

## TAREFA BÁSICA – MATRIZES

**1-** Matriz  $(3 \times 2)$  – 3linhas e 2colunas, sendo  $a_{ij} = 2i + 3j$ . Escreva a matriz explicitamente:

**Resolução:**

$a_{11}$	$a_{12}$	Substituindo $\rightarrow$	$a_{11} =$ $2.1 + (3.1)$	$a_{12} =$ $2.1 + (3.2)$	Resultando $\rightarrow$	5	8
$a_{21}$	$a_{22}$		$a_{21} =$ $2.2 + (3.1)$	$a_{22} =$ $2.2 + (3.2)$		7	10
$a_{31}$	$a_{32}$		$a_{31} =$ $2.3 + (3.1)$	$a_{32} =$ $2.3 + (3.2)$		9	12

**2-** (UFRN) A matriz  $A = (a_{ij})_{2 \times 2}$ , onde  $a_{ij} = i^2 + 4j^2$ , tem a seguinte representação.

**R: A**

**Resolução:**

$a_{11}$	$a_{12}$	$a_{11} = 1^2 + 4.1^2 \rightarrow a_{11} = 1 + 4 = 5$	Sendo assim $\rightarrow$	5	17
$a_{12}$	$a_{22}$	$a_{12} = 1^2 + 4.2^2 \rightarrow a_{12} = 1 + 16 = 17$		8	20
$a_{21}$	$a_{22}$	$a_{21} = 2^2 + 4.1^2 \rightarrow a_{21} = 4 + 4 = 8$			
		$a_{22} = 2^2 + 4.2^2 \rightarrow a_{22} = 4 + 16 = 20$			

**03.** Determine x, y, e z de modo que se tenha:

**Resolução:**

$x + 2 = -x$	$y - 1 = 2y$	$z + 1 = -2z$
$x + x = -2$	$2y - y = -1$	$z + 2z = -1$
$2x = -2$	<b><math>y = -1</math></b>	$3z = -1$
$x = -2/2$		<b><math>z = -1/3</math></b>
<b><math>x = -1</math></b>		

**04.** Determine x, y e z de modo que se tenha:

**Resolução:**

$2x + 1 = 3x$	$-x = y$	$1 = z - 1$
$3x - 2x = 1$	<b><math>y = -1</math></b>	$z = 1 + 1$
<b><math>x = 1</math></b>		<b><math>z = 2</math></b>

**05.** (UN1MEP) É dado um quadrado de lado medindo 1 unidade. A matriz 4x4 tal que  $a_{ij}$  é a distância entre os vértices de número  $i$  e  $j$  é:

**R: B.**

**Resolução:**

Sendo este o quadrado, a distância de 1 a 1 = 0, portanto para  $a_{11}$ ;  $a_{22}$ ;  $a_{33}$ ;  $a_{44}$  é zero. Então:

$a_{11} = 0 \implies$  a distância entre os vértices 1 e 1 é igual a 0

$a_{12} = 1 \implies$  a distância entre os vértices 1 e 2 é igual a 1

$a_{13} = \sqrt{2} \implies$  a distância entre os vértices 1 e 3 é igual à diagonal do quadrado (raiz quadrada de 2)

$a_{14} = 1 \implies$  a distância entre os vértices 1 e 4 é igual a 1

$a_{21} = 1 \implies$  a distância entre os vértices 2 e 1 é igual a 1

$a_{22} = 0 \implies$  a distância entre os vértices 2 e 2 é igual a 0

$a_{23} = 1 \implies$  a distância entre os vértices 2 e 3 é igual a 1

$a_{24} = \sqrt{2} \implies$  distância entre os vértices 2 e 4 é igual à diagonal do quadrado

$a_{31} = \sqrt{2} \implies$  a distância entre os vértices 3 e 1 é igual à diagonal do quadrado

$a_{32} = 1 \implies$  a distância entre os vértices 3 e 2 é igual a 1

$a_{33} = 0 \implies$  a distância entre os vértices 3 e 3 é igual a 0

$a_{34} = 1 \implies$  a distância entre os vértices 3 e 4 é igual a 1

$a_{41} = 1 \implies$  a distância entre os vértices 4 e 1 é igual a 1

$a_{42} = \sqrt{2} \implies$  a distância entre os vértices 4 e 2 é igual à diagonal do quadrado

$a_{43} = 1 \implies$  a distância entre os vértices 4 e 3 é igual a 1

$a_{44} = 0 \implies$  a distância entre os vértices 4 e 4 é igual a 0

Então:

0	1	$\sqrt{2}$	1
1	0	1	$\sqrt{2}$
$\sqrt{2}$	1	0	1
1	$\sqrt{2}$	1	0

**06.** (UFPA) Sendo  $A = \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}$   $B = \begin{bmatrix} 0 \\ -2 \\ 1 \end{bmatrix}$  calcule o valor de  $2A - B$ .

