

## TAREFA BÁSICA 9

### Coeficientes binomiais e triangulo de Pascal/ Tartaglia

01

$$\binom{8}{3} = \frac{8!}{3!5!} \rightarrow \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot \cancel{5!}}{3! \cdot \cancel{5!}} = \frac{336}{6} = 56 //$$

(B)

02

$$\binom{200}{198} = \frac{200!}{198!2!} \Rightarrow \frac{200 \cdot 199 \cdot \cancel{198!}}{\cancel{198!} \cdot 2!} \Rightarrow \frac{39800}{2} = 19900 //$$

(A)

05

$$\binom{n}{0} + \binom{n}{1} + \binom{n}{2} + \dots + \binom{n}{n}$$

→ neste caso está sendo feita a soma da linha "n", então a soma completa será  $2^n$

\* A potência não será necessariamente o número da linha; indo até o enésimo número igual ao da linha.

$$(06) a) \sum_{p=0}^{10} \binom{10}{p} = \binom{10}{0} + \binom{10}{1} + \dots + \binom{10}{10} \rightarrow \text{linha 10}$$

$$\hookrightarrow 2^{10} = \underline{1024}$$

$$b) \sum_{p=0}^9 \binom{10}{p} = \binom{10}{0} + \binom{10}{1} + \dots + \binom{10}{9} \rightarrow \text{linha 10}$$

$$2^{10} = \binom{10}{10} = 2^{10} - 1 = 1024 - 1 = \underline{1023}$$

$$c) \sum_{p=2}^9 \binom{9}{p} = \binom{9}{2} + \binom{9}{3} + \dots + \binom{9}{9} \rightarrow \text{linha 9}$$

$$19 = \binom{9}{0} - \binom{9}{1} = 2^9 - 1 - 9 \Rightarrow 512 - 10 = \underline{502}$$

$$(07) \sum_{k=0}^m \binom{m}{k} = 512 \rightarrow \binom{m}{0} + \binom{m}{1} + \dots + \binom{m}{m}$$

$$\hookrightarrow 2^m = 512$$

$$512 = 2^9$$

$$2^m = 2^9$$

$$\underline{m = 9}$$