

Εφαρμογές Γραμμικής Άλγεβρας σε python με multiprocessing

ΟΜΑΔΙΚΉ ΕΡΓΑΣΙΑ 1^{ΟΥ} ΕΞΑΜΗΝΟΥ

ΕCΕ_Υ106 | Εισαγωγή στους Υπολογιστές | 2020-21 ΟΜΑΔΑ 18



Περιεχόμενα

Οργάνωση Ομάδας - Μέλη2
Αναθέσεις ρόλων – διαμοιρασμός του φορτίου
Θέμα Ομαδικής Εργασίας και Επεξήγηση3
Βιβλιοθήκες που χρησιμοποιήθηκαν3
Ανάλυση του κώδικα4
Μετέπειτα διορθώσεις4
Παρατηρήσεις 35
Ανακατευθύνσεις5
Εγκατάσταση του προγράμματος6
Παραδείγματα χρήσης
Ο τελικός κώδικας
Βιβλιογραφία – Πηγές πληροφόρησης64

Οργάνωση Ομάδας - Μέλη

Η ομάδα αποτελείται από τους εξής φοιτητές του τμήματος:

Γιακουμέλου Αιμιλία με ΑΜ: up1083878

Ντάγκας Αλέξανδρος με ΑΜ: up1083874

Ντεν- Μπραμπερ Βερνάρδος- Αδριανός με ΑΜ: up1083808

Παπουτσάς Γεώργιος με ΑΜ: up1083738

Ροδόπουλος Γεώργιος με ΑΜ: up1083876

Ψημμένος Επαμεινώνδας με ΑΜ: up1083815

Αναθέσεις ρόλων - διαμοιρασμός του φορτίου

Η ομάδα αρχικά έκρινε πως είναι σώφρων ο διαμοιρασμός του προγράμματος να γίνει με τέτοιο τρόπο ώστε να είναι ξεκάθαρο το πεδίο με το οποίο θα ασχοληθεί κάθε φοιτητής ώστε η ανάπτυξη του κώδικα να χαρακτηρίζεται από συνοχή και από ευφράδεια (να μην υπάρχουν δηλαδή επαναλήψεις στον κώδικα καθώς και περιττές διεργασίες που το καθιστούν "βαρύτερο"). Έχοντας υπ΄ όψη πρώτον τα κομμάτια της ύλης που καλύφθηκαν/επεξηγήθηκαν κατά την διάρκεια των διαλέξεων αλλά και των εργαστηρίων, δεύτερον τον χρόνο που παραδόθηκαν αλλά και τρίτον την πολυπλοκότητα αυτών, οι φοιτητές συμφώνησαν με την διανομή φορτίου – ανάθεση ρόλων. Η διανομή όμως δεν κατέστη ιδιαίτερα ξεκάθαρη αφού: βιβλιοθήκες όπως η multiprocessing δεν διδάχθηκαν και εν τέλη θεωρήθηκε δυσκολότερη - από αυτή που είχε προβλεφθεί - η διαχείρισής τους, ειδικότερα στον συνδυασμό αυτών. Οι διάφορες διεργασίες που δημιουργήθηκαν δεν ήταν απόλυτα συμβατές μεταξύ τους με αποτελέσματα πολλές φορές να καταλήγουν σε λάθος αποτελέσματα. Έτσι κρίθηκε απαραίτητη η διεύρυνση των ρόλων ώστε να λυθούν τέτοιου είδους προβλήματα.

Οι γραφικές απεικονίσεις, που αποτελούν το μεγαλύτερο μέρος του πηγαίου κώδικας, εκπονήθηκαν ως επί των πλείστων από τους: Γεώργιος Ροδόπουλος, Αλέξανδρος Ντάγκας & Γεώργιος Παπουτσάς . Σημαντική όμως ήταν και η συνδρομή των φοιτητών Αιμιλία Γιακουμέλου & Επαμεινώνδα Ψημμένου στο κομμάτι αυτό, για διάφορες λειτουργίες – διορθώσεις λ.χ. καταγραφή των errors και υλοποίηση προειδοποιητικών μνημάτων (error message-box) για την αποφυγή λαθών.

Η αρχική ανάλυση και χρήση των κατάλληλων συναρτήσεων της βιβλιοθήκης NumPy, καθώς και η συγγραφή – υλοποίηση των χωρίς multiprocessing συναρτήσεων πράξεων (κλάση SimpleCalculation και συνάρτηση calculate της κλάσης GUI), από τους φοιτητές Επαμεινώνδα Ψημμένο & Αιμιλία Γιακουμέλου.

Το σύνολο των φοιτητών ασχολήθηκε με τον συνδυασμό των συναρτήσεων που χρησιμοποιήθηκαν από την βιβλιοθήκη NumPy με την βιβλιοθήκη multiprocessing ώστε

να πετύχουν το βέλτιστο αποτέλεσμα (χρήση Παράλληλου Προγραμματισμού), με μεγάλο μέρος της διαδικασίας αυτής να αποτελεί εργασία των Αιμιλία Γιακουμέλου & Επαμεινώνδα Ψημμένο.

Το σύνολο των φοιτητών επίσης ασχοληθεί και με την Μετατροπή των εκάστοτε συναρτήσεων από Συναρτησιακό Προγραμματισμό (Functional Programming) σε Αντικειμενοστραφή (Object Oriented Programming), με μεγάλο μέρος της διαδικασίας αυτής να αποτελεί εργασία του Βερνάρδου- Αδριανού Ντεν- Μπραμπερ.

Κατά την διάρκεια των δοκιμών παρήχθησαν αρκετά αρχεία κώδικα, το καθένα με διαφορετική πολυπλοκότητα, ιδιαιτερότητα και χρόνο απόκρισης (π.χ. κάποια ήταν λειτουργικά για πράξεις μεταξύ μεγάλων διαστάσεων πινάκων ενώ για μικρά αποτύγχαναν). Έτσι στην τελική σύνθεση χρησιμοποιήθηκαν ολόκληρα αρχεία ή τμήματα αυτών.

