Actividad 4.1: Evaluación

Paola Rojas Domínguez A01737136

En este script se modela y simula el movimiento de un robot móvil diferencial que sigue una secuencia de velocidades lineales y angulares definidas como referencias. La simulación también incluye la visualización del movimiento en un entorno 3D, así como las gráficas correspondientes a las entradas de velocidad.

Inicialización

Se inicia limpiando la consola y la memoria para evitar conflictos de datos anteriores.

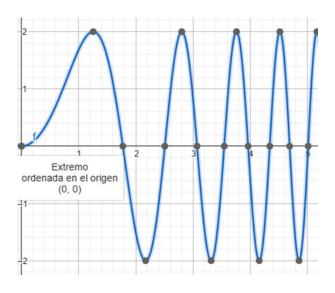
```
clear
close all
clc

r = 0.05;
l = 0.3;
```

Trayectoria 1

```
X = [0, 5]
```

$$F(x) = 2\operatorname{sen}(x^2)$$



Tiempo

Se establecen los parámetros temporales. El número de muestras N se define como el núemro de muestras, mientras que el tiempo de muestreo se define como ts = 0.01 segundos. El vector de tiempo t se genera con una distribución lineal.

```
N = 500;
ts = 0.01;
t = (0:N-1)*ts; % Vector de tiempo
```

Velocidades de referencia

En esta simulación, el robot sigue una trayectoria curva definida por la función $y = 2 \text{sen}(x^2)$, generando un recorrido oscilante que se abre hacia los lados conforme avanza en x. Las velocidades lineal y angular se calculan a partir de las derivadas de esta trayectoria: la velocidad lineal u corresponde a la magnitud del vector tangente (velocidad instantánea), mientras que la velocidad angular w se obtiene del cambio de orientación ϕ a lo largo del tiempo. Esto permite al robot seguir con precisión la forma de la trayectoria referencial.

```
x_ref = linspace(0, 5, N);
y_ref = 2 * sin(x_ref.^2);

dx = gradient(x_ref, ts);
dy = gradient(y_ref, ts);
phi_ref = atan2(dy, dx);

u = sqrt(dx.^2 + dy.^2);
w = gradient(phi_ref, ts);
```

Condiciones iniciales

Las condiciones iniciales del robot se fijan en el origen del plano, con orientación cero. Los vectores x1, y1 y phi representan respectivamente la posición en el eje X, el eje Y y la orientación del robot a lo largo de toda la simulación.

```
x1 = zeros (1,N+1);
y1 = zeros (1,N+1);
phi = zeros(1, N+1);
```

Todos ellos se inicializan en cero, asignando los valores iniciales explícitamente en la primera posición de cada vector.

```
x1(1) = 0;

y1(1) = 0;

phi(1) = 0;
```

Punto de control

También se inicializan los vectores hx y hy que almacenarán la trayectoria del punto de control del robot (que coincide con el centro del eje entre ruedas), comenzando en la misma posición inicial del robot.

```
hx = zeros(1, N+1);
hy = zeros(1, N+1);

hx(1) = x1(1);
hy(1) = y1(1);
```

Bucle de simulación

El bucle for que recorre todas las muestras temporales. En cada iteración, se actualiza la orientación phi del robot utilizando integración numérica con el método de Euler. Luego, se calculan las componentes de la velocidad en los ejes X y Y considerando la orientación recién calculada. Con esas velocidades, también

mediante Euler, se actualiza la posición del robot. Finalmente, se actualiza la trayectoria del punto de control con las nuevas coordenadas del centro del robot.

