

## Εργασία: Διατάξεις Υψηλών Συχνοτήτων (Μέρος Β')

Panagiotis Koutris

June 2024

### 2.1. Μέτρηση διηλεκτρικής σταθεράς υλικού με κυματοδηγό

#### Ερώτημα (α)

Για τον αέρα:

- $\beta_0 = \frac{2\pi f}{c_0} \cdot \sqrt{1 - \left(\frac{f_{c0}}{f}\right)^2} \Rightarrow \beta_0 = 156,33 \text{ rad/m}$

- $Z_0 = \frac{\eta_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{f_{c0}}{f}\right)^2}} \Rightarrow Z_0 = 419,2 \Omega$

Για το διηλεκτρικό:

- $k_1^2 = \omega^2 \mu_0 \epsilon_0 \epsilon_r \Rightarrow k_1^2 = 44413,22 \epsilon_r$

- $k_c^2 = \frac{\pi^2}{\alpha^2} \Rightarrow k_c^2 = 18886,32$

- $\beta_1 = \sqrt{k_1^2 - k_c^2} \Rightarrow \beta_1 = \sqrt{44413,22 \epsilon_r - 18886,32}$

- $\alpha_{d1} = \frac{k_1^2 \tan \delta}{2\beta_1} \Rightarrow \alpha_{d1} = \frac{(44413,22 \epsilon_r)^2 \tan \delta}{2\sqrt{44413,22 \epsilon_r - 18886,32}}$

- $\gamma_1 = \alpha_{d1} + j\beta_1 = \dots$

- $Z_1 = \frac{377}{\sqrt{\epsilon_r - 0,1913}}$

Οπότε τώρα για τις 2 περιπτώσεις έχουμε:

- $Z_{A1} = Z_1 \tanh[\gamma_1 d] \quad (d_1 = d) \quad \&$

- $Z_{A2} = Z_1 \tanh[2\gamma_1 d] \quad (d_2 = 2d)$

- $Z_{in1} = Z_0 \frac{Z_{A1} + jZ_0 \tan[\beta_0 l_1]}{Z_0 + jZ_{A1} \tan[\beta_0 l_1]} \quad (l_1 = L - d) \quad \&$

- $Z_{in2} = Z_0 \frac{Z_{A2} + jZ_0 \tan[\beta_0 l_2]}{Z_0 + jZ_{A2} \tan[\beta_0 l_2]} \quad (l_2 = L - 2d)$

