

信号分析与处理





信号分析与处理一复习

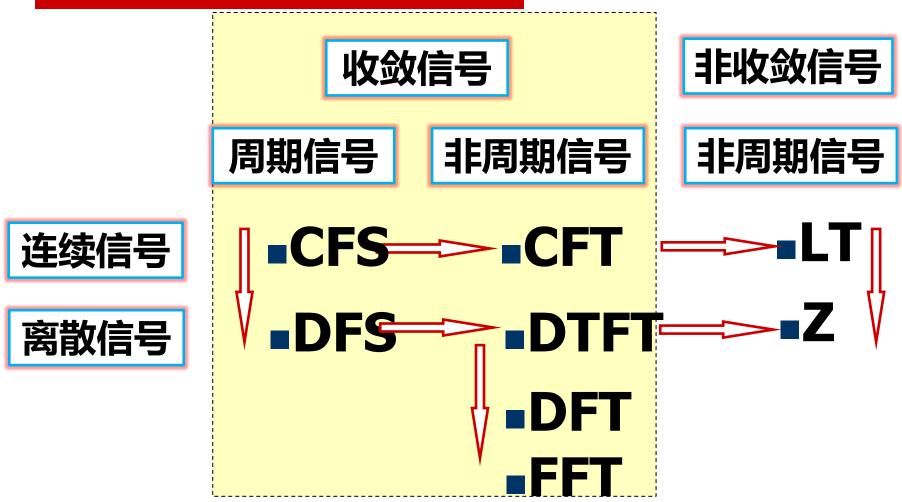
浙江大学 电气工程学院

张健 jian_zhang_zju@zju.edu.cn

信号分析部分知识框架

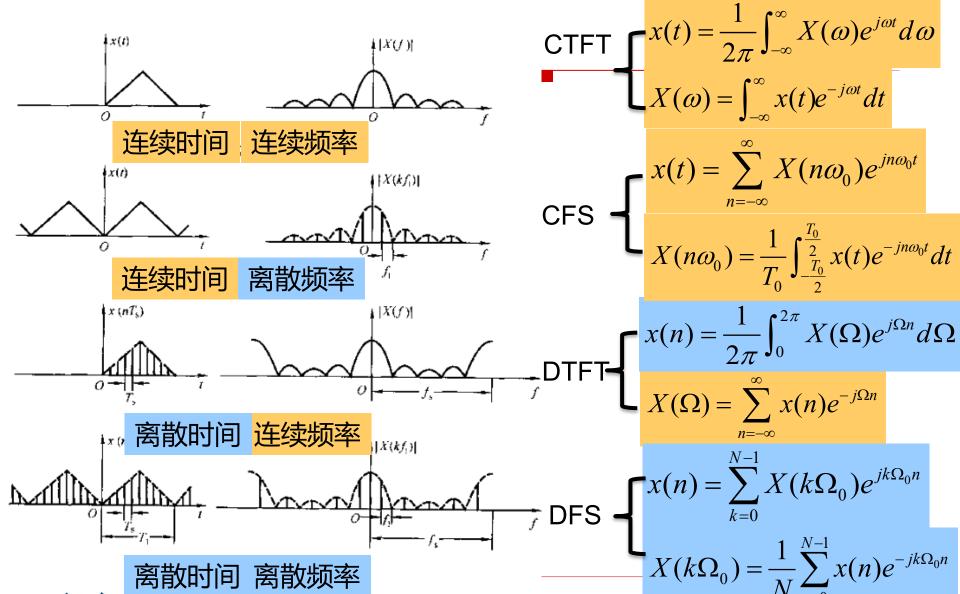






复习 傅里叶变换的离散性与周期性





$$X(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} X(\omega) e^{j\omega t} d\omega$$
$$X(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t) e^{-j\omega t} dt$$

$$X(t) = \sum_{n = -\infty} X(n\omega_0) e^{jn\omega_0 t}$$

$$X(n\omega_0) = \frac{1}{T_0} \int_{-\frac{T_0}{2}}^{\frac{T_0}{2}} x(t)e^{-jn\omega_0 t} dt$$

$$x(n) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} X(\Omega) e^{j\Omega n} d\Omega$$

$$X(n) = \sum_{k=0}^{N-1} X(k\Omega_0) e^{jk\Omega_0 n}$$

$$X(k\Omega_0) = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} x(n) e^{-jk\Omega_0 n}$$

