

CCF 211 - Algoritmos e Estruturas de Dados I Trabalho Prático 02 - SAT

Vinícius Mendes - 3881, João Roberto - 3883, Artur Papa - 3886

19 de abril de 2021

1 Introdução

O trabalho em questão tem como objetivo abordar os conteúdos trabalhados na disciplina de Algoritmos e Estrutura de Dados I, em específico, como visto nas aulas teóricas e práticas, a avaliação do impacto causado pelo desempenho dos algoritmos em sua execução real. A priori, é válido dizer que o projeto de algoritmos é fortemente influenciado pelo estudo de seus comportamentos, depois que um problema é analisado e decisões de projeto são finalizadas, o algoritmo tem de ser implementado em um computador.

Neste momento, o projetista deve estudar as várias opções de algoritmos a serem utilizados, em que os aspectos de tempo de execução e espaço ocupado são considerações importantes. Muitos desses algoritmos são encontrados em áreas tais como pesquisa operacional, otimização, teoria dos grafos, estatística, probabilidades, entre outras. [2]

2 Desenvolvimento

2.1 Principais Escolhas

Ao observarmos a proposta do trabalho, traçamos algumas estratégias importantes que determinaram o segmento do trabalho prático. Inicialmente, como forma de aprendizado, percebemos que trabalhar na parte que julgássemos mais difíceis primeiro tornaria o desenvolvimento do projeto mais fluido, visto que teríamos mais tempo para tratar dos problemas que poderiam surgir.

Dessa forma, iniciamos pelo modo automático, buscando solucionar o problema inicial utilizando diversos códigos de gerações de combinações até encontrarmos o que melhor nos adaptamos.

2.2 Dificuldades

Antes de tudo, um dos principais obstáculos que enfrentamos foi o entendimento da proposta, visto que demandou maturidade maior ao ler e entender o que foi realmente pedido. Subsequentemente, nos deparamos com uma grande quantidade de códigos que dizem ser sobre combinações, entretanto, tratam-se de permutações. O entendimento de cada código nos demandou bastante tempo, pois verificar cada um tornou-se uma obrigação, dado que, necessitaríamos do algoritmo correto.

Adiante, encontramos outra adversidade no momento de realizar as comaparações e verificações, pois no começo julgamos ser necessário a exibição apenas das colunas específicas que satisfaziam as cláusulas, o que foi corrigido no decorrer do desenvolvimento. Por fim, a exibição

dos resultados esperados no projeto gerou certos impasses, que foram solucionados ao entender melhor a proposta do TP.

2.3 Configurações de hardware e software

Outrossim, antes de falarmos da execução do programa, é necessário dizer sobre as máquinas em que foram testadas os códigos, tendo em vista que uma utiliza o sistema operacional Linux e a outra Windows, a seguir as especificações:

1. Especificação do Computador A

- (a) Intel(R) Core(TM) i5-8250U CPU @1.80 GHz
- (b) Sistema Operacional: Linux Ubuntu 18.04 (64-bit)
- (c) Chipset: Lenovo Core7U (KabyLake-U) ULV Host Bridge/DRAM Registers
- (d) Placa-mãe: LENOVO LNVNB161216
- (e) Memória Primária (RAM): 7.91 GB 665 MHz DDR4 SDRAM

2. Especificação do Computador B

- (a) Intel(R) Core(TM) i3-7100 CPU @ 3.90GHz
- (b) Sistema Operacional: Windows 10 PRO (64-bit)
- (c) Chipset: Intel H110 Kaby Lake
- (d) Placa-mãe: ASUSTeK COMPUTER INC. H110M-CS/BR
- (e) Memória Primária (RAM): 8.192 GB 1200 MHz DDR4 SDRAM

2.4 Complexidade assintótica

Antes de falar sobre as entradas, é de suma importância citar sobre a função de complexidade para gerar as cláusulas no modo automático. Ademais, analisando para o pior caso, veremos que a função possui 2 loops logo no início, sendo esses as duas repetições utilizadas para preencher a matriz com 0's, o que resulta na função $g(N) = N^2$. Terminado este processo, temos mais um loop, que será responsável para criar e gerar as cláusulas, nota-se que neste loop o índice está em função de C , analisando a fórmula passada na documentação do trabalho temos que $C = N/3 * 2$.

