



دانشگاه علم و صنعت

دانشکده مهندسی کامپیوتر

هوش مصنوعی و سیستم های خبره

## تمرین عملی ۱

گردآورنده:

پرنیان شاکریان - 99400064

استاد:

دکتر آرش عبدی

سال تحصیلی: خرداد ۱۴۰۲

## بخش اول: پیاده سازی الگوریتم UCS و $A^*$

در این بخش از ما خواسته شده که الگوریتم‌های UCS و  $A^*$  را پیاده سازی کرده و با گراف داده شده آن را تست کنیم. در هر مرحله برای هر دو الگوریتم داده شده nodeهای درون Frontier و در پایان مسیر نهایی را به عنوان خروجی چاپ میکنیم. همچنین در هر مرحله از خروجی خود نشان میدهیم که کدام node در Frontier میشود. همچنین برای هر node در Frontier مقدار  $g+h$  (در  $A^*$ ) و مقدار  $g$  (در UCS) را مشخص و در خروجی چاپ خواهیم کرد.

### تحلیل تمرین و مفاهیم پایه

(UCS) Uniform Cost Search:

UCS یک الگوریتم جستجو است که گراف را با در نظر گرفتن هزینه مسیر ( $g$ ) از node شروع به هر node بررسی میکند. UCS دامنه جست و جو خود در node ها را گسترش داده و همیشه node با کمترین هزینه از node شروع را انتخاب میکند. (از یک صف اولویت برای حفظ frontier استفاده می کند، به گونه‌ای که node ها با هزینه کمتر اولویت بیشتری دارند.) الگوریتم زمانی خاتمه می یابد که به node هدف برسد یا زمانی که frontier خالی باشد. UCS تضمین میکند که بهینه‌ترین مسیر را از نظر هزینه کل پیدا کند.

$A^*$  (A Star):

$A^*$  یک الگوریتم جستجو است که هزینه واقعی ( $g$ ) را با هزینه باقی‌مانده تخمینی ( $h$ ) از هر node به node هدف بررسی میکند. این الگوریتم اولویت node ها را با در نظر گرفتن و محاسبه مجموع  $g$  و  $h$  ( $g+h$ ) پیدا میکند. (از یک صف اولویت برای حفظ frontier استفاده می کند، به گونه‌ای که node ها با مقادیر  $g+h$  کمتر اولویت بیشتری دارند.) این الگوریتم زمانی خاتمه می یابد که به node هدف برسد یا زمانی که frontier خالی باشد. اگر تابع اکتشافی قابل قبول و سازگار باشد،  $A^*$  تضمین کرده که مسیر بهینه را پیدا میکند.

### شرح کد

heuristic (node, goal): تابع اول ما مقادیر  $h$  را برای هر node در گراف تعریف میکند تا در ادامه برای محاسبه الگوریتم  $A^*$  از آن استفاده کند. درون تابع، دیکشنری به نام heuristic\_values به منظور ذخیره مقادیر  $h$  برای هر node استفاده میشود. تابع heuristic یک node و goal را به عنوان ورودی گرفته و مقدار  $h$  را برای آن node برمیگرداند.

ucs (graph, start, goal): تابع دوم را برای محاسبه الگوریتم Uniform Cost Search پیاده‌سازی میکنیم. تابع، گراف، node شروع و node هدف را به عنوان پارامترهای ورودی گرفته سپس یک صف اولویتی را با node شروع و هزینه آن را به عنوان عنصر اولیه ۰ مقداردهی میکند. الگوریتم، هزینه رسیدن به هر node را با استفاده از cost\_sofar پیگیری می کند. ( cost\_sofar با هزینه ۰ برای node شروع مقداردهی می شود) همچنین از dictionary برای ذخیره والد هر node بازدید شده استفاده میکند. ( dictionary والد با None برای node شروع راه اندازی می شود) سپس تابع وارد یک حلقه می شود و تا خالی شدن صف ادامه می یابد. در هر تکرار، node های موجود در frontier و

هزینه آنها را چاپ میکند. (لیست frontier\_nodes شامل node های frontier و لیست frontier\_costs شامل هزینه های مربوطه از cost\_so\_far است) node که کمترین هزینه را دارد از صف خارج می شود. سپس همسایگان node فعلی را با تکرار بر روی آیتم های گراف، بررسی کرده و هزینه جدید برای رسیدن به هر همسایه را محاسبه میکند. اگر همسایه ای از قبل در cost\_so\_far نبوده یا هزینه جدید کمتر از هزینه موجود باشد، cost\_so\_far را به روز کرده و همسایه با هزینه جدیدش را به صف اضافه می کند. همچنین dictionary والد node فعلی را به عنوان والد همسایه به روز میکند. اگر به node هدف رسید، تابع با استفاده از dictionary والد، مسیر را از ابتدا تا هدف، با دنبال کردن مکرر node های والد می سازد و در آخر مسیر چاپ می شود. اگر node هدف پیدا نشد، پیام Path not found را چاپ میکند.

