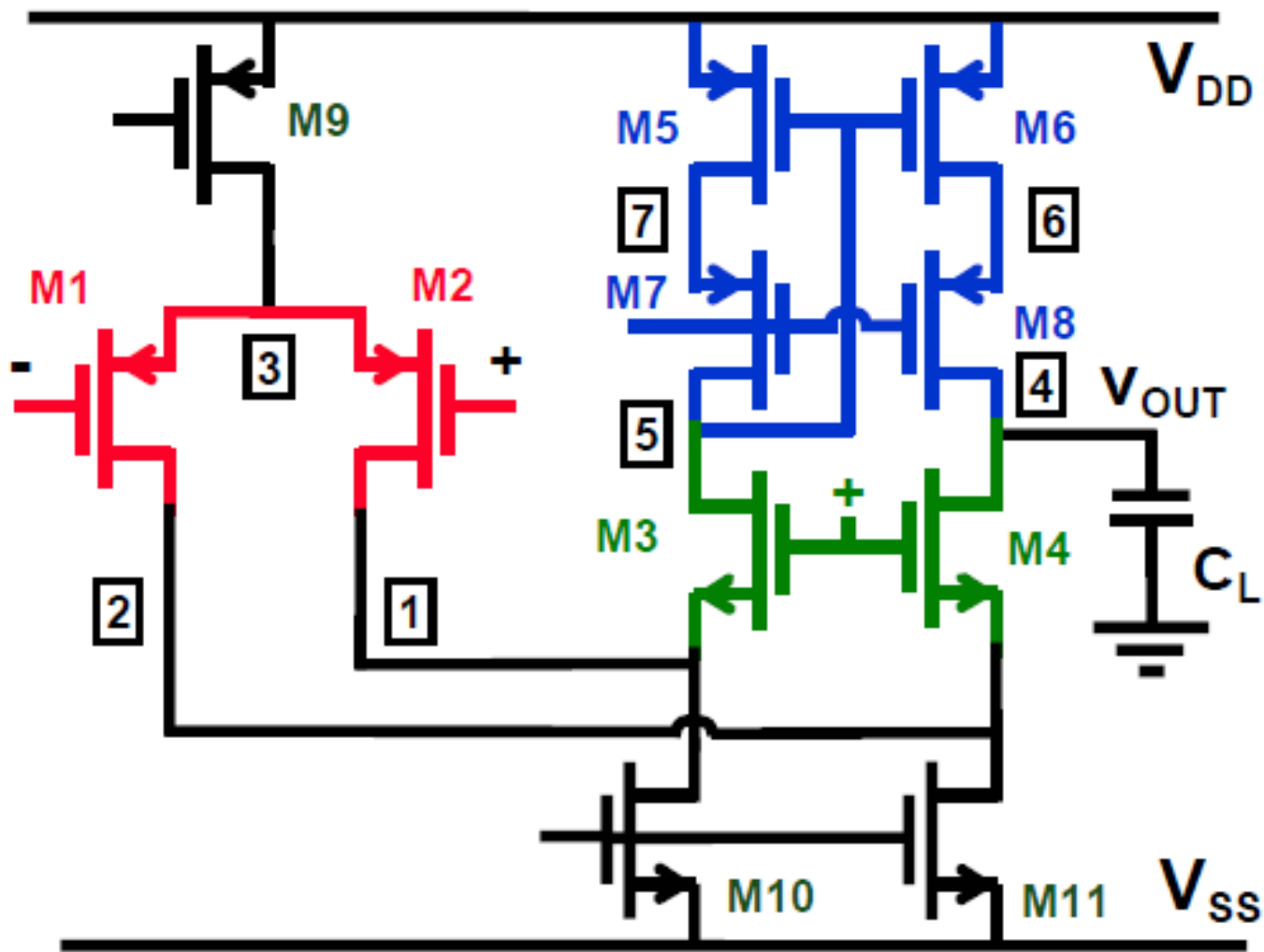
$$A_v = g_{m1} (R // r_o)$$

$$r_o = r_{o1} // r_{o2}$$





# >>> Cascode



□ 求该折叠套筒型运放的第一和第二高阻点的阻值，用公式表示。



# 总结

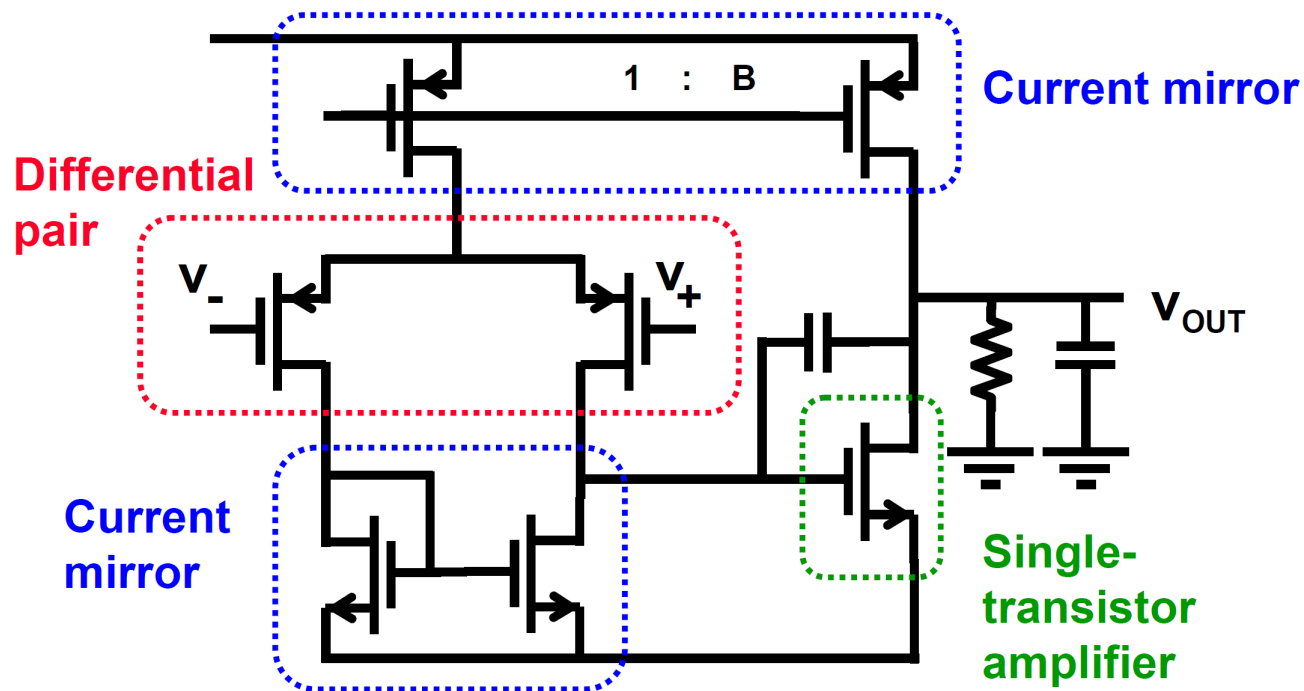
## □ 模拟电路的基本构成单元：

### 1. 单晶体管

- 放大器
- 源极跟随器
- Cascode

### 2. 多晶体管

- 差分对
- 电流镜



# 作业1

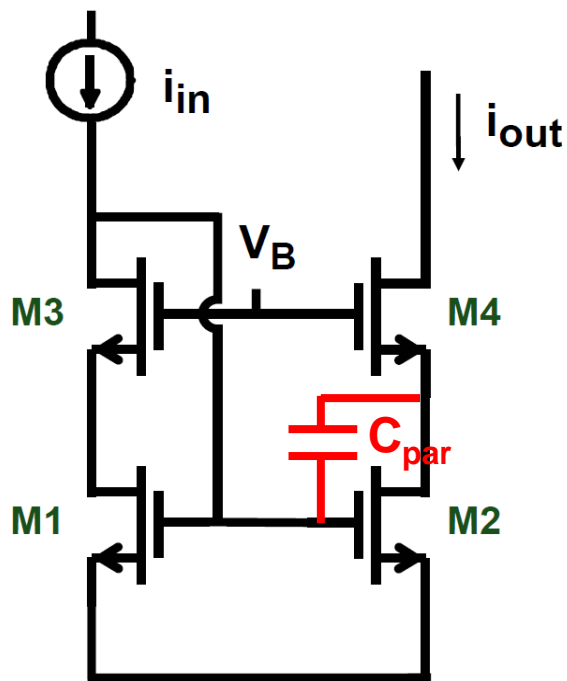
---

- 利用仿真结果，找到我们所使用工艺的  $\mu_{0p,n}$ ,  $C_{ox}$ ,  $V_{THn}$ ,  $V_{THp}$



## 作业2

- 通过公式描述 $V_B$ 的取值范围（提示：晶体管M1-M4均需要工作在饱和区）
- 在Cascode电流镜中，假设有寄生电容 $C_{par}$ ，利用公式估算并用仿真验证该电流镜的频率特性。（可以自由设置偏置、晶体管的尺寸以及寄生电容）





## 作业3

---

- 假设差分对偏置电流为 $200\mu\text{A}$ ， $W/L=20\mu\text{m}/1\mu\text{m}$ ，根据理论分析和仿真验证。
  1. 计算 $g_m > 99\% * g_{m,\text{max}}$ 的区间。
  2. 计算差分输出电流为 $198\mu\text{A}$ 时的差分输入电压。
  3. 如果需要把问题2中求得的电压扩大一倍，差分对的 $W$ 需要如何修改？