- سؤالهای بیست و دو تا سی و پنج در پنج دسته ی سؤالی آمدهاند و پیش از هر دسته توضیحی مربوط به آنها مطرح شده است.
- نمره دهی به همه ی سؤالها یکسان میباشد. جواب درست به هر سؤال ۴ نمره ی مثبت و جواب نادرست ۱ نمره ی منفی دارد.
- 1) نوید و سعید مشغول بازی «سنگ، کاغذ، قیچی» هستند. در هر دست از این بازی دو نفره، دو بازیکن دستشان را به پشت سر خود برده و سپس دست خود را به یکی از سه شکل سنگ، کاغذ یا قیچی به دیگران نشان می دهند. سنگ قیچی را می برد و به کاغذ می بازد، کاغذ سنگ را می برد و به قیچی می بازد، و قیچی کاغذ را بُرده و به سنگ می بازد. در صورتی که هر دو بازیکن یک شکل یکسان را انتخاب کرده باشند، آن دست مساوی اعلام می شود.

در این بازی، برنده ی هر دست ۱ امتیاز و بازنده ۰ امتیاز می گیرد. در صورت تساوی نیز هر دو طرف صفر امتیاز خواهند گرفت. برنده بازی کسی خواهد بود که مجموع امتیازش زودتر از دیگری به عدد ۳ برسد.

تعداد حالاتهایی از بازی که نوید در انتهای دست هفتم برنده بازی شود چند است؟

 $TTV \times V^T$ (Δ $TA\Delta \times V^T$ (T $TV \times V^T$ (T $TV \times V^T$ (T $TV \times V^T$ (T $TV \times V^T$ (T

۲) علی یک انبار دارد که در آن عدد ذخیره کرده است. این انبار به شکلی است که او تنها میتواند اعداد خود را در دو نقطه از آن به صورت دو ستون روی هم قرار داده و ذخیره کند. علی تا کنون اعداد $\langle V, W, 0, 1, Y, 9, 9, \rangle$ را در انبار ذخیره کرده و آنها را در ستون اول به ترتیب از چپ به راست روی هم قرار داده است؛ یعنی عدد ۷ پایین ترین و عدد ۴ بالاترین عدد این ستون شدهاند. ستون دوم در حال حاضر خالی است.

علی برای جابه جا کردن این اعداد یک دستگاه حمل عدد دارد که در هر بار استفاده از آن می تواند تعداد دلخواهی از اعداد بالای یک ستون را برداشته و با همان ترتیب به بالای ستون دیگر انتقال دهد. برای مثال علی اگر بخواهد با این دستگاه Υ عدد از ستون اول را به ستون دوم انتقال دهد، اعداد ستون اول به ترتیب علی اگر بخواهد ستون دوم به ترتیب $\langle \Upsilon, \varphi, \varphi, \rangle$ خواهند شد.

حداقل چند مرحله لازم است تا علی بتواند از وضعیت اولیهی داده شده به وضعیتی برسد که همهی اعداد در یکی از دو ستون به ترتیب صعودی از پایین به بالا قرار گرفته باشند؟

 $\mathcal{F}(\Delta)$ $\Lambda(\mathcal{F})$ $V(\mathcal{T})$ $\P(\mathcal{T})$ $1 \cdot (1)$

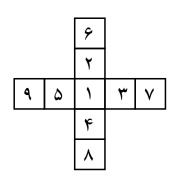
تعداد دنبالههای ۷ عنصرهی موفّق چندتاست؟

۴) مجید در خانه ی گوشه ی بالا و سمت چپ یک جدول 9×9 قرار دارد و میخواهد به خانه ی پایین و سمت راست جدول برود. در هر گام او میتواند به یکی از سه خانه ی پایینی، سمت راستی و یا سمت چپی خودش (در صورت وجود) برود. دقت کنید که مجید مجاز نیست یک خانه را دوبار ببیند و الزامی هم ندارد که کوتاهترین مسیر را طی کند.