Simulacion virtual 3D

Tras la simulación cinemática, se configura un entorno 3D para visualizar el comportamiento del robot. Se crea una figura de tamaño completo con fondo blanco, se ajustan los ejes con proporciones iguales y se establecen etiquetas y cuadrículas para facilitar la lectura del entorno. Se coloca una luz en la escena y se orienta la vista para una mejor perspectiva. Los límites de visualización se establecen para acomodar el espacio que recorrerá el robot.

a) Configuracion de escena

```
scene=figure; % Crear figura (Escena)
set(scene,'Color','white'); % Color del fondo de la escena
set(gca,'FontWeight','bold') ;% Negrilla en los ejes y etiquetas
sizeScreen=get(0,'ScreenSize'); % Retorna el tamaño de la pantalla del computador
set(scene,'position',sizeScreen); % Congigurar tamaño de la figura
camlight('headlight'); % Luz para la escena
axis equal; % Establece la relación de aspecto para que las unidades de datos sean
las mismas en todas las direcciones.
grid on; % Mostrar líneas de cuadrícula en los ejes
box on; % Mostrar contorno de ejes
xlabel('x(m)'); ylabel('y(m)'); zlabel('z(m)'); % Etiqueta de los eje

view([15 15]); % Orientacion de la figura
axis([-1 6 -3 3 0 2]); % Ingresar limites minimos y maximos en los ejes x y z [minX
maxX minY maxY minZ maxZ]
```

b) Graficar robots en la posicion inicial

```
scale = 4;
MobileRobot_5;
H1=MobilePlot_4(x1(1),y1(1),phi(1),scale);hold on;
```

c) Graficar Trayectorias

```
H2=plot3(hx(1),hy(1),0,'c','lineWidth',2);
```

d) Bucle de simulacion de movimiento del robot

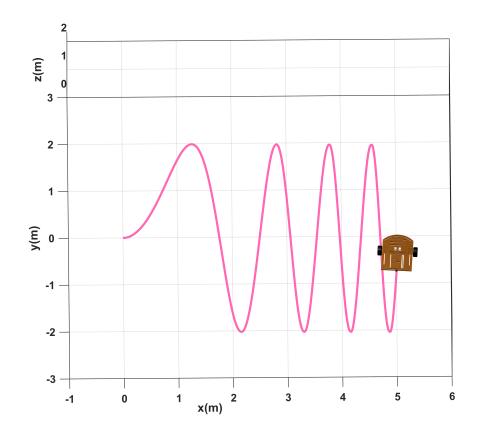
Se dibuja el robot en su posición inicial mediante una función externa (MobilePlot_4) que toma como parámetros la posición, orientación y una escala de visualización. Luego, se dibuja la primera parte de la trayectoria del punto de control en color rojo. El bucle de simulación gráfica recorre los pasos definidos, actualizando la posición del robot y su trayectoria en cada iteración.

```
step=1; % pasos para simulacion

for k=1:step:N

    delete(H1);
    delete(H2);

    H1=MobilePlot_4(x1(k),y1(k),phi(k),scale);
    H2=plot3(hx(1:k),hy(1:k),zeros(1,k),'Color', [1 0.4 0.7],'lineWidth',2);
    pause(ts);
end
```



