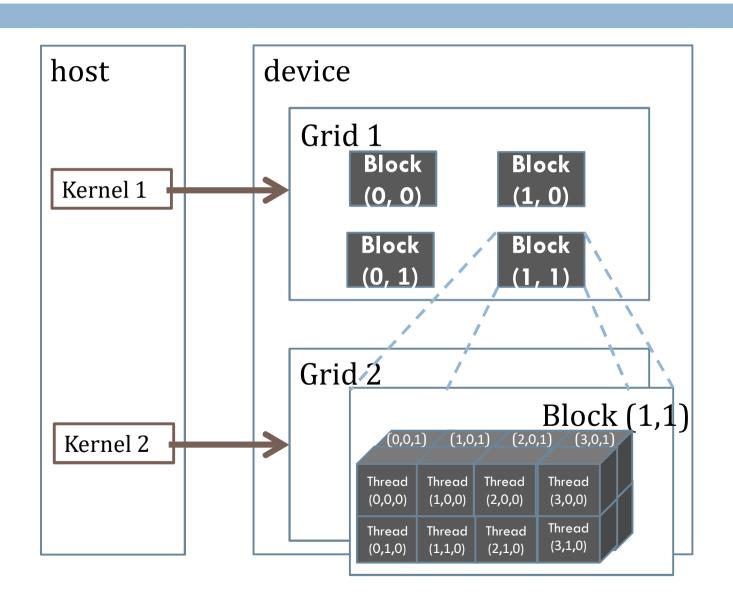
#### ΠΑΡΑΛΛΗΛΑ ΣΥΣΤΗΜΑΤΑ

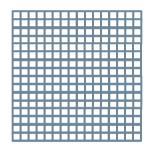
Μάθημα #8

**CUDA** (Μοντέλο Παραλληλισμού)

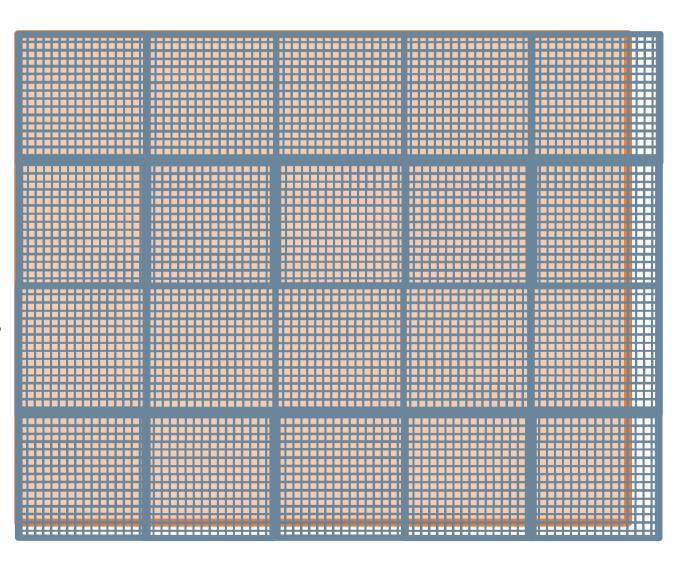
#### Παράδειγμα πολυδιάστατου πίνακα νημάτων



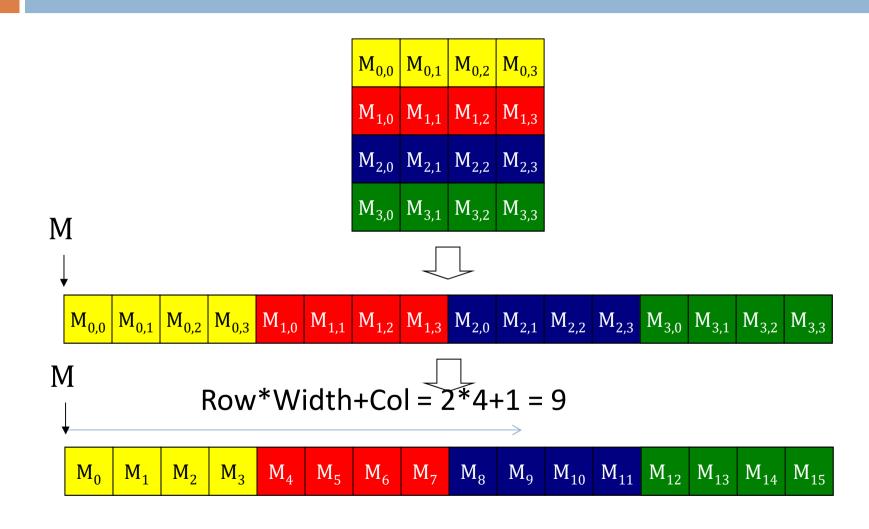
# Επεξεργασία εικόνας με χρήση δισδιάστατου πίνακα νημάτων