Την συγγραφή της παρούσας έκθεσης ανέλαβε ο Επαμεινώνδας Ψημμένος.

Θέμα Ομαδικής Εργασίας και Επεξήγηση

Το θέμα της ομαδικής εργασίας έχει ορισθεί ως «Εφαρμογές γραμμικής άλγεβρας με multiprocessing και python».

Η ομάδα κλήθηκε να δημιουργήσει πρόγραμμα σε python με το οποίο θα εκτελούνται πράξεις Γραμμικής Άλγεβρας Πινάκων (πολλαπλασιασμός, πρόσθεση, πολλαπλασιασμός πίνακα με αριθμό, εύρεση ορίζουσας, ύψωση πίνακα σε δύναμη κ.α.), με το οποίο θα γίνονται αισθητές οι χρονικές διαφορές στον υπολογισμό των πράξεων με χρήση multiprocessing και μη.

Βιβλιοθήκες που χρησιμοποιήθηκαν

Κατά την υλοποίηση χρησιμοποιήθηκαν αρκετές βιβλιοθήκες της Python, με την χρήση των οποίων επιτεύχθηκαν ταχύτερα ορισμένες διαδικασίες (πχ χρήση της βιβλιοθήκης NumPy¹ για τις πράξεις πινάκων), κατέστη ευκολότερος ο προγραμματισμός για τις γραφικές απεικονίσεις (χρήση της βιβλιοθήκης tkinter) και μειώθηκε ο χρόνος υπολογισμού (χρήση της βιβλιοθήκης multiprocessing). Κατά την τελική σύνθεση του προγράμματος έγινε βελτιστοποίηση των εν χρήση βιβλιοθηκών ώστε η εκτέλεση του προγράμματος να απαιτεί τις ελάχιστες δυνατές².

Οι βιβλιοθήκες που χρησιμοποιήθηκαν είναι:

- 1. Η βιβλιοθήκη *tkinter* που εξασφαλίζει την γραφική απεικόνιση του προγράμματος
- 2. Η βιβλιοθήκη *NumPy* με την χρήση της οποίας εκτελούνται οι πράξεις των Πινάκων
- 3. Η βιβλιοθήκη *time* με την οποία στο παρόν πρόγραμμα προσδιορίζεται ο πραγματικός χρόνος εκτέλεσης της εκάστοτε χρονομετρούμενης διεργασίας (π.χ.

- εκτέλεσης της πράξης του πολλαπλασιασμού με και χωρίς την χρήση της βιβλιοθήκης multiprocessing)
- 4. Η βιβλιοθήκη *PIL* με την οποία είναι εφικτή ή εισαγωγή του "Λογοτύπου" και του favicon.
- 5. Η βιβλιοθήκη *tkinter.messagebox* με την οποία δημιουργούνται τα παράθυρα διαλόγου προβλήματος (error windows)
- 6. Η βιβλιοθήκη *multiprocessing* με την οποία εξασφαλίζεται πως κατά την εκτέλεση του προγράμματος θα χρησιμοποιούνται πλέον του ενός επεξεργαστές (ή τμήματα επεξεργαστή/εικονικοί επεξεργαστές) ώστε να επιταχυνθούν οι διεργασίες

Ανάλυση του κώδικα

Ο κώδικας του προγράμματος αποτελείται από 4 κλάσεις. Πιο συγκεκριμένα:

- Κλάση GUI: η κλάση στην οποία βασίζονται όλα τα γραφικά στοιχεία
- *Κλάση SimpleCalculation*: η κλάση αυτή περιέχει το σύνολο των πράξεων των πινάκων (χωρίς χρήση του παράλληλου προγραμματισμού)
- Κλάση Multiprocessing Calculation: σε αυτή την κλάση γίνονται όλες οι διεργασίες για τον παράλληλο προγραμματισμό των πράξεων πινάκων (χρησιμοποιώντας την κλάση Process)
- Κλάση RandomMatrix: εδώ εκτελούνται όλες οι διεργασίες που απαιτούνται για την διαμόρφωση των πινάκων, δημιουργία δεδομένων από αυτούς που χρειάζονται στην κλάση MultiprocessingCalculation

Αναλυτικότερα σχόλια για τον κώδικα και της συναρτήσεις υπάρχουν στον ίδιο τον κώδικα και στο κεφάλαιο « Ο Τελικός Κώδικας»

Μετέπειτα διορθώσεις - εξέλιξη

Ως μετέπειτα διορθώσεις – εξέλιξη του κώδικα, αποτελεί η καθολική χρήση του παράλληλου προγραμματισμού ώστε να βελτιωθεί η τόσο των υπολογιστικών διεργασιών αλλά και των γραφικών διεπαφών, η δημιουργία executable αρχείου εγκατάστασης του προγράμματος αλλά και η διανομή αυτού. Επιπλέον ως εξέλιξη του προγράμματος αποτελεί και η ιδέα δημιουργίας ηλεκτρονικής σελίδας – ιστοτόπου, όπου το παρόν πρόγραμμα θα "τρέχει" online χωρίς την ανάγκη εγκατάστασης αυτού ή οποιοδήποτε άλλου λογισμικού.

Παρατηρήσεις 3

Σχετικά με τον κώδικα

Οι φοιτητές κατανόησαν πως κατά τον πολλαπλασιασμό απαιτούνται περισσότεροι πόροι συστήματος, λόγω της πολυπλοκότητας αυτού και έτσι επικεντρώθηκαν σε αυτή την πράξη – διεργασία ώστε να πετύχουν τον βέλτιστο δυνατό χρόνο εκτέλεσης της διεργασίας.

Έτσι στην έκδοση του προγράμματος που κατατίθεται, μεγάλο μέρος των πράξεων δεν χρησιμοποιούν το παράλληλο προγραμματισμό καθότι δεν παρατηρείται σημαντική διαφορά στον χρόνο απόκρισης.