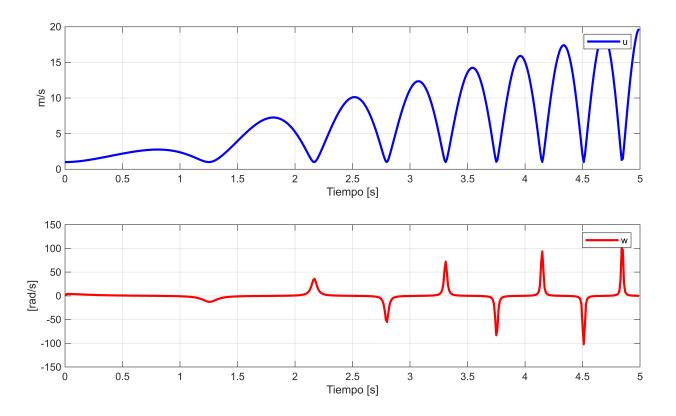
Gráficas

Finalmente, se muestran las gráficas de las velocidades u y w a lo largo del tiempo. Se usan subplots para presentar ambas curvas por separado, manteniendo una línea clara y visible. Estas gráficas permiten verificar que las referencias de velocidad se aplicaron correctamente a lo largo de la simulación.

```
graph=figure;
set(graph,'position',sizeScreen);

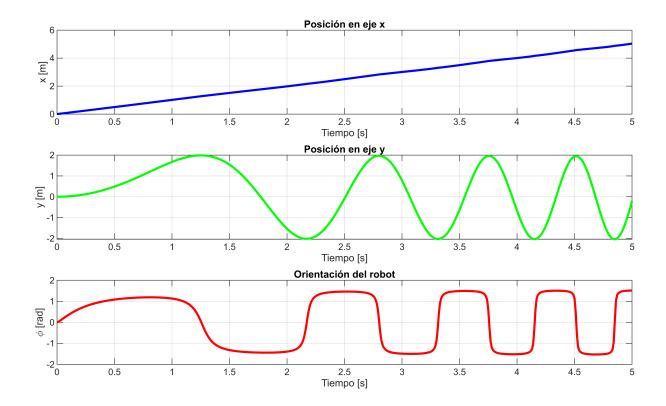
subplot(211)
plot(t,u,'b','LineWidth',2),grid('on'),xlabel('Tiempo [s]'),ylabel('m/
s'),legend('u');

subplot(212)
plot(t,w,'r','LineWidth',2),grid('on'),xlabel('Tiempo [s]'),ylabel('[rad/
s]'),legend('w');
```



Se crean tres subgráficas que muestran la evolución de la posición del robot en los ejes X, Y y su orientación (phi) a lo largo del tiempo.

```
graph2 = figure;
set(graph2, 'position', sizeScreen);
subplot(3,1,1)
plot((0:N)*ts, x1, 'b', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('x [m]');
title('Posición en eje x');
grid on;
subplot(3,1,2)
plot((0:N)*ts, y1, 'g', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('y [m]');
title('Posición en eje y');
grid on;
subplot(3,1,3)
plot((0:N)*ts, phi, 'r', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('\phi [rad]');
title('Orientación del robot');
grid on;
```

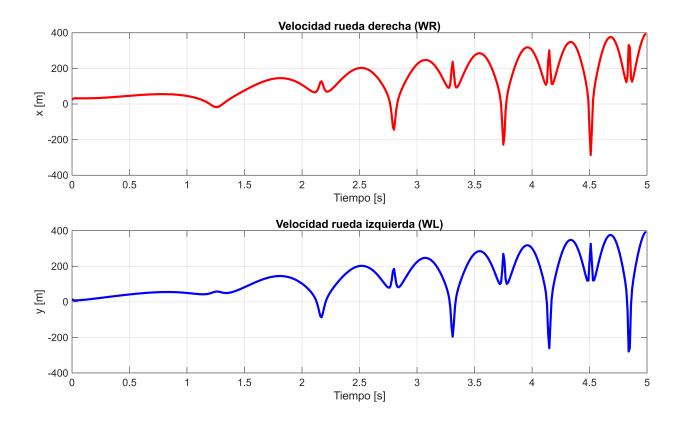


Luego, se calculan las velocidades de las ruedas derecha (wr) y izquierda (w1) utilizando las ecuaciones cinemáticas del robot diferencial, y se crean dos nuevas subgráficas. La primera muestra la velocidad de la rueda derecha, y la segunda, la velocidad de la rueda izquierda.

```
wr = (2*u + w*1) / (2*r);
wl = (2*u - w*1) / (2*r);
graph3 = figure;
set(graph3, 'position', sizeScreen);

subplot(2,1,1)
plot((0:N-1)*ts, wr, 'r', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('x [m]');
title('Velocidad rueda derecha (WR)');
grid on;

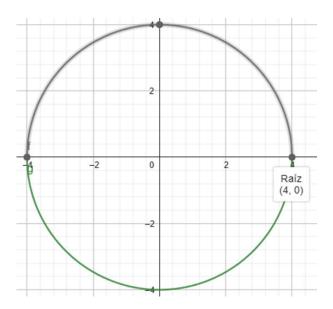
subplot(2,1,2)
plot((0:N-1)*ts, wl, 'b', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('y [m]');
title('Velocidad rueda izquierda (WL)');
grid on;
```



Trayectoria 2

$$X = [-4, 4]$$

$$F(x) = x^2 + y^2 - 16$$



Velocidades de referencia

En esta simulación, el robot se mueve con una velocidad lineal constante de 4 m/s mientras gira continuamente con una velocidad angular constante de 1 rad/s. Este tipo de movimiento genera una trayectoria circular, lo que permite observar el comportamiento del robot al combinar traslación uniforme con una rotación sostenida.

```
u = 4*ones(1, 640);
w = 1*ones(1, 640);
```

