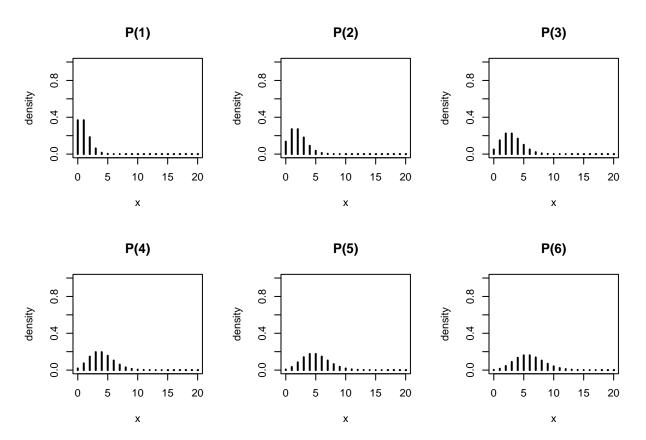
E05 上机实验 05

郑盼盼

2024-10-30

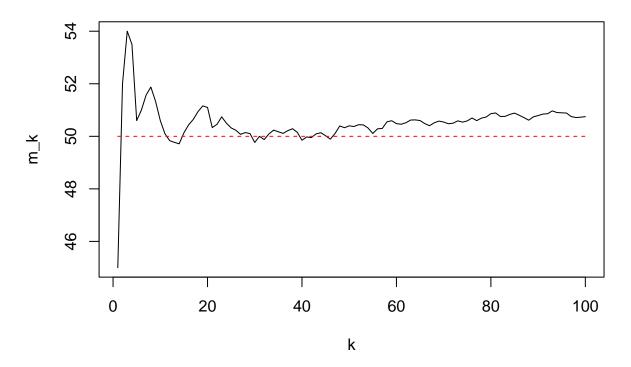
1. 绘制 P(1), P(2), P(3), P(4), P(5), P(6) 的在区间 [0,20] 范围上的密度函数图像,总结泊松分布的密度图像随着参数 λ 增加的变化规律。



2. 已知 $\xi \sim P(50)$,模拟 ξ 的 100 次重复观测数据。用 m_k 表示这些数据中的前 k 个数据的算术平均值,绘制依次连接点

$$(1, m_1), (2, m_2), \dots, (100, m_{100})$$

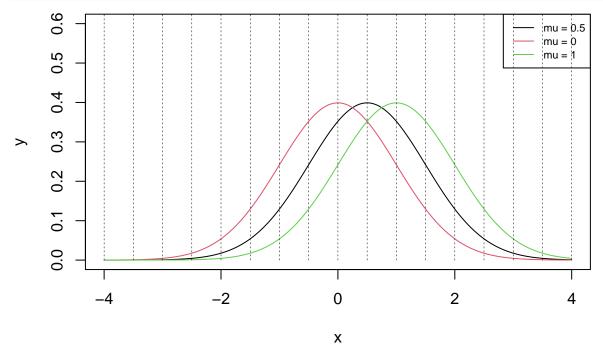
的折线图,观察随着横坐标的增加折线的变化趋势,解释其中的原因。



3. 在同一直角坐标系内,用不同颜色绘制 N(0.5,1), N(0,1) 和 N(1,1) 的密度函数曲线(横坐标限定在 [-4,4] 内),说明正态分布密度函数的峰值位置与其数学期望之间的关系。

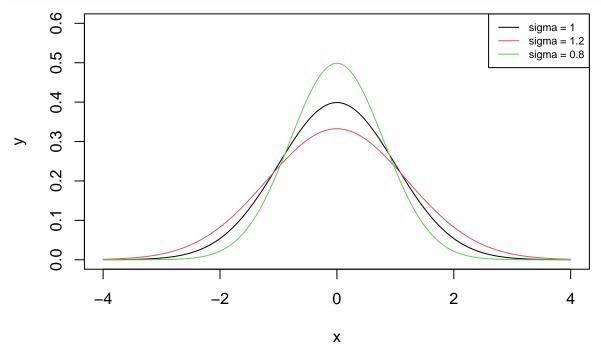
```
mu \leftarrow c(0.5, 0, 1)
x \leftarrow seq(-4,4,by=1e-3)
y <- dnorm(x, mu[1], 1)
plot(x, y,
     col=1,
     type="1",
     lwd=1,
     xlim=c(-4,4),
     ylim=c(0,0.6))
for(i in c(2,3)){
  y <- dnorm(x, mu[i], 1)</pre>
  lines(x,y,
       col=i,
       lwd=1)
}
for (i in seq(-4,4,by=.5)){
  lines(c(i), c(10),
         type="h",
         lwd=.5,
         1ty=2)
```

```
legend("topright",
    legend = paste("mu =",mu),
    col = 1:3,
    lty=rep(1,3),
    cex=0.7,
)
```



4. 在同一直角坐标系内,用不同颜色绘制 N(0,1), N(0,1.44), N(0,0.64) 的密度函数曲线(横坐标限定在 [-4,4] 内),说明正态分布密度函数的峰值陡峭程度与其方差之间的关系。

```
col=i,
       lwd=1)
legend("topright",
       legend = paste("sigma =", sigma),
       col = 1:3,
       lty=rep(1,3),
       cex=0.7,
       )
```



- 5. 利用 R 程序代码计算 N(0,9) 的数学期望和方差
 - **数学期望**-根据连续型随机变量数学期望的定义,若已知连续性随机变量 X 的概率密度函数 f(x), 则其数学期望为

$$E(X) = \int_{-\infty}^{\infty} t f(t) \, dt$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} t \cdot \varphi_{0,3}(t) \, dt$$

根据题意,我们需要计算:

$$\int_{-\infty}^{\infty} t \cdot \varphi_{0,3}(t) \, dt$$

可通过如下 R 程序代码计算:

```
f <- function(x){</pre>
  return(x * dnorm(x, 0, 3))
}
```

```
mean_norm <- integrate(f, -Inf, Inf)
mean_norm</pre>
```

0 with absolute error < 0

• 方差:根据连续型随机变量方差的定义:若随机变量 X 的概率密度函数为 f(x),则其方差为:

$$D(X) = \int_{-\infty}^{\infty} [t - E(X)]^2 \cdot f(t) \, dt$$

根据题意可得,我们需要计算定积分:

$$\int_{-\infty}^{\infty} (t-0)^2 \cdot \varphi_{0,3}(t) \, dt$$

可通过如下 R 程序代码实现:

```
var_norm <- integrate(function(x) (x - 0) ** 2 * dnorm(x, 0, 3), -Inf, Inf)
var_norm</pre>
```

9 with absolute error < 1.9e-05