

5. Transporte Radiativo

Contents

- Coherencia de la luz e interferencia
- Teoría de transferencia radiativa
- Soluciones de la RTE
- Referencias

MEC501 - Manejo y Conversión de Energía Solar Térmica

Profesor: Francisco Ramírez Cuevas

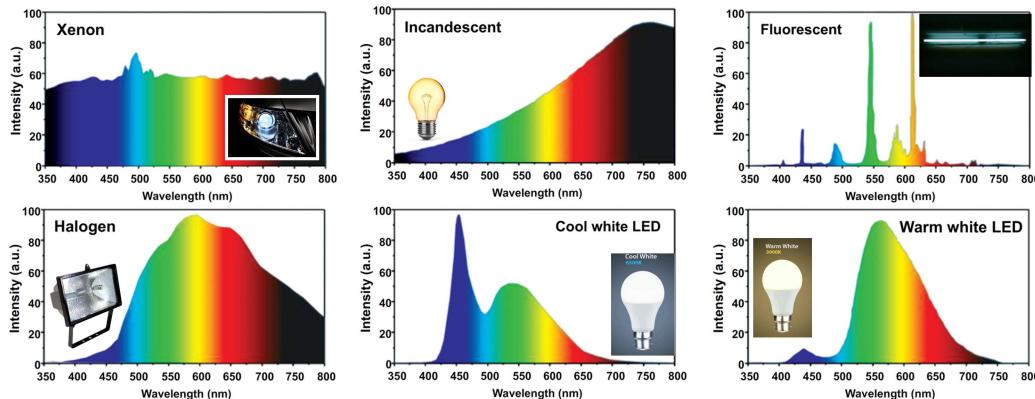
Fecha: 9 de Septiembre 2022

Coherencia de la luz e interferencia

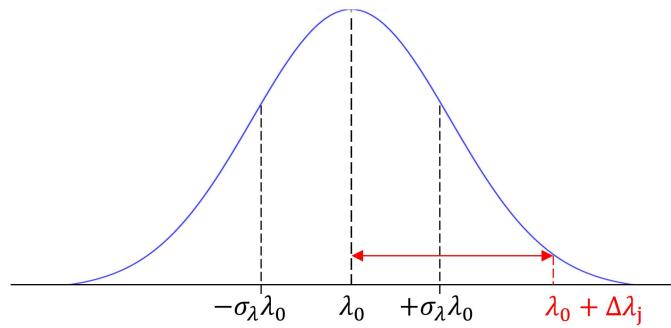
Como veremos en las próximas clases, las vibraciones moleculares en la materia son las responsables de emitir radiación en forma de ondas electromagnéticas. El mecanismo es similar, pero inverso, al mecanismo de absorción de luz, el cual es originado por la interacción de ondas electromagnéticas con las vibraciones moleculares (ver clase 3).

Dicho esto, dos moléculas pueden emitir radiación con una pequeña variación en la longitud de onda $\Delta\lambda$. Esto ocurre porque las vibraciones no están 100% correlacionadas, es decir, existe un grado de aleatoriedad en las vibraciones.

Esta aleatoriedad en las vibraciones da lugar a una distribución del flujo de radiación emitido por una fuente.



Por ejemplo, consideremos una fuente de luz con una distribución espectral normal, centrada en λ_0 y con una desviación estandar $\pm\sigma_\lambda\lambda_0$, con $\sigma_\lambda \in [0, 1]$. Imaginemos esta fuente como N emisores, donde cada emisor j emite ondas electromagnéticas con longitud de onda $\lambda \pm \Delta\lambda_j$, donde $\Delta\lambda_j$ es escogido aleatoriamente a partir de la distribución normal.



Asumiendo ondas en el aire en dirección $\hat{k} = \hat{x}$, el campo eléctrico resultante es:

$$\vec{E}_{\text{tot}} = \sum_j^N E_0 e^{i(k_j x - \omega_j t)} \hat{z},$$

donde $k_j = \frac{2\pi}{\lambda \pm \Delta\lambda_j}$, y $\omega_j = c_0 k_j$

Analicemos el comportamiento de \vec{E}_{tot}/E_0 para $\lambda_0 = 500$ nm

```

import numpy as np
from numpy.random import normal
import matplotlib.pyplot as plt

def light_packet(kdir, x, t, lam, sig, N):
    c0 = 3E8           # velocidad de la Luz (m/s)
    xx = np.meshgrid(x,np.ones(N))[0]

    # Generamos arreglo de ondas aleatorias
    dlamj = normal(0, lam*sig,N)
    kj = (2*np.pi/(lam + dlamj)).reshape(-1,1)
    wj = c0*kj
    Erand = np.exp(1j*(kdir*kj*xx-wj*t))

    # Sumamos todas las ondas
    return np.sum(Erand, axis=0)

def plot_light_packet(N, t, sig):
    """
    n: número de ondas generadas
    t: tiempo en ns
    sig: % de ancho de banda (dLam = sig*lam)
    """
    lam = 0.5          # Longitud de onda (um)
    t = t*1E-9 # convertimos ns a s

    # recorrido de la onda
    x = np.linspace(-2,2,1000) # desde 0 a 4 micrones
    E = light_packet(1, x, t, lam, sig, N)

    # Graficamos
    fig, ax = plt.subplots()
    fig.set_size_inches(9, 5)
    plt.rcParams['font.size'] = '18'

    ax.plot(x,np.real(E), 'k')
    ax.set_xlabel('x ($\mu m$)')
    ax.set_ylabel('Amplitud $|E|/E_0$')
    ax.set_ylim(-N*1.1,N*1.1)
    ax.grid()

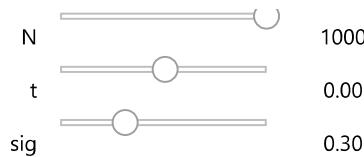
```