16×16 blocks

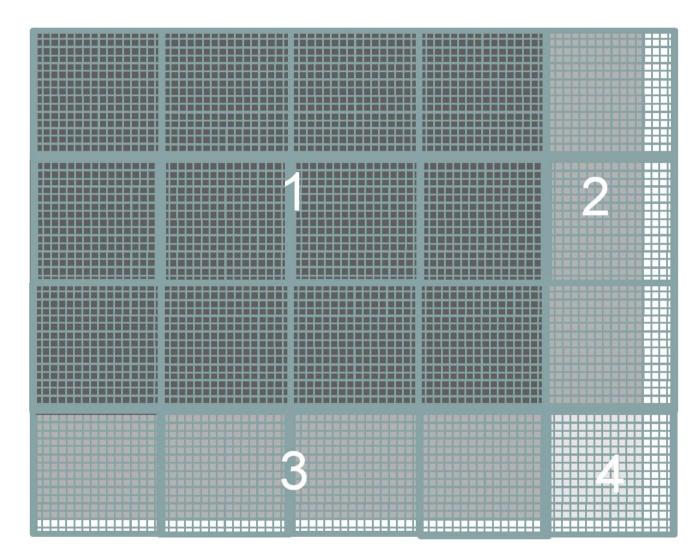


### Απεικόνιση κατά γραμμές στην C/C++



## Κώδικας PictureKernel

```
global void PictureKernel(float* d Pin, float* d Pout, int n,int m)
 // Calculate the row # of the d Pin and d Pout element to process
  int Row = blockIdx.y*blockDim.y + threadIdx.y;
 // Calculate the column # of the d Pin and d Pout element to process
  int Col = blockIdx.x*blockDim.x + threadIdx.x;
 // each thread computes one element of d Pout if in range
 if ((Row < m) && (Col < n)) {
    d Pout[Row*n+Col] = 2*d Pin[Row*n+Col];
```



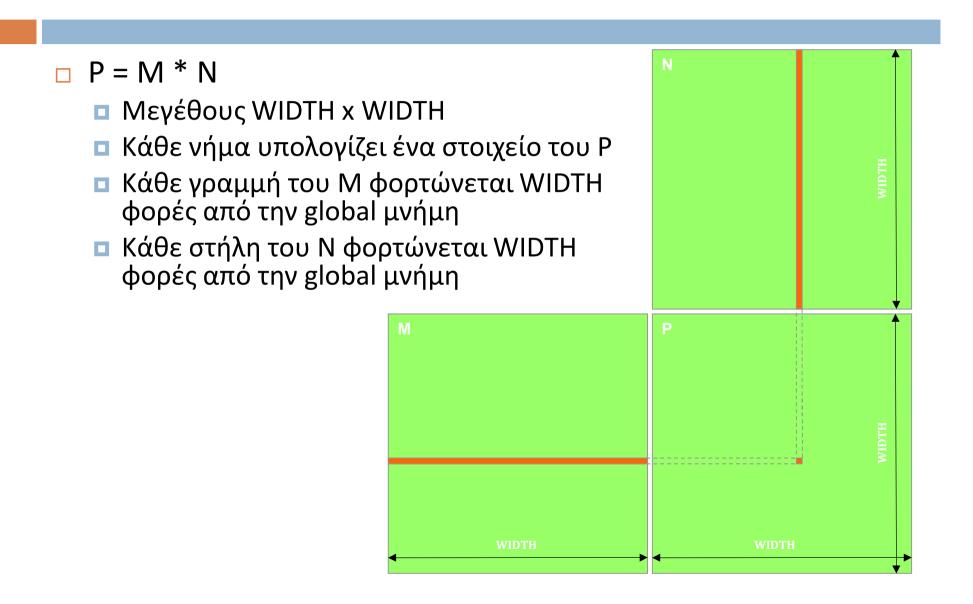
16×16 block

Κάλυψη εικόνας μεγέθους 76×62 με block μεγέθους 16×16

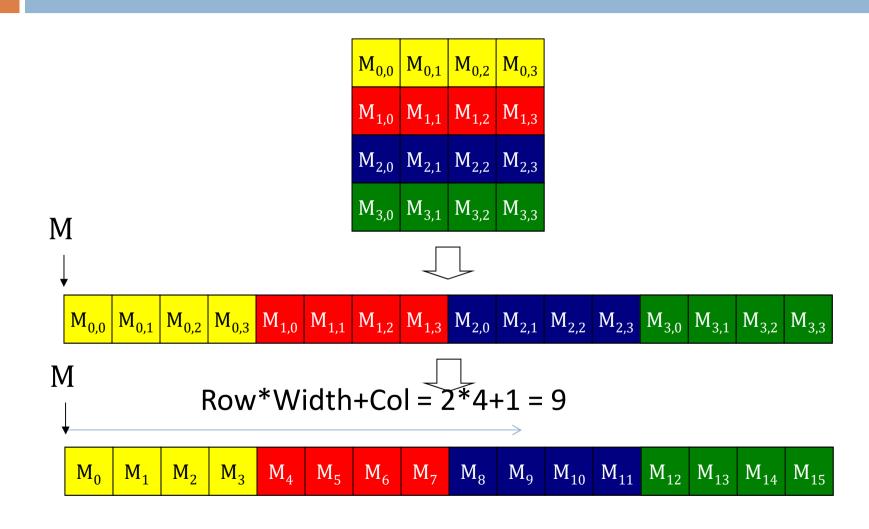
## Ένα απλό παράδειγμα Πολλαπλασιασμός μητρώων

- Δείχνει τις βασικές δυνατότητες διαχείρισης μνήμηςκαι νημάτων σε προγράμματα CUDA
  - Χρήση δεικτών (index) νημάτων
  - Διάταξη δεδομένων στην μνήμη
  - Χρήση καταχωρητών
- Για λόγους απλότητας
  - Υποθέτουμε τετραγωνικά μητρώα
  - Αφήνουμε την χρήση κοινής μνήμης για αργότερα