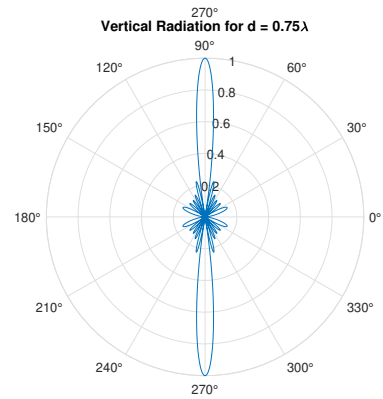
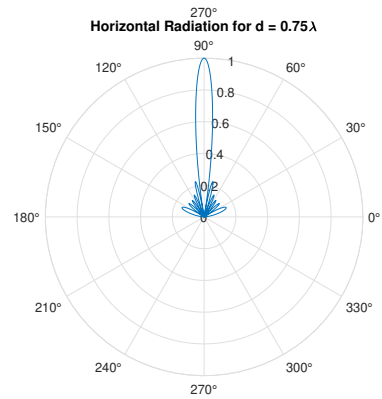
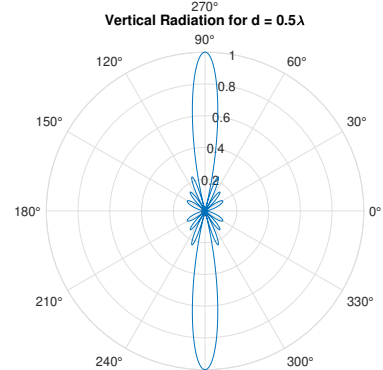
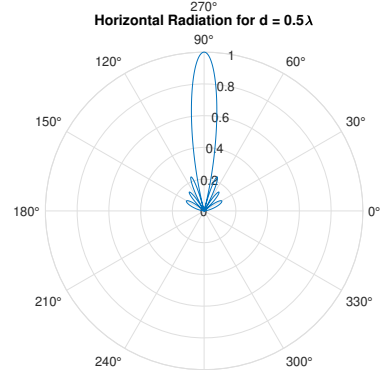
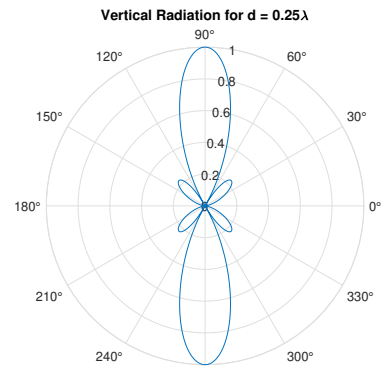
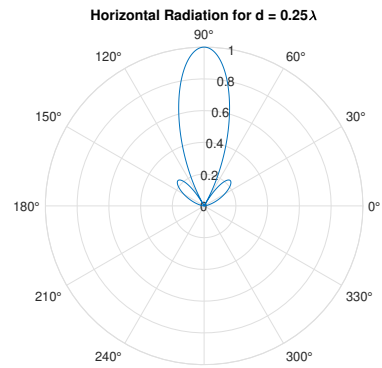
### Ερώτημα (β)

```
e_r = 4234.664325  
tan_delta = 0.010000
```

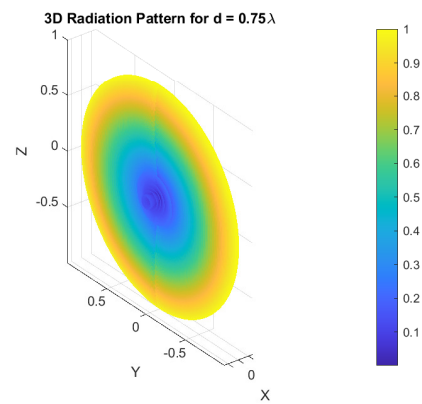
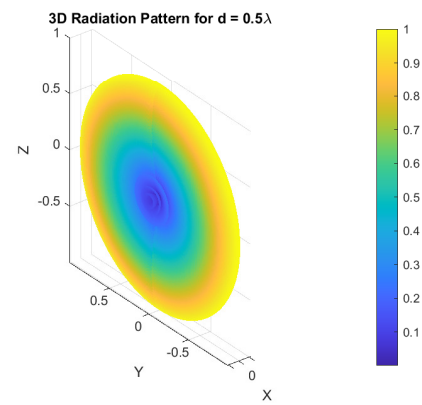
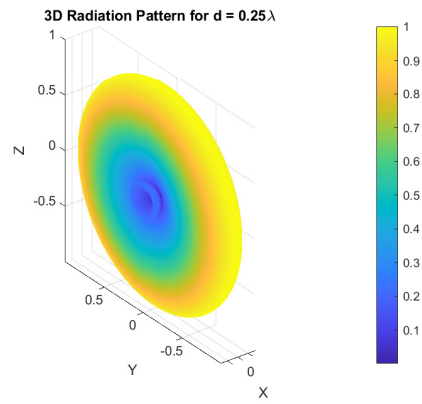
**Σημείωση:** Το αποτέλεσμα βγαίνει πολύ κακό αλλά ευελπιστώ ότι ευθύνεται στο ότι δεν βρήκα κατάλληλες αρχικές συνθήκες από το προηγούμενο ερώτημα.