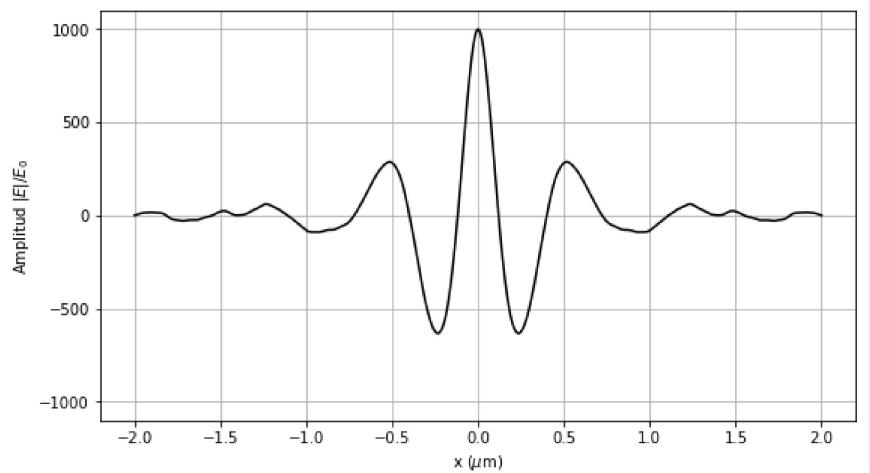
```

from ipywidgets import interact

@interact( N=(1,1000,1),
           t=(-10,10,0.1),
           sig=(0,1,0.01))
def g(N=1000, t=0, sig=0.3):
    return plot_light_packet(N,t,sig)

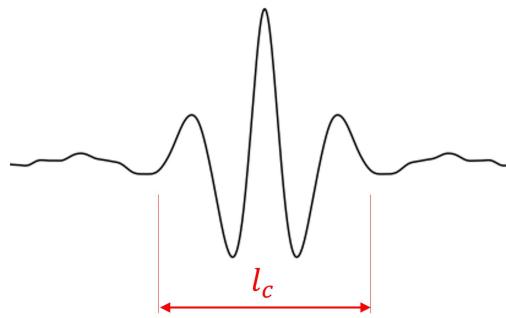
```





Longitud de coherencia

Definimos como **longitud de coherencia**, l_c , a la distancia donde un grupo de ondas electromagnética mantiene correlación entre las fases. Para longitudes mayores a l_c , decimos que la luz es incoherente, es decir, el desfase entre las distintas ondas es completamente aleatorio.



Esquema de un paquete de onda emitido por una fuente con longitud de coherencia
 $\$l_c\$$

La relación entre l_c , la longitud de onda central λ y el ancho de banda $\Delta\lambda$ está dado, aproximadamente, por la relación:

$$l_c \approx \frac{\lambda^2}{n\Delta\lambda},$$

donde n es el índice de refracción del medio donde se propaga la luz.

Por ejemplo, para lasers He-Ne (laser rojo) $l_c \approx 0.2 - 100$ m.

Para radiación emitida por un cuerpo a temperatura T , la longitud de coherencia está dada por:

$$l_c T = 2167.8 \text{ } \mu\text{m K}$$

Así, por ejemplo, la radiación solar ($T \approx 5800$ K) tiene una longitud de coherencia, $l_c \approx 370$ nm

Régimen de trasporte de luz

Consideremos dos paquetes de onda con una longitud de coherencia l_c , viajando en sentido opuesto.

Podemos ver que ambos paquetes de luz interfieren en $x = 0$ en un instante t . Al continuar su camino, ambos paquetes de onda recuperan su forma original.

```
def plot_2light_packet(n, t, sig):
    """
    n: número de ondas generadas
    t: tiempo en ns
    sig: % de ancho de banda (dLam = sig*lam)
    """
    t = t*1E-9 # convertimos ns a s
    lam = 0.5

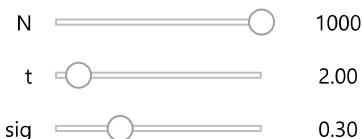
    # recorrido de la onda
    x = np.linspace(-2,2,1000) # desde 0 a 4 micrones
    k0 = 2*np.pi/lam
    Efw = light_packet( 1, x - x[ 0], t, lam, sig, n)
    Ebw = light_packet(-1, x - x[-1], t, lam, sig, n)

    # Graficamos
    fig, ax = plt.subplots()
    fig.set_size_inches(9, 5)
    plt.rcParams['font.size'] = '18'

    ax.plot(x,np.real(Efw + Ebw), 'k')
    ax.set_xlabel('x ($\mu m$)')
    ax.set_ylabel('Amplitud $|E|/E_0$')
    ax.set_yticks([-n*2.1,n*2.1])
    ax.grid()
```

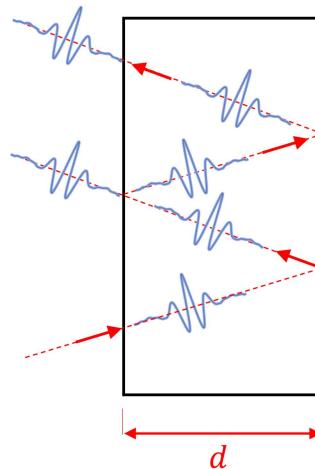
```
from ipywidgets import interact

@interact( N=(1,1000,1),
           t=(0,20,0.1),
           sig=(0,1,0.01))
def g(N=1000, t=2, sig=0.3):
    return plot_2light_packet(N,t,sig)
```





A partir de esto, podemos concluir que los fenómenos de interferencia en películas de capa delgada de espesor d no serían visibles si $d > l_c$. En otras palabras, el fenómeno de interferencia solo existe si el paquete de onda interfiere consigo mismo.