Além disso, vale notar que ainda temos duas repetições dentro deste **for**, que, considerando como caso menos notável será executado N^2 vezes, assim, a equação geral da função será:

$$g(N) = 2 * N^3/3 + N^2$$

Posto isso, a seguir temos uma imagem do gráfico da função, é válido observar que o gráfico a seguir foi gerado em python, utilizando as bibliotecas *matplotlib.pyplot* e *numpy*.

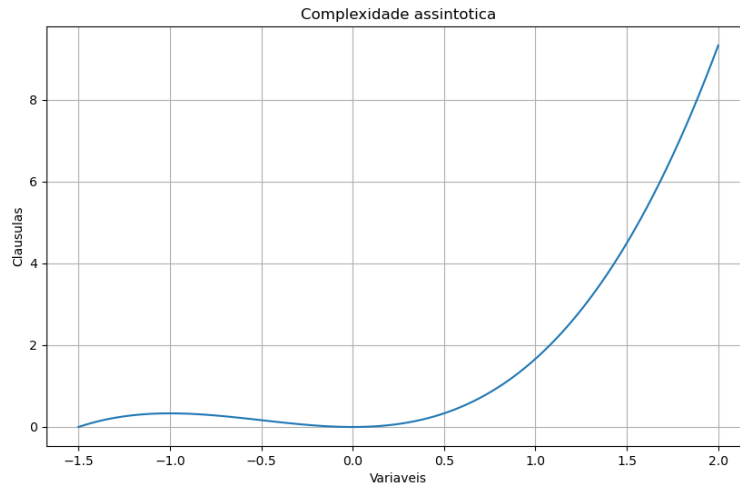


Figura 1: Complexidade assintótica

2.5 Diversidade de tempos de execução em diferentes sistemas operacionais

Ao realizarmos os testes propostos identificamos uma diferença gritante entre o tempo de execução do código em máquinas que utilizam Linux e Windows. Os testes realizados em Linux obtiveram melhores tempos comparados ao do outro sistema operacional, com uma diferença de mais de 200 vezes.

Buscamos uma resposta para o porquê isso acontece, entretanto não obtivemos um retorno adequado.

3 Opções de Entrada

3.1 Entrada Manual

Diante das decisões já descritas, o modo manual foi o último a desenvolvermos, visto que já possuíamos em mãos todas as funções necessárias para torná-lo possível.

```
int C, N;
printf("Insira o Numero C de clausulas: ");
scanf("%d", &C);
printf("Insira o Numero N de variaveis: ");
scanf("%d", &N);

Tipolista lista2;
Item registro2;
FLVazia(&lista2);

printf("C : %d\n", C);
printf("N : %d\n", N);
int variavel1, variavel2, variavel3;
int estado1, estado2, estado3;
int aux1, aux2, aux3, aux4, aux5, aux6;

LOOP:
for (int i = 0; i < C; i++)
{
    printf("Digite a clausula: a,b c,d e,f Sendo, a/c/e numero da variavel, e b/d/f o estado dela.\n");
    scanf("%d,%d,%d,%d,%d,%d", &variavel1, &estado1, &variavel2, &estado2, &variavel3, &estado3);
    aux1 = variavel1;
    aux2 = estado1;
    aux3 = variavel2;
    aux4 = estado2;
    aux5 = variavel3;
    aux6 = estado3;
}
```

Figura 2: Função Manual

Recebemos o número de cláusulas (C) do usuário e o número de variáveis (N) com o intuito de passar esses dados como parâmetro para a função *Imprime*, que, por sua vez é responsável pelo desencadear dos processos necessários. Posteriormente a essa inserção de dados, pedimos novamente ao usuário que informe como cada cláusula solicitada deve ser, então verificamos se não há algum erro nesse passo, como por exemplo a inserção de uma coluna inexistente, um número inválido ou até uma repetição de coluna.