با رعایت قوانین فوق، مجید به چند طریق می تواند به مقصدش برسد؟

۷۷۷۶ (۵ ۱۲۹۶ (۴ ۴۶۶۵۶ (۳ ۱۵۶۲۵ (۲ ۲۵۲ (۱

		··· · · · · · · · · · · · · · · · · ·	,	_
		رههای ۱ تا ۱۳ را با کامیونها ِ ظرفیت یک کامیون کمتر اس	ماده شیمیایی روی هم از	
هی ۲ و ۵ نمیتوانند با و کامیون جداگانه برای نامیون قرار بگیرند.	ٹلاً مادہی شمارہ ت و بنابراین به در همگی در یک ک چقدر است؟	گر باقیمانده ی حاصل ضرب ش یک کامیون قرار بگیرند. من ی تقسیم ۱۰ بر ۳ برابر ۱ اسد ادههای ۳ و ۶ و ۸ میتوانند ، این ۱۳ نوع ماده ی شیمیایی	ده نمیتوانند همزمان در شوند، چرا که باقیمانده نیاز است. اما بهفرض م یونهای لازم برای انتقال	۱ شود، آن دو ما یک کامیون حمل حمل این دو ماده حداقل تعداد کام
۲ (۵	4 (4	۶ (۳	۵ (۲	4 (1
اکثر به چند عدد صفر	ر این مراحل حد	در هر مرحله میتوانیم دو عدد – ۳۲ را بنویسیم. با تکراه	a-bا و $ a-b $ عداد	و به جای آنها ا میتوانیم برسیم؟
۸ (۵	٣١ (۴	18 (4	٣٠ (٢	TY (1
	، باشند؟	نا از آنها میتوانند با هم درست	مده است. حداکثر چند ت	۷) ۵ گزاره در زیر آه
		ز ۲ باشد یکی از آنها پ است غلط.	از الف و ت غلط است. ىردو درست اند يا هردو . است يا غلط.	ب) اگر تعداد گ پ) حداقل یکی ت) ب و پ یا ہ ث) ب یا درست
٠ (۵	۲ (۴	۴ (۳	1 (Y	٣ (١
به طور همزمان و با یک بیل می کند. برای مثال	میگیرد. سپس ب $ imes (n-1)$ تبد	ن الوارهای چوبی است. این n نتر از n و بزرگتر از صفر) را که با اندازههای $k imes k$ و k هیم تا در یک حرکت آنها را	۱ و یک عدد k (کوچکا دام از الوارها را به دو تُ	imes هماندازهی n برش عظیم هر ک
		ران کادوی تولد از رستم هدی		
		ویل را به ۱۰۰ تکهی ۱ × ۱	ین منظور چند است؟	از دستگاه برای ا
		دستگاه در یک مرحله، باید با		
99 (۵	4 (4	٧ (٣	A (Y	1.(1
سپس از مهرههای باقی ، راست آن (در صورت	آن را نابود کند، را به خانه سمت) انتقال دهد.	پ یک جدول ۴ × ۴ قرار د ، کرده، ابتدا یکی از مهرههای باقی بگذارد، تعداد دلخواهی ی پایین آن (در صورت وجود	یک مهره دارد را انتخاب در همان خانه مورد نظر مداد دلخواهی را به خانه	خانه که بیشتر از مانده تعدادی را وجود) و نهایتاً ت
تعداد خانههای مهرهدار	برسد که در آن آ	از این حرکتها به وضعیتی ؟	، است که با مجموعهای مقدار بیشینه چقدر است	
۹ (۵	18 (8		11 (Y	



۱۰ دارا و سارا با هم این بازی را انجام می دهند. ابتدا دارا اعداد ۹ ، ۲ , . . . , ۹ را به ترتیب مقابل در شکل قرار می دهد. سپس سارا جای تعداد دلخواهی از این اعداد را با هم عوض می کند تا اعداد حسابی بر بخورد. اکنون دارا باید با تعدادی حرکت مجاز اعداد را به شکل اوّلیه (شکل مقابل) برگرداند. در هر حرکت مجاز دارا ابتدا بین سطر ۵ خانهای شکل یکی را انتخاب کرده و ۵ عدد آن سطر یا ستون را برداشته و به دلخواه خودش دوباره می چیند.