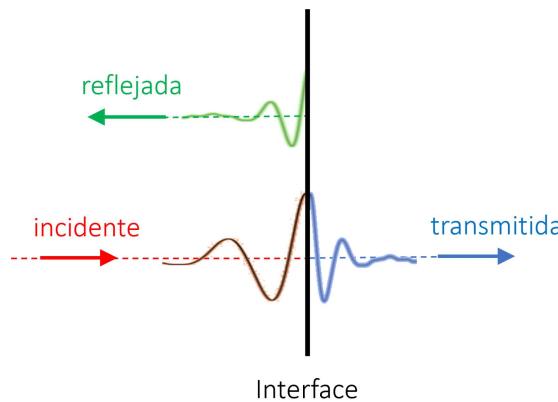


Propagación de una onda a través de una película de espesor d , con $d < l_c$
En general, para una longitud característica d :

- Si $d > l_c$ el **transporte de luz es incoherente**. En este régimen, podemos ignorar las propiedades oscilatorias de la luz, y analizar el problema como el transporte de pequeños paquetes de onda, o simplemente como partículas.
- Si $d < l_c$, el **transporte de luz es coherente**. En este régimen debemos considerar las propiedades oscilatorias a partir de las Ecuaciones de Maxwell.

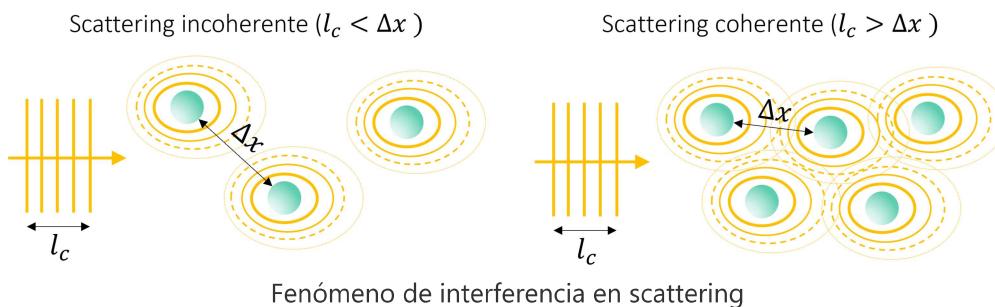
Así, los coeficientes de Fresnel para una película delgada solo son válidos para $d < l_c$.

Los coeficientes de Fresnel para una interface, en cambio, siempre son válidos.

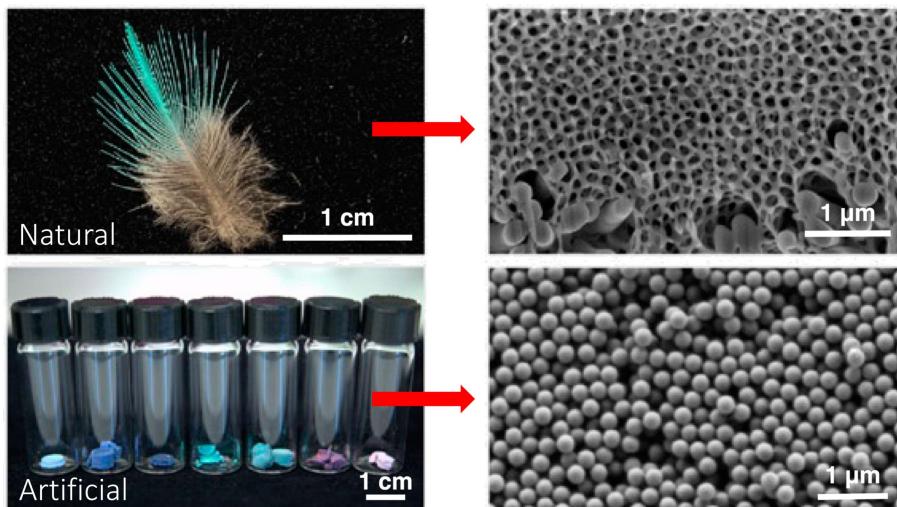


Refracción y reflexión de una onda incoherente a través de una interfaz

Igualmente, en medios particulados, los fenómenos de interferencia pueden ocurrir si las partículas están suficientemente cerca y tienen tamaños similares. Llamamos a esto **scattering coherente**