Tiempo

A continuación, se establecen los parámetros temporales. El número de muestras N se obtiene a partir de la longitud del vector u, mientras que el tiempo de muestreo se define como ts = 0.01 segundos. El vector de tiempo t se genera con una distribución lineal.

```
N = length(u);
tf = N*2;
ts = 0.01;
t = linspace(0, ts, N);
```

Condiciones iniciales

Las condiciones iniciales del robot se fijan en el origen del plano, con orientación cero. Los vectores x1, y1 y phi representan respectivamente la posición en el eje X, el eje Y y la orientación del robot a lo largo de toda la simulación.

```
x1 = zeros (1,N+1);
y1 = zeros (1,N+1);
phi = zeros(1, N+1);
```

Asignamos los valores iniciales, correspondientes a la coordenada de inicio, explícitamente en la primera posición de cada vector.

```
x1(1) = 0;
y1(1) = -4;
phi(1) = 0;
```

Punto de control

También se inicializan los vectores hx y hy que almacenarán la trayectoria del punto de control del robot (que coincide con el centro del eje entre ruedas), comenzando en la misma posición inicial del robot.

```
hx = zeros(1, N+1);
hy = zeros(1, N+1);

hx(1) = x1(1);
hy(1) = y1(1);
```

Bucle de simulación

El bucle for que recorre todas las muestras temporales. En cada iteración, se actualiza la orientación phi del robot utilizando integración numérica con el método de Euler. Luego, se calculan las componentes de

la velocidad en los ejes X y Y considerando la orientación recién calculada. Con esas velocidades, también mediante Euler, se actualiza la posición del robot. Finalmente, se actualiza la trayectoria del punto de control con las nuevas coordenadas del centro del robot.

Simulacion virtual 3D

Tras la simulación cinemática, se configura un entorno 3D para visualizar el comportamiento del robot. Se crea una figura de tamaño completo con fondo blanco, se ajustan los ejes con proporciones iguales y se establecen etiquetas y cuadrículas para facilitar la lectura del entorno. Se coloca una luz en la escena y se orienta la vista para una mejor perspectiva. Los límites de visualización se establecen para acomodar el espacio que recorrerá el robot.

a) Configuracion de escena

```
scene=figure; % Crear figura (Escena)
set(scene,'Color','white'); % Color del fondo de la escena
set(gca,'FontWeight','bold') ;% Negrilla en los ejes y etiquetas
sizeScreen=get(0,'ScreenSize'); % Retorna el tamaño de la pantalla del computador
set(scene,'position',sizeScreen); % Congigurar tamaño de la figura
camlight('headlight'); % Luz para la escena
axis equal; % Establece la relación de aspecto para que las unidades de datos sean
las mismas en todas las direcciones.
grid on; % Mostrar líneas de cuadrícula en los ejes
box on; % Mostrar contorno de ejes
xlabel('x(m)'); ylabel('y(m)'); zlabel('z(m)'); % Etiqueta de los eje

view([15 15]); % Orientacion de la figura
axis([-6 6 -6 6 0 2]); % Ingresar limites minimos y maximos en los ejes x y z [minX
maxX minY maxY minZ maxZ]
```

b) Graficar robots en la posicion inicial

```
scale = 4;
MobileRobot_5;
H1=MobilePlot_4(x1(1),y1(1),phi(1),scale);hold on;
```

