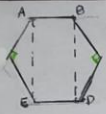


TAREFA BÁSICA 27

Área de Polígono

01



Para calcular a área do hexágono dividi em um retângulo e dois triângulos retângulos, pois que C, F tem 30° cada.

$$ABED = 540^\circ$$

Para descobrir AE e BD, basta utilizar um dos Δ ; logo:

$$h_{\text{tri}}^2 = b^2 + c^2$$

$$h_{\text{tri}}^2 = 5^2 + 5^2 \rightarrow h^2 = 50$$

$$h = \sqrt{50} \rightarrow h = 5\sqrt{2} \Rightarrow AE + BD$$

Agora, calcula-se a área do $\square ABED$:

$$A = b \cdot h \rightarrow A = 5\sqrt{2} \cdot 5$$

$$A = 25\sqrt{2}$$

A altura do triângulo

$$h = \frac{5}{\sqrt{2}} \rightarrow h = \frac{5}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \rightarrow h = \frac{5\sqrt{2}}{2}$$

Logo, a área do triângulo

$$A_{\Delta} = \frac{(5\sqrt{2}) \cdot (\frac{5\sqrt{2}}{2})}{2} \rightarrow = \frac{25}{2}$$

Então, a área do hexágono é:

$$A_h = 2 \cdot \text{área do } \Delta + \text{área do } \square$$

$$A_h = (2 \cdot \frac{25}{2}) + 25\sqrt{2}$$

$$A_h = 25 + 25\sqrt{2}$$

$$\rightarrow A_h = 25(\sqrt{2} + 1) \sim \text{letra E}$$

02) A partir da área de Δ , descobrimos quanto vale o lado.

$$A = \frac{l^2 \sqrt{3}}{4} \rightarrow 16\sqrt{3} = \frac{(l^2 \sqrt{3})}{4} \rightarrow 64\sqrt{3} = l^2 \sqrt{3}$$

$$\rightarrow 64\sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = l^2$$

$$64 = l^2 \rightarrow l = 8, \text{ - lado do triângulo}$$

Agora, calcula-se a altura, para descobrir o valor diagonal do quadrado.

$$h = \frac{l\sqrt{3}}{2} \rightarrow h = \frac{8\sqrt{3}}{2} \rightarrow 4\sqrt{3} \text{ - lado do quadrado}$$

diagonal quadrado \rightarrow

$$d = l\sqrt{2}$$

$$4\sqrt{3} = l\sqrt{2}$$

$$l = \frac{4\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \rightarrow l = \frac{4\sqrt{6}}{2}$$

$$l = 2\sqrt{6} \text{ - lado } \square$$

Logo sua área é:

$$\frac{5\sqrt{2}}{2}$$

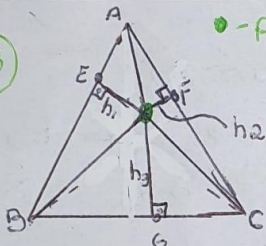
$$A_{\square} = l^2$$

$$A = (2\sqrt{6})^2$$

$$A = 4 \cdot 6$$

$$A = 24 \text{ m}^2 \sim \text{letra B}$$

03



- ponto P

Com $h_1 + h_2 + h_3$ para unir os vértices de ABC, obtêm-se os ΔAPB , ΔAPC , ΔBPC e a soma dessas áreas vai ser = a área de ABC, assim

$$(\Delta PB) = \frac{2h_1}{2}$$

$$\Delta PC = \frac{2h_2}{2}$$

$$\Delta PC = \frac{2h_3}{2}$$

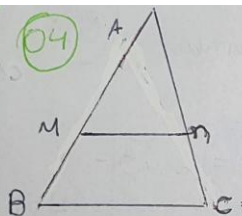
$$+ \rightarrow \frac{2h_1}{2} + \frac{2h_2}{2} + \frac{2h_3}{2} = \Delta PB + \Delta PC + \Delta BPC$$

$$ABC = \sqrt{3}$$

Logo:

$$(h_1 + h_2 + h_3 = \sqrt{3}) \text{ - letra B}$$

04



$MN = \frac{1}{2}BC$, assim temos dois
Triângulos semelhantes $\triangle AMN$ e $\triangle ABC$
Então, faz-se a razão de $\triangle AMN$ e $\triangle ABC$

$$\frac{\Delta AMN}{\Delta ABC} = \frac{1}{4} \rightarrow \Delta AMN = \frac{1}{4} \Delta ABC$$

Então, sendo 'x' a área do quadrilátero BMNC:

$$\Delta ABC = x + \Delta AMN$$

$$x = \Delta ABC - \Delta AMN$$

$$x = 96 - \frac{1}{4}(96) \rightarrow x = 96 - 24 \rightarrow x = 72 \text{ cm}^2$$

05

O raio = 5cm ; AB é o diâmetro
 $AB = 10 \text{ cm}$; $BC = 6 \text{ cm}$

Primeiro, descobre-se o lado AC

$$AB^2 = BC^2 + AC^2 \rightarrow 10^2 = 6^2 + AC^2 \rightarrow$$

$$\rightarrow 100 - 36 = AC^2 \rightarrow AC = 8 //$$

Agora:

$$A = \frac{BC \cdot AC}{2} \rightarrow A = \frac{6 \cdot 8}{2} \rightarrow A = \frac{48}{2}$$

$$A = 24 \sim \text{letra A}$$

06



→ raio = 4cm
Calcula-se a área do Δ

$$\Delta = \frac{l^2 \sqrt{3}}{4} \rightarrow A_{\Delta} = \frac{4^2 \sqrt{3}}{4} -$$

$$\rightarrow A_{\Delta} = \frac{16 \sqrt{3}}{4} = 4 \sqrt{3} = A_{\Delta}$$

Então:

$$(4 \sqrt{3})^2$$

$$\rightarrow 16 \cdot 3 = 48 \text{ cm}^2$$