## 2.2 Πεδίο στοιχειοκεραίας

### Ερώτημα (α)



## Ερώτημα (β)



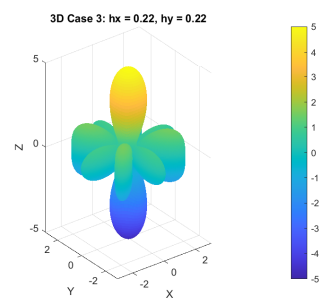
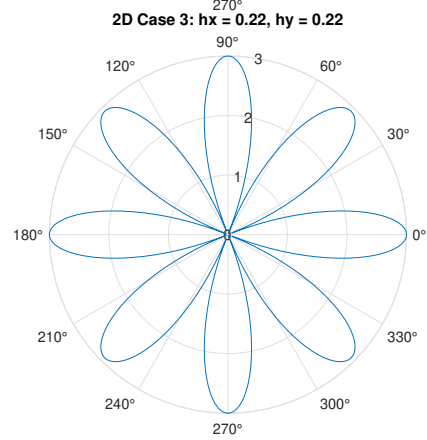
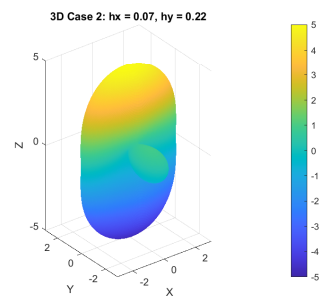
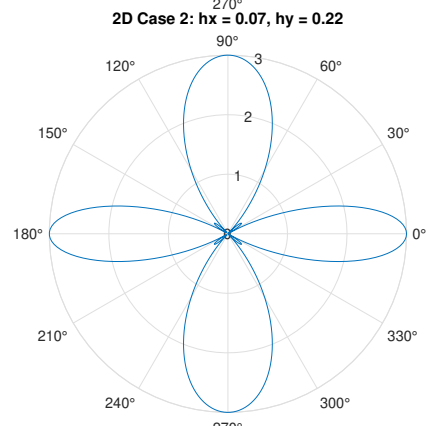
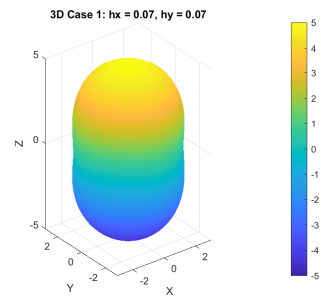
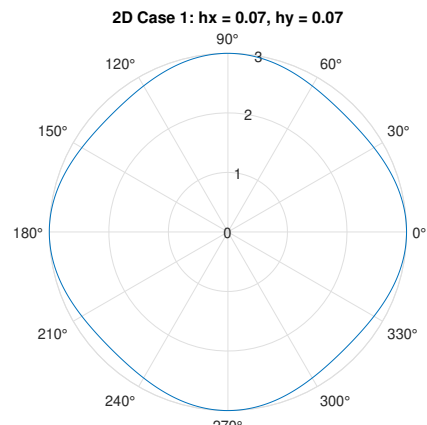
### Ερώτημα (γ)

$d = 0.25\lambda$ :  
Calculated Directivity: 4.16  
Theoretical Directivity: 4.00

$d = 0.50\lambda$ :  
Calculated Directivity: 8.00  
Theoretical Directivity: 8.00

$d = 0.75\lambda$ :  
Calculated Directivity: 11.55  
Theoretical Directivity: 12.00

## Ερώτημα (δ)



### 2.3. Διπλός παράλληλος κλαδωτής (αναλυτική λύση και εύρος ζώνης)

#### Ερώτημα (α)

Θα χρησιμοποιήσουμε τους τύπους των Γραμμών Μεταφοράς:

- $Y_{open1} = jY_0 \tan(\beta l_1)$
- $Y_{in1} = Y_L + Y_{open1} \Rightarrow Y_{in1} = \frac{1}{Z_L} + jY_0 \tan(\beta l_1)$
- $Y_{L1} = Y_0 \frac{Y_{in1} + jY_0 \tan(\beta d)}{Y_0 + jY_{in1} \tan(\beta d)}$
- $Y_{open2} = jY_0 \tan(\beta l_2)$
- $Y_{in} = Y_{L1} + Y_{open2} \Rightarrow Z_{in} = \frac{1}{Y_{in}}$