变换间的关系





- ■CFS具有谐波性、离散型和收敛性。CFT具有连续性、非谐波性、收敛性。
- ■DFS是指周期序列x(n)的傅里叶级数,分析周期序列的频谱;
- ■DFS是连续周期信号理想采样后的CFS;
- ■DTFT是周期序列x(n)的周期趋于无穷时的傅立叶变换,分析非周期序列的频谱;
- ■DFT是对DTFT的连续谱以2π/N为采样间隔在主值区间内进行采样的结果; 或者是对DFS变换对截取主值序列的结果。
- ■FFT是对DFT的一种快速的计算机求取算法。
- ■DTFT是在Z平面单位圆上进行的Z变换;
- ■DFT是在Z平面的单位圆上进行的Z变换以2π/N为采样间隔进行采样的结果。
- ■Z变换是连续非周期信号进行理想采样后的拉普拉斯变换。
- ■DFS没有明确的物理意义,只是一种借用形式。

概念相关主要知识点





- ●能量信号与功率信号 (——E有界; ——E无界, P有界)
- ■采样信号(采样信号与门信号之间的对偶关系!!!!)
- ■单位冲激信号、阶跃信号、斜坡信号间的关系
- ■单位冲激信号的性质(取样特性,卷积特性,傅里叶变换对)
- 采样定理(时域、频域、频率分辨率问题)
- ■数字角频率的概念及其物理意义;
- ■混叠与频谱泄露问题;
- ■单位脉冲序列与单位阶跃序列
- ■周期信号的傅里叶变换

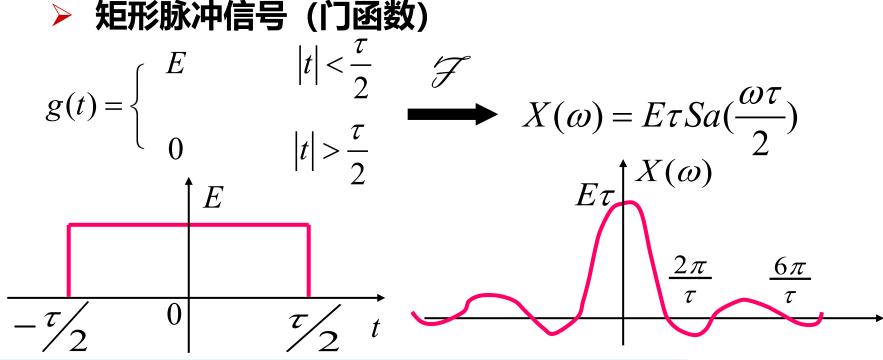
门信号与采样信号





常用非周期信号的傅立叶变换

矩形脉冲信号(门函数)



利用对偶性
$$x(t) = Sa(\omega_c t) \longrightarrow X(\omega) = \frac{\pi}{\omega_c} g(\omega)$$

卷积相关主要知识点





- ■连续信号卷积的定义及其物理意义;
- ■卷积的性质;
- ■离散信号线性卷积的物理意义及计算(卷积序列长度问题、竖式法);
- ■圆周卷积的物理意义及计算方法;
- ■卷积与乘积在时域与频域内的对偶关系;
- ■利用FFT求线性卷积;

变换性质相关





- ⇒ 时移与频移性质;
- ⇒ 对偶性质;
- ⇒ 积分与微分(连续信号);
- ⇒ 尺度变换(连续信号);
- ⇒ 共轭特性;
- ⇒ 卷积特性;
- ⇒ 信号调制问题;
- ⇒ DFT: 圆周移位特性;
- ⇒ Z变换性质

