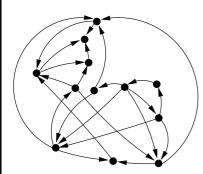
۱) یک عدد را متفرّقه می نامیم هرگاه تمام ارقامش متفاوت باشند و صفر در ارقامش ظاهر نشده باشد. اعداد ۱۲۴، ۵۹۶۷۸۳ ... مثالهایی از اعداد متفرقه اند. عمل «دوران» روی یک عدد متفرّقه به این صورت است که رقم یکان آن عدد را برداشته و در سمت چپ آن عدد قرار می دهیم. مثلاً اعداد ۱۲۴، ۱۲۴ و ۵۹۶۷۸۳ با این عمل به ترتیب به اعداد ۲۱۲، ۱۴۸۲ و ۳۵۹۶۷۸۳ تبدیل می شوند. تمام اعداد سهرقمی متفرّقه را روی یک تخته نوشته و سپس عمل «دوران» را روی همهی این اعداد اعمال می کنیم. جمع اعداد حاصل چهقدر است؟

الف) ۵۵۵۰۰۰ ب) ۴۹۴۹۴۹ د ۲۹۴۵۵۰ د ۴۹۴۹۴۹ ه



۲) هر سال، هر نهنگی که متوجه شود هیچ نهنگ زندهای را دوست ندارد، خودکشی می کند. شکل روبرو یک جامعه از نهنگها را نشان می دهد. اگر نهنگ A به B پیکان داشته باشد، یعنی A و B را دوست دارد.

چند سال طول می کشد تا همهی این نهنگها خودکشی کنند؟

الف) ۸ ب) ۹ ج) ۱۰ د) ۱۱ هـ) هيچ کدام

۳) نمایندگان شرکتهای تولید کنندهی گوشت، مورد بازجویی قرار گرفتند. اظهارات آنان بدین شرح است:

- شرکت A: شرکت B گوشت فاسد به مردم می دهد.
- شرکت B: شرکت A گوشت فاسد به مردم می دهد.
- شرکت C: شرکتهای A و B، هر دو گوشت فاسد به مردم می دهند.
- شرکت D: از بین شرکت ما و شرکت A حداقل یکی گوشت فاسد به مردم می دهد.

نماینده ی هر شرکتی که از گوشت فاسد استفاده می کند، از آنجا که آدم بدی است، همواره دروغ می گوید. همچنین، نماینده ی هر شرکتی که گوشت سالم به مردم می دهد، همواره راست می گوید. چند شرکت از گوشت فاسد استفاده می کنند؟

الف) ۱ ب ۲ ج) ۳ د ۴ هـ) نمي توان با اطمينان پاسخ گفت.

۴) می خواهیم در یک جعبه ی مکعبی n imes n imes n ، یک جسم سه بُعدی نامعلوم را قرار بدهیم که:

- دقیقاً از تعداد صحیحی مکعب ۱ × ۱ × ۱ تشکیل شده باشد.
- یک تکه باشد؛ اگر یک نقطه از آن را گرفته و جسم را بهسمت بالا بکشیم، بهطور کامل بالا بیاید. فرض کنید دو مکعب کوچک (۱ × ۱ × ۱) حتی اگر در یک نقطه (مثلاً گوشه) با هم تماس داشته باشند، آنگاه بههم چسبیدهاند.
- اگر در جعبه را ببندیم و جعبه را تکان بدهیم، جسم در داخل آن ثابت بماند. می توانید فرض کنید اتّصالات جسم (حتی در گوشهها) بسیار محکم هستند!

حدّاقل حجم چنین جسمی چند واحد مکعب است؟

0) دو نفر این بازی را انجام می دهند: آنها در یک جدول $n \times 1$ (یک سطر با n خانه) به نوبت مهره می گذارند. هر خانه ی جدول گنجایش یک مهره را دارد و در ابتدا جدول خالی است. نفر اوّل در هر حرکت یک مهره ی سفید و نفر دوم در هر حرکت یک مهره ی سیاه در یک خانه خالی می گذارند. وقتی مهرهای - مثل A — در جدول قرار می گیرد، اگر مهرهای همرنگ A — مثل B — در جدول باشد و تمام خانههای بین A و B با مهرههایی با رنگی مخالفِ رنگ A پر شده باشند، تمام مهرههای بین A و B ، همرنگ A می شوند. با اضافه کردن A به جدول ممکن مخالف در مهره مانند A در جدول (در دو طرف A) پیدا شوند که شرایط گفته شده را داشته باشند، که در این صورت عمل مذکور را در هر دو مورد انجام می دهیم.

