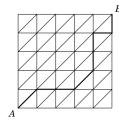


الف) نوزدهم ب) یازدهم ج) هجدهم د) شانزدهم ه) هفدهم



۲) در شکل مقابل اگر از هر نقطه بتوان به نقطه ی بالایی، راستی و بالا راستی رفت، چند مسیر به طول Λ واحد از A به B وجود دارد؟ یکی از این مسیرها در شکل نشان داده شده است.

الف) ۲۰۰ (ب) ۲۱۰ (ج) ۲۳۰ د) ۵۶۰ د) ۳۱۵۰ ه

 $^{\circ}$) یک جدول $^{\circ}$ $^{\circ}$

 $17 \times 1 \circ ! \times 17! \times 10! \times 10$

 x_0, \dots, x_0 عدد x_0, \dots, x_0 عین کنید که برای چند مقدار مختلف x_0, \dots, x_0 بیش از یک x_0, \dots, x_0 وجود دارد به طوری که در معادله ی فوق صدق کند.

الف) ۱۶ (ب ۲۴ (ب ۲۳ الف) ۱۶ (الف) ۱۶ (ب ۲۳ الف) ۱۶ (ب ۲ الف) ۱۶ (الف) ۱

۵) محمدحسین میخواهد یک نمایشگاه وسایل خانگی را برق کشی کند. متأسفانه در کل این نمایشگاه تنها یک پریز برق وجود دارد. البته محمدحسین فکر این جا را کرده و با خود تعداد زیادی n راهی آورده است. به یک n راهی رق وجود دارد البته محمدحسین فکر این وصل کرد و یک دوشاخه دارد که باید به طریقی (مستقیم به پریز یا توسط n راهی های دیگر) به برق وصل شود تا دوشاخه هایی که بدان وصلند را برق دار کند. اگر محمدحسین ده تا ۱۰ راهی، هفت تا ۷ راهی، پنج تا ۴ راهی، چهار تا ۲ راهی و صد تا ۱ راهی داشته باشد، حداکثر چند وسیله ی خانگی را می تواند به برق متصل کند؟

الف) ۱۵۰ (ب) ۱۲۷ ج) ۱۲۶ دام

مرحلهى اول شانزدهمين المپياد كامپيوتر كشور

o 1 1 1 1 o 1 o 1			× ۳ روبهرو داده شده است. ن جدول را با هم عوض کن	
ه) ۳۶	د) ۶	ج) ۲۸	ب) ۴۲	الف) ۱۲
از دیگران بزرگ تر است ی شود. هر کس در نوبت کارتش و اگر ۱ بود رقم دا می کند تا کوچک ترین	ت. در ابتدا بازیکنی که باعتگرد نوبت عوض م ر ° بود رقم سمت راست بد. بازی آنقدر ادامه پید	۰ و یا ۱۰ نوشته شده اس نویسد و سپس بهترتیب س شده را بررسی میکند. اگ ت عدد روی میز مینویس	رهی «عددسازی» به این ص داده می شود که روی آن ۱ لخواهِ • یا ۱ روی میز می: ن رقمی که روی میز نوشته پ کارتش را در سمت راسد سته شود. تعیین کنید در باز	یک کارت یک رقم د خود آخری سمت چہ
000011110000	01110001110 00	01110011100 00	11001100 011011	0110110
ه) ۵	٤) ٢	ج) ۳	ب) ۲	الف) ١
عهی {-۲,-۱, ۰, ۱,۲}			$+$ ۱۹ $x_{7}+$ ۱۹ $x_{7}=$ ۱۰۰ باشد، کمینهی مقدار $x_{7}-$	
ه) ۱	د) ∘	ج) ۵	ب) ۱–	الف) ٢
علی جلوی پراید و ماشین	ست. میدانیم که ماشین ع	ی سفید و سومی طوسی ا	امک و علی هر یک مالک از این ماشینها سیاه، دیگر; پراید پارک است، دوو طو این افراد کدام است؟	رنگ یکی سفید پشت
	ی) بد) د)	سیاه) و (سیامک، دوو طوس سی) و (سیامک، پراید سفی وسی) و (سیامک، پژو سفی	وز، پراید سفید)، (علی، پژو ز، پژو سفید)، (علی، پراید س ، پژو سیاه)، (علی، دوو طو، ، پراید سیاه)، (علی، دوو طو ، پراید سیاه)، (علی، پژو طو	ب) (بهروژ ج) (بهروز د) (بهروز
د تغییری در رنگشان رخ رکت لازم برای شطرنجی	صورتی که همرنگ باشنا باشند. کمترین تعداد ِح	ا هم عوض میکنیم (در ه ط اگر ضلع مشترک داشته	ی ۸ × ۸ داریم که ۳۲ خانه رنگ دو خانهی مجاور را به دو خانه مجاورند اگر و فقه یل چند است؟ جدولی شطر	می توانیم نمی دهد.)
e) 48	د) ۱۲۸	ج) ۳۲	۴۸ (ب	الف) ١٥٥