#### Πολλαπλασιασμός τετραγωνικών πινάκων



### Απεικόνιση κατά γραμμές στην C/C++

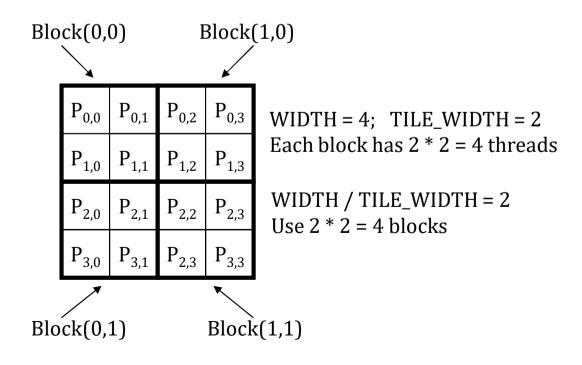


## Πολλαπλασιασμός πινάκων Κώδικας για CPU

```
// Matrix multiplication on the (CPU) host in single precision
void MatrixMulOnHost(float* M, float* N, float* P, int Width)
                                                                    k
{
    for (int i = 0; i < Width; i++)
        for (int j = 0; j < Width; j++) {
            double sum = 0;
            for (int k = 0; k < Width; k++) {
                double a = M[i * Width + k];
                double b = N[k * Width + j];
                sum += a * b; M
            P[i * Width + j] = sum;
```

#### Συνάρτηση πυρήνα για μικρό παράδειγμα

- Κάθε block νημάτων θα αναλάβει τον υπολογισμό ενός
   υπομητρώου μεγέθους (TILE\_WIDTH)<sup>2</sup> του τελικού μητρώου
  - □ Κάθε block έχει (TILE\_WIDTH)<sup>2</sup> νήματα
- Δημιουργία δισδιάστατου πλέγματος block μεγέθους
   (WIDTH/TILE\_WIDTH)<sup>2</sup>



## Ένα λίγο μεγαλύτερο παράδειγμα

P <sub>0,0</sub>	P <sub>0,1</sub>	P <sub>0,2</sub>	P <sub>0,3</sub>	P <sub>0,4</sub>	P <sub>0,5</sub>	P <sub>0,6</sub>	P <sub>0,7</sub>
P <sub>1,0</sub>	P <sub>1,1</sub>	P <sub>1,2</sub>	P <sub>1,3</sub>	P <sub>1,4</sub>	P <sub>1,5</sub>	P <sub>1,6</sub>	P <sub>1,7</sub>
P <sub>2,0</sub>	P <sub>2,1</sub>	P <sub>2,2</sub>	P <sub>2,3</sub>	P <sub>2,4</sub>	P <sub>2,5</sub>	P <sub>2,6</sub>	P <sub>2,7</sub>
P <sub>3,0</sub>	P <sub>3,1</sub>	P <sub>3,2</sub>	P <sub>3,3</sub>	P <sub>3,4</sub>	P <sub>3,5</sub>	P <sub>3,6</sub>	P <sub>3,7</sub>
P <sub>4,0</sub>	P <sub>4,1</sub>	P <sub>4,2</sub>	P <sub>4,3</sub>	P <sub>4,4</sub>	P <sub>4,5</sub>	P <sub>4,6</sub>	P <sub>4,7</sub>
P <sub>4,0</sub>							
	P <sub>5,1</sub>	P <sub>5,2</sub>	P <sub>5,3</sub>	P <sub>5,4</sub>	P <sub>5,5</sub>	P <sub>5,6</sub>	P <sub>5,7</sub>

WIDTH = 8; TILE\_WIDTH = 2 Each block has 2 \* 2 = 4 threads

WIDTH / TILE\_WIDTH = 4 Use 4 \* 4 = 16 blocks

## Ένα λίγο μεγαλύτερο παράδειγμα

P <sub>0,0</sub>	P <sub>0,1</sub>	P <sub>0,2</sub>	P <sub>0,3</sub>	P <sub>0,4</sub>	P <sub>0,5</sub>	P <sub>0,6</sub>	P <sub>0,7</sub>
P <sub>1,0</sub>	P <sub>1,1</sub>	P <sub>1,2</sub>	P <sub>1,3</sub>	P <sub>1,4</sub>	P <sub>1,5</sub>	P <sub>1,6</sub>	P <sub>1,7</sub>
P <sub>2,0</sub>	P <sub>2,1</sub>	P <sub>2,2</sub>	P <sub>2,3</sub>	P <sub>2,4</sub>	P <sub>2,5</sub>	P <sub>2,6</sub>	P <sub>2,7</sub>
P <sub>3,0</sub>	P <sub>3,1</sub>	P <sub>3,2</sub>	P <sub>3,3</sub>	P <sub>3,4</sub>	P <sub>3,5</sub>	P <sub>3,6</sub>	P <sub>3,7</sub>
				P <sub>4,4</sub>			
P <sub>4,0</sub>	P <sub>4,1</sub>	P <sub>4,2</sub>	P <sub>4,3</sub>		P <sub>4,5</sub>	P <sub>4,6</sub>	P <sub>4,7</sub>
P <sub>4,0</sub>	P <sub>4,1</sub>	P <sub>4,2</sub>	P <sub>4,3</sub>	P <sub>4,4</sub>	P <sub>4,5</sub>	P <sub>4,6</sub>	P <sub>4,7</sub>