ر. در بدترین حالت بر زدن سارا، دارا پس از چند حرکت میتواند تمام اعداد را به شکل اوّلیه سر جای خودش بگذارد؟

 ۵ (۳ ۱۰ (۲ ۴ (۱

۱۱) یک خانواده که ۱۵ فرزند دارد به یک پیتزافروشی رفته است.

- ۵ تا از این فرزندان هر کدام با ۳ تکه پیتزای مخصوص یا ۴ تکه پیتزای پپرونی سیر میشوند.
 - ۵تای دیگر هر کدام با ۴ تکه پیتزای مخصوص یا ۵ تکه پیتزای پپرونی سیر میشوند.
 - ۵ تای سوم هم هر کدام با ۵ تکه پیتزای مخصوص یا ۶ تکه پپرونی سیر میشوند.

اگر هر پیتزای مخصوص (۸ تکه) ۱۰ تومان و هر پیتزای پپرونی (۸ تکه) ۸ تومان باشد، این خانواده چقدر باید برای سیر کردن فرزندانش هزینه کند؟ (دقت کنید که نمیتوان قسمتی از یک پیتزا را جداگانه خرید و همواره میتوانیم تنها تعدادی پیتزای کامل بخریم.)

۱) ۷۴ تومان ۲) ۷۶ تومان ۳) ۸۰ تومان ۲) ۷۸ تومان ۲) ۷۲ تومان

۱۲) پدر مسعود به او برنامهی زیر را داده است. مسعود مجاز است بهعنوان ورودی به این برنامه دو عدد طبیعی کوچکتر از ۳۲ بدهد.

- اعداد a و b را از ورودی دریافت کن.
- متغیر i را برابر با ۱ و متغیر s را برابر با ۰ قرار بده.
- ۳- اگر باقیماندهی تقسیم a بر ۲ با باقیماندهی تقسیم b بر ۲ متفاوت بود، به s به اندازه i واحد اضافه کن.
 - ۴- i را یک واحد افزایش بده.
 - دا برابر خارج قسمت تقسیم خودش بر ۲ و b را برابر خارج قسمت تقسیم خودش بر ۲ قرار بده. a
 - ج- اگر حداقل یکی از a یا b بزرگتر از ۰ بود به خط $^{\mathbf{m}}$ برو.
 - ۷- اگر s برابر با ۳ بود به اندازهی حاصل ضرب مقادیر اولیهی ورودی a و b به حسام شکلات بده.
 - ۸- پایان

هدف مسعود این است که اعدادی را به عنوان ورودی به این برنامه بدهد که حداکثر تعداد شکلات را بگیرد! برای مثال اگر مسعود اعداد ۲۳ و ۱۹ را به این برنامه بدهد در پایان ۴۳۷ شکلات میگیرد. اما اگر اعداد ۱۴ و ۱۷ را به عنوان ورودی به برنامه بدهد هیچ شکلاتی نمی گیرد. حداکثر تعداد شکلاتی که مسعود می تواند از این برنامه بگیرد چندتا است؟

 $\Lambda V \cdot (\Delta)$ $\Lambda \mathcal{F} \Lambda (\mathcal{F})$ $\Lambda \mathcal{F} V (\mathcal{F})$ $\Lambda \mathcal{F} \Lambda (\mathcal{F})$ $\Lambda \mathcal{F} \Lambda (\mathcal{F})$

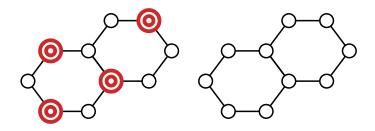
۱۳) خانوادهی آقای محسنی در ساوه زندگی می کنند و باغ انار دارند. حسن، پسر کوچک خانواده، میخواهد به دیدن دوستش حسین که در اصفهان زندگی می کنند برود. آنها قرار می گذارند که به محض رسیدن حسن، بازی زیر را انجام دهند:

در ابتدا حسین یک عدد طبیعی بزرگتر از صفر و کوچکتر از ۱۰ در ذهنش انتخاب میکند. سپس در هر مرحله حسن میتواند:

- یا یک انار به حسین بدهد و از وی بپرسد که آیا عدد انتخابیاش دقیقاً X است یا نه? (X) را حسن می گوید)
- یا سه انار به حسین بدهد و از وی بپرسد که آیا عدد انتخابیاش از X (که حسن می گوید) کوچکتر است یا نه ؟

هر وقت حسن یک سؤال نوع اول را بپرسد و حسین جواب «بله» بدهد، حسن برنده می شود و حسین به او یک جعبه گز سوغاتی می دهد. حسن حداقل چند انار باید با خودش به اصفهان ببرد که مطمئن باشد حتماً و در هر شرایطی می تواند به جعبه ی گز برسد؟ دقت کنید که حسن پس از شنیدن جواب بله برنده می شود و این که عدد حسین را فهمیده باشد کافی نیست.

۱۴) گراف شکل زیر از ۱۰ رأس و ۱۱ یال تشکیل شده است. میخواهیم روی تعدادی از رأسهای این گراف خانه بسازیم به شرطی که اولاً هیچ دو خانهای مجاور نباشند (با یک یال مستقیماً به هم متصل نباشند)؛ ثانیاً پس از پایان کار، در هیچ یک از رأسهای خالی نتوان با رعایت شرط اول خانهی جدیدی ساخت.



به چند روش میتوان این کار را انجام داد؟ یکی از این روشهای خانهسازی در شکل سمت چپ نمایش داده شده است.

۱۵) تمام اعداد ۵رقمی که بر ۵ بخشپذیر نیستند را در نظر بگیرید. اگر تمام این اعداد را در یکدیگر ضرب کنیم و عدد حاصل را X بنامیم، در این صورت باقیمانده ی تقسیم X بر ۵ کدام است؟

$$\cdot$$
 (δ) (f) f (f) f (f

19) محمد ۱۳ قاب چوبی به شکل مربّع دارد که حاشیهی هر کدام ۲ سانتی متر عرض دارد. طول ضلع قابهای محمد به ترتیب ۵، ۶، ۷، ۱۱، ۱۲، ۱۳، ۱۵، ۲۱، ۲۲، ۲۲، ۲۳، ۲۵ و ۲۹ هستند. مثلاً مساحت قاب به ضلع ۱۵ با توجه به حاشیهی داخلی برابر با ۱۲۱ سانتی متر مربّع است.

محمّد میخواهد حداقل ۴ تا از این قابها را برای اسبابکشی انتخاب کند. او میخواهد این قابها را طوری انتخاب کند که اولاً همگی درون هم بروند (قاب به ضلع ۲۵ دقیقاً درون قاب به ضلع ۲۹ میرود)؛ ثانیاً مساحت فضای خالی درون قابها که او حمل می کند (مساحت درونی خارجی ترین قاب منهای مساحت چوبهای حاشیههای قابهای داخلی) کمینه بشود! این میزان کمینه کدام است؟

