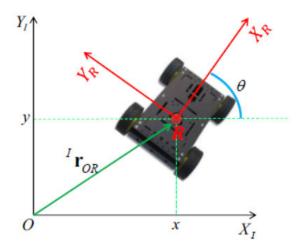
Actividad 1: Mapeo de coordenadas

Paola Rojas Domínguez A01737136

Este código implementa una serie de operaciones matemáticas para analizar la posición y la orientación de un robot móvil en un espacio bidimensional.



Se utilizan transformaciones de coordenadas entre el sistema de referencia inercial y el sistema de referencia local del robot. Además, se verifica la correcta conversión entre estos sistemas mediante el uso de matrices de rotación.

Inicialización y Declaración de Variables

Se inicia limpiando la consola y la memoria para evitar conflictos de datos anteriores. Posteriormente, se declaran las variables simbólicas, esenciales para realizar cálculos simbólicos y analíticos.

```
clear all
close all
clc

tic
%Declaración de variables simbólicas
syms x(t) y(t) th(t) t %Grados de Libertad del robot móvil
```

Se define el vector de coordenadas generalizadas, que representa la posición del robot en el sistema de referencia inercial.

Se calcula el vector de velocidades generalizadas, obteniendo la derivada temporal de las coordenadas.

```
xip_inercial = diff(xi_inercial, t);
disp('Velocidades generalizadas'); pretty(xip_inercial);
```

Velocidades generalizadas

Se definen los vectores posición (indican la posición relativa de una articulación) y las matrices de rotación (describen la orientación de un sistema de coordenadas respecto a otro) para cada articulación.

Se realiza la transformación del marco de referencia global al local

```
xi_local = R(:,:,1) * P(:,:,1);
```

a) (-5, 9, -2°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xa = -5; % Posición inicial eje x
ya = 9; % Posición inicial eje y
tha = -2 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_a = Rot_a * Pos_a

xi_local_a = 3×1
    -4.6829
    9.1690
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_a(1)^2 + xi_local_a(2)^2)
magnitud = 10.2956
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_a = inv(Rot_a);
xi_inercial_a = inv_Rot_a * xi_local_a

xi_inercial_a = 3×1
    -5.0000
    9.0000
    0
```

b) (-3, 8, 63°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xb = -3; % Posición inicial eje x
yb = 8; % Posición inicial eje y
thb = 63 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_b = Rot_b * Pos_b

xi_local_b = 3×1
    -8.4900
    0.9589
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_b(1)^2 + xi_local_b(2)^2)
magnitud = 8.5440
```

```
inv_Rot_b = inv(Rot_b);
xi_inercial_b = inv_Rot_b * xi_local_b
```

```
xi_inercial_b = 3×1
    -3
    8
    0
```

c) (5, -2, 90°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xc = 5; % Posición inicial eje x
yc = -2; % Posición inicial eje y
thc = pi/2;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_c = Rot_c * Pos_c

xi_local_c = 3×1
    2.0000
    5.0000
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_c(1)^2 + xi_local_c(2)^2)
magnitud = 5.3852
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_c = inv(Rot_c);
xi_inercial_c = inv_Rot_c * xi_local_c

xi_inercial_c = 3×1
5
-2
0
```

d) (0, 0, 180°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xd = 0; % Posición inicial eje x
yd = 0; % Posición inicial eje y
thd = pi;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_d(1)^2 + xi_local_d(2)^2)
magnitud = 0
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_d = inv(Rot_d);
xi_inercial_d = inv_Rot_d * xi_local_d

xi_inercial_d = 3×1
0
0
0
0
```

e) (-6, 3, -55°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xe = -6; % Posición inicial eje x
ye = 3; % Posición inicial eje y
the = -55 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_e = Rot_e * Pos_e
xi_local_e = 3×1
```