Σχετικά με την λειτουργία της ομάδας

Λόγω των συνθηκών κατά των οποίων εκπονήθηκε η ομαδική εργασία (πανδημία, μη εφικτής δια ζώσης επικοινωνία, μη προσωπική γνωριμία μεταξύ των φοιτητών, διαφορετικές πόλεις κατοικίας) κατέστη αρκετά δύσκολη η εκπόνηση της εργασίας. Πάραυτα η συνεργασία μεταξύ των φοιτητών ήταν σίγουρα ικανοποιητική.

Σχετικά με το παραχθέν πρόγραμμα

Οι φοιτητές παρήγαγαν αρκετά αρχεία κώδικα μέχρι την τελική σύνθεση, στην προσπάθεια το τελικό πρόγραμμα να χαρακτηρίζεται από ταχύτητα και απλότητα. Κάθε επιμέρους προσπάθεια συντέλεσε στην δημιουργία του τελικού προγράμματος. Έτσι μπορούμε να πούμε πως το τελικό πρόγραμμα δεν ανταποκρίνεται στην συνολική εργασία όλων των μελών καθώς αρκετή δουλεία αυτών δεν χρησιμοποιήθηκε ή η χρήση της δεν είναι άμεσα αντιληπτή (πχ συμβολή με την υπόδειξη κατάλληλων συναρτήσεων, ενναλακτικών προτάσεων κ.α.).

Ανακατευθύνσεις

- 1: Η βιβλιοθήκη NumPy αποτελεί ένα λογισμικό ανοιχτού κώδικα (open-source software), γραμμένο σε Python και C ώστε να εξασφαλίσει τόσο ταχύτητα όσο και ευκολία στις πράξεις των Πινάκων
- 2: Για παράδειγμα για την γραφική απεικόνιση αρχικά είχαν χρησιμοποιηθεί οι Βιβλιοθήκες tkinter και turtle αλλά κατά την τελική σύνθεση διαπιστώθηκε πως δεν απαιτούνται και οι δύο, και έτσι επιλέχθηκε μόνο η tkinter
- 3: Οι παρατηρήσεις αυτές αποτελούν παρατηρήσεις του συντάκτη με τις οποίες ήταν σύμφωνοι όλοι οι εμπλεκόμενοι φοιτητές.

Εγκατάσταση του προγράμματος

Το παρόν αποτελεί ομαδική εργασία των Γιακουμέλου Αιμιλία, Ντάγκας Αλέξανδρος, Ντεν- Μπραμπερ Βερνάρδος- Αδριανός, Παπουτσάς Γεώργιος, Ροδόπουλος Γεώργιος και Ψημμένος Επαμεινώνδας στα πλαίσια του μαθήματος "Εισαγωγή στους Υπολογιστές". Επιβλέπων καθηγητής: Παλιουράς Βασίλης.

Αναλυτικές οδηγίες Εγκατάστασης και εκτέλεσης του προγράμματος

Αρχικά αποθηκεύστε στον υπολογιστή σας το αρχείο 18.zip . Προχωρήστε έπειτα στην αποσυμπίεση ολόκληρου του φακέλου.

Το παρόν προϋποθέτει πως έχετε προ εγκατεστημένη στον υπολογιστή σας την Python 3.8 ή νεότερη. Αν δεν την έχετε ήδη εγκαταστημένη μπορείτε να κατεβάσετε την τελευταία έκδοση από εδώ: https://www.python.org/downloads/

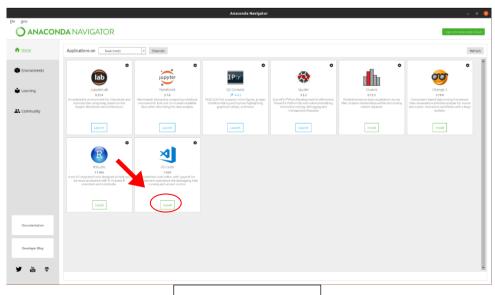
Στον κώδικα χρησιμοποιούνται βιβλιοθήκες της Python οι οποίες δεν είναι προ εγκατεστημένες με αυτή. Ως εκ τούτου, για την εκτέλεση του προγράμματος απαιτείται είτε να εγκαταστήσετε τις βιβλιοθήκες NumPy και PIL χειροκίνητα, είτε να χρησιμοποιήσετε εφαρμογές όπως το anaconda που τις περιέχουν.

Προτείνουμε την χρήση της εφαρμογής anaconda ως ευκολότερη. (Για την χειροκίνητη εγκατάσταση ανατρέξτε στο τέλος του κεφαλαίου).

Αν δεν έχετε εγκατεστημένο το anaconda, μπορείτε να το κατεβάσετε και να το εγκαταστήσετε ακολουθώντας τον σύνδεσμο https://www.anaconda.com/products/individual#Downloads.

Αφού εγκαταστήσετε το anaconda, εκτελέστε το πρόγραμμα Anaconda Navigator (εγκαθίσταται μαζί με το anaconda). Ανοίξτε όποιο code editor χρησιμοποιείτε (προτείνουμε και αναλύουμε στην συνέχεια το VS Code).

Αν το VS Code δεν είναι εγκατεστημένο στον υπολογιστή σας πατήστε Install όπως φαίνεται παρακάτω:



Εικόνα 9.1: Anaconda Navigator

Έπειτα εκτελέστε το VS Code μέσα από το Anaconda navigator. Ανοίξτε το αρχείο code18.py -που βρίσκετε στον φάκελο που αποσυμπιέσατε- (είτε με τον συνδυασμό των πλήκτρων Ctrl + ο , είτε ακολουθώντας την διαδρομή File > Open File).

Τέλος εκτελέστε το πρόγραμμα με τον συνδυασμό πλήκτρων Ctrl + F5.

Με την εκτέλεση του προγράμματος ανοίγει ένα νέο παράθυρο στην οθόνη σας, και μπορείτε πλέον να χρησιμοποιήσετε το πρόγραμμα.