وستانش پرسیده که هر کامل میخورند، ۹ نفر د. در ضمن هر یک از شود. شایان میخواهد	ست. او فصد دارد معدادی همین دلیل او از قبل از دو ند که هرکدام یک پیتزای بر کدام \ پیتزا میخورند به هم چسبیده به او داده ن جند تا پیتزای کامل باید بخ	یک پیتزای کامل ندارند به ورد. ۱۱ نفر از آنها گفتها ر کدام ل پیتزا و ۵ نفر ه شدهاش، در یک قطعهی	نان او عادت به خوردن ،ای از یک پیتزا را میخ زا میخورند، ۱۳ نفر ه قه دارد پیتزای خواسته بیتزا را از پیتزا فروشی ب	بعضی از دوست کدام چه اندازه هرکدام ؟ پیت دوستانش علا
ه) ۳۰	د) ۲۶	ج) ۲۷	۲۸ (ب	الف) ۲۵
تگو. ما ميخواهيم به	، یا راستگو؛ دروغگو هـ. ستش دروغگوست یا راسـ یکه با گفتههایشان مطابقـ	است که شخص سمت را گویی نسبت دهیم بهطور:	شه راست. هر نفر گفته	راستگو همین این ۱۰ نفر صف
a) *	د) ۲	ج) ۲۵	۲۱۰ (ب	الف) ١
	بهازای همر $i \leq i \leq 1$ عد ادیر ۵، ۷، ۸ و ۹ برای n			
a) 7	د) ۳	ج) ۲	ب) ۱	الف) ٥
ير را انجام داد:	می توان یکی از دو عملِ ز		وف الفبای انگلیسی داده حرف را در رشته بهدلخ	
ورد نظر را به c_{7} تغییر	ام حروف c_1 در رشتهی م	انتخاب کرده، و سپس تم		• دو حرف داده و بال
	SALA به رشتهی SALMA رس بنههای زیر م <i>ی</i> توان با انج	رسید. در کدامیک از گزی		می توان از AM۔
ИН → ҮООҮОДҮОДНОЙ	IJJIJJKHOL (ج ZYXX	WWQQP \leftarrow ABCDDDEFF (\subset QWKIOPX \leftarrow IDJKER (.	•	الف) SALAM د) KLMLJMJM
•	عدد $k \leq n$ را با می شوند (از چپ به در د د د د د د د د د د د د د د د د د د	ميم و اعداد به صورت زير	را برابر ۱۳ قرار میده n	
		۲, ۱۳,۲,۳,۴,۵,٦,۷,۸ کوچک ترین n را بیابید ^۲		لذا ۲ = ۲۰٫۰۰
ه) امكان پذير نيست	د) ۱۱۷۵	ج) ۱۱۷۳	ب) ۱۱۷۱	الف) ۱۱٦٩