淅 / 3 大 学 电气工程学院

FFT相关



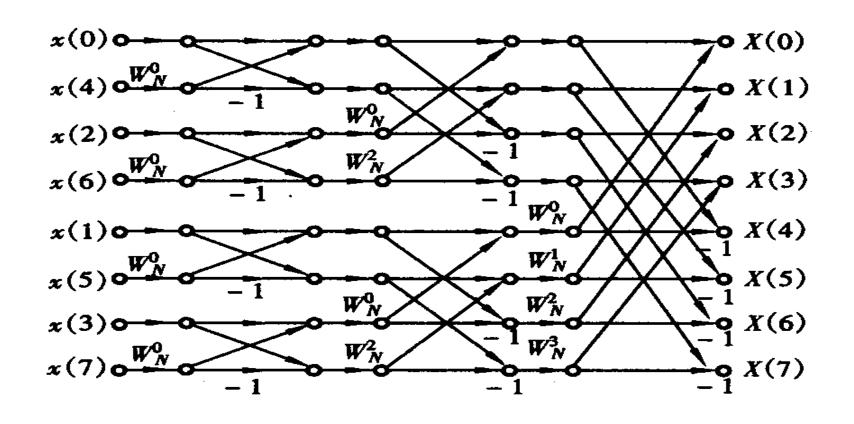


- ⇒ 旋转因子的概念及性质;
- ⇒ FFT的基本思路与数学表达;
- ⇒ FFT的计算效率问题; (一次复数乘包含2次 实数加和4次实数乘)
- ⇒ 数据存储相关(同址运算与倒位序)
- ⇒ 输入输出的自然序与倒位序问题
- ⇒ IFFT变换问题;
- → 权系数

FFT相关







淅 / 3 大 学 电气工程学院

FFT应用-谱分析





- ⇒ 若已知信号的最高频率 f_m ,为防止混叠,选定抽样频率 f_s 满足 $f_s \ge 2f_m$ (或抽样周期 T_s 满足 $T_s \le 1/(2f_m)$)
- ◆ 根据要求确定频率分辨率 Δf , (即记录数据长度 T_0 [有时也写为 T_1] T_0 =1/ Δf)然后确定做DFT所要求的点数N, 即: $N = f_s/\Delta f = T_0/T_s$,N的取值还要考虑FFT运算的要求,比如说取2的整数幂。
- ⇒ 根据 N 的最终取值重新选取抽样频率 f_s (或抽样 周期 T_s)

浙沙水学 电气工程学院

Z变换相关





○ Z变换的定义

$$X(z) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x(n)z^{-n} \qquad x(n) = \frac{1}{2\pi j} \oint_{c} X(z) \times z^{n-1} dz$$

⇒ Z变换与拉普拉斯变换的关系

$$z = e^{sT_s}$$

⇒ Z变换与DTFT变换的关系

$$z = e^{j\Omega}$$

⇒ Z变换与DFT变换的关系

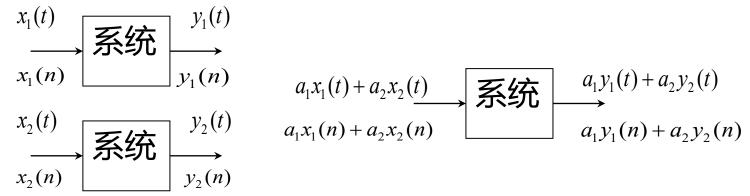
$$z = e^{jk\frac{2\pi}{N}}$$

- ⇒ 收敛域问题: 左边序列、右边序列和双边序列
- ⇒ 单边Z变换: 时移定理、初值定理和终值定理
- ⇒ 部分分式展开法求Z变换逆运算;