WIDTH = 8; TILE\_WIDTH = 4 Each block has 4 \* 4 = 16 threads

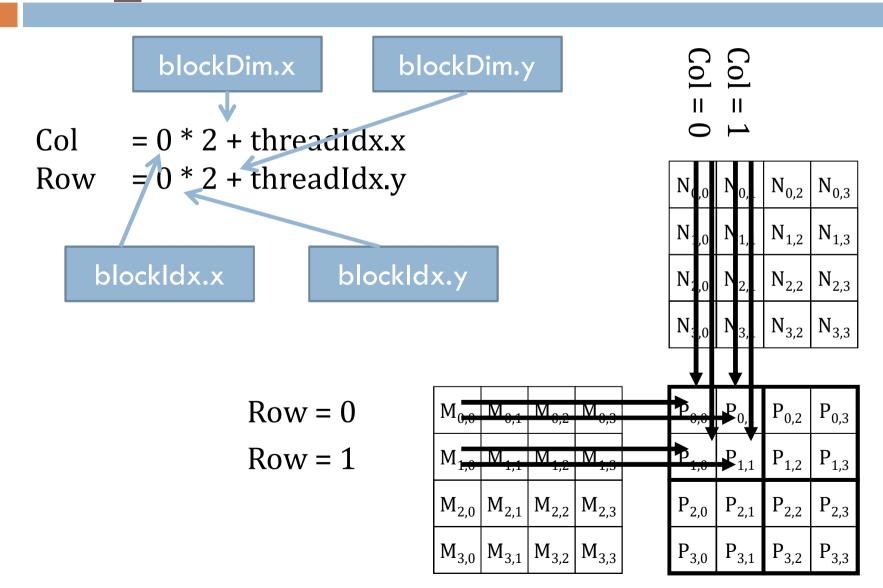
WIDTH / TILE\_WIDTH = 2 Use 2 \* 2 = 4 blocks

#### Κλήση συνάρτησης πυρήνα από τον host

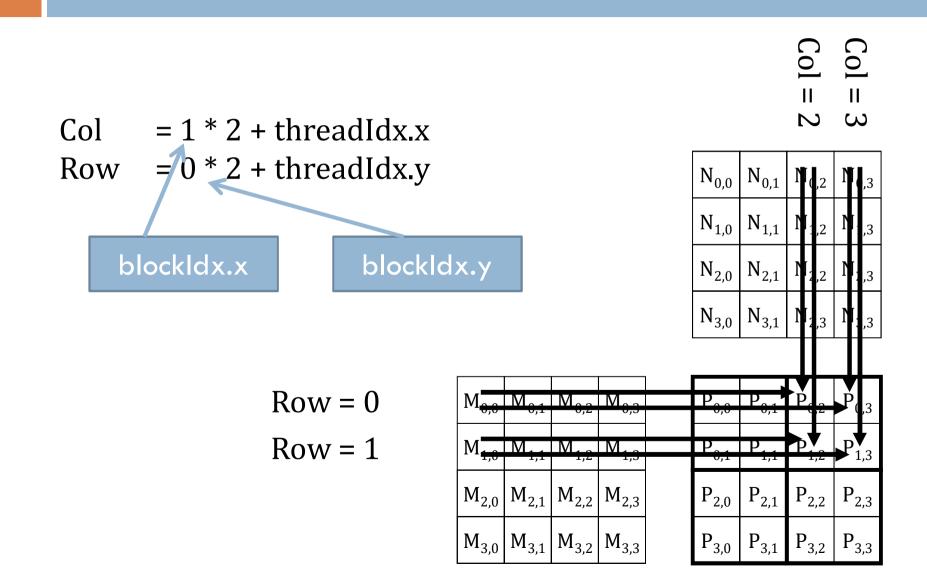
```
// Setup the execution configuration
// TILE_WIDTH is a #define constant
dim3 dimGrid(Width / TILE_WIDTH, Width / TILE_WIDTH, 1);
dim3 dimBlock(TILE_WIDTH, TILE_WIDTH, 1);
// Launch the device computation threads!
MatrixMulKernel<<<dimGrid, dimBlock>>>(Md, Nd, Pd, Width);
```

## Συνάρτηση πυρήνα

## Επεξεργασία block (0, 0) για $TILE_WIDTH = 2$



## Επεξεργασία block (0, 1)



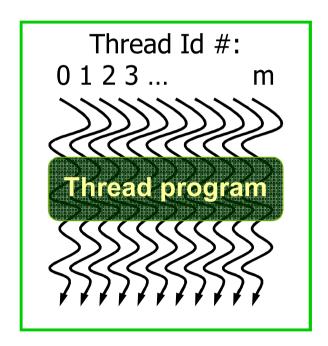
## Μια πρώτη, απλή συνάρτηση πυρήνα για πολλαπλασιασμό πινάκων

```
__global__ void MatrixMulKernel(float* d_M, float* d_N,
                                 float* dP_{,} int Widt\overline{h})
 // Calculate the row index of the d_P element and d_M
  int Row = blockIdx.y * blockDim.y + threadIdx.y;
 // Calculate the column idenx of d_P and d_N
  int Col = blockIdx.x * blockDim.x + threadIdx.x;
  if ((Row < Width) && (Col < Width)) {
    float Pvalue = 0;
    // each thread computes one element of the block sub-matrix
    for (int k = 0; k < Width; k++)
      Pvalue += d_M[Row * Width + k] * d_N[k * Width + Col];
    d P[Row*Width+Col] = Pvalue;
```