Για έχουμε προσαρμογή του φορτίου, οι κλαδωτές θα πρέπει να παράγουν την απαιτούμενη αντιδραστική συνιστώσα:

- $X_1 = Z_0 \tan(\beta l_1) \Rightarrow l_1 = \frac{\lambda}{2\pi} \arctan(\frac{X_1}{Z_0})$
- $X_2 = Z_0 \tan(\beta l_2) \Rightarrow l_2 = \frac{\lambda}{2\pi} \arctan(\frac{X_2}{Z_0})$

#### Ερώτημα (β)

- $z_L = \frac{Z_L}{Z_0} \Rightarrow z_L = 0,4 - j0,6 \Rightarrow y_L = 0,75 + j1,12$

Σχεδιάζουμε στο διάγραμμα Smith τον κύκλο  $g = 1$  και τον περιστρέφουμε κατά  $d = \lambda/8$ . Προσθέτουμε επιδεικτικότητα  $jb_1$  μέχρι να βρούμε το σημείο τομής του κύκλου  $g = 0,75$  με τον περιστραμένο κύκλο όπου παίρνουμε:

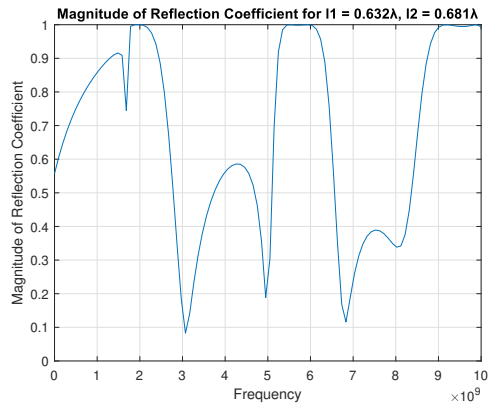
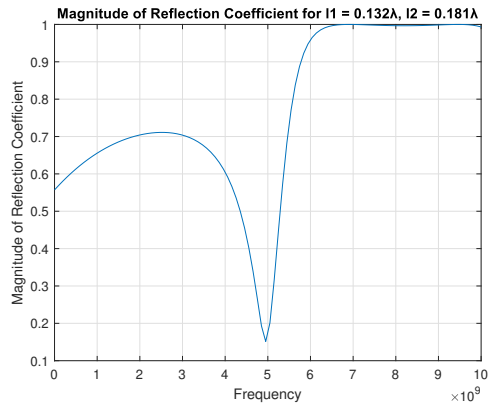
- $y_1 = 0,75 + j1,86 \Rightarrow jb_1 = j0,74$

Κινούμαστε πάνω στον κύκλο σταθερού  $|Γ|$  κατά  $d = \lambda/8$  και για να βρισκόμαστε στην προσαρμογή έχουμε:

- $y_2 = 1 - j2,19 \Rightarrow jb_2 = j2,19$

Τέλος βρίσκουμε:

- $l_1 = 0,132\lambda$  &  $l_2 = 0,181\lambda$
- $l'_1 = l_1 + 0,5 = 0,632\lambda$  &  $l'_2 = l_2 + 0,5 = 0,681\lambda$



**Παρατήρηση:** Από τα παραπάνω διαγράμματα παρατηρούμε πράγματι ότι η λύση που δίνει κλαδωτές μικρότερου μήκους είναι και καλύτερη ως προς το εύρος ζώνης.