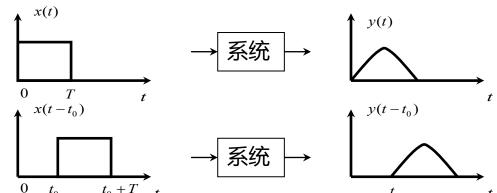




⇒ 线性系统的定义与辨别



时不变系统的定义与辨别



⇒ 因果系统、可逆系统、稳定系统等的定义与辨别



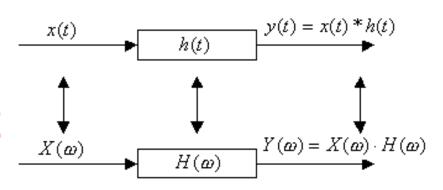


连续信号处理

⇒ 频域法分析



$$H(\omega) = \frac{Y(\omega)}{X(\omega)}$$



■ 无失真传输

$$y(t) = Kx(t - t_0)$$

$$Y(\omega) = Ke^{-j\omega t_0}X(\omega)$$

理想低通滤波器

$$H(\omega) = \begin{cases} 1e^{-j\omega t_0} & |\omega| < \omega_c \\ 0 & |\omega| > \omega_c \end{cases}$$





连续信号处理

- ⇒ 复频域分析
 - **○** 连续系统微分方程的表述形式
 - 单位冲激响应
 - 如何利用拉普拉斯变换(拉普拉斯反变换) 求解线性时不变连续系统的零输入响应、零 状态响应、全响应、单位冲激响应、系统稳 定性。





离散信号处理

$$\sum_{k=0}^{N} a_k y(n-k) = \sum_{k=0}^{M} b_k x(n-k) \quad (a_0 = 1)$$

- 单位脉冲响应
- 如何利用Z变换(Z反变换)求解线性时不变 离散系统的零输入响应、零状态响应、全响 应、单位脉冲响应、系统稳定性。
- ⇒ 离散系统的频率响应求取 (画图)





系统函数H(z)

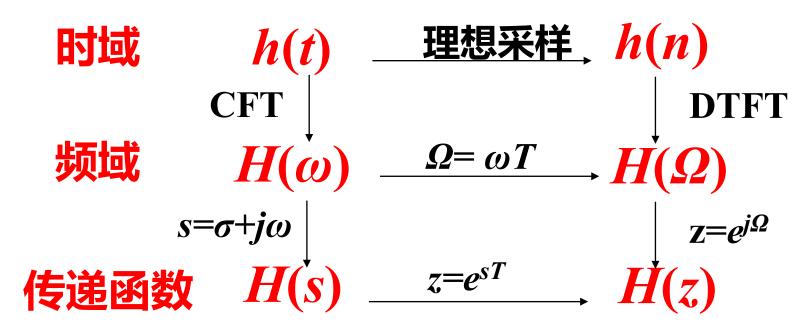
- ⇒ 系统函数定义、系统函数的零极点
- → 系统函数与离散系统差分方程、单位响应、零状态响应、稳定性的关系





连续系统

离散系统



复频域或Z域

第五章 滤波器





- ⇒ 滤波器的分类
- ⇒ 滤波器的技术指标

通带、阻带、过渡带、衰减、相移等

⇒ 由幅度平方函数设计稳定的最小相位的系统

第五章 滤波器





巴特沃思模拟滤波器的特点及设计

$$\left| H(\omega) \right|^2 = \frac{1}{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_c}\right)^{2n}}$$

$$n \ge \frac{\lg \sqrt{10^{0.1\alpha_s} - 1}}{\lg(\omega_s / \omega_c)}$$

- 切比雪夫模拟滤波器的特点
- 两种模拟滤波器幅度平方函数特点
- 巴特沃斯低通滤波器的极点分布规律
- 应用低通滤波器的设计方法设计高通滤波器

第五章 滤波器





- 冲激响应不变法的设计方法与优缺点
 - 稳定性、频率特性、是否线性相位变换
- 双线性变换法的设计方法与优缺点
 - 稳定性、频率特性、是否线性相位变换关

根据要求,设计低通、高通数字滤波器