## Block νημάτων στην CUDA

- Όλα τα νήματα ενός block εκτελούν την ίδια συνάρτηση πυρήνα (SPMD)
- Ο προγραμματιστής ορίζει τα χαρακτηριστικά του block:
  - Μέγεθος block από 1 έως 1024 νήματα
  - Διαστάσεις πλέγματος block (1D, 2D ή 3D)
  - Διαστάσεις πλέγματος νημάτων
- Τα νήματα έχουν δείκτες (indices) εντός του block
  - Ο κώδικας πυρήνα χρησιμοποιεί τους δείκτες νημάτων και block για να επιλέξει τμήμα υπολογισμών και να διευθυνσιοδοτήσει μνήμη
- Τα νήματα του ίδιου block μπορούν να μοιραστούν δεδομένα και να συγχρονιστούν μεταξύ τους όσο εκτελούν το τμήμα των υπολογισμών τους
- Τα νήματα διαφορετικών block δεν μπορούν να συνεργαστούν
  - Κάθε block μπορεί να εκτελεστεί με οποιαδήποτε σειρά σε σχέση με τα άλλα block!

#### **CUDA Thread Block**



Courtesy: John Nickolls, NVIDIA

## Ιστορία παράλληλης επεξεργασίας

1<sup>η</sup> γενιά – Οι εντολές εκτελούνται σειριακά με βάση την σειρά εμφάνισης τους στο πρόγραμμα, μια κάθε φορά

#### Παράδειγμα:

Cycle	1	2	3	4	5	6
Instruction1	Fetch	Decode	Execute	Memory		
Instruction2					Fetch	Decode

## Ιστορία (Συνέχεια)

2<sup>η</sup> γενιά – Οι εντολές εκτελούνται σειριακά με βάση την σειρά εμφάνισης τους στο πρόγραμμα, αλλά όπως σε μια «γραμμή παραγωγής» (Pipeline)

#### Example:

Cycle	1	2	3	4	5	6
Instruction1	Fetch	Decode	Execute	Memory		
Instruction2		Fetch	Decode	Execute	Memory	
Instruction3			Fetch	Decode	Execute	Memory

## Ιστορία – Παραλληλισμός στο επίπεδο εντολών (Instruction Level Parallelism)

- □ 3η γενιά − Οι εντολές εκτελούνται ταυτόχρονα
- Παράδειγμα 1:

$$c = b + a;$$
 $d = c + e;$ 
Μη παραλληλοποιήσιμο

Παράδειγμα 2:

$$a = b + c;$$
 $d = e + f;$ 
Παραλληλοποιήσιμο

## Παραλληλισμός στο επίπεδο εντολών (Συνέχεια)

#### Δύο μορφές:

 Superscalar: Προσκόμιση, αποκωδικοποίηση και εκτέλεση πολλαπλών εντολών ταυτόχρονα. Η εκτέλεση μπορεί να είναι «εκτός σειράς» (Out of order)

Cycle	1	2	3	4	5
Instruction1	Fetch	Decode	Execute	Memory	
Instruction2	Fetch	Decode	Execute	Memory	
Instruction3		Fetch	Decode	Execute	Memory
Instruction4		Fetch	Decode	Execute	Memory

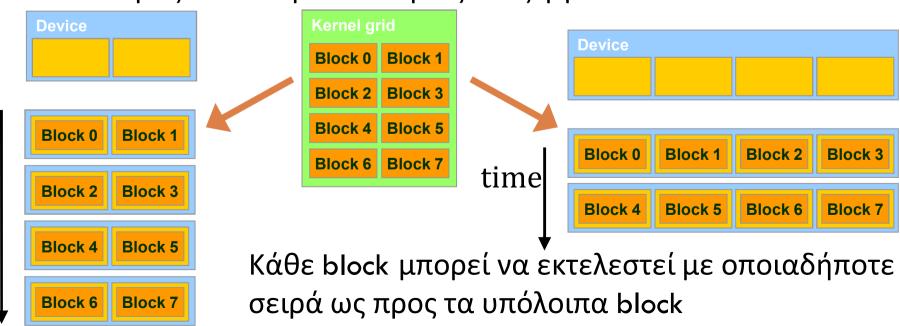
VLIW: Κατά τον χρόνο μεταγλώττισης γίνεται ομαδοποίηση πολλαπλών ανεξάρτητων εντολών σε μια μεγάλη εντολή και η επεξεργασία γίνεται θεωρώντας αυτές ως ανεξάρτητες μονάδες.