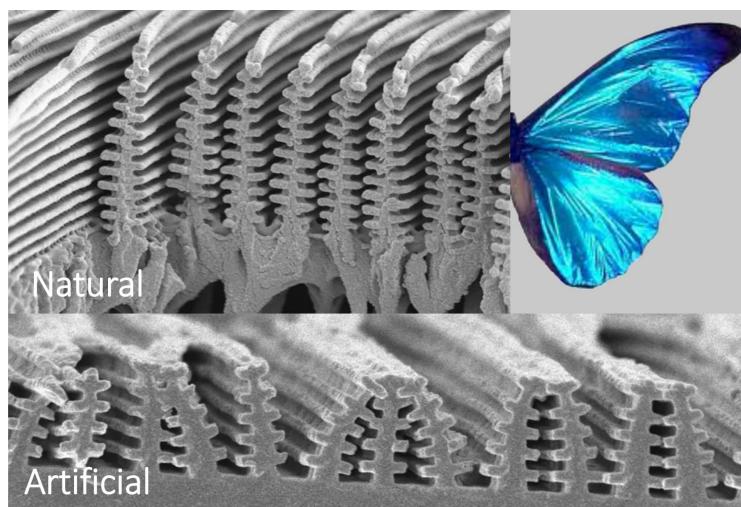


El fenómeno de scattering coherente da lugar a los denominados **colores estructurales** presentes en las alas de las aves y mariposas (mas info [acá](#))



Colores estructurales en alas de aves

Fuente: [Hwang, V. et al. PNAS 118 \(4\) e201551118 \(2020\)](#).



Colores estructurales en alas de mariposa

Fuente: [Tippens C. A. et al. J. Opt. 18 \(2016\) 065105](#)

Teoría de transferencia radiativa

Si el transporte de luz es incoherente, podemos ignorar las propiedades oscilatorias de la luz y analizar el fenómeno óptico como un el transporte de radiación a través de un volumen de control.

La **ecuación de transferencia radiativa** (RTE por sus siglas en inglés), describe la propagación de la **radiancia espectral**, $I_\lambda(\vec{r}, \hat{k})$ definida como el espectro del flujo de energía en una posición \vec{r} , y una dirección \hat{k} . En su forma más general, para un problema estacionario:

$$\hat{k} \cdot \nabla_r I_\lambda(\vec{r}, \hat{k}) = - \left[\frac{f_v}{V_p} C_{\text{ext}} + 2\kappa k_0 \right] I_\lambda(\vec{r}, \hat{k}) + \frac{f_v}{V_p} \int_{4\pi} P_{\text{sca}}(\hat{k}, \hat{k}') I_\lambda(\vec{r}, \hat{k}') d\hat{k}' \quad (33)$$

donde f_v y V_p son, respectivamente la fracción de volumen y el volúmen de las partículas en el medio, y $P_{\text{sca}}(\hat{k}, \hat{k}')$ es la función de fase.

Notar que consideramos el caso más generalizado de la función de fase, que depende tanto de la dirección de la onda incidente \hat{k} como de la dirección del scattering \hat{k}' .

Como revisamos en el capítulo anterior, en el caso de una esfera, la función de fase depende de θ , el cual está definido por $\cos \theta = \hat{k} \cdot \hat{k}'$

Con esto en mente, ahora podemos discutir el significado de los términos en la RTE:

- El primer término representa el cambio de $I_\lambda(\vec{r}, \hat{k})$ a través volumen diferencial.
Por ejemplo, en el caso unidimensional en dirección $\hat{k} = \hat{x}$, tenemos:

$$\hat{k} \cdot \nabla_r I_\lambda(\vec{r}, \hat{k}) = \frac{\partial}{\partial x} I_\lambda(\vec{r}, \hat{k})$$

- El segundo término representa la pérdida de energía radiativa, por extinción $\left(\frac{f_v}{V_p} C_{\text{ext}} \right)$ y absorción en el material material ($2\kappa k_0$), respectivamente. Recordemos que la extinción representa la energía absorbida por las partículas + la energía de scattering en direcciones distintas a \hat{k} , es decir $C_{\text{ext}} = C_{\text{abs}} + C_{\text{sca}}$.

- El tercer término representa la ganancia de energía radiativa producida del scattering inducido por radiación incidente en dirección \hat{k}' . Este término representa el fenómeno de **scattering múltiple**.

Soluciones de la RTE

La ecuación de transferencia radiativa permite explicar de forma fenomenológica el transporte de radiación en un medio particulado. Debido a su complejidad, existen pocas soluciones analíticas. En esta sección describiremos las tres más conocidas.

Película de material sin partículas (Reflectividad y Transmisividad incoherente)

En el caso de un medio sin partículas solo debemos considerar el primer término de la RTE.

Para el caso particular de un material de espesor t_{film} e índice de refracción $N = n + \kappa$, rodeado por un medio con índice de refracción N_0 , derivamos las siguientes relaciones de reflectividad y transmisividad para luz incoherente:

$$\begin{aligned} R_{\text{incoh}} &= R_0 + \frac{T_0^2 R_0 e^{-4\kappa k_0 t_{\text{film}}}}{1 - R_0^2 e^{-4\kappa k_0 t_{\text{film}}}} \\ T_{\text{incoh}} &= \frac{T_0^2 e^{-4\kappa k_0 t_{\text{film}}}}{1 - R_0^2 e^{-4\kappa k_0 t_{\text{film}}}} \end{aligned} \quad (34)$$

donde R_0 y T_0 corresponden, respectivamente, a la reflectividad y transmisividad en la interface N_0/N_1

En el siguiente ejemplo, utilizamos la función `incoh_multilayer` de la librería `empylib.waveoptics`. Esta función es más general que la ecuación anterior y permite determinar R_{incoh} y T_{incoh} para arreglos multicapas.

