

Distribuciones Discretas

Distribución	Función de Densidad	Media $\mathbb{E}[X]$	Varianza $\text{Var}[X]$	Función Generadora de Momento	$\mathbb{E}[X^a]$	Notas/Uso
Bernoulli $X \sim \text{Be}(p)$	$f(x) = p^x(1-p)^{1-x}$ $x = 0, 1; \quad 0 < p < 1$	p	$p(1-p)$	$pe^t + (1-p)$	$\forall, a \in \mathbb{N} \quad \mathbb{E}[X^a] = p$	$p :=$ proba. de éxito.
Binomial $X \sim \text{Bi}(n, p)$	$f(x) = \binom{n}{x} p^x q^{n-x}$ $x = 0, 1, \dots, n; \quad 0 < p < 1$	np	npq	$(pe^t + q)^n$	$\mathbb{E}(X^a) = np \mathbb{E}[(Y+1)^{a-1}]$ Con Y : v.a. binomial con parámetros $n-1, p$	Número de éxitos en n ensayos. $n :=$ número de ensayos. $p :=$ proba. de éxito. $q := (1-p) :=$ proba de fracaso.
Geométrica $X \sim \text{Geo}(p)$	$f(x) = q^x p$ $x = 0, 1, 2, \dots; \quad 0 \leq p \leq 1$ Puede ser $q^{y-1}; \quad y = 1, 2, \dots$	$\frac{1}{p}$	$\frac{1-p}{p^2}$	$\frac{pe^t}{1-qe^t}$		Número de ensayos en el que ocurre el primer éxito. $p :=$ proba. de éxito. $q := (1-p) :=$ proba de fracaso.
Poisson $X \sim \text{Po}(\lambda)$	$f(x) = \frac{\lambda^x e^{-\lambda}}{x!}$ $x = 0, 1, 2, \dots; \quad \lambda > 0$	λ	λ	$e^{\lambda(e^t-1)}$		Número de eventos que ocurren en un intervalo de tiempo (región) con un promedio conocido. Binomial con n grande. $\lambda = np :=$ promedio conocido.
Binomial Negativa $X \sim \text{BN}(r)$	$f(x) = \binom{x-1}{r-1} p^r q^{x-r}$ $x = r, r+1, \dots$	$\frac{r}{p}$	$\frac{rq}{p^2}$	$\left(\frac{p}{1-qe^t}\right)^r$	$\frac{r}{p} \mathbb{E}[(Y-1)^{a-1}]$ Y v.a. binomial negativa con parámetros $r+1, p$	Número de evento en el que ocurre el r -ésimo éxito. $r :=$ r-ésimo éxito.

Distribuciones Continuas

Distribución	Función de Densidad	Media $\mathbb{E}[X] = \mu$	Varianza $V[X] = \sigma^2$	Función Generadora de Momento	$\mathbb{E}[X^a]$	Notas/Uso
Uniforme $X \sim U(a, b)$	$f(x) = \frac{1}{b-a}$ $a \leq y \leq b$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$	$\frac{e^{tb} - e^{ta}}{t(b-a)}$		Poisson en un intervalo $[a, b]$ en el que sólo pasa 1 evento. Misma probabilidad en cada punto del intervalo
Normal $X \sim N(\mu, \sigma)$	$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$	μ	σ^2	$e^{\mu t + (t^2 \sigma^2)/2}$	$\begin{cases} 0 & \text{si } a \text{ es par} \\ \sigma^a (a-1)!! & \text{O.C.} \end{cases}$	Muchos éxitos idénticos e independientes. Se busca estandarizar la función usando: $Z = N(0, 1) = \frac{Y-\mu}{\sigma}$.
Gamma $X \sim \Gamma(\alpha, \beta)$	$f(x) = \frac{\beta^\alpha}{\Gamma(\alpha)} x^{\alpha-1} e^{-x\beta}$ $0 < x < \infty$	α/β	α/β^2	$(1 - \beta t)^{-\alpha}$	$\mathbb{E}(Y^a) = \frac{\beta^a \Gamma(\alpha + a)}{\Gamma(\alpha)}$	Tiempos. $\alpha > 0$ y $\beta > 0$. Prop. $\int_0^\infty y^{\alpha-1} e^{-y/\beta} dy = \beta^\alpha \Gamma(\alpha)$ Propiedades de Gamma: $\Gamma(1) = 1$ $\Gamma(\alpha) = (\alpha-1)\Gamma(\alpha-1)$ $\Gamma(n) = (n-1)!$ si $(n-1) \in \mathbb{Z}$
Exponencial $X \sim \text{Exp}(\beta)$	$f(x) = \beta e^{-x\beta}$ $0 < x < \infty$	$1/\beta$	$1/\beta^2$	$(1 - \beta t)^{-1}$	Misma que Gamma.	Parametro de intensidad β Parametro de media $\lambda = 1/\beta$ Caso especial de la Gamma cuando $\alpha = 1$. Geométrica en caso continuo. Propiedad de falta de memoria: Sean $a, b > 0 \Rightarrow$ $P(Y > a + b Y > a) = P(Y > b)$
Ji-Cuadrada $X \sim \chi^2(v)$	$f(x) = \frac{x^{(v/2)-1} e^{-x/2}}{2^{v/2} \Gamma(v/2)}$ $0 < x < \infty$	v	$2v$	$(1 - 2t)^{-v/2}$	Misma que Gamma.	Caso especial de la Gamma cuando $\alpha = v/2$; $\beta = 2$; $v :=$ grados de libertad
Beta $X \sim B(\alpha, \beta)$	$f(x) = \frac{x^{\alpha-1} (1-x)^{\beta-1}}{\beta(\alpha, \beta)}$ $0 \leq x \leq 1$	$\frac{\alpha}{\alpha + \beta}$	$\frac{\alpha\beta}{(\alpha+\beta)^2(\alpha+\beta+1)}$	No existe		Proporciones y Porcentajes $\alpha, \beta > 0$. Si $\alpha, \beta \in \mathbb{Z}$ se relaciona con la binomial donde $n = \alpha + \beta - 1$ y el contador comienza en α . $\beta(\alpha, \beta) = \frac{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)}{\Gamma(\alpha + \beta)}$