第一周作业

范云潜 18373486

微电子学院 184111 班

日期: 2020年9月10日

作业内容: 2.1, 2.2, 2.3; 2.12, 2.21, 2.22, 2.55;

Problem 2.1

- a) T[x(n)] = g(n)x(n)
- 若是 g(n) 有界, 稳定; 其他, 不稳定
- 因果
- 时变
- 无记忆
- b) $T[x(n)] = \sum_{k=n_0}^{n} x(k)$
- 不稳定
- 非因果
- 线性
- 时变
- 有记忆
- c) $T[x(n)] = \sum_{k=n-n_0}^{n+n_0} x(k)$
- 稳定
- 因果
- 线性
- 时不变
- 有记忆
- $d) T[x(n)] = x(n n_0)$
- 稳定
- 因果
- 线性
- 时不变
- 有记忆
- e) $T[x(n)] = e^{x(n)}$
- 稳定
- 因果

- 非线性
- 时不变
- 无记忆

$$f) T[x(n)] = ax(n) + b$$

- 稳定
- 因果
- 非线性
- 时不变
- 无记忆

$$g) T[x(n)] = x(-n)$$

- 稳定
- 非因果
- 线性
- 时变
- 有记忆

h)
$$T[x(n)] = x(n) + 3u(n+1)$$

- 稳定
- 因果
- 非线性
- 时变
- 无记忆

Problem 2.2

a)
$$y(n) = h(n) \otimes x(n)$$

$$= \sum_{k=-\infty}^{\infty} h(k)x(n-k)$$

$$= \sum_{k=N_0}^{N_1} h(k)x(n-k)$$

那么必然有

$$N_2 < n - k < N_3$$

得到

$$N_0 + N_2 \le n \le N_1 + N_3$$

b)

由 a) 得到取值的范围,最终长度为 M+N-1

Problem 2.3

$$y(n) = u(n) \otimes h(n)$$

$$= \sum_{k=-\infty}^{\infty} u(k)a^{-n+k}u(k-n)$$

$$= \sum_{k=0}^{n} a^{-n+k}$$

$$= \frac{a^{-n} - a}{1 - a}$$

Problem 2.12

a) 由于松弛特性

$$y(n) = 0, n < 0$$

之后使用递推

$$y(0) = 1$$

 $y(1) = 1 + 0 = 1$
 $y(2) = 1 \cdot 2 + 0 = 2$
 $y(3) = 2 \cdot 3 + 0 = 6$
...
 $y(n) = n!$

归纳可得到

$$y(n) = u(n)n!$$

b) 对这样的零状态系统, 只需考虑输入, 对于 $a\delta(n)$ 引起的输出改变, 可以推导得到

$$y(n) = a \cdot u(n)n!$$

故而, 这是线性的

c) 对于 $\delta(n-1)$ 重复推导得到,

$$y(n) = u(n-1)n!$$

因此是时变的

Problem 2.21

设存在一个 n_0 使得 $T[x(n_0)] \neq 0$, 那么

$$T[x(n_0) + x(n_1)] = y(n_0) + y(n_1) \neq 0$$

 $T[x(n_1) + x(n_1)] = y(n_1) + y(n_1) = 0$
而这两式相等,因此矛盾,得证

Problem 2.22

a)

$$\{0,1\} \otimes \{2,1\} = \{0,2,1\}$$

b)

$$\{\underset{\uparrow}{2},-1\}\otimes\{\underset{\uparrow}{-1},2,1\}=\{\underset{\uparrow}{-2},5,0,-1\}$$

c)

$$\begin{array}{l} \{ \underset{\uparrow}{1}, 1, 1, 1, 1 \} \otimes \\ \{ \underset{\uparrow}{0}, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1 \} = \\ \{ \underset{\uparrow}{0}, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 5, 4, 3, \\ 2, 2, 2, 3, 4, 5, 5, 4, 3, 2, 1 \} \\ \text{d}) \\ \\ \{ -2, 2, \underset{\uparrow}{1}, 1 \} \otimes \{ \underset{\uparrow}{1}, -1, 0, 0, 1, 1 \} = \\ \{ -2, 4, \underset{\uparrow}{-1}, 0 - 3, 0, 3, 2, 1 \} \\ \end{array}$$

Problem 2.55

会。

随着 ω 的变化,采样点的值会周期性变化, 又因为第一个系统无记忆,那么w(n)同样有周期性,之后两个系统同理。