En este caso, evaluaremos una película de sílice de espesor $1 \mu\text{m}$, sobre un sustrato con índice de refracción $N_{\text{back}} = 4.3$, y con aire en la superficie $N_{\text{front}} = 1.0$. El espectro de longitudes de onda $\lambda \in [0.3, 0.8] \mu\text{m}$ y el ángulo de incidencia $\theta_i = 30^\circ$. Para comparar, determinaremos R y T para el caso de luz coherente.

```

import numpy as np
import emplib.waveoptics as wv
import emplib.nklib as nk

lam = np.linspace(0.3,0.8,100) # espectro de longitudes de onda
(um)
theta = np.radians(30)          # ángulo de incidencia

Nfront = 1.0                   # índice de refracción medio superior
N1      = nk.SiO2(lam)          # índice de refracción capa delgada
Nback  = 4.3                   # índice de refracción medio inferior
N = (Nfront, N1, Nback)        # indices de refracción (above, mid,
below)
d = 1.0                        # espesor capa intermedia (um)

# caso Luz incoherente
Rp_incoh, Tp_incoh = wv.incoh_multilayer(lam,theta, N, d, pol='TM')
# caso Luz coherente
Rp, Tp = wv.multilayer(lam,theta, N, d, pol='TM')[::2]

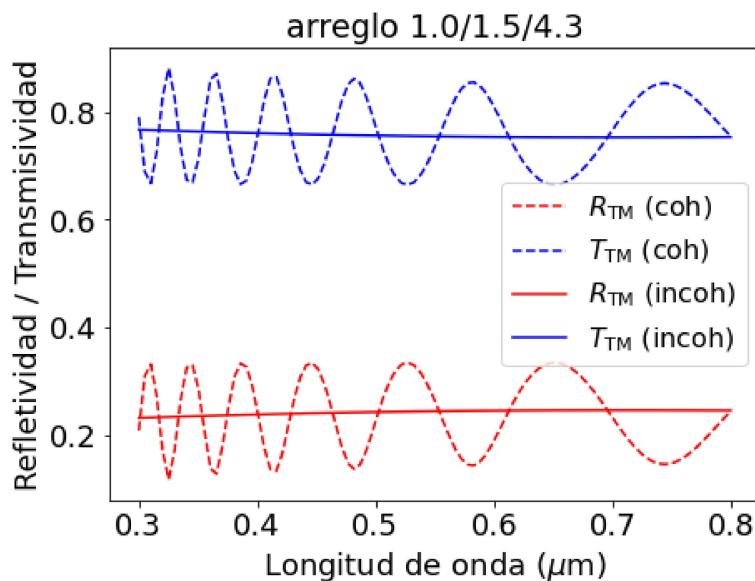
```

```

fig, ax = plt.subplots()
fig.set_size_inches(7, 5)
plt.rcParams['font.size'] = '16'

# Graficamos el flujo de energía
plt.plot(lam,Rp,'--r',label='$R_{\mathrm{TM}}$ (coh)')
plt.plot(lam,Tp,'--b',label='$T_{\mathrm{TM}}$ (coh)')
plt.plot(lam,Rp_incoh,'-r',label='$R_{\mathrm{TM}}$ (incoh)')
plt.plot(lam,Tp_incoh,'-b',label='$T_{\mathrm{TM}}$ (incoh)')
plt.title('arreglo 1.0/1.5/4.3')
plt.xlabel('Longitud de onda ($\mu m$)')
plt.ylabel('Refletividad / Transmisividad')
plt.legend()
plt.show()

```



En la figura, para el caso de luz coherente, notamos oscilaciones en R y T producto de los fenómenos de interferencia. En el caso de luz incoherente, el fenómeno de interferencia desaparece.

Película de material con baja concentración de partículas (Ley de Beer-Lambert)

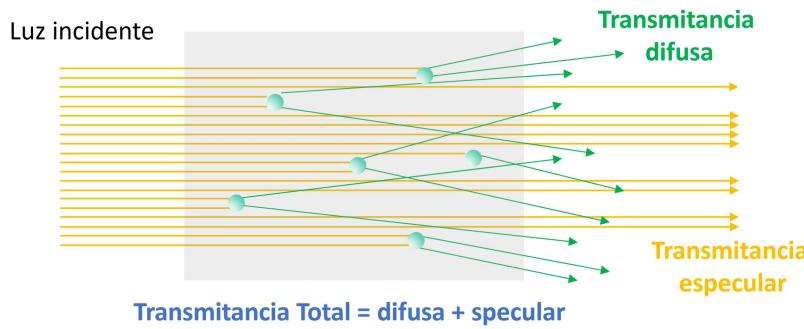
Definimos el **camino libre medio de scattering**, como $\Lambda_{\text{sca}} = (f_v C_{\text{sca}} / V_p)^{-1}$. Este parámetro representa la distancia promedio que recorre la luz entre eventos de scattering.

Si Λ_{sca} es mayor que el espesor del material, t_{film} , la probabilidad de que ocurran más de un evento scattering es despreciable, y decimos que el **scattering es de primer orden**. En este caso, el tercer término de la RTE es despreciable y la radiación solo pierde energía por absorción del material o extinción inducida por las partículas.

La solución a esta ecuación se conoce como la ley de Beer-Lambert. Mediante esta aproximación podemos deducir las componentes total y especular de la transmitancia:

$$T_{\text{tot}} = T_0 e^{-f_v \frac{C_{\text{abs}}}{V_p} t_{\text{film}}} \quad \text{and} \quad T_{\text{spec}} = T_0 e^{-f_v \frac{C_{\text{ext}}}{V_p} t_{\text{film}}} \quad (35)$$

donde, T_0 es la **transmisividad incoherente del material sin incrustaciones**.