3.2 Entrada Automática

Diferentemente da entrada manual, para o modo automático as cláusulas precisam ser geradas de forma aleatória, sendo que elas seriam criadas a partir de uma matriz $C \times N$. A priori, a matriz seria preenchida com 0's, e depois disso seriam escolhidas três colunas aleatórias em cada linha com o valor de 1 ou 2 - negado ou não negado respectivamente- e ao final do processo teríamos o valor de todas as cláusulas.

Após a criação das cláusulas, ocorre uma chamada de funções contínua que gerarão e retornarão todos os valores booleanos que satisfazem cada uma.

Uma das principais funções se chama *TruthTable*:

```
int truthTable(int n, int Leng, TItem *pItem)
{
    long long int coluna[40];
    int pos = 0;
    int colum = 0;
    int i, j = 0, k = 0, z = 0;
    long long int bit = 1 << Leng - 1;
    while (bit)
    {
        coluna[j] = n & bit ? 1 : 0;
        j++;
        bit >>= 1;
    }
}
```

Figura 3: Função TruthTable

Esta é capaz de gerar, bit a bit, uma tabela verdade na qual será realizada as comparações para obtenção do resultado satisfatório para a cláusula. Ao observarmos que a função retorna uma linha da tabela verdade para cada vez que é chamada (baseado no n passado como parâmetro), optamos por salvá-la em um vetor que nos facilitaria na hora de verificar a satisfatibilidade da cláusula. Vale fazer uma observação de que o código foi encontrado no site do Stack Overflow.[1]

```
#include <stdio.h>
#define LENGTH 3
void print_binary(int n)
{
    int bit = 1<<LENGTH - 1;
    while ( bit ) {
        printf("%d", n & bit ? 1 : 0);
        bit >>= 1;
    }
    printf("\n");
}
int main(){
    int n = 1<<LENGTH, i;
    for(i=0;i<n;i++)
        print_binary(i);
}
```

Figura 4: Função TruthTable original

3.3 Resultados obtidos

Dito isso, será mostrado os resultados para as devidas entradas - 15, 20, 30 e 40 - juntamente com o tempo em que elas demoraram pra executar.

3.3.1 Entrada de 15

Para o primeiro teste pode-se notar que a execução foi bem rápida, apesar da diferença de tempo entre Sistemas Operacionais:

```
111111111011111
11111111100000
111111111100001
111111111100010
111111111100011
111111111100100
111111111100101
111111111100110
111111111100111
111111111101000
111111111101001
111111111101010
111111111101011
111111111101100
111111111101101
111111111101110
111111111101111
111111111110000
111111111110001
111111111110010
111111111110011
111111111110100
111111111110101
111111111110110
111111111110111
111111111111000
111111111111001
111111111111010
111111111111011
111111111111100
111111111111101
111111111111110
111111111111111
Tempo Gasto = 0.824732 segundos
```

```
111111111001111
111111111100000
111111111100001
111111111100010
111111111100011
111111111100100
111111111100101
111111111100110
111111111100111
111111111101000
111111111101001
111111111101010
111111111101011
111111111101100
111111111101101
111111111101110
111111111101111
111111111110000
111111111110001
111111111110010
111111111110011
111111111110100
111111111110101
111111111110110
111111111110111
111111111111000
111111111111001
111111111111010
111111111111011
111111111111100
111111111111101
111111111111110
111111111111111
Tempo Gasto = 254.076000 segundos
```