c) Graficar Trayectorias

```
H2=plot3(hx(1),hy(1),0,'c','lineWidth',2);
```

d) Bucle de simulacion de movimiento del robot

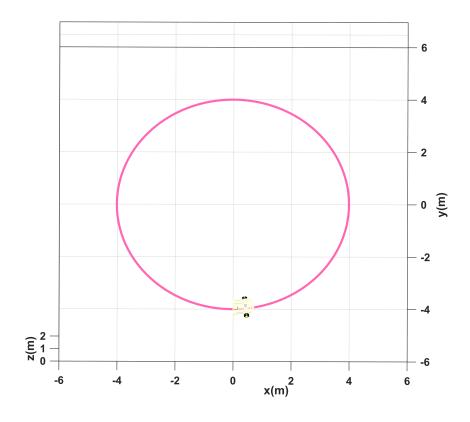
Se dibuja el robot en su posición inicial mediante una función externa (MobilePlot_4) que toma como parámetros la posición, orientación y una escala de visualización. Luego, se dibuja la primera parte de la trayectoria del punto de control en color rojo. El bucle de simulación gráfica recorre los pasos definidos, actualizando la posición del robot y su trayectoria en cada iteración.

```
step=1; % pasos para simulacion

for k=1:step:N

    delete(H1);
    delete(H2);

    H1=MobilePlot_4(x1(k),y1(k),phi(k),scale);
    H2=plot3(hx(1:k),hy(1:k),zeros(1,k),'Color', [1 0.4 0.7],'lineWidth',2);
    pause(ts);
end
```



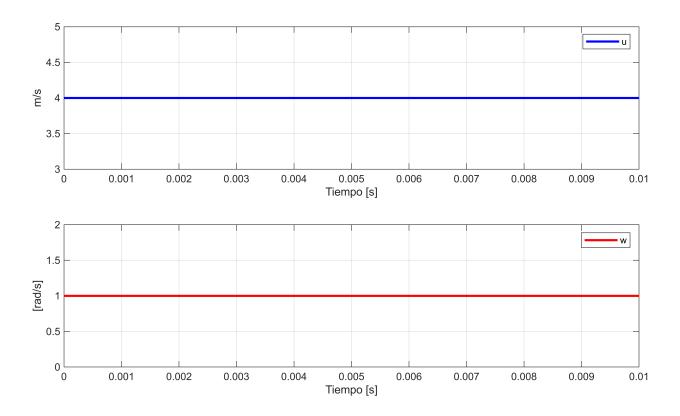
Gráficas

Finalmente, se muestran las gráficas de las velocidades u y w a lo largo del tiempo. Se usan subplots para presentar ambas curvas por separado, manteniendo una línea clara y visible. Estas gráficas permiten verificar que las referencias de velocidad se aplicaron correctamente a lo largo de la simulación.

```
graph4=figure; % Crear figura (Escena)
set(graph4,'position',sizeScreen); % Congigurar tamaño de la figura

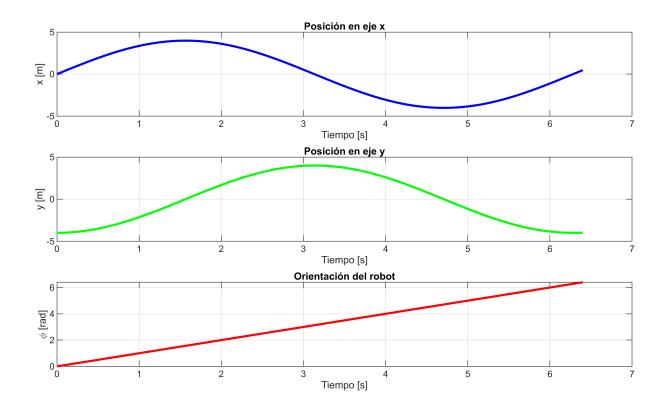
subplot(2,1,1)
plot(t,u,'b','LineWidth',2),grid('on'),xlabel('Tiempo [s]'),ylabel('m/s'),legend('u');

subplot(2,1,2)
plot(t,w,'r','LineWidth',2),grid('on'),xlabel('Tiempo [s]'),ylabel('[rad/s]'),legend('w');
```



Se crean tres subgráficas que muestran la evolución de la posición del robot en los ejes X, Y y su orientación (phi) a lo largo del tiempo.

```
graph5 = figure;
set(graph5, 'position', sizeScreen);
subplot(3,1,1)
plot((0:N)*ts, x1, 'b', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('x [m]');
title('Posición en eje x');
grid on;
subplot(3,1,2)
plot((0:N)*ts, y1, 'g', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('y [m]');
title('Posición en eje y');
grid on;
subplot(3,1,3)
plot((0:N)*ts, phi, 'r', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('\phi [rad]');
title('Orientación del robot');
grid on;
```