Transporte de luz en un medio con scattering de primer orden

Podemos utilizar la ley de Beer-Lambert para analizar, de forma aproximada, el efecto del color del cielo durante el día y en la tarde.

El color del cielo está dado por la componente difusa. Así calculamos

$$T_{\text{dif}} = T_{\text{tot}} - T_{\text{spec}}$$

Consideremos una atmósfera compuesta de aire ($N_h = 1.0$) y una pequeña concentración ($f_v = 1 \times 10^{-6} \%$) de partículas de 10 nm de diámetro e índice de refracción $N_p = 1.5$. El espesor de la atmósfera es $t_{\text{atm}} = 100 \text{ km}$

```

import empylib.rad_transfer as rt
import empylib.nklib as nk
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from empylib.ref_spectra import AM15
from empylib.ref_spectra import color_system as cs
cs = cs.hdtv

lam1 = np.linspace(0.38,0.78,100) # espectro de Longitudes de onda
cs.interp_internals(lam1)
def plot_atmosphere(theta_sun):
    fig, ax = plt.subplots()
    fig.set_size_inches(8, 5)      # Tamaño del gráfico
    plt.rcParams['font.size'] = '14' # tamaño de fuente

    # parámetros de entrada
    tatm = 100E9                  # espesor de la atmósfera 100
    km
    N = (1.0,1.0,1.0)             # indice de refracción
    superior, intermedio e inferior
    fvp = 1E-8                    # fracción de volumen de las
    partículas
    Dp = 0.010                   # diámetro de las partículas
    Np = 1.5*lam1**0              # índice de refracción de las
    partículas

    # transmitancia total y especular
    theta = np.radians(theta_sun)   # posición del sol en radianes
    Ttot, Tspec = rt.T_beer_lambert(lam1,theta,tatm,N,fvp,Dp,Np)

    Tdif = Ttot - Tspec           # transmitancia difusa
    ax.plot(lam1,Tdif,'-k',label = 'Tdif')
    ax.set_xlabel('Longitud de onda ($\mu\text{m}$)')
    ax.set_ylabel('Transmisividad')
    ax.set_title(r'Posición del sol, $\theta_{\text{sun}}$=%.1f°'%
(theta_sun))
    ax.set_ylim(0,1.05)

    Dcircle = 0.25
    ax2 = fig.add_axes([0.11,0.15, Dcircle, Dcircle])
    Irad = Tdif*AM15(lam1)
    html_rgb = cs.spec_to_rgb(Irad, out_fmt='html')
    Circle = plt.Circle((0, 0), Dcircle, color=html_rgb)
    ax2.add_patch(Circle)
    ax2.set_aspect('equal')
    ax2.set_xlim(-Dcircle*1.2,Dcircle*1.2)
    ax2.set_ylim(-Dcircle*1.2,Dcircle*1.2)
    ax2.set_xticks([])
    ax2.set_yticks([])
    ax2.set_facecolor('k')

```

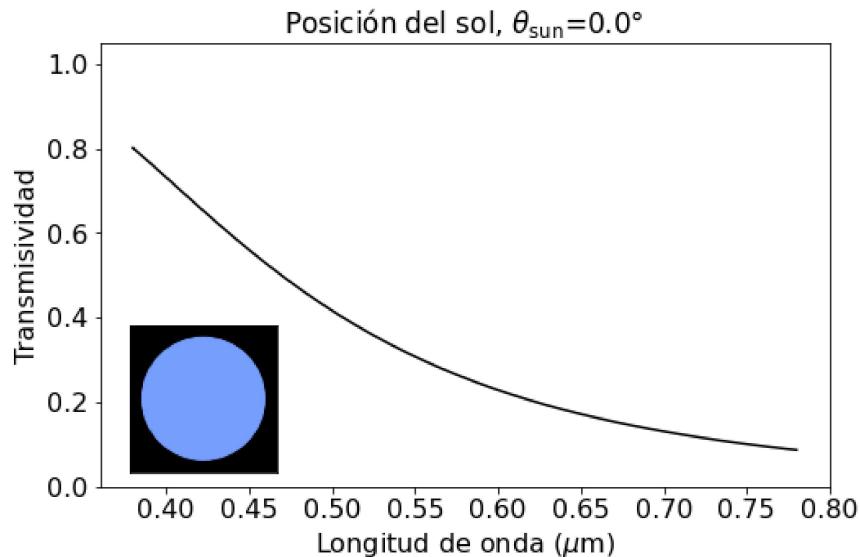
```

# from ipywidgets import interact

@interact(theta_sun=(0,89.99,0.1))
def g(theta_sun=0):
    return plot_atmosphere(theta_sun)

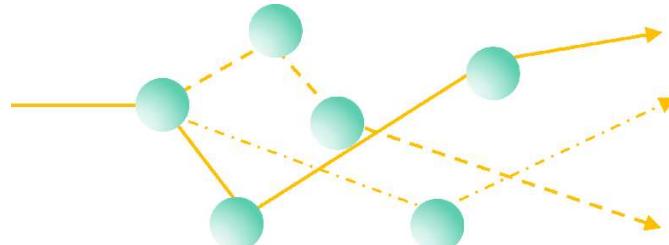
```

theta_sun  0.00



Pelicula de material particulado (simulaciones de transferencia radiativa)

Este caso corresponde a materiales con $\Lambda_{\text{sca}} > t_{\text{film}}$. En este caso los eventos de scattering se producen más de una vez, y decimos que estamos en un régimen de **scattering múltiple**. Como resultado, los tres términos de la RTE son relevantes y debemos resolver la ecuación mediante simulación computacional.