زش عدد سەرقم <i>ى</i>	ست، منفی میباشد. مثلاً ار . ده رقمی ۹۹۹۹۹۹۹	که توان فردی از ۱۰ اس ۱ – ۱۰۲ × است. عدد	۱۰ –، مفروض است. وزر این تفاوت که وزن ارقامی برابر ۸۳ = ۳ + ۱۰۱ × ۲ طلوب است مجموع ارقام ع	از ۱۰ می باشد؛ با ۱۲۳ در این نظام
ه) ۲۸	40 ()	ج) ۱۷	ب) ۳	الف) ١
اد روی تخته برابر فماوتی که در طول ، دو عدد ۳ و ۴ را بای همر ۲، دو تا ۱	ادامه میدهیم تا همهی اعد شده باشد. تعداد اعداد مت (f(۷)، زیرا ابتدا بهجای ۷ یسیم. در پایان نیز به ج	ویسیم. این کار را آنقدر n روی تخته نوشته $f(n)$ بنامید. مثلاً $\delta = \delta$ جای δ ، δ و δ را می نو δ و δ و δ و δ و δ و δ	ی عدد طبیعی نوشته شد آن $[a/Y]$ و $[a/Y]$ را می نو فرض کنید در ابتدا فقط عی تخته نوشته می شود را س به جای Y ، Y تا Y و به ین X عدد مختلف X جند اس X	میکنیم و بهجای با ۱ شوند. حال عملیات فوق رو مینویسیم. سپ مینویسیم. بنابرا
a) 0007	د) ۱۹	ج) ۲۱	ب) ۳۱	الف) ۲۳
a - b و $a + b$ رای می کنند. آرش و ایمان می خواهد	خته پاک میکند و دو عد ن بهطور یک در میان باز خته بر ۳ بخشپذیر باشند	، مثلًا a و b را از روی ته رع میکند. آرش و ایما عددِ نوشته شده روی ت	ری تخته نوشته شده اند. آر دد دلخواه از این سه عدد. ویسد. آرش بازی را شرو به جایی برساند که هر سه بگیرد. به ازای چند تا از س	نوبت خود دو عا بهجای آنها می میخواهد کار را

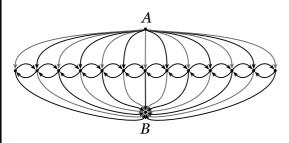
 $(1,7,1\circ),(7,7,7),(7,1,7),(0,7,7),(1\circ\circ,1\circ\circ\circ,1\circ\circ\circ\circ)$ $(1,7,1\circ),(7,7,7),(7,1,7),(1\circ\circ,1\circ\circ,1\circ\circ\circ,1\circ\circ\circ\circ)$ (2,3,1,2)

 $\mathbf{f} \times \overline{a_r a_{r-1} \dots a_r a_1} = \overline{a_r a_{r-1} \dots a_r a_1}$ عدد r رقمی r عدد a_1 مفروض است (۱۹ مفروض است). اگر $a_1 = \overline{a_r a_{r-1} \dots a_r a_1}$ و $a_1 = \mathbf{A}$ باشد، مقدار $a_1 = \mathbf{A}$ چیست؟

الف) ۰ (ب ۲ (ج) ۷ (ه) ۴

 $(k \ge 0)$ آیدین و محمد روی یک جدول $k \times k$ ($k \ge 0$) بازی «بایوب» را انجام می دهند. بازی به این صورت است که هر کس در نوبت خودش یک عدد گویا در یکی از خانههای خالی جدول قرار می دهد تا تمام خانههای جدول پر شود، شود. اگر پس از پر شدن جدول، حاصل جمع خانههای یک سطر باحاصل جمع خانههای یک ستون برابر شود، محمّد، و در غیر این صورت، آیدین برنده است. اگر در دور اول، آیدین شروع کننده ی بازی باشد و در دور دوم، محمد بازی را آغاز کند و نیز هر بازی کن در هر حرکت به ترین بازی اش را ارائه دهد، تعیین کنید به ترتیب چه کسی برنده ی دور اول و دور دوم خواهد شد؟

الف) محمد، آیدین ب) محمد، محمد ج) آیدین، آیدین د و آیدین، محمد ها به مقدار k بستگی دارد



۲۱) در شکل مقابل، هر کدام از ۱۵ نقطه نشاندهندهی یک شهر و هر کدام از ۵۰ پاره خط فلش دار، نشاندهندهی یک جاده ی یک طرفه می باشد.