### Ερώτημα (γ)

Μέσω του διαγράμματος Smith παρατηρούμε ότι η τιμή  $d = \lambda/8$  είναι αδύνατη. Άρα δοκιμάζουμε  $d = 3\lambda/8$

- $z_L = \frac{Z_L}{Z_0} \Rightarrow z_L = 0,4 - j0,6$

Μετακινούμε τον κύκλο  $g = 1$  κατά  $d = 3\lambda/8$

Παραμένοντας πάνω στον κύκλο σταθερού  $r = 0,4$ , το σημείο τομής με τον περιστραμένο κύκλο είναι:

- $z_1 = 0,4 - j1,7 \Rightarrow x_1 = -1,1 \Rightarrow C_1 = 0,578 \text{ pF}$



Στη συνέχεια, μετακινούμαστε κατά  $d = 3\lambda/8$  προς την πηγή και βρίσκουμε:

- $z_2 = 1 + j2,9 \Rightarrow x_2 = -2,9 \Rightarrow C_2 = 0,219 \text{ pF}$

## 2.4. Συντονιστής μικροταινίας συζευγμένος με γραμμή μεταφοράς

### Ερώτημα (α)

- $A = \frac{Z_0}{3} \sqrt{\frac{\epsilon_r+1}{2}} + \frac{\epsilon_r-1}{\epsilon_r+1} (0,23 + \frac{0,11}{\epsilon_r}) \Rightarrow A = 1,529 > 1,52$

- $\frac{W}{d} = \frac{8e^A}{e^{2A}-2} \Rightarrow \frac{W}{d} = 1,913 > 1 \Rightarrow W = 3,06 \text{ mm}$

- $F = \frac{1}{\sqrt{1+12\frac{d}{W}}} \Rightarrow F = 0,37$

- $\epsilon_{r,eff} = \frac{\epsilon_r+1}{2} + \frac{\epsilon_r-1}{2} \cdot F - \frac{\epsilon_r-1}{4,6} \cdot \frac{t/d}{\sqrt{W/d}} \Rightarrow \epsilon_{r,eff} = 3,329$

- $\lambda = \frac{c_0}{f\sqrt{\epsilon_{r,eff}}} \Rightarrow \lambda = 6,57 \text{ cm}$

- $\beta = \frac{2\pi f\sqrt{\epsilon_{r,eff}}}{c_0} \Rightarrow \beta = 95,53 \text{ rad/m}$

- $Q = \frac{\beta}{2\alpha} \Rightarrow \alpha = 0,2198 \text{ Np/m}$

Οπότε τώρα το μόνο που μας μένει είναι να λύσουμε την εξής υπερβατική εξίσωση:

- $\tan(\frac{2\pi f_r l}{c_0/\sqrt{\epsilon_{r,eff}}}) + \sqrt{\frac{ac_0}{2f_r\sqrt{\epsilon_{r,eff}}}} = 0$

Μέσω του MATLAB καταλήγουμε στο εξής αποτέλεσμα:

- $f_r = 2,43 \text{ GHz}$

- $C = \frac{b}{\omega_r Z_0} \Rightarrow C = 0,0042 \text{ pF}$

### Ερώτημα (γ)

Για να λειτουργεί ο συζευγμένος συντονιστής στα  $f = 2.5 \text{ GHz}$ , επιλύουμε επαναληπτικά, με κλιμάκωση του μήκους:

$$1) l_1 = l \frac{f_r}{f} = 3,285 \frac{2,43}{2,5} \Rightarrow l_1 = 3,1932 \text{ cm}$$

Μέσω του MATLAB κώδικα βρίσκουμε:  $f'_r = 2,50532 \text{ GHz}$  &  $C' = 0,0998 \text{ pF}$

$$2) l_2 = l_1 \frac{f'_r}{f} = 3,1932 \frac{2,50532}{2,5} \Rightarrow l_2 = 3,1999 \text{ cm}$$

Μέσω του MATLAB κώδικα βρίσκουμε:  $f''_r = 2,5008 \text{ GHz}$  &  $C'' = 0,1153 \text{ pF}$

Οπότε παίρνουμε ως τελικό αποτέλεσμα τις εξής τιμές :

$$f_r = 2,50055 \text{ GHz} \text{ \& } C = 0,1152 \text{ pF}$$

Το W είναι προφανώς το ίδιο.