A\* (graph, start, goal): تابع سوم را برای محاسبه الگوریتم A\* پیاده سازی میکنیم. تابع، گراف، node شروع و node هدف را به عنوان پارامترهای ورودی گرفته سپس یک صف اولیتی را با node شروع و f-score آن به عنوان عنصر اولیه مقداردهی میکند. f-score از جمع g\_score (هزینه واقعی) و heuristic value محاسبه می شود. الگوریتم، هزینه رسیدن به هر node را با استفاده از g\_score بررسی می کند. (node g\_score شروع مقداردهی اولیه میشود) همچنین از یک dictionary والد برای ذخیره والد هر node بازدید شده، استفاده میشود. سپس تابع وارد یک حلقه شده و تا خالی شدن صف ادامه می یابد. در هر تکرار، node های موجود در frontier را به همراه f و g-score آنها چاپ میکند. لیست frontier\_nodes شامل node های frontier و لیست های frontier\_g\_scores و frontier\_f\_scores حاوی امتیازات g و f مربوطه است. node که کمترین مقدار f-score را دارد از صف بیرون می آید. همسایگان node فعلی را با تکرار بر روی آیتم های گراف [current\_node] که همسایه ها و هزینه های لبه آنها را نشان می دهد، بررسی می کند. در ادامه همسایه های گره فعلی را با تکرار روی نمودار [current\_node] که نشان دهنده همسایه ها و هزینه های frontier آنها است، کاوش می کند. اگر یکی از همسایه ها قبلاً در dictionary g\_score نبوده یا نمره g آن کمتر از g-score موجود باشد، dictionary g\_score را به روز می کند. با جمع g و امتیاز f را برای همسایه محاسبه کرده و f-score همسایه را به صف اضافه می کند. اگر به node هدف رسید، تابع با استفاده از dictionary والد، مسیر را از ابتدا تا هدف، با دنبال کردن مکرر node های والد می سازد و در آخر مسیر چاپ می شود. اگر node هدف پیدا نشد، پیام Path not found را چاپ میکند.

## بخش دوم: پیاده سازی الگوریتم CSP

در این بخش نیاز است که با استفاده از روش‌های جستجوی افزایشی و جستجوی کامل مسئله ۸ وزیر را پیاده سازی کنید و گزارش مختصری در خصوص پیاده‌سازی انجام شده بدهید.

الف) با استفاده از جستجوی افزایشی و با ترکیب روش  $MRV+FC$  مسئله ۸ وزیر را پیاده سازی کنید. حداقل نتایج میانی ۱۰ گام از حل مسئله را به طور دقیق و کامل نمایش دهید.

در ابتدای کد تابع `is_valid` بررسی می‌کند که آیا قرار دادن یک وزیر در یک موقعیت خاص (ردیف، ستون) روی بورد معتبر است یا خیر. روی ردیف‌های بالای ردیف فعلی تکرار می‌شود تا تداخل با وزیر‌های قبلی را بررسی کند. اگر تداخلی وجود داشت، `False` و در غیر این صورت، `True` را برمی‌گرداند.

تابع `solve_n_queens` یک تابع بازگشتی است که سعی در حل مسئله `N-Queens` دارد. سه پارامتر را در بورد دارد:

۱. بورد (آرایه ای که وضعیت فعلی بورد را نشان می‌دهد)