یک مسیر، دنبالهای از جادههای متوالی ست که از شهر A شروع شده و به شهر B برسد و هر شهر، حداکش یک بار در آن ظاهر شود. طول یک مسیر برابر تعداد جادههایی است که در آن مسیر قرار دارند. تعداد مسیرهای به طول فرد منهای تعداد مسیرهای به طول زوج برابراست با:

(۲۲) ماشین «قارقوری» که برای نمایش اعداد طبیعی به کار می رود، از ۹ کلید و ۹ کارت خوان تشکیل شده است. برای کار با «قارقوری»، ابتدا باید ۹ عدد صحیح مثبت روی ۹ کارت تمیز نوشته و در کارت خوانهای ماشین ماشین قرار دهیم، سپس با روشن و خاموش کردن کلیدهای آن، به عدد مورد نظر برسیم. می دانیم عددی که «قارقوری» به عنوان خروجی نمایش می دهد برابر است با: $s_1 \times v_2 \times v_3 \times v_4 \times v_5 \times v_6$ که کلید $s_1 \times v_2 \times v_3 \times v_4 \times v_6$ که کلید $s_2 \times v_3 \times v_4 \times v_6$ که کلید $s_3 \times v_4 \times v_6$ که کلید $s_4 \times v_5 \times v_6$ که کلید $s_4 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_4 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_4 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_5 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6 \times v_6$ که کلید $s_6 \times v_6 \times v_$

وهاب قصد دارد از این ماشین برای نمایش اعداد طبیعی مختلف استفاده کند. می دانیم وهاب، مقادیر اولیهی کارتها را تنها یک بار و آنهم در آغاز کار با دستگاه می تواند تعیین کند و از آن به بعد صرفاً با تغییر وضعیت کلیدها قادر به تغییر مقدار خروجی خواهد بود. حداکثر مقدار k را بیابید که وهاب بتواند طوری مقادیر کارتها را در ابتدا تعیین کند که تنها با تغییر دادن حالت کلیدها قادر به نمایش تمام اعداد k باشد.

(۳۳) آقای «ب» به تازگی یک کیف سامسونت خریده است که رمز آن از سه گردونه ی ارقام تشکیل شده است که اعداد « تنا ۹ به ترتیب روی هر کدام از آنها نوشته شده اند. آقای «ب» در هر حرکت می تواند یک، دو یا سه گردونه را هم زمان یک واحد به جلو یا عقب بچرخاند؛ در این صورت اعداد روی گردونههای چرخانده شده به ترتیب یک واحد زیاد یا یک واحد کم می شوند. دقت کنید که اگر گردونهای مقدار ۹ را داشته باشد و یک واحد به جلو چرخانده شود، مقدار آن صفر شده و نیز اگر گردونهای مقدار صفر را داشته باشد و یک واحد به عقب چرخانده شود، مقدار آن ۹ می شود. برای مثال، آقای «ب» می تواند مطابق شکل زیر، رمز کیفش را در ۴ حرکت از ۳۲۴ به صفر تبدیل کند:

f(x) اگر حداقل تعداد حرکات لازم برای تبدیل عدد سهرقمی x به سه رقم صفر را f(x) بنامیم، حداکثر مقدار برای تمام مقادیر f(x) برابر است با:

الف) ۶
$$($$
 $($ $)$

(۲۴) اعداد و تا ۶۴ به جز عدد ۳۲ در خانه های یک جدول که دارای ۲ سطر و ۳۲ ستون است به نحوی نوشته شده اند که اعداد و تا ۳۱ در سطر پایین قرار دارد و مجموع دو عدد هر ستون نیز برابر ۶۴ است. در هر مرحله می توانیم یک ستون را انتخاب کرده و از عدد خانه ی بالایی آن ستون، عدد $(k \ge 0)$ را کم کرده و به عدد پایینی همان ستون اضافه کنیم. هدف این است که پس از تعدادی مرحله به جدولی برسیم که جای اعداد هر ستون آن نسبت به جدول اولیه تعویض شده باشد. برای مثال، در ستونی که اعداد ۷۴ و ۱۷ روبه روی هم نوشته شده اند، می توان پس از ۶۳ حرکت مطابق شکل زیر جای دو عدد را عوض کرد:

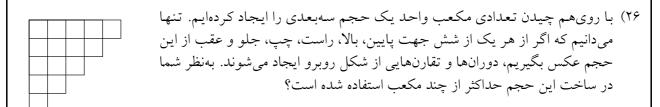
47	۲۱	40	۲۲	41	۲۳	٣٣	۲۴ (۱۷	Ì
۱۷		۱۹		۲۳		٣١		47	

حداقل تعداد مراحل لازم برای تعویض دو عدد تمام ستونها با همدیگر و رسیدن به جدولی که نسبت به جدول ابتدایی قرینه شده باشد، برابر است با:

الف) ۳۳ (م) ۸۱ (م) ۷۹ (ب) ۷۹ الف

همان مسئله ی قبل را در حالتی در نظر بگیرید که به جای ۳۲ ستون، ۳ ستون که به ترتیب در آنها اعداد «۶۳ و ۱»، «۲۷ و ۱۷» و «۵۵ و ۹» نوشته شده است، داشته باشیم و بتوان از عدد پایینی هم عدد $(k \ge 0)$ را کم کرده و به عدد بالایی اضافه کرد. در این حالت حداقل تعداد مراحل برای تعویض دو عدد هر ۳ ستون، برابر است با:

١٢ (ه) ٧ (ب) ٧ (الف) ۶

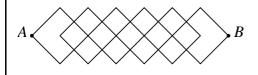


الف) ۴۸ ب ۳۲ ب ۵۱ (د) ۴۲ هـ ۳۵

ك يك جدون ١٣٨١ / ١٣ سوراخ (با احتساب كوساها) دارد. الف) صفر با ١٣٨٣ ج) ٢٧۶۶ د) ۴۱۴۹ هـ) هيچ كدام

مرحلهى اول شانزدهمين الميياد كامپيوتر كشور

الف) مرتضی، ۸۹ ب) مهدی، ۹۲ ج) مهدی، ۹۴ د) مرتضی، ۹۳



۲۹) در شکل مقابل، اگر بتوان از روی خطوط فقط در جهت چپبهراست حرکت کرد، تعداد مسیرهای مختلف بین A و B برابر است با:

الف) ۵۴ (ب) ۸۱ (ب) ۲۴۳ (د) ۲۴۳ (ه) ۴۸۶

 $^{\circ}$) ۲۴ نفر با شماره های ۱ تا ۲۴ در یک ردیف کنار هم ایستاده اند (شماره ی فرد سمت چپ ۱ است). در دست هر کدام یک عدد کارت قرار دارد که روی آن یکی از دو شماره ی 0 یا 1 نوشته شده است. شماره ی روی کارت ها از چپ به راست به صورت زیر است:

$\underbrace{0 \ 0 \ \dots 0 \ 0}_{\text{A}} \ \underbrace{1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1}_{\text{A}} \ \underbrace{0 \ 0 \ \dots 0 \ 0}_{\text{A}}$

i تعدادی سوت (با شیمارههای ۱، ۲، ...) زده می شود. به محیض شنییدن سوت شیماره s نفر شیماره i (۱ $\leq i \leq r$ ۴) دقیقاً به صورت زیر عمل می کند:

- اگر s فرد باشد: اگر i فرد است، او کارت خود را به نفر بعدی (شماره ی i+1) و اگر i زوج است کارت خود را به نفر قبلی (شماره ی i-1) نشان می دهد.
- اگر s زوج باشد: اگر i زوج است، او کارت خود را به نفر بعدی در صورت وجود (شماره i+1) و اگر i فرد است کارت خود را به نفر قبلی در صورت وجود (شماره یا i-1) نشان می دهد.
- دو نفر که کارتهای خود را بههم نشان میدهند، اگر سمت راستی مقدار 0 و سمت چپی مقدار 1 داشته باشند، این دو نفر کارتهای خود را با هم عوض میکنند.

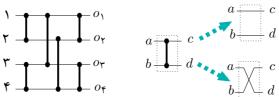
دقيقاً پس از چندمين سوت كارتها بهصورت مرتب 11 ... 1100 ... 00 در ميآيد؟

الف) ۱۶ (ج) ۱۸ (د) ۷ هـ) ۱۵

۳۱) تعداد زیرمجموعههای مجموعه (۱,۲,۳,۴,۵,٦,۷) که مجموع اعضای هر یک از آنها بر ۳ بخش پذیر باشد چند تاست؟ (مجموع اعضای مجموعهی تهی صفر است.)

الف) ۴۴ ب ب ۳۹ ب د) ۴۹ د) ۴۹

۳۲) مدار زیر با چهار ورودی و ۶ «سویچ» را در نظر بگیرید. هر سویچ می تواند مستقل از بقیهی سویچها در دو حالت «مستقیم» یا «ضربدری» قرار گیرد. چنان چه در شکل نشان داده شده است، اگر سویچ در حالت مستقیم باشد دو سر ورودیاش را مستقیماً به دو سر خروجیاش وصل می کنند. در حالت ضربدری، سویچ این کار را به صورت ضربدری انجام می دهد.