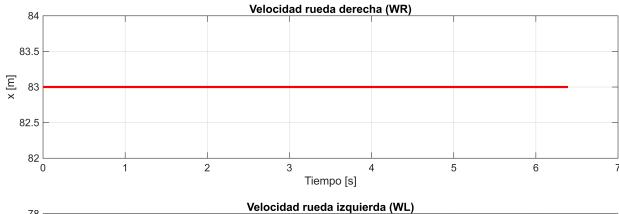


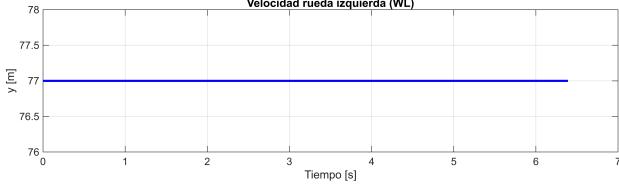
Luego, se calculan las velocidades de las ruedas derecha (wr) y izquierda (w1) utilizando las ecuaciones cinemáticas del robot diferencial, y se crean dos nuevas subgráficas. La primera muestra la velocidad de la rueda derecha, y la segunda, la velocidad de la rueda izquierda.

```
wr = (2*u + w*l) / (2*r);
wl = (2*u - w*l) / (2*r);
graph6 = figure;
set(graph6, 'position', sizeScreen);

subplot(2,1,1)
plot((0:N-1)*ts, wr, 'r', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('x [m]');
title('Velocidad rueda derecha (WR)');
grid on;

subplot(2,1,2)
plot((0:N-1)*ts, wl, 'b', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('y [m]');
title('Velocidad rueda izquierda (WL)');
grid on;
```





Trayectoria 3

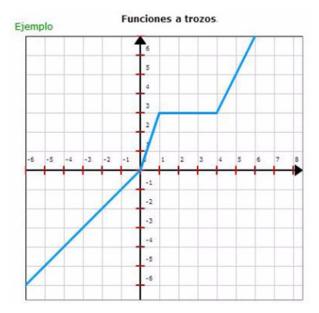
$$X = [-6, 6]$$

$$y = f(x) = x, (x \le 0)$$

$$3x$$
, $(0 < x < 1)$

$$3, (1 \le x \le 4)$$

$$2x - 5, (x \ge 4)$$



Velocidades de referencia

En esta simulación, el robot alterna entre tramos en reposo y movimientos rectilíneos a distintas velocidades: 8.49, 3.16, 3.0 y 4.47 m/s. Entre cada tramo recto, se aplican giros precisos con velocidades angulares equivalentes a 45°, 26.57°, -71.57° y 63.43 lo que permite cambiar su orientación antes de continuar avanzando. Este patrón de movimiento genera una trayectoria con segmentos rectos de diferentes longitudes conectados por cambios de dirección calculados, lo que simula un desplazamiento con curvas planeadas y controladas, ideal para evaluar la precisión del modelo cinemático del robot.

```
u = [zeros(1,10),8.49*ones(1, 10), zeros(1, 10), 3.16*ones(1, 10), zeros(1, 10),
3*ones(1,10), zeros(1, 10), 4.47*ones(1,10)];
w = [deg2rad(45).*ones(1, 10), zeros(1,10), deg2rad(26.57).*ones(1, 10),
zeros(1,10), deg2rad(-71.57).*ones(1, 10),zeros(1,10), deg2rad(63.43).*ones(1,10),zeros(1,10)];
```

Tiempo

A continuación, se establecen los parámetros temporales. El número de muestras N se obtiene a partir de la longitud del vector u, mientras que el tiempo de muestreo se define como ts = 0.1 segundos. El vector de tiempo t se genera con una distribución lineal.

```
N = length(u);
tf = N*2;
ts = 0.1;
t = linspace(0, ts, N);
```

Condiciones iniciales

Las condiciones iniciales del robot se fijan en el origen del plano, con orientación cero. Los vectores x1, y1 y phi representan respectivamente la posición en el eje X, el eje Y y la orientación del robot a lo largo de toda la simulación.

```
x1 = zeros (1,N+1);
```

```
y1 = zeros (1,N+1);
phi = zeros(1, N+1);
```