Αν θέλετε να εγκαταστήσετε χειροκίνητα τις απαιτούμενες βιβλιοθήκες, ακολουθήστε τα παρακάτω:

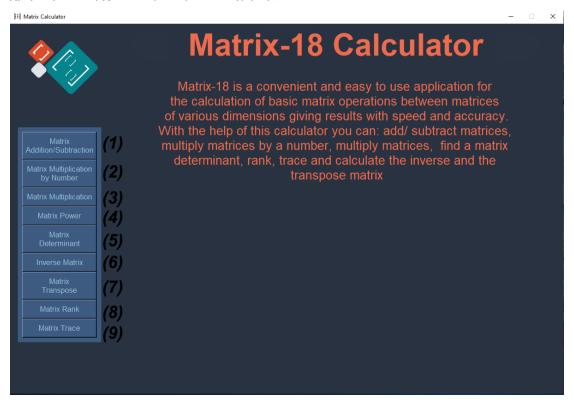
Στο τερματικό σας (terminal) (με την προϋπόθεση ότι χρησιμοποιείτε το pip), μπορείτε να εγκαταστήσετε τις βιβλιοθήκες NumPy, PIL, με την παρακάτω εντολή:

pip install numpy, Pillow

Μετά την εγκατάσταση των απαιτούμενων βιβλιοθηκών, μπορείτε να εκτελέσετε το πρόγραμμα code18.py από οποιονδήποτε code editor διαθέτετε.

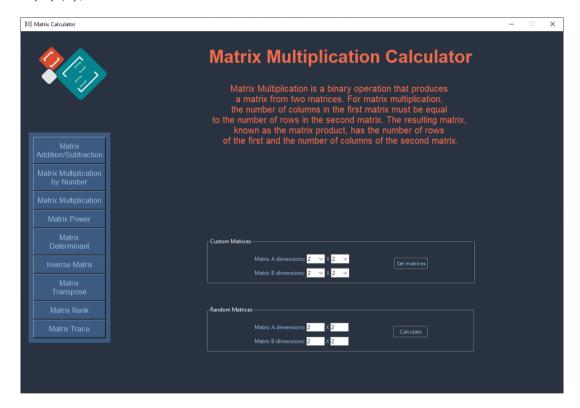
Παραδείγματα χρήσης

Με την εκτέλεση του προγράμματος από τον code editor, εμφανίζεται στην οθόνη του χρήστη το «Αρχικό Παράθυρο Πλοήγησης»



- (1) Πρόσθεση και Αφαίρεση Πινάκων
- (2) Πολλαπλασιασμός Πίνακα με Αριθμό
- (3) Πολλαπλασιασμός Πινάκων
- (4) Ύψωση Πίνακα σε Δύναμη
- (5) Εύρεση ορίζουσας Πίνακα
- (6) Εύρεση Αντίστροφου Πίνακα
- (7) Εύρεση Ανάστροφου Πίνακα
- (8) Εύρεση Τάξης Πίνακα
- (9) Εύρεση Ίχνους Πίνακα

Σε κάθε επιλογή εμφανίζεται, ανάλογα με την πράξη ένα παράθυρο (window) της μορφής:



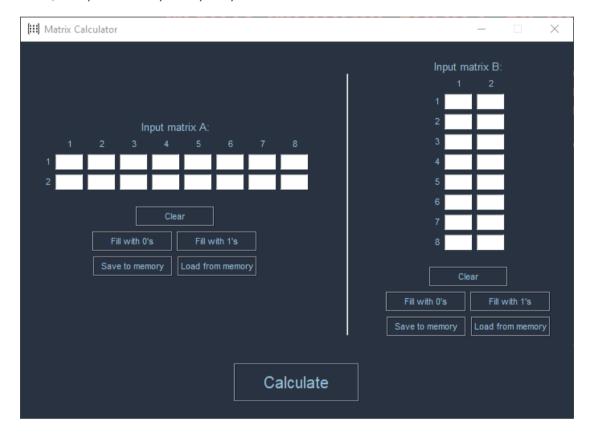
Η ομάδα φοιτητών, θέλοντας τόσο να δείξει τις δυνατότητες του multiprocessing όσο και να προσφέρει ένα πρόγραμμα εύχρηστο στο ευρύ κοινό, αποφάσισε την δημιουργία διπλού μενού χρήστη.

Από την μία στο πλαίσιο "Custom Matrices" ο χρήστης μπορεί να εισάγει όλες τις πληροφορίες, μόνος του καθιστώντας έτσι το πρόγραμμα λειτουργικό. Από την άλλη μία στο πλαίσιο "Random Matrices", ο χρήστης εισάγει μέρος των πληροφοριών και το πρόγραμμα εισάγει τυχαία στοιχεία (Υπάρχει δυνατότητα αποτυπώσεις αυτών στο Terminal).

Στο "Custom Matrices" ο χρήστης δύναται να επιλέξει μέσω αναπτυσσόμενου μενού (dropdown menu), τις διαστάσεις των πινάκων (ή αντίστοιχα του πίνακα, για διεργασίες που απαιτούν μόνο έναν πίνακα).

Για την αποφυγή λαθών το πρόγραμμα "επιβάλει" να ισχύουν ορισμένες προϋποθέσεις ώστε να είναι εφικτές οι εκάστοτε διεργασίες. Παραδείγματος χάρη, στον πολλαπλασιασμό πινάκων απαιτείται ο αριθμός των στηλών του 100 πίνακα να συνάδει με τον αριθμό των γραμμών του 200 .

Αφού ο χρήστης εισάγει τις διαστάσεις του πίνακα (και όποια άλλη πληροφορία ζητείται -π.χ. στην διεργασία « (4) Ύψωση Πίνακα σε Δύναμη» απαιτείται η πληκτρολόγηση της δύναμης-), εμφανίζεται ένα νέο παράθυρο (window), προσαρμοσμένο κατάλληλα τόσο στην εκάστοτε διεργασία, όσο και στις διαστάσεις του πίνακα (ή των πινάκων) όπως αυτές δόθηκαν στο κύριο παράθυρο.