اگر ورودی از بالا بهپایین ۱، ۲، ۳ و ۴ باشد، با قرار دادن سویچها در حالات مختلف در نهایت خروجی از بالا یک جای گشت خاص از اعداد ۱ تا ۴ خواهد شد.

در مدار شکل بالا کدامیک از جای گشتهای زیر (از بالا به پایین) قابل تولید نیست؟

(۳۳) یک جدول $\mathbf{v} \times \mathbf{v}$ خالی داریم که به خانههای آن از سمت چپ به راست، شماره های \mathbf{v} تا \mathbf{v} را نسبت دادهایم. می خواهیم عناصر \mathbf{v} \mathbf{v} تا \mathbf{v} را نسبت دادهایم. کدام، یک مکان اولیه مطابق جدول روبهرو در نظر گرفتهایم.

عناصر مذکور به ترتیب دلخواه برای درج به جدول وارد می شوند. اگر مکان اولیه ی عناصر x برابر x برابر x برابر x باشد (مثلاً برای x این مقدار برابر x است)، به ترتیب مکانهای x عنصر x برابر x برابر x باشد (مثلاً برای x این مقدار برابر x است)، به ترتیب مکانهای x تا x اس x الله و x را در اولین مکان خالی قرار می دهیم. می دانیم x الله و x باقی مانده ی تقسیم صحیح عدد x بر عدد x است. به ازای ترتیب های مختلف اضافه کردن عناصر x به جدول، کدام یک از حالتهای زیر نمی تواند حاصل شود؟

مكان اوليه	عنصر
٣	a
۵	b
٥	c
۴	d
۵	e
۵ ۶	f
٣	g

c	e	b	g	f	d	a	ب)	e	f	g	a	c	b	d	(,
c	g	b	a	d	e	f	د)	b	d	f	a	c	e	g	

ه) هیچکدام، تمام موارد می توانند باشند

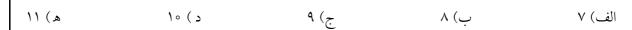
۳۴) در جریان یک مذاکره دو گروه ۱۰ نفری در دو طرف یک میز نشسته اند. هر نفر از هر کدام از گروه ها دقیقاً روبه روی یک نفر از گروه دیگر قرار دارد. در این مذاکره رأس هر ساعت به افراد مذاکره کننده چای تعارف می شود. سر هر ساعت هر مذاکره کننده به افراد گروه دیگر به جز کسی که روبه روی او نشسته است (۹ نفر) نگاه می کند. اگر از این تعداد فردی از این افراد در ساعت قبل چای نوشیده بودند این فرد در این ساعت چای خواهد نوشید ولی اگر تعداد زوجی از آنها در ساعت قبل چای نوشیده بودند وی چای نخواهد نوشید. می دانیم که رأس ساعت اول، ۱۳ نفر از مجموع ۲۰ نفر چای خورده اند، چند نفر از این ۲۰ نفر در ساعت ۲۵۷۳ ام چای خواهند خورد؟

الف) ۱۳ (ب) ۱۰ ج) ۲۰ د) ۶ هـ) ۷

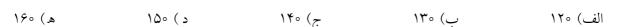
(۳۵) ماشینی داریم که با فشار دادن دکمه ی «نمایش» آن، همه ی اعدادی که در خود دارد را یک به یک و بدون ترتیب خاصی به ما نشان می دهد و این کار را اگر بخواهیم تکرار می کند، ولی ممکن است همان ترتیب قبلی نباشد. ما فقط یک ماشین حساب معمولی (با امکان ضرب، تقسیم، جمع و تفریق و نیز تعداد ۱۰ تا حافظه ی کمکی) در دست داریم و اجازه نداریم عددی که ماشین نشان می دهد را بر روی برگی یادداشت کنیم یا به خاطر بسپاریم. این را نیز می دانیم که ماشین همه ی اعداد ۱ تا n را نشان می دهد، به جز دو عدد x و y. ما از قبل مقدار x y و y را

n (ه n-1 (د n-1 (ه n-1

۳۶) تعدادی صابون در جدول روبهرو قرار دارند. در هر حرکت می توان به یک صابون در جهت افقی یا عمودی ضربهای زد. در اثر این ضربه صابون در آن جهت شروع به حرکت می کند تا به مانعی (دیوارهای اطراف شکل یا صابونهای دیگر) برسد. در این صورت در خانه قبل از آن مانع متوقف می شود. اگر صابون از یکی از سوراخهایی نشان داده شده در شکل عبور کند از جدول خارج می شود. کم ترین تعداد حرکات برای خارج کردن همه صابونها از جدول چهقدر است؟