Transporte de luz en un medio con scattering múltiple

Consideremos un material de sílice de espesor $t_{\text{film}} = 5 \text{ mm}$. Evaluaremos los colores de este material en transmisión y reflexión para luz incidente normal a la superficie en función de la concentración y el diámetro de las partículas. Utilizamos la función `ad_rad_transfer` de la librería `empylib.rad_transfer`

```

import empylib.rad_transfer as rt
import empylib.nklib as nk
import empylib.miescattering as mie
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

lam2 = np.linspace(0.3,1.0,100) # espectro de Longitudes de onda en
micrometros
Nlayers = (1.0,nk.SiO2(lam2),1.0) # indice de refracción
superior, intermedio e inferior
Np = nk.silver(lam2) # Índice de refracción de las
partículas
cs.interp_internals(lam2)

def plot_glass_silver(fv,D):
    # parámetros de entrada

    theta = np.radians(0) # 30 grados en radianes
    tfilm = 5E3 # espesor en micrones

    fv = fv*1E-10 # fracción de volumen de las
partículas
    D = D*1E-3 # diámetro de las partículas

    qext, qsca = mie.scatter_efficiency(lam2,Nlayers[1],Np,D)[:2]
    qabs = qext - qsca
    Rtot, Ttot = rt.ad_rad_transfer(lam2,tfilm,Nlayers,fv,D,Np)

    fig, ax = plt.subplots(1,3)
    fig.set_size_inches(20, 5)
    plt.rcParams['font.size'] = '16'

    ax[0].plot(lam2,qsca,'-r',label='$C_{\mathrm{sca}}$')
    ax[0].plot(lam2,qabs,'-b',label='$C_{\mathrm{abs}}$')
    ax[0].set_xlabel('Longitud de onda ($\mu\text{m}$)')
    ax[0].set_ylabel('Eficiencia transversal')
    ax[0].set_title('Partícula de plata (D=%0.0f nm)' % (D*1E3))
    ax[0].legend()
    ax[0].set_xlim(0,10)

    ax[1].plot(lam2,Rtot,'-r',label = 'Rtot')
    ax[1].plot(lam2,Ttot,'-b',label = 'Ttot')
    ax[1].set_xlabel('Longitud de onda ($\mu\text{m}$)')
    ax[1].set_ylabel('Transmisividad')
    ax[1].set_title(r'Silice con plata (fv = %.1e %%)' % (fv*100) )
    ax[1].legend()
    ax[1].set_xlim(0,1)

    Dcircle = 0.20
    html_rgb = cs.spec_to_rgb(Ttot*AM15(lam2), out_fmt='html')
    Circle = plt.Circle((0, 0), Dcircle, color=html_rgb)
    ax[2].add_patch(Circle)
    ax[2].annotate('Luz Trasera', xy=(0, 0), va='center',
ha='center')

    html_rgb = cs.spec_to_rgb(Rtot*AM15(lam2), out_fmt='html')
    Circle = plt.Circle((Dcircle*1.2*2, 0), Dcircle,
color=html_rgb)
    ax[2].add_patch(Circle)
    ax[2].annotate('Luz Frontal', xy=(Dcircle*1.2*2, 0),
va='center', ha='center')

    ax[2].set_aspect('equal')
    ax[2].set_xlim(-Dcircle*1.2,Dcircle*1.2*3)

```

```

ax[2].set_ylim(-Dcircle*1.2,Dcircle*1.2)
ax[2].set_xticks([])
ax[2].set_yticks([])
ax[2].set_facecolor('k')
plt.subplots_adjust(wspace=0.3)

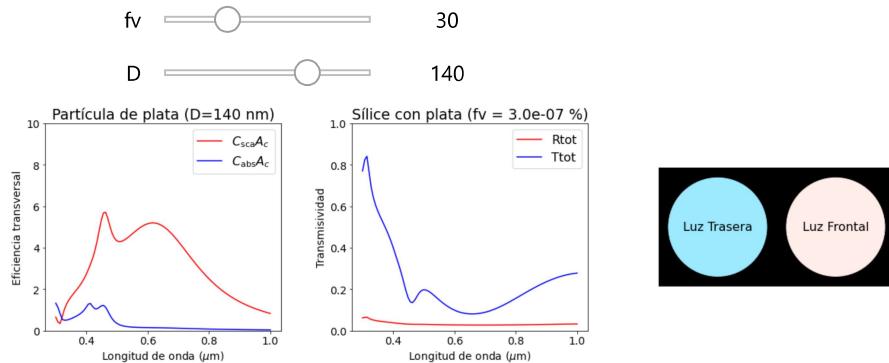
```

```

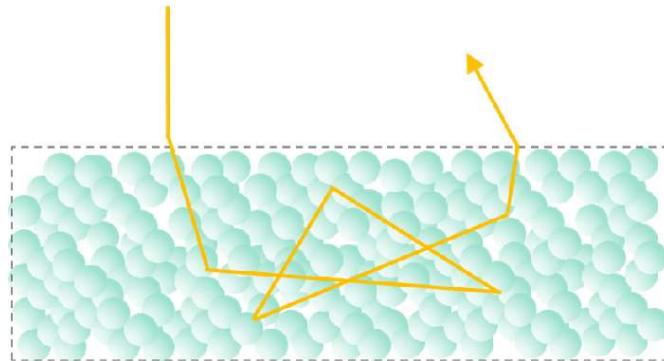
from ipywidgets import interact

@interact(fv=(1,100,1), D = (10,200,1))
def g(fv=30, D = 140):
    return plot_glass_silver(fv,D)

```



Cuando la concentración de partículas es densa, el medio se vuelve opaco. Este régimen se denomina **scattering difuso** y permite explicar, entre otras cosas, el color de las nubes o la pintura blanca



Transporte de luz en un medio con scattering difuso

Un ejemplo interesante corresponde a la leche. En términos simples, la leche es una emulsión formada por pequeñas partículas de grasa dispersas en un medio acuoso.