۲. ردیف فعلی در نظر گرفته شده

۳. اندازه کل بورد `n`

اگر ردیف فعلی برابر با `n` باشد، به این معنی است که تمام وزیرها با موفقیت قرار گرفته‌اند، و برای نشان دادن یافتن راه حل، `True` را برمی‌گرداند. در غیر این صورت، روی ستون‌های ردیف فعلی تکرار می‌شود و بررسی می‌کند که آیا قرار دادن یک وزیر در هر موقعیت معتبر است یا خیر. اگر معتبر باشد، وزیر را در آن موقعیت قرار داده و به صورت بازگشتی `solve_n_queens` را برای ردیف بعدی (ردیف + ۱) فراخوانی می‌کند. اگر فراخوانی بازگشتی `True` را برگرداند، به این معنی است که راه حلی پیدا شده است. حال اگر فراخوانی بازگشتی `False` را برگرداند، به این معنی است که قرارگیری فعلی وزیرها منجر به تداخل در پایین خط می‌شود، بنابراین موقعیت فعلی را بازنشانی می‌کند و به ستون بعدی در حلقه ادامه می‌دهد. اگر جای معتبری در هیچ ستونی یافت نشد، `False` را برمی‌گرداند تا به ردیف قبلی برگردد و موقعیت‌های مختلفی را برای وزیر ردیف قبلی امتحان کند.

تابع `solve_8_queens` پارامترهای اولیه را برای حل مسئله ۸ وزیر تنظیم میکند. یک بورد خالی را که با آرایه‌ای به اندازه ۸ نشان داده شده مقداردهی اولیه می‌کند تا جایی که هر عنصر به ۱- مقداردهی شود. (همچنین بورد خالی اولیه را چاپ می‌کند).

تابع `Sol_n_queens` را با بورد اولیه فراخوانی می‌کند، از ردیف اول (ردیف = ۰) شروع می‌شود و اندازه بورد `n = 8` را ارسال می‌کند. اگر `True` را برگرداند، به این معنی است که یک راه حل پیدا شده است، بنابراین آخرین وضعیت بورد را با وزیرهایی که با "Q" نشان داده شده‌اند و سلول‌های خالی با "-" چاپ می‌کند. اگر `False` را برگرداند، به این معنی است که هیچ راه حلی پیدا نشده، پس پیامی را چاپ می‌کند که نشان می‌دهد هیچ راه حلی وجود ندارد.

ب) بار دیگر با استفاده از جستجوی کامل (جستجوی محلی) مسئله ۸ وزیر را پیاده سازی کنید و ۱۰ گام را نمایش دهید. برای این کار ابتدا وزیر ها را به صورت تصادفی در صفحه قرار دهید (با رعایت این شرط که در هر ستون فقط یک وزیر باشد) سپس جستجو را آغاز کنید. در آزمایش خود حداقل یک بار جست و جوی موفق و یک بار شکست را آزمایش کنید و در گزارش بیاورید.

در ابتدای تابع `evaluate` تعداد تداخل ها بین وزیرها را در مورد محاسبه میکند. (تداخل ها را به صورت افقی، عمودی و مورب بررسی می کند). اگر دو وزیر در یک ردیف، ستون یا مورب مشترک باشند، تداخل ها افزایش می یابد.

تابع `gene_initial_board` یک پیکربندی اولیه مورد تصادفی ایجاد می کند. (اعداد را از ۰ تا N-1 به طور تصادفی به هم می ریزد تا موقعیت های وزیرها را روی مورد نشان دهد).

تابع `local_search` الگوریتم جستجوی محلی را انجام می دهد که یک پیکربندی اولیه مورد را به عنوان ورودی گرفته و به طور مکرر راه حل های همسایه را برای بهبود پیکربندی فعلی بررسی می کند.

تابع `display_board` برای چاپ پیکربندی درون مورد استفاده میشود. نمایی تصویری از مورد را در اختیارمان گذاشته که در آن وزیر ها با 'Q' و مربع های خالی را با '-' نشان میدهد.

بخش اصلی کد، الگوریتم جستجوی محلی را در دو سناریو آزمایش میکند:

۱. جستجوی موفقیت آمیز: یک پیکربندی اولیه مورد تصادفی ایجاد می کند و `local_search` را برای یافتن راه حل فراخوانی میکند. این الگوریتم به طور مکرر راه حل های همسایه را بررسی میکند، پیکربندی مورد هر مرحله را چاپ می کند و زمانی که راه حلی بدون تضاد پیدا کند متوقف میشود.

۲. جستجوی ناموفق: از یک پیکربندی مورد از پیش تعریف شده استفاده می کند که در آن وزیر ها در حالت غیر حل قرار می گیرند (همه وزیر ها در یک ردیف). تابع `local_search` دوباره فراخوانی میشود، اما از آنجایی که راه حل معتبری وجود ندارد، پیکربندی بدون تداخل پیدا نمیکند.

در آخر نتایج هر دو حالت را چاپ کرده و در `jupyter notebook` نمایش میدهیم.