Επεξήγηση δυνατοτήτων - buttons στο παράθυρο καταχώρησης πίνακα

Με το button "Clear" διαγράφονται όλες οι καταχωρήσεις στα κελιά του πίνακα

Με το button "Fill with 0's" σε κάθε κενό κελί του πίνακα εκχωρείτε η τιμή 0 (δεν είναι αναγκαία η χρήση του καθώς από προεπιλογή τα κενά κελιά νοείτε πως περιέχουν την τιμή 0)

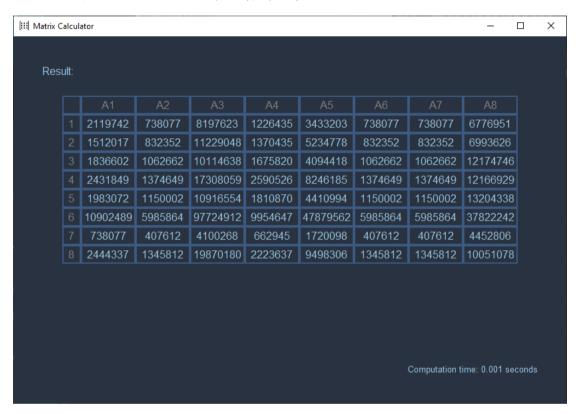
Με το button "Fill with 1's" σε κάθε κενό κελί του πίνακα εκχωρείτε η τιμή 1

Με το button "**Save to memory**" ο πίνακας που έχει εισαχθεί, καταχωρείται στην μνήμη του προγράμματος.

Με το button "**Load from memory**" εισάγεται ο αποθηκευμένος στην μνήμη προγράμματος πίνακας, εφόσον αυτό είναι εφικτό.

Τέλος με το button "*Calculate*" εκτελείτε η επιλεγμένη διεργασία – πράξη.

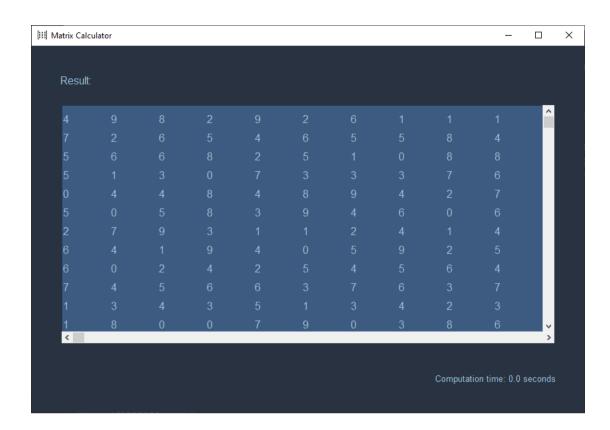
Με την εκτέλεση της επιλεγμένης διεργασίας – πράξης δημιουργείτε ένα νέο παράθυρο στο οποίο φαίνεται το αποτέλεσμα της πράξης



Στο κάτω μέρος του οποίου φαίνεται και ο χρόνος υπολογισμού της πράξης από το πρόγραμμα.

Η φιλοσοφία του "Random Matrices" είναι σχεδόν η ίδια με αυτή του "Custom Matrices".

Αυτό που αλλάζει είναι ότι το παράθυρο όπου ο χρήστης εκχωρεί τα στοιχεία πίνακα δεν υπάρχει, καθώς ο πίνακας είναι - προκαθορισμένων από τον χρήστη διαστάσεων - τυχαίος. Έτσι εμφανίζεται κατευθείαν το αποτέλεσμα και ο βέλτιστος χρόνος υπολογισμού (σε περίπτωση που η πράξη εκτελεστεί με multiprocessing στο terminal τυπώνονται και οι δύο χρόνοι).