**R: D.**

**Resolução:**

2 vezes o “A”  $\rightarrow$

-2
4
6

Subtraindo pelo “B”, temos:

-2
2
5

$\begin{aligned} (-2) - 0 &= -2 \\ 4 - (-2) &= 6 \\ 6 - 1 &= 5 \end{aligned}$
---

**07. (UFRJ)** Dadas as matrizes A e B. Então  $A-B$  é:

**R: B.**

**Resolução:**

Passando a matriz B para uma matriz transposta. Agora, sua primeira linha, como primeira coluna e segunda linha, como segunda coluna. Sendo assim:

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}$$

**Ou seja:**  $1 - (-1) = 2$

$$2 - 2 = 0$$

$$3 - 3 = 0$$

$$4 - 0 = 4$$

$$5 - 2 = 3$$

$$6 - 1 = 5$$

**08. UEL)** Uma matriz quadrada A diz-se simétrica se  $A = A^t$ . Assim, se a matriz é simétrica, então  $x+y+z$  é igual a:

**R: A.**

**Resolução:** Primeiro, converti a matriz em uma matriz transposta.

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -1 & 2y \\ x & 0 & -z \\ 4 & 3 & 2 \end{bmatrix} \quad A^t = \begin{bmatrix} 2 & x & 4 \\ -1 & 0 & 3 \\ 2y & -z & 2 \end{bmatrix}$$

$$\text{Assim: } \begin{array}{|l} \mathbf{x = -1} \\ 2y = 4 \\ y = 4/2 \\ \mathbf{y = 2} \end{array} \quad \begin{array}{|l} -z = 3 * (-1) \\ \mathbf{z = -3} \end{array} \quad \text{Somando } x+y+z, \text{ obtemos: } -1 + (-3) + 2 = \mathbf{-2}$$

**09. (UEB00)** Sejam as matrizes  $A = (a_{ij})_{3 \times 2}$  e  $B = (b_{ij})_{3 \times 2}$ , definidas por  $a_{ij} = i + j$ , se  $i \neq j$  e  $a_{ij} = 1$ , se  $i = j$  e  $b_{ij} = 0$ , se  $i \neq j$  e  $b_{ij} = 2i - j$ , se  $i = j$ . Então  $A+B$  é igual a:

**R: C.**

**Resolução:**

$$A \Rightarrow i \neq j \Rightarrow a_{12}; a_{21}; a_{31}; a_{32} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1+2 \\ 2+1 & 1 \\ 3+1 & 3+2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 1 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$$

$$A \Rightarrow i = j \Rightarrow a_{11}; a_{22}$$

$$B \Rightarrow i \neq j \Rightarrow a_{12}; a_{21}; a_{31}; a_{32}$$

$$B \Rightarrow i = j \Rightarrow a_{11}; a_{12}$$

$2*1-1$	0
0	$2*2-2$
0	0



1	0
0	2
0	0

$$A+B=$$

2	3
3	3
4	5

## 10. (UFBA)

**R: B.**

**Resolução:**

$$\frac{3}{2} * M = \frac{3}{2} * \begin{vmatrix} x & 8 \\ 10 & y \end{vmatrix}$$

Sendo assim:

$$M = \begin{vmatrix} 3x/2 & 12 \\ 15 & 3y/2 \end{vmatrix}$$

$$\frac{2}{3} * N = \frac{2}{3} * \begin{vmatrix} y & 6 \\ 12 & x+4 \end{vmatrix}$$

então:

$$N = \begin{vmatrix} 2y/3 & 4 \\ 8 & [2x+8/3] \end{vmatrix}$$

Agora, foram somadas as matrizes, coluna com coluna:

$$\begin{vmatrix} 3x/2 & 12 \\ 15 & 3y/2 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 2y/3 & 4 \\ 8 & [2x+8/3] \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 3x/2 + 2y/3 & 12 + 4 = 16 \\ 15 + 8 = 23 & (2x+8/3) + 3y/2 \end{vmatrix}$$

Sendo esta soma igual a P:

$$3x/2 + 2y/3 = 7$$

$$2x+8/3 + 3y/2 = 13$$

É feito o MMC nas duas equações:

$$9x/6 + 2 * 2y/6 = 42/6$$

$$2(2x+8)/6 + 3 * 3y/6 = 13 * 6$$

$$9x + 4y = 42$$

$$4x + 16 + 9y = 78$$

$$9x + 4y = 42$$

$$4x + 9y = 62$$

Somente o valor de  $y - x$  é requerido, então, é feita a subtração de uma equação da outra:

$$9x - 4x + 4y - 9y = 42 - 62$$

$$5x - 5y = -20$$

$$x - y = -4 \quad *(-1)$$

$$\mathbf{y - x = 4}$$