Asignamos la coordenada inicial en (-6, -6), en la primera posición de cada vector.

```
x1(1) = -6;
y1(1) = -6;
phi(1) = 0;
```

Punto de control

También se inicializan los vectores hx y hy que almacenarán la trayectoria del punto de control del robot (que coincide con el centro del eje entre ruedas), comenzando en la misma posición inicial del robot.

```
hx = zeros(1, N+1);

hy = zeros(1, N+1);

hx(1) = x1(1);

hy(1) = y1(1);
```

Bucle de simulación

El bucle for que recorre todas las muestras temporales. En cada iteración, se actualiza la orientación phi del robot utilizando integración numérica con el método de Euler. Luego, se calculan las componentes de la velocidad en los ejes X y Y considerando la orientación recién calculada. Con esas velocidades, también mediante Euler, se actualiza la posición del robot. Finalmente, se actualiza la trayectoria del punto de control con las nuevas coordenadas del centro del robot.

Simulacion virtual 3D

Tras la simulación cinemática, se configura un entorno 3D para visualizar el comportamiento del robot. Se crea una figura de tamaño completo con fondo blanco, se ajustan los ejes con proporciones iguales y se establecen etiquetas y cuadrículas para facilitar la lectura del entorno. Se coloca una luz en la escena y se orienta la vista para una mejor perspectiva. Los límites de visualización se establecen para acomodar el espacio que recorrerá el robot.

a) Configuracion de escena

```
scene=figure; % Crear figura (Escena)
set(scene,'Color','white'); % Color del fondo de la escena
set(gca,'FontWeight','bold') ;% Negrilla en los ejes y etiquetas
sizeScreen=get(0,'ScreenSize'); % Retorna el tamaño de la pantalla del computador
set(scene,'position',sizeScreen); % Congigurar tamaño de la figura
camlight('headlight'); % Luz para la escena
axis equal; % Establece la relación de aspecto para que las unidades de datos sean
las mismas en todas las direcciones.
grid on; % Mostrar líneas de cuadrícula en los ejes
box on; % Mostrar contorno de ejes
xlabel('x(m)'); ylabel('y(m)'); zlabel('z(m)'); % Etiqueta de los eje

view([15 15]); % Orientacion de la figura
axis([-7 7 -7 7 0 2]); % Ingresar limites minimos y maximos en los ejes x y z [minX
maxX minY maxY minZ maxZ]
```

b) Graficar robots en la posicion inicial

```
scale = 4;
MobileRobot_5;
H1=MobilePlot_4(x1(1),y1(1),phi(1),scale);hold on;
```

c) Graficar Trayectorias

```
H2=plot3(hx(1),hy(1),0,'c','lineWidth',2);
```

d) Bucle de simulacion de movimiento del robot

Se dibuja el robot en su posición inicial mediante una función externa (MobilePlot_4) que toma como parámetros la posición, orientación y una escala de visualización. Luego, se dibuja la primera parte de la trayectoria del punto de control en color rojo. El bucle de simulación gráfica recorre los pasos definidos, actualizando la posición del robot y su trayectoria en cada iteración.

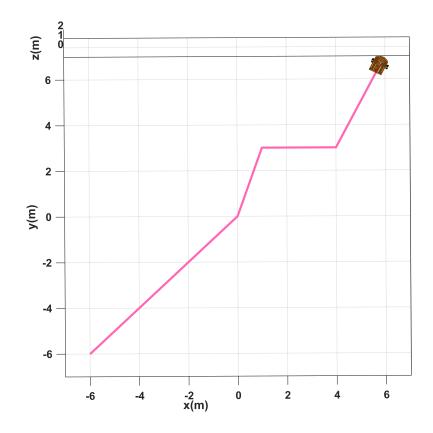
```
step=1; % pasos para simulacion

for k=1:step:N

    delete(H1);
    delete(H2);

H1=MobilePlot_4(x1(k),y1(k),phi(k),scale);
    H2=plot3(hx(1:k),hy(1:k),zeros(1,k),'Color', [1 0.4 0.7],'lineWidth',2);
```

```
pause(ts);
end
```