## Ιστορία (Συνέχεια)

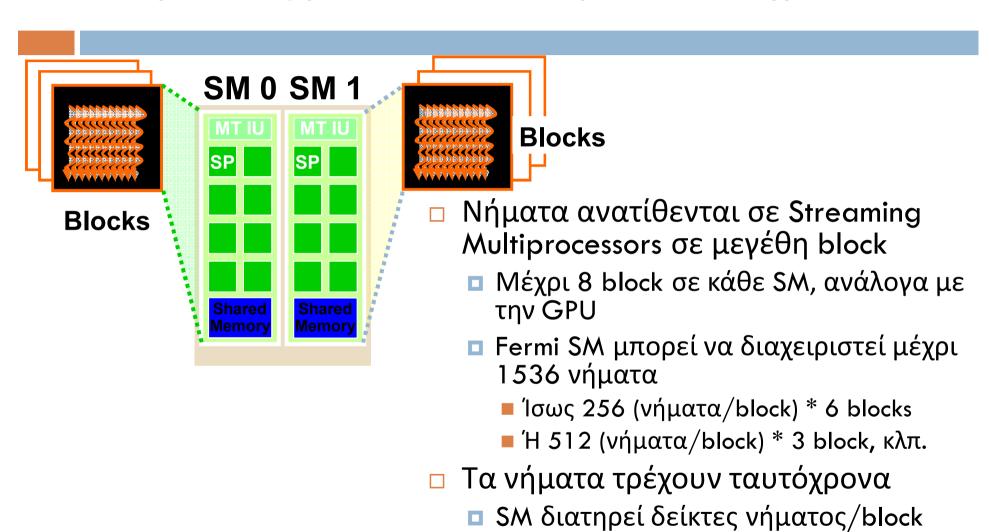
- 4<sup>η</sup> γενιά Πολυνημάτωση (Multi-threading):
   Πολλαπλά νήματα εκτελούνται μέσω εναλλαγής ή πραγματικά ταυτόχρονα στον ίδιο επεξεργαστή ή πυρήνα (θα το επανεξετάσουμε όμως...)
- 5<sup>η</sup> γενιά Multi-Core: Πολλαπλά νήματα εκτελούνται ταυτόχρονα σε πολλαπλούς επεξεργαστές ή/και πυρήνες

## Διάφανη κλιμακωσιμότητα

- Το υλικό είναι ελεύθερο να αντιστοιχίσει οποιοδήποτε
   block σε οποιονδήποτε επεξεργαστή, οποιαδήποτε
   χρονική στιγμή
  - Μια συνάρτηση πυρήνα παρουσιάζει κλιμακωσιμότητα ως προς οποιοδήποτε πλήθος επεξεργαστών



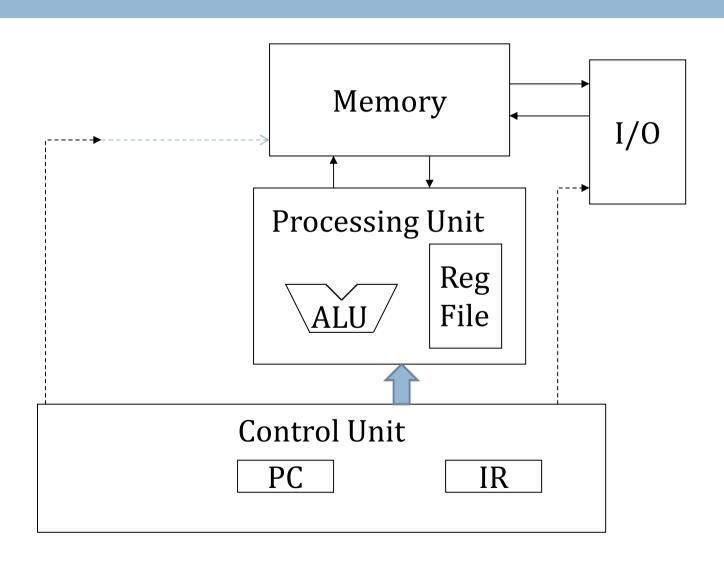
### Παράδειγμα: Εκτέλεση block νημάτων



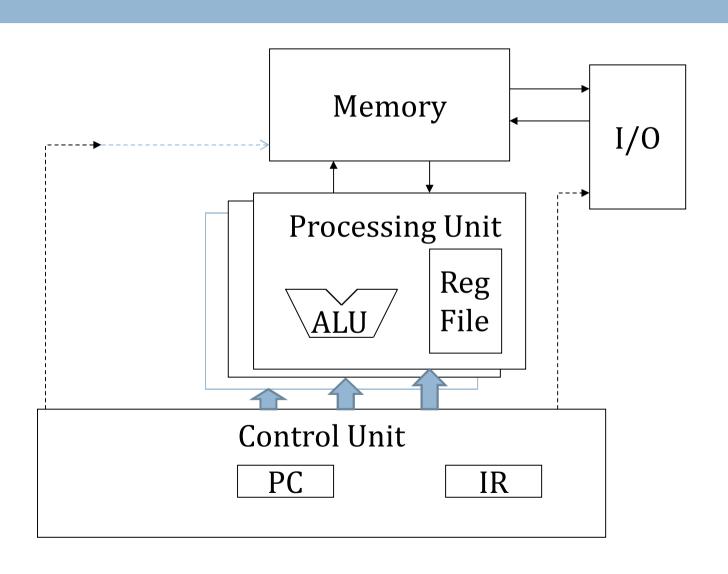
SM διαχειρίζεται/χρονοδρομολογεί την

εκτέλεση των νημάτων

## Το μοντέλο Von-Neumann



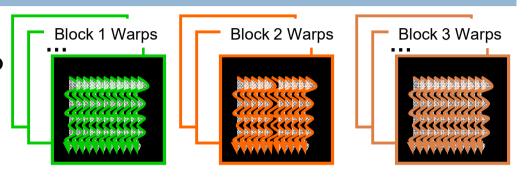
#### Το μοντέλο Von-Neumann με μονάδες SIMD