Figura 5: Entradas de 15

3.3.2 Entrada de 20

Para o segundo teste, já houve uma diferença maior de tempo, sendo que, quando comparado ao Linux, o Windows obteve um resultado 373 vezes mais lento, aproximadamente. Ademais, observa-se que para o Windows, a execução foi feita apenas para a uma tabela verdade, como sabemos que será gerada uma tabela verdade para cada cláusula, neste caso, basta multiplicarmos o resultado por 12, e, assim encontramos o tempo de aproximadamente 13069 segundos:

```
11111111111111110011111
11111111111111111000000
11111111111111111000001
11111111111111111000010
11111111111111111000011
11111111111111111000100
11111111111111111000101
11111111111111111000110
11111111111111111000111
11111111111111111001000
11111111111111111001001
11111111111111111001010
11111111111111111001011
11111111111111111001100
11111111111111111001101
11111111111111111001110
11111111111111111001111
11111111111111111010000
11111111111111111010001
11111111111111111010010
11111111111111111010011
11111111111111111010100
11111111111111111010101
11111111111111111010110
11111111111111111010111
11111111111111111011000
11111111111111111011001
11111111111111111011010
11111111111111111011011
11111111111111111011100
11111111111111111011101
11111111111111111011110
11111111111111111011111
```

```
11111111111111011111
11111111111111000000
11111111111111000001
1111111111111100010
1111111111111100011
1111111111111100100
1111111111111100101
1111111111111100110
1111111111111100111
1111111111111101000
1111111111111101001
1111111111111101010
1111111111111101011
1111111111111101100
1111111111111101101
1111111111111101110
1111111111111101111
1111111111111100000
1111111111111100001
1111111111111100010
1111111111111100011
1111111111111100100
1111111111111100101
1111111111111100110
1111111111111100111
1111111111111100000
1111111111111100001
1111111111111100010
1111111111111100101
1111111111111100110
1111111111111100111
1111111111111100000
1111111111111100001
1111111111111100010
1111111111111100101
1111111111111100110
1111111111111100111
```

Figura 6: Entradas de 20

3.3.3 Entrada de 30

Para as entradas de 30, seguimos o mesmo raciocínio que na entrada anterior, ou seja, executamos a tabela verdade uma vez e multiplicamos o tempo de execução por 20, para o Linux, obteríamos um tempo de execução de aproximadamente 27 horas para todas as cláusulas, já para o Windows não obtivemos um resultado satisfatório, haja visto que o programa ficou executando durante 12 horas e ainda assim não estava perto do resultado:

[illegible]

Figura 7: Entradas de 30

3.3.4 Entrada de 40

Para o último teste, não obtivemos resultados em ambos os SO's, visto que demoraria um tempo imensurável para finalizar a execução, o que seria impossível de ser verificado, visto que a função para a tabela verdade tem complexidade $O(2^n)$ o programa seria executado $1,1 * 10^{12}$ vezes, o que daria aproximadamente cerca de 5192 horas, tendo em conta que o algoritmo seria executado uma vez a cada 0,000017 segundos, multiplicando esse valor pelo número de cláusulas - 26 nesse caso - demoraria aproximadamente 134995 horas para o algoritmo ser finalizado.

3.3.5 Entrada para 45 ou mais

Logo após serem explicadas as entradas, é necessário dizer para casos em que teremos 45 variáveis ou mais, tendo como base o cálculo feito para a entrada de 40, observa-se que para gerar a tabela verdade de 2^{45} apenas uma vez, demoraríamos aproximadamente 18 anos, pegando esse resultado e multiplicando pelo número de cláusulas - 30 nesse caso - obteríamos o resultado após 596 anos aproximadamente, ou seja, não é razoável executarmos o código para valores de N maiores que 45.

4 Conclusão

Posto isso, conclui-se que o trabalho em questão foi desenvolvido conforme o esperado, atingindo todas as especificações requeridas na descrição do mesmo em implementar uma provável solução para o Problema da Satisfabilidade(SAT) 3-FNC-SAT.

Por conseguinte podemos ressaltar que o livro-texto da disciplina [2] foi de suma importância para o desenvolvimento do projeto, haja vista que as explicações dadas pelo autor nos ajudaram bastante a entender as etapas a serem executadas e na construção dos códigos. Além disso podemos ressaltar que vídeos como os disponibilizados na disciplina de Algoritmos e Estrutura de Dados I, foram de grande ajuda para o entendimento dos conceitos necessário para o desenvolvimento do projeto .

Em adição, é válido dizer que apesar das dificuldades na implementação do código, o trio foi capaz de superar e corrigir quaisquer erros no desenvolvimento do algoritmo. Por fim, verificou-se a assertiva para o objetivo do projeto em implementar uma possível solução para o 3-FNC-SAT.

Referências

- [1] combinacao:<https://stackoverflow.com/questions/14632555/algorithm-to-generate-all-possible-combinations-of-0s-1s-for-any-length-of-di/14635496>.
- [2] Nivio Ziviani. *Projeto de Algoritmos com implementações em Pascal e C*, volume 3. 2010.