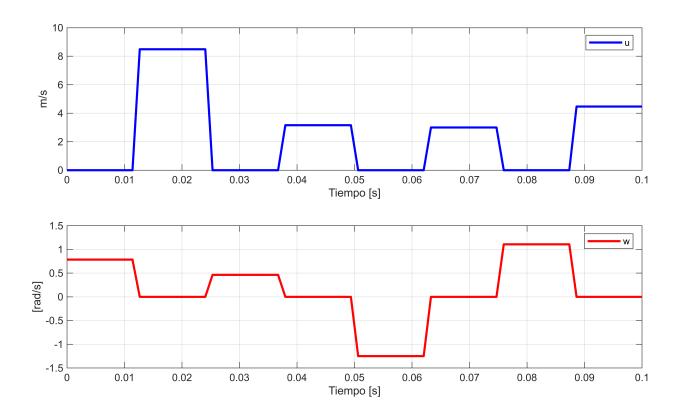
Gráficas

Finalmente, se muestran las gráficas de las velocidades u y w a lo largo del tiempo. Se usan subplots para presentar ambas curvas por separado, manteniendo una línea clara y visible. Estas gráficas permiten verificar que las referencias de velocidad se aplicaron correctamente a lo largo de la simulación.

```
graph4=figure; % Crear figura (Escena)
set(graph4,'position',sizeScreen); % Congigurar tamaño de la figura

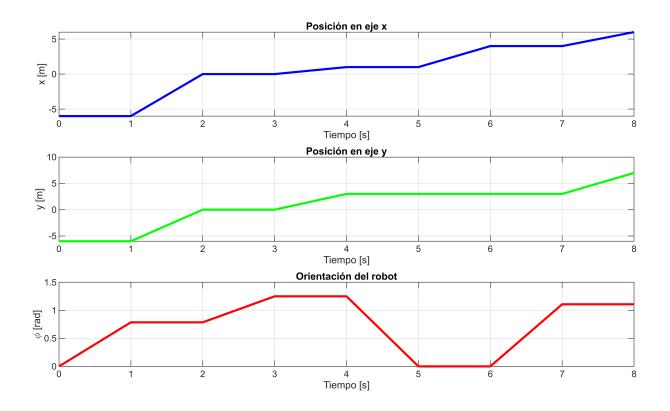
subplot(2,1,1)
plot(t,u,'b','LineWidth',2),grid('on'),xlabel('Tiempo [s]'),ylabel('m/s'),legend('u');

subplot(2,1,2)
plot(t,w,'r','LineWidth',2),grid('on'),xlabel('Tiempo [s]'),ylabel('[rad/s]'),legend('w');
```



Se crean tres subgráficas que muestran la evolución de la posición del robot en los ejes X, Y y su orientación (phi) a lo largo del tiempo.

```
graph5 = figure;
set(graph5, 'position', sizeScreen);
subplot(3,1,1)
plot((0:N)*ts, x1, 'b', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('x [m]');
title('Posición en eje x');
grid on;
subplot(3,1,2)
plot((0:N)*ts, y1, 'g', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('y [m]');
title('Posición en eje y');
grid on;
subplot(3,1,3)
plot((0:N)*ts, phi, 'r', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('\phi [rad]');
title('Orientación del robot');
grid on;
```



Luego, se calculan las velocidades de las ruedas derecha (wr) y izquierda (w1) utilizando las ecuaciones cinemáticas del robot diferencial, y se crean dos nuevas subgráficas. La primera muestra la velocidad de la rueda derecha, y la segunda, la velocidad de la rueda izquierda.

```
wr = (2*u + w*l) / (2*r);
wl = (2*u - w*l) / (2*r);
graph6 = figure;
set(graph6, 'position', sizeScreen);

subplot(2,1,1)
plot((0:N-1)*ts, wr, 'r', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('x [m]');
title('Velocidad rueda derecha (WR)');
grid on;

subplot(2,1,2)
plot((0:N-1)*ts, wl, 'b', 'LineWidth', 2);
xlabel('Tiempo [s]'); ylabel('y [m]');
title('Velocidad rueda izquierda (WL)');
grid on;
```