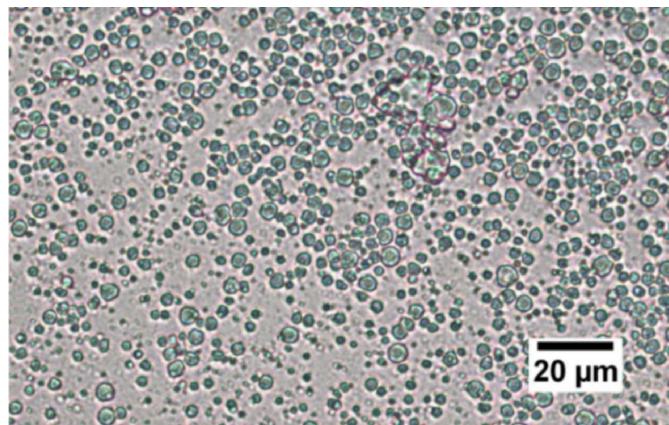


Imagen de microscópio (40x) de leche orgánica. Las burbujas verdes corresponden al aceite en suspensión en agua.

Fuente: [Braun K., Hanewald A. and Vilgis T. Foods 8\(10\): 483\(2019\)](#).

Como aproximación, consideremos un medio de espesor 1 cm, compuesto por agua $N_h = 1.3$ y pequeñas partículas esféricas de aceite $N_p = 1.5$. La emulsión considera un 60% de partículas de aceite por volumen.

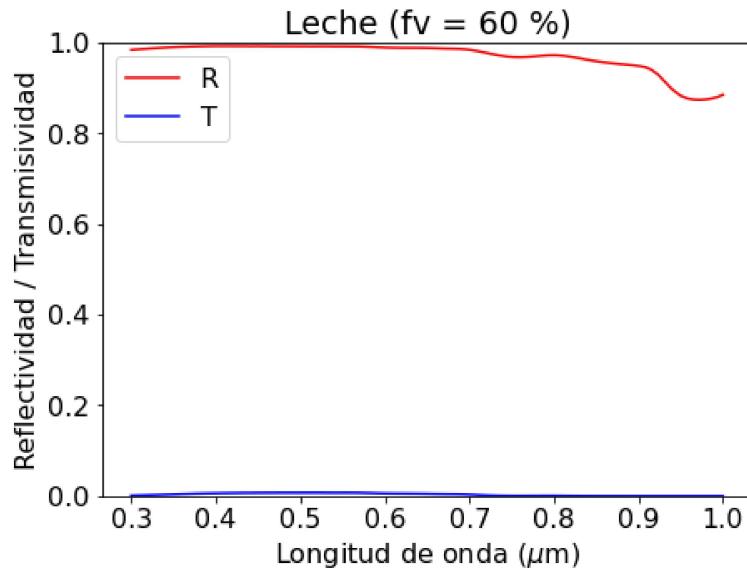
```
%capture showplot
# import empylib.nkLib as nk
import numpy as np
import empylib.rad_transfer as rt

# Solo modificar estos parámetros
#-----
lam3 = np.linspace(0.3,1.0,100)      # espectro de Longitudes de onda
tfilm = 10E3                         # espesor en micrones
fv = 0.6                             # fracción de volumen de los poros
D = 2.0                             # diámetro de los poros (micrones)
Nh2o = nk.H2O(lam3)                  # Índice de refracción del agua
Noil = 1.5                            # índice de refracción partículas de aceite
#-----
Rtot, Ttot = rt.ad_rad_transfer(lam3, tfilm,
(1.0,Nh2o,1.0),fv,D,Noil)

fig, ax = plt.subplots()
fig.set_size_inches(7, 5)
plt.rcParams['font.size'] = '16'
ax.plot(lam3,Rtot,'-r',label='R')
ax.plot(lam3,Ttot,'-b',label='T')
ax.set_xlabel('Longitud de onda ($\mu\text{m}$)')
ax.set_ylabel('Reflectividad / Transmisividad')
ax.set_title(r'Leche (fv = %.0f %%)' % (fv*100))
ax.legend()
ax.set_xlim(0,1)
plt.show
```

showplot()

```
<function matplotlib.pyplot.show(close=None, block=None)>
```



Como vemos la alta concentración de partículas hace que la refletividad y transmisividad se vuelvan casi uniformes para todas las longitudes de onda. El espectro, así, toma un color blanco frente a una fuente de luz blanca.

Referencias

- Chen G. **Chapter 5 - Energy Transfer by Waves** in *Nanoscale energy transport and conversion*, 1st Ed, Oxford University Press, 2005

By Francisco V. Ramirez-Cuevas

© Copyright 2022.