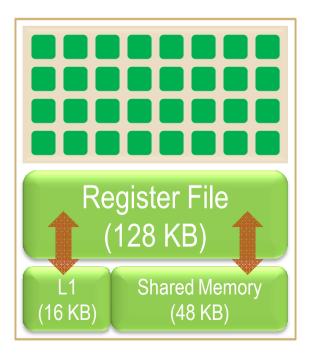


#### Παράδειγμα: Χρονοπρογραμματισμός νημάτων

- Τα νήματα κάθε block
   εκτελούνται ανά 32 σε warp
  - Απόφαση υλοποίησης στο υλικό, όχι μέρος του προγραμματιστικού μοντέλου CUDA
  - Τα warp είναι οι μονάδες χρονοπρογραμματισμού σε κάθε SM
- Αν σε ένα SM έχουν ανατεθεί 3 block και κάθε block έχει 256 νήματα, πόσα warp υπάρχουν στο SM;

  - □ Συνολικά 8 \* 3 = 24 warp





#### Επιστροφή στην εκτέλεση προγράμματος

- Κάθε εντολή πρέπει να προσκομιστεί από την μνήμη,να αποκωδικοποιηθεί και μετά να εκτελεστεί
- Υπάρχουν τριών ειδών εντολές: Εκτέλεση πράξης,
   Μεταφορά δεδομένων και Ελέγχου ροής του προγράμματος
- Ένα παράδειγμα εκτέλεσης των σταδίων μιας εντολής είναι το παρακάτω:

## Εντολές εκτέλεσης πράξης

Παράδειγμα εντολής:

ADD R1, R2, R3

Στάδια εκτέλεσης εντολής:

## Εντολές μεταφοράς δεδομένων

Παραδείγματα εντολών:

```
LDR R1, R2, #2
STR R1, R2, #2
```

Στάδια εκτέλεσης εντολής:

## Εντολές ελέγχου ροής

Παράδειγμα εντολής:

BRp #-4

Αν η συνθήκη είναι θετική, τότε μεταφέρσου πίσω τέσσερις εντολές

Στάδια εκτέλεσης εντολής:

### Πως διαμοιράζονται τα block νημάτων

- □ Τα block νημάτων διαμοιράζονται σε warp
  - Οι δείκτες (indices) των νημάτων σε ένα warp είναι συνεχόμενα και αυξάνουν
  - Το warp 0 ξεκινάει με το νήμα 0
- Ο διαμοιρασμός είναι πάντα ο ίδιος
  - Μπρούμε να το εκμεταλλευτούμε στον έλεγχο ροής του προγράμματος
  - Ωστόσο το ακριβές μέγεθος των warp μπορεί να αλλάξει από γενιά σε γενιά στο υλικό
  - Καλύπτουμε το θέμα στην συνέχεια
- ΔΕΝ ΠΡΕΠΕΙ να βασιζόμαστε στην σειρά εκτέλεσης των warp
  - Αν υπάρχουν εξαρτήσεις μεταξύ νημάτων τότε πρέπει να χρησιμοποιηθεί η συνάρτηση \_\_syncthreads() για να πάρουμε σωστά αποτελέσματα (περισσότερα στην συνέχεια)

## Εντολές ελέγχου ροής

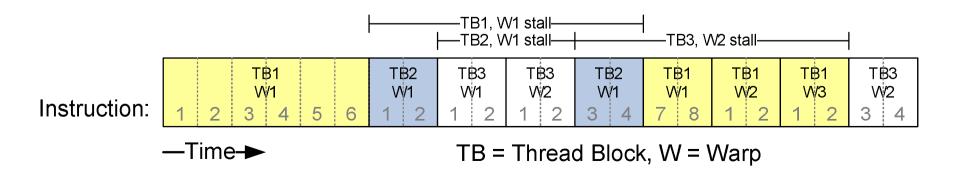
- Κύριο πρόβλημα με εντολές ελέγχου ροής
  - Απόκλιση στην ροή εκτέλεσης εντολών (divergence) των νημάτων με αρνητική επίδραση στην απόδοση
  - Νήματα στο ίδιο warp ακολουθούν διαφορετικά μονοπάτια εκτέλεσης
  - Διαφορετικά μονοπάτια εκτέλεσης σειριοποιούνται στις υπάρχουσες GPU
    - Τα μονοπάτια που ακολουθούν τα νήματα σε ένα warp ακολουθούνται ένα προς ένα μέχρι να μην υπάρχουν άλλα μονοπάτια

## Εντολές ελέγχου ροής (Συνέχεια)

- Συνήθης περίπτωση: αποφυγή divergence όταν ο έλεγχος είναι συνάρτηση του δείκτη (index) νήματος
  - Παράδειγμα με divergence:
    - if (threadIdx.x > 2) { }
    - Δημιουργεί δύο διαφορετικά μονοπάτια εκτέλεσης εντολών για τα νήματα ενός block
    - Συμβαίνει γιατί ο έλεγχος υποχρεώνει λιγότερα νήματα από το μέγεθος ενός warp να ακολουθήσουν κάθε μονοπάτι
    - Τα νήματα 0, 1 και 2 ακολουθούν διαφορετικό μονοπάτι εκτέλεσης από τα υπόλοιπα νήματα του πρώτου warp
  - Παράδειγμα χωρίς divergence:
    - if (threadIdx.x / WARP\_SIZE > 2) { }
    - Επίσης δημιουργεί δύο διαφορετικά μονοπάτια εκτέλεσης για νήματα στο ίδιο block
    - Όμως το πλήθος των νημάτων που ακολουθούν κάθε μονοπάτι είναι πολλαπλάσιο του μεγέθους του warp
    - Όλα τα νήματα ενός warp ακολουθούν το ίδιο μονοπάτι