Ο τελικός κώδικας

```
from tkinter import tk
from tkinter import ttk
from tkinter import Image, ImageTk
import numpy as np
import numpy as np
import time
from tkinter import messagebox as mb

class RandomMatrix:

"""This class contains methods that create either 1 or 2 random matrices
with given dimensions whose elements are integers between 0 and 10"""

estaticmethod
def random_matrix(a, b=0):

"""Creates a random matrix with dimensions a x b"""

matrix = np.random.randint(10, size=(a, b))
return matrix

estaticmethod
def two_random_matrices(a, b=0, c=0):

"""Creates a random matrix with dimensions a x b and another one with
dimensions b x c"""

matrix_B = np.random.randint(10, size=(a, b))

matrix_B = np.random.randint(10, size=(b, c))

return matrix_A, matrix_B
```

```
0028
0044
            def matrix power(matrix, power):
0049
                return np.transpose(matrix)
            def block shaped(arr):
                nrc = int(arr.shape[0] / 2)
                return arr.reshape(2, nrc, -1, nrc).swapaxes(1, 2).reshape(-1, nrc,
            def simple mul(arrA, arrB, pos, return dict):
0084
                rtrn = np.matmul(arrA, arrB)
```

```
0086
             def zero pad(arr):
             def zero pad row(arr):
0118
0122
             def zero pad col(arr):
0125
0126
0127
0128
0129
0132
0140
0141
0142
```

```
0143
0144
0145
0146
0147
0148
                manager = mp.Manager()
                pool = mp.Pool()
                pool.starmap(MultiprocessingCalculation.simple mul, [(arrA, b1, '1',
                pool = mp.Pool()
            def square mul(arrA, arrB):
0184
0194
```

```
c11, c12, c21, c22 = MultiprocessingCalculation.array sum(return dict)
                result = MultiprocessingCalculation.connect(c11, c12, c21, c22)
0230
                         result = MultiprocessingCalculation.a split mul(arrA, arrB)
0232
0236
0240
0241
0243
0246
0247
0248
0249
```

```
0254
                               result = np.delete(result, -1, 1)
               def matrix power(matrix, power):
matrix)
                    \frac{-}{\text{self.root}} = \text{root}
```

```
0304
activebackground=self.color button2,
                                         activeforeground=self.color text2, pady=5,
command=lambda: GUI.add sub(self))
activebackground=self.color button2,
command=lambda: GUI.mul num(self))
0322
font=('Arial', 13), bg=self.color button1,
                                       fg=self.color text2,
activebackground=self.color button2,
                                      activeforeground=self.color text2, pady=5,
                                      fg=self.color text2,
                                       fg=self.color text2,
command=lambda: GUI.trace(self))
0334
```

```
0340
0341
0342
0343
0344
0345
0346
                self.f main.pack(side='left', expand=True, fill='both')
                                   fg=self.color text1) # Main app description
                                    bg=self.color bg1, fg=self.color text1)
0384
                self.X text = Label(self.f dims, text='X', bq=self.color bq1,
```

```
0394
                self.dim n.grid(row=0, column=3)
                self.op text = Label(self.f dims, text='Operation', bg=self.color bg1,
fq=self.color text2)
0407
0408
padx=100, pady=10, bg=self.color bg1,
0410
0411
0412
0414
0416
0417
0422
0423
0424
0425
0426
0427
0428
0429
0433
0434
0435
0436
0437
```

```
0438
0439
0440
0441
0442
            def mul num(self):
                GUI.clear frame(self)
0445
0446
0454
0455
0458
0459
0460
                self.X text = Label(self.f dims, text='X', bg=self.color bg1,
fq=self.color text2)
0468
0469
0475
0480
0481
0482
```

```
0484
0485
0486
0487
bg=self.color bg1, fg=self.color text2)
0488
                self.rand dim text.grid(row=0, column=0)
0490
                self.rand dim m = Entry(self.f rand dims, width=6)
                self.rand dim m.grid(row=0, column=1)
0494
0495
0496
0497
activeforeground=self.color text2, relief=RIDGE,
                                        command=lambda: GUI.rand calculate(self,
```

```
bg=self.color bg1, fg=self.color text2)
                self.dimA text.grid(row=0, column=0, pady=10)
                def callback(iv):
                iv1 = IntVar()
                iv1.trace("w", lambda name, index, mode, iv1=iv1: callback(iv1))
fq=self.color text2)
                self.X text.grid(row=1, column=2)
                self.f rand dims.pack()
```

```
dimensions:', bg=self.color bg1,
                                             fq=self.color text2)
                iv2 = StringVar()
                iv2.trace("w", lambda name, index, mode, iv2=iv2: callback(iv2))
0604
                                       activebackground=self.color bg1,
                                       command=lambda: GUI.rand calculate(self, 'mul',
0624
15), bg=self.color bg1,
```

```
0627
                self.f dims.pack(pady=(200, 50))
                self.set = Button(self.f dims, text='Set matrix', bq=self.color bq1,
0648
0649
padx=100, pady=10, bg=self.color bg1,
                                               fg=self.color text3, relief=GROOVE)
                self.f rand dims.pack()
```

```
def det(self):
                self.title = Label(self.f main, text='Determinant Calculator',
                                   bg=self.color bg1, fg=self.color text1)
                self.title.pack(pady=(30, 0))
font=('Arial', 15), bg=self.color bg1,
0694
                self.set = Button(self.f dims, text='Set matrix', bq=self.color bq1,
fg=self.color text2,
                                  activebackground=self.color bg1,
int(self.dim.get())))
```

```
self.title = Label(self.f main, text='Inverse Matrix Calculator',
                                   bq=self.color bq1, fq=self.color text1)
                                  fq=self.color text1)
                                  activebackground=self.color bg1,
activeforeground=self.color text2, relief=RIDGE,
                                  command=lambda: GUI.set matrix(self, 'inv',
int(self.dim.get())))
```

```
self.title = Label(self.f main, text='Matrix Transpose Calculator',
                                   bg=self.color bg1, fg=self.color text1)
               self.title.pack(pady=(30, 0))
                self.X text = Label(self.f dims, text='X', bg=self.color bg1,
fq=self.color text2)
                self.X text.grid(row=0, column=2)
                self.set = Button(self.f dims, text='Set matrix', bq=self.color bq1,
```

```
bg=self.color bg1, fg=self.color text2)
                self.rand X text.grid(row=0, column=2)
                self.rand dim n = Entry(self.f rand dims, width=6)
0840
0845
                                          fg=self.color text3, relief=GROOVE)
0848
0849
```

```
0860
0861
0862
                                  command=lambda: GUI.set matrix(self, 'rank',
                self.set.grid(row=0, column=6, padx=(100, 0))
                self.f rand dims = LabelFrame(self.f main, text='Random Matrix',
padx=100, pady=10, bg=self.color bg1,
bg=self.color bg1, fg=self.color text2)
0884
                                       activebackground=self.color bgl,
activeforeground=self.color text2, relief=RIDGE,