ِ قاب (بهجز	ب باید مستقیماً برود و هر یگر باشد.	رين قاب) دقيقاً يک قار	ون هر قاب (بهجز داخلی:	دقت کنید که درو
۵۷ (۵	یکر باشد. ۴) ۸۹	یم دفیقا درون یک قاب د ۸۰ (۳	ا هم می بایست به طور مستف ۲) ۶۶	حارجی رین قاب) ۱) ۸۶
د و بزردترین	ىروع شود و به ۱۲ ختم شو		. عیر تحراری از اعداد ۶ ت ب هر دو عدد متوالی دنباله.	
۸ (۵	۵ (۴			
₅ بزرگتر از ۲	چیده شدهاند انتخاب کرد کنید n و k اعداد صحیح	داکثر $k+1$ باشد؟ فرض	ین مهرهی انتخاب شده ح	فاصله اولین و آخر فاصله اولین و آخر
	ت.	ی دو مهرهی کنار هم ۱ اس	دقت کنید که فاصله: $n \ge 1$	$\geq k+$ هستند و
	$+(n-k)(\frac{k'-k}{7})-\frac{k'}{7}$	$\frac{-k}{7}$ (\mathbf{Y}	$1 + (n-k)(\frac{k}{2})$ $1 + (n+k)(\frac{k}{2})$ $1 + (n-k)(\frac{k}{2})$	$\left(\frac{\frac{1}{2}+k}{2}\right) - \frac{k^{2}+k}{2} \left(\frac{1}{2}\right)$
,	$+(n-k)(\frac{k^{T}+k}{Y})-\frac{k^{T}}{Y}$	Y (1	1 + (n+k)(-1) $1 + (n-k)(\frac{k}{2})$	$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} \frac$
0.16	: مدمدی دریافت میکند	المدادة المنادة		
ِ عَدَدُ طِيعِينِ	ن ورودی دریافت میکند و	x وحدد فاستعنى x را به عنوار	. نظر بحیرید. جی بر میگرداند.	
بیتی بین این	XOR ر از $x \oplus y$ نیز عمل	نر یا مساوی x است. منظو		
ندیس صفر)	سمت راست (با شروع از ا	، مام i^i هاییکه بیت i ام از	رابر است با حاصلجمع تہ	دو عدد است که ب
عدد میشود	ر عددی با صفر خود همان	باشد. برای مثال XOR هر	ن دو عدد، برابر با «یک»	در دقیقاً یکی از آر • ۱۴ = ۵ ⊕ ۱
		بر با صفر قرار بعد.	ابر با x قرار بده و z را براہ $\left\lfloor \frac{x}{2} \right\rfloor$ قرار بدہ.	۲ - عدد <i>y</i> را برابر با ۲ - x را برابر با
	. 9	قرار بده و به خط ۲ بره x	با صفر نبود y را برابر $y \oplus$	
	_	J	دوبرابر z قرار بده	
			انده ی y بر ۲ جمع کن.	
			قرار بده. $\lfloor rac{y}{\epsilon} floor$	وا برابر با y -۶
			<i>ن صفر بود به خط ۴ برو.</i>	اگر y مخاله $-$
			ن خروجي برگردان.	را به عنوا z -۸
			تر یا مساوی ۱۰۲۳ خروج	
٠ (۵	۶۴ (۴	۵۱۲ (۳	T	1.74 (1
ٹر یک ستارہ	وری که در هر خانه حداک		ان در خانههای یک جدول ر سطر و ستون ۱ یا ۲ ستار	
	·		معی کنید حداقل و حداکثر	
۲۱۰ (۵	10. (4	٩٠(٣	١٨٠ (٢	۲۷۰ (۱

۲۱) شنگول و منگول و حبه انگور در حال بحث در مورد سؤالات مرحله اول المپیاد هستند:

شنگول: آزمون مرحله اؤل المپياد كامپيوتر امسال ٣٥ سؤال پنج گزينهاى دارد.

منگول: ۳۵ تا؟!

حبه انگور: این که خیلی زیاد است! میدانی نمرههای دانش آموزان شرکت کننده در این آزمون چند حالت متفاوت مى تواند داشته باشد؟

شما اگر جای شنگول بودید چه جوابی به حبه انگور میدادید؟ دقت کنید که هر پاسخ صحیح ۱ نمره، هر پاسخ نزده صفر نمره و هر پاسخ نادرست ۲۵ / ۰ – نمره دارد.

144 (0

189 (4

14. (4

177 (7

الگوریتم زیر را در نظر بگیرید:

مقدار x را برابر با عدد A قرار بده.

y را برابر با صفر قرار بده. y

x - تا وقتی که x بزرگتر از صفر است عملیات زیر را انجام بده:

۱-۳- B را برابر با باقیماندهی تقسیم x بر ۱۰ در نظر بگیر.

را برابر با مقدار $y \times 1 \cdot + B$ قرار بده. $y = y \times 1$

۳-۳ را برابر با خارج قسمت تقسیم x بر ۱۰ قرار بده. x

را برابر با y+A قرار بده. x

_____با توجه به توضيحات بالا به ٣ سؤال زير پاسخ دهيد: _

۲۲) فرض کنید اعداد ۱ تا ۱۰۰۰۰ را به عنوان A به الگوریتم بدهیم. به ازای چند مقدار از آنها عدد خروجی بر ۳ بخشیذیر است؟