```
-0.9840
6.6356
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_e(1)^2 + xi_local_e(2)^2)
magnitud = 6.7082
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

f) (10, -2, 45°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
%Defino coordenadas inerciales para un tiempo 1
xf = 10; % Posición inicial eje x
yf = -2; % Posición inicial eje y
thf = pi/4;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_f = Rot_f * Pos_f

xi_local_f = 3×1
    8.4853
    5.6569
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_f(1)^2 + xi_local_f(2)^2)
magnitud = 10.1980
```

```
inv_Rot_f = inv(Rot_f);
xi_inercial_f = inv_Rot_f * xi_local_f

xi_inercial_f = 3×1
10
```

-2 0

g) (9, 1, 88°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xg = 9; % Posición inicial eje x
yg = 1; % Posición inicial eje y
thg = 88 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_g = Rot_g * Pos_g

xi_local_g = 3×1
    -0.6853
    9.0294
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_g(1)^2 + xi_local_g(2)^2)
magnitud = 9.0554
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_g = inv(Rot_g);
xi_inercial_g = inv_Rot_g * xi_local_g

xi_inercial_g = 3×1
9
1
0
```

h) (5, 2, 33°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xh = 5; % Posición inicial eje x
```

```
yh = 2; % Posición inicial eje y
thh = 33 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_h = Rot_h * Pos_h

xi_local_h = 3×1
    3.1041
    4.4005
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_h(1)^2 + xi_local_h(2)^2)
magnitud = 5.3852
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_h = inv(Rot_h);
xi_inercial_h = inv_Rot_h * xi_local_h

xi_inercial_h = 3×1
5
2
0
```

i) (-1, -1, 21°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xi = -1; % Posición inicial eje x
yi = -1; % Posición inicial eje y
thi = 21 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_i = Rot_i * Pos_i

xi_local_i = 3×1
    -0.5752
    -1.2919
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_i(1)^2 + xi_local_i(2)^2)
```

```
magnitud = 1.4142
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_i = inv(Rot_i);
xi_inercial_i = inv_Rot_i * xi_local_i

xi_inercial_i = 3×1
    -1.0000
    -1.0000
    0
```

j) (6, 4, -40°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xj = 6; % Posición inicial eje x
yj = 4; % Posición inicial eje y
thj = -40 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_j = Rot_j * Pos_j

xi_local_j = 3×1
    7.1674
    -0.7925
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_j(1)^2 + xi_local_j(2)^2)
```

```
magnitud = 7.2111
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_j = inv(Rot_j);
xi_inercial_j = inv_Rot_j * xi_local_j

xi_inercial_j = 3×1
    6.0000
    4.0000
    0
```

k) (5, 7, 72°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xk = 5; % Posición inicial eje x
yk = 7; % Posición inicial eje y
thk = 72 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_k = Rot_k * Pos_k

xi_local_k = 3×1
    -5.1123
    6.9184
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_k(1)^2 + xi_local_k(2)^2)
magnitud = 8.6023
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_k = inv(Rot_k);
xi_inercial_k = inv_Rot_k * xi_local_k

xi_inercial_k = 3×1
5
7
0
```

I) (7, 7, 30°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xl = 7; % Posición inicial eje x
yl = 7; % Posición inicial eje y
thl = pi/6;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_l = Rot_l * Pos_l

xi_local_l = 3×1
    2.5622
    9.5622
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_l(1)^2 + xi_local_l(2)^2)
```

magnitud = 9.8995

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_l = inv(Rot_l);
xi_inercial_l = inv_Rot_l * xi_local_l

xi_inercial_l = 3×1
    7.0000
    7.0000
    0
```

m) (11, -4, 360°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xm = 11; % Posición inicial eje x
ym = -4; % Posición inicial eje y
thm = 2 * pi;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_m = Rot_m * Pos_m

xi_local_m = 3×1
    11.0000
    -4.0000
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_m(1)^2 + xi_local_m(2)^2)
magnitud = 11.7047
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_m = inv(Rot_m);
xi_inercial_a = inv_Rot_m * xi_local_m

xi_inercial_a = 3×1
    11
    -4
    0
```

n) (20, 5, 270°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xn = 20; % Posición inicial eje x
yn = 5; % Posición inicial eje y
thn = 3 * pi/2;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_n = Rot_n * Pos_n

xi_local_n = 3×1
    5.0000
    -20.0000
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_n(1)^2 + xi_local_n(2)^2)
```

```
magnitud = 20.6155
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_n = inv(Rot_n);
xi_inercial_n = inv_Rot_n * xi_local_n

xi_inercial_n = 3×1
20
5
0
```