                                       command=lambda: GUI.rand calculate(self,
'rank', self.rand dim m.get(),
            def trace(self):
0904
```

```
0911
                self.dim text = Label(self.f dims, text='Matrix dimension:',
                self.dim.grid(row=0, column=1)
                self.set = Button(self.f dims, text='Set matrix', bq=self.color bq1,
padx=100, pady=10, bg=self.color bg1,
0924
                                               fg=self.color text3, relief=GROOVE)
                                        activebackground=self.color bg1,
0940
0945
0946
0948
```

```
self.input win.resizable(False, False)
                                 self.f up = Frame(self.input win, bg=self.color bg1)
                                 self.separator.pack(side='left', padx=20, pady=20, fill='y')
self.f2 = Frame(self.f_up, bg=self.color_bg1)
self.f2.pack(side='left', padx=25)
self.f_down = Frame(self.input_win, bg=self.color_bg1)
                                 self.f_down.pack(pady=(15, 20))
self.calculate = Button(self.f_down, text='Calculate',
bg=self.color bg1, fg=self.color text2,
0994
```

```
1004
                        Label(self.fl grid, text=i+1, font=('Arial', 8),
bg=self.color bg1,
                              fg=self.color text2).grid(row=i + 1, column=0, padx=(3,
bg=self.color bg1,
activebackground=self.color bg1,
                                                 activeforeground=self.color text2,
relief=RIDGE, padx=20,
                                                 command=lambda: GUI.fill zeros(self,
1034
1035
1040
```

```
1041
1042
1043
1044
memory", bg=self.color bg1,
1045
                                                  fg=self.color text2, font=('Arial',
8), activebackground=self.color bg1,
                                                  activeforeground=self.color text2,
activebackground=self.color bg1,
activebackground=self.color bg1,
                                                activeforeground=self.color text2,
relief=RIDGE, padx=20,
                                                command=lambda: GUI.fill ones(self,
```

```
1084
                             self.input win.destrov()
                             self.errors('num')
                        self.matrix text.pack()
1104
bg=self.color bg1,
                                   fg=self.color text2).grid(row=0, column=j + 1,
                         for i in range(a):
                                   fg=self.color text2).grid(row=i + 1, column=0,
1122
1123
 's", bg=self.color bg1, fg=self.color text2,
```

```
command=lambda:
1128
                        self.zeros button.grid(row=1, column=0, pady=3)
                                                   activebackground=self.color bgl,
activeforeground=self.color text2, padx=20,
relief=RIDGE,
1140
1141
1142
1145
1146
                        self.calculate = Button(self.f buttons, text='Calculate',
activebackground=self.color bg1,
                                                 activeforeground=self.color text2,
                                                 command=lambda: GUI.calculate(self,
1164
1165
```

```
relief=RIDGE,
                                             command=lambda: GUI.calculate(self, func,
                    self.calculate.pack()
bg=self.color bg1,
                               fg=self.color text2).grid(row=0, column=j + 1, padx=(3,
                    for i in range(a):
bg=self.color bg1,
                               fg=self.color text2).grid(row=i + 1, column=0, padx=(3,
1204
                    for i in range(b):
1210
1211
```

```
self.matrix B entries[i].append(y)
activebackground=self.color bg1,
                                                  activeforeground=self.color text2,
                                                 command=lambda: GUI.clear cells(self,
1222
activebackground=self.color bg1,
                                                 activeforeground=self.color text2,
                                                 command=lambda: GUI.fill zeros(self,
self.matrix A entries))
1226
activebackground=self.color bg1,
1230
                                                  activeforeground=self.color text2,
relief=RIDGE,
                                                  command=lambda: GUI.mem sv(self,
1240
                                                   fg=self.color text2, font=('Arial',
relief=RIDGE,
1242
1243
1244
```

```
1249
activebackground=self.color bgl,
                                                  activeforeground=self.color text2,
                                                  command=lambda: GUI.fill zeros(self,
activebackground=self.color bg1,
                                                 activeforeground=self.color text2,
self.matrix B entries))
                                                   fg=self.color text2, font=('Arial',
memory", bg=self.color bg1,
relief=RIDGE,
1284
1288
1289
1290
```

```
1294
1296
                        for j in range(a):
bg=self.color bg1,
                                   fg=self.color text2).grid(row=0, column=j + 1,
0's", bg=self.color bg1, fg=self.color text2,
activebackground=self.color bg1,
                                                    activeforeground=self.color text2,
relief=RIDGE, padx=20,
1324
GUI.fill ones(self, self.matrix entries))
1327
1332
```

```
1334
font=('Arial', 8), activebackground=self.color bg1,
                                                     activeforeground=self.color text2,
                                                     command=lambda: GUI.mem ld(self,
                        self.calculate = Button(self.f buttons, text='Calculate',
activebackground=self.color bg1,
                                                command=lambda: GUI.calculate(self,
1346
                    for j in range(a):
```

```
self.zeros button = Button(self.f buttons, text="Fill with 0's",
activebackground=self.color bg1,
                                               activeforeground=self.color text2,
                                               command=lambda: GUI.fill zeros(self,
1394
memory", bg=self.color bg1,
                                                 activeforeground=self.color text2,
relief=RIDGE,
                                             command=lambda: GUI.calculate(self, func,
1410
1411
1412
1413
                    self.f = Frame(self.input win, bg=self.color bg1)
```

```
1415
1416
1417
1418
1419
1420
1421
1423
1429
                    for i in range(a):
1439
1440
activebackground=self.color bg1,
1441
relief=RIDGE, padx=33,
                                                command=lambda: GUI.clear cells(self,
self.matrix entries))
                    self.clear button.grid(row=0, column=0, columnspan=3, pady=3)
                    self.zeros button = Button(self.f buttons, text="Fill with 0's",
activebackground=self.color bg1,
                                                activeforeground=self.color text2,
                                                command=lambda: GUI.fill zeros(self,
1450
1451
bg=self.color bg1, fg=self.color text2,
1453
                                               activebackground=self.color bg1,
1455
1456
1457
  bg=self.color bg1,
```

```
1459
relief=RIDGE,
1460