9999 (۵

999V (F

******* *****

1999 (1

۲۳) فرض کنید اعداد ۱ تا ۱۰۰۰۰ را به عنوان A به الگوریتم بدهیم. به ازای چند مقدار از آنها عدد خروجی بر ۲ بخشپذیر است؟

۵ . ۹ (۵

۵..۴ (۴

7.17 (* *..*(*)

4..9(1

۲۴) فرض کنید اعداد ۱۰۰۰ تا ۹۹۹۹ را به عنوان A به الگوریتم بدهیم. به ازای چند مقدار از آنها عدد خروجی یک عدد اول است؟

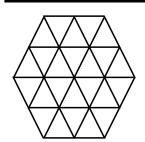
177 (5

. (4

94 (4

24 (1

11(1



امین میخواهد کف اتاق خود را که به شکل شش ضلعی است، کاشی کاری کند. پدر آمین کف اتاق و کاشی ها را مثلث بندی کرده و از او می خواهد طوری کاشی کاری کند که مثلثهای کاشیها و کف اتاق دقیقاً روی هم قرار بگیرند. امین برای این کار تنها یک نوع کاشی در اختیار خواهد داشت و نمیتواند كاشيها را بشكند. شكل مثلث بندى شدهى روبرو كف اتاق امين را نشان مى دهد.

_با توجه به توضيحات بالا به ۲ سؤال زير پاسخ دهيد: _

	كف اتاق خود را بپوشاند؟		ن میتواند با کاشیهایی به شکل	۲۵) امین به چند طریق
۴ (۵	9 (4	17 (٣	۲۱ (۲	٣ (١
	کف اتاق خود را بپوشاند؟		ن میتواند با کاشیهایی به شکل	۲۶) امین به چند طریق
۸۵۶ (۵	V9A (F	۷۸۴ (۳	١٠٠ (٢	189 (1

امین، علی، محمد، مصطفی و مهدی در یک اتاق نشستهاند. هر یک از آنها به طور ثابت به دقیقاً یک نفر دیگر نگاه می کند.

مرتضى وارد اتاق مىشود و از هر يک از آنها دو سوال مىپرسد:

- (آ) در لحظهی ورود من به اتاق چه کسی را میدیدی؟
- (ب) فردی که به او نگاه می کردی، چه کسی را می دید؟

او ۱۰ $= \Delta \times \Upsilon$ پاسخ می شنود و آنها را در یک جدول $\Delta \times \Upsilon$ به صورت زیر تنظیم می کند:

مهدی	مصطفى	محمد	على	امين	
					پاسخ سوال «آ»
					11 . 1
					پاسخ سوال «ب»

_با توجه به توضیحات بالا به ۵ سؤال زیر پاسخ دهید (فرض های هر سؤال مستقل از سایر سؤالها است): _

۲۷) اگر همه افراد پاسخ درستی بدهند جدول مرتضی به چند حالت مختلف ممکن میتواند پر شود؟ ۲) ۲۱۰ (۱

۲۸) مرتضی جدولی را که در آن تنها نام دو نفر به چشم بخورد، یک «جدول دونفره» مینامد! چند تا از جدولهای معتبر و ممکن، «دو نفره» هستند؟

 $\mathsf{TY} \cdot (\Delta)$ $\mathsf{A} \cdot (\mathsf{Y})$ $\mathsf{I} \cdot (\mathsf{Y})$ $\mathsf{TY} \cdot (\mathsf{Y})$

۲۹) فرض کنید مهدی از پاسخ دادن به سوالات طفره رفته است. با این حال مرتضی با بررسی پاسخ دیگران موفق می شود ستون مربوط به پاسخ مهدی را پر کند. چند تا از جدولهای ممکن مرتضی این ویژگی را دارند که بتوان با خالی بودن پاسخ مهدی، مقدار آن خانه را بهطور یکتا استنباط کرد؟

۳۰) مرتضی جدول معتبری که بتوان با دانستن هر چهار ستون آن جدول، ستون پنجم را بهطور دقیق و یکتا استنباط کرد، یک جدول «رؤیائی» مینامد. چند تا از جدولهای ممکن رؤیائی هستند؟

 $\mathcal{F}(\Delta)$ $\forall Y \in \mathcal{F}(Y)$ $\forall Y \in \mathcal{F}(Y)$ $\forall Y \in \mathcal{F}(Y)$

مرتضي	٣) فرض كنيد يكي از اين پنج نفر به حداقل يك سوال، پاسخ اشتباه داده است ولي بقيه راست گو هستند.	۲١
	میخواهد از روی پاسخها فرد دروغگو را پیدا کند. میدانیم پاسخهای امین به این صورت است:	

- (آ) على را مىديدم.
- (ب) على محمد را مىديد.