(۳۷) شکل روبه رو نشان دهنده ی تعدادی خیابان و تقاطعهای بین آنهاست. خیابانها در جهت فلشها یک طرفه هستند. عرض هر خیابان هم به اندازه یک ماشین است؛ یعنی ماشین ها نمی توانند از یکدیگر سبقت بگیرند. هم چنین ماشین ها نمی توانند در محل تقاطعها بایستند. در نتیجه در هر لحظه هر ماشین فقط می تواند در یک خیابان قرار بگیرد. می دانیم که یک ایستگاه عوارضی در خیابان B قرار دارد و از هر ماشین که عبور می کند مبلغ ۱۰ تومان دریافت می کند. نقطه ی A که در شکل دیده می شود یک پارکینگ است. ماشین های با شماره ی ۱ تا ۶ پشت سر هم به تر تیبی که نشان داده شده است و در جهت چپ به راست در خیابان پایین قرار دارند. می خواهیم این ماشین ها را به پارکینگ A منتقل کنیم. کم ترین مجموع مقدار عوارض پرداختی چهقدر است تا این ماشین ها به تر تیب شماره هایشان (اول ۱ بعد ۲، ...) وارد پارکینگ شوند؟



انجام دهد.

(۳۸) یک کشور با ۹ شهر داریم. همان طور که در شکل می بینید، تعدادی جاده ی یک طرفه بعضی از شهرها را به هم وصل کرده است. یک شهر، مثل a را «خطرناک» می گوییم هرگاه شهر دیگری مثل b وجود داشته باشد، به صورتی که بتوان از a به نتوان از a به بازگشت. دولت قصد دارد ۲ جاده ی یک طرفه ی جدید احداث کند، به نحوی که درنهایت دقیقاً ۳ شهر غیر خطرناک در آن کشور باقی بماند.



دولت به چند طریق مختلف می تواند این جادهها را احداث کند؟

الف) ۹ (ب ۲۷ ج ۲۷ (د ۹ ۴۸۶ هـ) ۲۷

۳۹) تعداد زیادی از هر کدام از وزنههای ۱، ۲، ۵، ۱۰، و ۲۰ کیلوگرمی روی میز داریم. یک جسم با وزن نامشخص در یک کفهی ترازوی سادهی دو کفهای قرار میدهیم. در هر «توزین» فقط می توانیم یک وزنه را از روی میز در کفهی دوم قرار دهیم یا یک وزنه را از روی کفه بر روی میز بگذاریم. توجه کنید که مجاز به گذاردن وزنه در کفهای که جسم قرار دارد نیستیم.

براى مشخص كردن وزن دقيق جسم مطابق الگوريتم زير عمل ميكنيم:

- تعدادی وزنهی ۲۰ کیلوگرمی را یکبهیک در کفهی دوم قرار میدهیم تا کفهی دوم سنگین تر از جسم شود. سپس آخرین وزنه را بر میداریم.
- کار فوق را بهترتیب با وزنههای ۱۰، ۵، ۲ و ۱ انجام میدهیم تا ترازو کاملاً متوازن شود، که در آنصورت کار را متوقف میکنیم.

دقت کنید که در انجام این مراحل به محض این که ترازو کاملاً متوازن شود، الگوریتم پایان می یابد. اگر وزن جسم حداکثر ۱۰۰ کیلوگرم باشد، الگوریتم فوق حداکثر پس از چند توزین پایان می یابد؟

الف) ۱۶ د) ۶ هـ) ۲۰ هـ) ۲۰

۴۰) کدامیک از گزینههای زیر درست است؟

الف) ب ب) د ج) الف د) ج

این سوال نمرهی منفی ندارد ولی شما در این سوال به شرطی نمره می گیرید که گزینهای را انتخاب کنید که از داوطلبانی که به این سوال جواب دادهاند کم ترین تعدادشان همین گزینه را انتخاب کرده باشند.



«موفق باشيد»