1461
                     self.mem sv button.grid(row=2, column=0, padx=3, padv=3)
1462
memory", bg=self.color bg1,
                                                  fg=self.color text2, font=('Arial',
                                                  activeforeground=self.color text2,
1467
1472
1474
1480
bg=self.color bg1, fg=self.color text2,
                    self.matrix text.pack()
1490
1491
1492
1493
                     for i in range(a):
1501
```

```
relief=RIDGE, padx=33,
                                                command=lambda: GUI.clear cells(self,
                    self.clear button.grid(row=0, column=0, columnspan=3, pady=3)
activebackground=self.color bg1,
relief=RIDGE, padx=20,
self.matrix entries))
                                                 fg=self.color text2, font=('Arial',
8), activebackground=self.color bg1,
                                                 activeforeground=self.color text2,
relief=RIDGE,
                                                 command=lambda: GUI.mem sv(self,
self.matrix entries))
                    self.mem sv button.grid(row=2, column=0, padx=3, pady=3)
memory", bg=self.color bg1,
                                                 fg=self.color text2, font=('Arial',
                                                 activeforeground=self.color text2,
relief=RIDGE,
1532
relief=RIDGE,
1538
```

```
1540
1541
1542
1543
1544
1545
                    self.matrix text = Label(self.f, text='Input matrix:',
                    self.matrix text.pack()
                    self.f grid = Frame(self.f, bg=self.color bg1)
                              fg=self.color text2).grid(row=i + 1, column=0, padx=(3,
bg=self.color bg1, fg=self.color text2,
activebackground=self.color bg1,
                                                activeforeground=self.color text2,
relief=RIDGE, padx=33,
                                                command=lambda: GUI.clear cells(self,
1579
GUI.fill ones(self, self.matrix entries))
```

```
1584
                                                 activeforeground=self.color text2,
relief=RIDGE,
self.matrix entries))
activebackground=self.color bg1,
1602
                    self.f = Frame(self.input win, bg=self.color bg1)
                    self.f.pack(pady=20)
                    for j in range(a):
1624
```

```
bg=self.color bg1, fg=self.color text2,
activebackground=self.color bg1,
                                                activeforeground=self.color text2,
                                                command=lambda: GUI.clear cells(self,
activebackground=self.color bg1,
1641
1643
1645
1646
                                                 activeforeground=self.color text2,
relief=RIDGE,
                                                 command=lambda: GUI.mem sv(self,
relief=RIDGE,
1661
```

```
1685
1688
1689
                          print()
1714
```

```
1724
                                  self.matrix[i, j] =
```

```
1784
                               print()
                                     for j in range(a):
    if self.matrix_entries[i][j].get() == '':
1804
                               print()
1812
```

```
1834
                          self.errors('alpha')
1840
                          self.errors('unexpected')
1844
1849
1860
                     self.matrix = np.zeros((a, a))
1861
1862
1884
```

```
1894
1896
                      self.matrix = np.zeros((a, b))
                          for i in range(a):
1903
1904
                          self.errors('alpha')
1914
                          print()
1929
                          for i in range(a):
1940
1941
1942
1943
1944
1945
1946
1947
1948
1949
```

```
1954
                     self.matrix = np.zeros((a, a))
                         for i in range(a):
                         print()
                         print()
2004
```

```
2011
2012
2013
matrix B)
2014
                               elif self.rand op.get() == '-':
2024
2034
2040
2041
                          b = int(b)
2049
2054
2064
```

```
2066
2074
                               print()
                               self.time = round(finish - start, 3)
2079
2094
2110
2111
2112
2118
2119
2120
2121
```

```
2124
2128
2140
2141
2143
2148
2149
```

```
2180
2184
                             matrix = RandomMatrix.random matrix(a, a)
                         except MemoryError:
                             self.errors('unexpected')
                             self.errors('dims')
                         self.errors('dims')
2224
2234
2235
2236
2238
2239
```

```
2241
2242
2243
2244
2246
2247
2249
2254
                                 print()
2284
2294
2296
```

```
2300
2303
2304
                              print()
                              self.time = round(finish - start, 3)
                              print()
2313
                              self.errors('unexpected')
                              print()
2344
2346
2347
2348
2349
2358
2359
```

```
2362
2363
2365
2366
                              entry.insert(0, '1')
2367
            def mem sv(self, list):
2385
2386
2403
2404
2405
2407
2408
2409
2410
2411
2412
2413
2414
                 self.f main res.pack(side='top', padx=40)
```

```
2416
2417
2418
2419
2420
2421
                 self.time text.pack(anchor='e')
2423
font=('Arial', 12), bg=self.color bg1,
                                            fg=self.color text2)
2427
2428
2429
2433
                                          bg=self.color bg1, fg=self.color text2)
2435
2439
2441
2442
2443
2444
2445
2446
{round(result, 2)}', font=('Arial', 15),
                                          bq=self.color bq1, fq=self.color text2)
2457
2458
2462
2463
2464
2465
2466
bg=self.color bg1, fg='grey'
```

```
2468
2469
2470
2471
2472
2473
2474
                             if len(str(number)) > width:
2476
                                  width = len(str(number))
                 for label in labels: label.configure(width=width)
2487
2488
                 self.result win = Toplevel(root, bg=self.color bg1)
2489
2490
2491
2492
2493
2494
2495
2496
2497
2498
2499
                                           fg=self.color text2)
                                          bg=self.color bg1, fg=self.color text2)
2520
```

```
2524
{round(result, 2)}', font=('Arial', 15),
                                         bq=self.color bq1, fq=self.color text2)
relief=GROOVE,
2544
2545
2546
2547
2548
                                 self.t result.insert('end', '\t'*tabs)
                    mb.showerror(title='Error', message='Input values are too big. Tr
```

Βιβλιογραφία - Πηγές πληροφόρησης

- 1. Python Εισαγωγή στους Υπολογιστές, Ν. Αβούρης, Μ. Κουκιάς, Β. Παλιουράς, Κ. Σγάρμπας, Πανεπιστημιακές Εκδόσεις Κρήτης, 2016
- 2. Διαφάνειες προσφερόμενο υλικό από τις Διαλέξεις του μαθήματος
- 3. Επίσημες ιστοσελίδες των βιβλιοθηκών που χρησιμοποιήθηκαν:
 - https://NumPy.org/doc/stable/
 - https://docs.python.org/3/library/multiprocessing.html
 - https://docs.python.org/3/library/tkinter.html
- 4. Άλλες πηγές πληροφόρησης:
 - https://www.geeksforgeeks.org/
 - https://stackoverflow.com/
 - https://www.w3schools.com/
 - https://en.wikipedia.org/wiki/Matrix multiplication algorithm