چندتا از گزارههای زیر درست هستند؟

- اگر امین دروغ گو باشد مرتضی او را پیدا می کند.
- اگر علی دروغ گو باشد مرتضی او را پیدا می کند.
- اگر محمد دروغ گو باشد مرتضی او را پیدا می کند.
- اگر مصطفی یا مهدی دروغ گو باشند مرتضی آنها را پیدا می کند.

$$\Upsilon(\Delta)$$
 \cdot (Υ) \cdot (Υ) \cdot (Υ)

کامبیز کفشهای جدیدی خریده است. این کفشها ویژگی جالبی دارند و آن این که بعد از پیمودن اوّلین گام، اگر طول گام قبلیای که با این کفش برداشته شده است x باشد در گام بعدی او فقط میتواند گامی یا به طول x یا به طول x بردارد. به دلیل وزن زیاد کامبیز، کامبیز نمی تواند گامی با طول کوچکتر از یک بردارد! همچنین او نمی تواند هرگز جهت حرکتش را تغییر بدهد و همواره مستقیم پیش می رود.

در ابتدای کار کامبیز در خانه صفرم یک جدول ۱ - در - بینهایت قرار دارد. در اوّلین مرحله، کامبیز با برداشتن یک گام به طول یک از خانهی صفرم به خانهی یکم میرود. هدف کامبیز این است که با پیمودن تعدادی گام به یک نقطهی مشخص شده برسد. مثلاً یک دنباله حرکات قابل قبول برای رسیدن به خانهی سیزده می تواند به این صورت باشد:

$$oldsymbol{\cdot}
ightarrow oldsymbol{1}
ight$$

یک خانه را «خوب» می گوییم اگر کامبیز بتواند با اتخاذ یک سیاست گام برداشتن به آن خانه برسد. به طور مشابه، یک خانه را «بد» می گوییم اگر کامبیز هرگز نتواند با هر ترتیبی به آن برسد. برای مثال ۱۳ یک خانه ی خوب و ۲ یک خانه ی بد است.

_____با توجه به توضیحات بالا به ۲ سؤال زیر یاسخ دهید: _

٣٢) كدام گزينه صحيح است؟

- ۱) ۱۳۹۰ یک خانهی خوب و ۲۰۱۲ یک خانهی بد است.
- ۲) ۲۰۰۰ یک خانهی خوب و ۱۴۰۰ یک خانهی بد است.
- ۳) ۱۴۰۰ یک خانهی خوب و ۲۰۰۰ یک خانهی بد است.
- ۴) ۱۳۹۱ یک خانهی خوب و ۲۰۱۳ یک خانهی بد است.
- ۵) ۲۰۱۲ یک خانهی خوب و ۱۳۹۰ یک خانهی بد است.

رشتهی S.=aAbBaAb را در نظر بگیرید. از روی این رشته میتوانیم رشتهی S را با این قاعده بسازیم که به جای هر حرف A عبارت BaB و به جای هر B عبارت AbA را بگذاریم. با این وصف رشته ی B برابر با BaB خواهد بود. با همین قاعده میتوانیم رشته های BaBbAbAaBaBb

____با توجه به توضیحات بالا به دو سؤال زیر پاسخ دهید: ___

- است؟ کدام است؟ کدام است؟ کدام است؟ کدام است
- b (۵ B (۴ A (۳ است. کمتر از ۷۷۷ است. (۲ a (۱
 - امین حرف از سمت چپ در رشتهی $S_{\mathfrak{q}}$ کدام است? کدام است?
- b (۵ B (۴ A (۳ a (۲ است. ۱۰۲۷ است) اندازه ی رشته کمتر از ۱۰۲۷ است.