ñ) (10, 9, 345°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xnn = 10; % Posición inicial eje x
ynn = 9; % Posición inicial eje y
thnn = 345 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_nn = Rot_nn * Pos_nn

xi_local_nn = 3×1
    11.9886
    6.1051
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_nn(1)^2 + xi_local_nn(2)^2)
```

```
magnitud = 13.4536
```

```
inv_Rot_nn = inv(Rot_nn);
xi_inercial_nn = inv_Rot_nn * xi_local_nn
```

```
xi_inercial_nn = 3×1
10.0000
9.0000
```

o) (-9, -8, 8°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xo = -9; % Posición inicial eje x
yo = -8; % Posición inicial eje y
tho = 8 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_o = Rot_o * Pos_o

xi_local_o = 3×1
    -7.7990
    -9.1747
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_o(1)^2 + xi_local_o(2)^2)
magnitud = 12.0416
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

p) (1, 1, 60°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xp = 1; % Posición inicial eje x
yp = 1; % Posición inicial eje y
thp = pi/3;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

```
0 0 1];
```

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_p = Rot_p * Pos_p

xi_local_p = 3×1
    -0.3660
    1.3660
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_p(1)^2 + xi_local_p(2)^2)
magnitud = 1.4142
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_p = inv(Rot_p);
xi_inercial_p = inv_Rot_p * xi_local_p

xi_inercial_p = 3×1
    1.0000
    1.0000
    0
```

q) (3, 1, -30°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xq = 3; % Posición inicial eje x
yq = 1; % Posición inicial eje y
thq = -pi/6;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_q = Rot_q * Pos_q

xi_local_q = 3x1
    3.0981
    -0.6340
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_q(1)^2 + xi_local_q(2)^2)
```

```
magnitud = 3.1623
```

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_q = inv(Rot_q);
xi_inercial_q = inv_Rot_q * xi_local_q

xi_inercial_q = 3×1
    3.0000
    1.0000
    0
```

r) (15, 2, 199°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xr = 15; % Posición inicial eje x
yr = 2; % Posición inicial eje y
thr = 199 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_r = Rot_r * Pos_r

xi_local_r = 3×1
    -13.5316
    -6.7746
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_r(1)^2 + xi_local_r(2)^2)
```

```
magnitud = 15.1327
```

```
inv_Rot_r = inv(Rot_r);
xi_inercial_r = inv_Rot_r * xi_local_r
xi inercial r = 3×1
```

```
xi_inercial_r = 3x1
15.0000
2.0000
0
```

s) (-10, 0, 300°)

Se establecen valores numéricos iniciales para la posición y orientación del robot.

```
xs = -10; % Posición inicial eje x
ys = 0; % Posición inicial eje y
ths = 300 * pi/180;
```

Se definen el vector de posición y la matriz de rotación para estos valores iniciales.

Se realiza la transformación del marco de referencia inercial al local

```
xi_local_s = Rot_s * Pos_s

xi_local_s = 3×1
    -5.0000
    8.6603
    0
```

Se obtiene la magnitud del vector de posición

```
magnitud = sqrt(xi_local_s(1)^2 + xi_local_s(2)^2)
```

magnitud = 10

Se calcula la inversa de la matriz de rotación para comprobar que se recupera la posición original en el sistema inercial.

```
inv_Rot_s = inv(Rot_s);
xi_inercial_s = inv_Rot_s * xi_local_s

xi_inercial_s = 3×1
    -10.0000
    0.0000
    0
```

Elapsed time is 1118.695408 seconds.