## Παράδειγμα: Χρονοπρογραμματισμός νημάτων (Συνέχεια)

- Τα SM υλοποιούν χρονοπρογραμματισμό των warp με μηδενική επιβάρυνση
  - Κάθε χρονική στιγμή 1 ή 2 warp εκτελούνται από ένα SM
  - Τα warp των οποίων η επόμενη προς εκτέλεση εντολή έχει τα έντελα της έτοιμα προς χρήση μπορεί να επιλεγεί προς εκτέλεση
  - Τα έτοιμα προς εκτέλεση warp επιλέγονται για εκτέλεση με μια πολιτική χρονοδρομολόγησης βασισμένη σε προτεραιότητες
  - Όλα τα νήματα ενός warp που επιλέχθηκε προς εκτέλεση, εκτελούν τις ίδιες εντολές



## Θέματα επιλογής μεγέθους block

- Για έναν πολλαπλασιασμό πινάκων που χρησιμοποιεί block, ποια είναι η καλύτερη επιλογή;
  - Block μεγέθους 8x8, 16x16 ή 32x32;
- □ Για 8x8, θα έχουμε 64 νήματα ανά block
  - Κάθε SM μπορεί να διαχειριστεί μέχρι 1536 νήματα, οπότε χρειαζόμαστε 24 block για να εκμεταλλευτούμε πλήρως το SM
  - Όμως κάθε SM μπορεί να διαχειριστεί μέχρι 8 blocks, άρα μόλις 512 νήματα θα πάνε σε κάθε SM!
- □ Για 16x16, θα έχουμε 256 νήματα ανά block
  - Κάθε SM μπορεί να διαχειριστεί μέχρι 1536 νήματα, οπότε χρειαζόμαστε 6 block
     για να εκμεταλλευτούμε πλήρως το SM
  - Εκμεταλλευόμαστε πλήρως τις δυνατότητες του SM (εκτός αν υπάρχουν άλλα θέματα στην κατανομή των πόρων, όπως πλήθος καταχωρητών, κλπ)
- □ Για 32x32, θα έχουμε 1024 νήματα ανά block
  - Κάθε SM μπορεί να διαχειριστεί μόνο ένα block
  - Εκμεταλλευόμαστε μόλις τα 2/3 της χωρητικότητας του SM σε νήματα
  - Λειτουργεί από την έκδοση 3.0 και μετά της CUDA
    - Πιθανόν πολύ μεγάλο για προηγούμενες εκδόσεις

## Περισσότερες ερωτήσεις; Διαβάστε το Κεφάλαιο 4!

## ΜΕΡΙΚΕΣ ΕΠΙΠΛΕΟΝ ΔΥΝΑΤΟΤΗΤΕΣ ΤΗΣ ΔΙΕΠΑΦΗΣ ΠΟΥ ΠΡΟΣΦΕΡΕΙ Η CUDA

### Διεπαφή (Application Programming Interface ή API)

- Η διεπαφή είναι μια επέκταση της γλώσσας προγραμματισμού C
- Αποτελείται από:
  - Επεκτάσεις της γλώσσας προγραμματισμού
    - Για την εκτέλεση τμημάτων κώδικα στο device
  - Μια βιβλιοθήκη χρόνου εκτέλεσης (runtime library) που αποτελείται από:
    - Ένα κοινό μέρος για το host και το device το οποίο προσφέρει ενσωματωμένους τύπους διανυσμάτων (vector types) και ένα υποσύνολο της βιβλιοθήκης χρόνου εκτέλεσης της C
    - Ένα τμήμα για το host για την διαχείριση ενός ή περισσότερων device από τον host
    - Ένα τμήμα για το device που προσφέρει συναρτήσεις μόνο για αυτό

## Κοινό μέρος βιβλιοθήκης χρόνου εκτέλεσης: Μαθηματικές συναρτήσεις

- pow, sqrt, cbrt, hypot
- exp, exp2, expm1
- □ log, log2, log10, log1p
- sin, cos, tan, asin, acos, atan, atan2
- sinh, cosh, tanh, asinh, acosh, atanh
- ceil, floor, trunc, round
- Κλπ.
  - Όταν εκτελείται στον host, η συνάρτηση χρησιμοποιεί την αντίστοιχη υλοποίηση της βιβλιοθήκης χρόνου εκτέλεσης της C (αν υπάρχει)
  - Οι συναρτήσεις υποστηρίζονται μόνο για μεταβλητές και όχι για διανυσματικούς τύπους δεδομένων (vector types)

## Τμήμα μόνο για το device: Μαθηματικές συναρτήσεις

- Μερικές μαθηματικές συναρτήσεις (π.χ. sin(x)) έχουν ειδικές εκδόσεις για το device που έχουν μικρότερη ακρίβεια αλλά είναι πιο γρήγορες (π.χ. \_\_sin(x))
  - pow
  - □ \_\_log, \_\_log2, \_\_log10
  - \_\_exp
  - \_\_sin, \_\_cos, \_\_tan