بعد از n حرکت، تمام خانههای جدول پر می شوند و بازی تمام می شود. در این زمان اگر تعداد مهرههای سفید درون جدول بیشتر باشد، نفر اول می برد، اگر تعداد مهرههای سیاه بیشتر باشد، نفر دوم می برد، و گرنه مساوی می شوند. برای n های بزرگ تر از 0، کدام جملات زیر درست اند؟

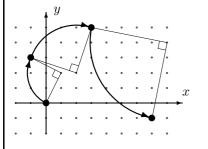
- ۱) برای n های فرد نفر اوّل راهکار برد دارد.
- ۲) برای n های فرد نفر دوم راهکار برد دارد.
- ۳) برای n های زوج نفر اوّل راهکار برد دارد.
- ۴) برای n های زوج نفر دوم راهکار برد دارد.
- ۵) برای n های زوج نفر اوّل راهکار نباختن دارد.
- ۶) برای n های زوج نفر دوم راهکار نباختن دارد.

الف) ١ و ٣ و ۵ ب ٢ و ۴ و ۶ ج) ١ و ۴ و ۶ د) ٢ و ٣ و ۵ هـ) ١ و ۵ و ۶

۱۳۸۵ نفر روی محور اعداد صحیح ایستاده اند، به طوری که نفر i أم (۱۳۸۵ i i وی نقطه به طول i قرار گرفته است. هر کدام از این افراد یک سنگ دارد و در یک لحظه همه با هم سنگ شان را به طرف مثبت پرتاب می کنند. بُردِ سنگ i أم را با f(i) نشان می دهیم. بدین ترتیب، سنگ نفر i أم بعد از پرتاب در محل i i قرار می گیرد. می دانیم به ازای هر i i i برابر است با تعداد «صفر»ها در نمایش مبنای دوی i (سمت چپ ترین رقم در نمایش مبنای دو همواره یک است). به عنوان مثال، i i i برابر است با i زیرا نمایش مبنای دوی ۱۳ به صورت «۱۰۱۱» می باشد که سه عدد «۱» و یک عدد «۰» دارد.

بعد از این که همه سنگ خود را پرتاب کردند، دورترین سنگ کجا میافتد؟ (بزرگترین مکانی که در آن حداقل یک سنگ قرار میگیرد کجاست؟)

الف) ۱۳۸۵ ب) ۱۳۸۶ ج) ۱۳۹۰ د) ۱۳۹۱



۷) یک میمون در نقطه ی (۰,۰) صفحه ی مختصات قرار دارد. این میمون در هر حرکت می تواند نقطه ای با مختصات صحیح را انتخاب کند که از نقطه ی فعلی اش، فاصله ای بیشتر از ۱۰ واحد نداشته باشد. سپس، حول آن ۱۰ درجه دوران یافته و در نقطه ی جدید قرار بگیرد. نمونه ای از حرکتهای میمون را در شکل مشاهده می کنید. این میمون به چند تا از نقطه های زیر می تواند برسد؟

 $\begin{array}{ccc} (\Upsilon 1, \Upsilon \Upsilon) & (1 \Upsilon, \Upsilon 1) & (\Delta, 1 \Upsilon) \\ (1 \Upsilon \Lambda \Delta, \Upsilon \circ \circ \Upsilon) & (1 \circ \Upsilon \Upsilon, \Upsilon \circ \Upsilon \Lambda) & (\Delta \Delta, \Upsilon \Delta \Delta) \end{array}$

الف) ۱ (ب ۲ (ج) ۴ (د) ۵ (ه) ۶

 \wedge یک جدول \wedge داریم، که در هر خانهی آن یک تخم مرغ قرار دارد. می خواهیم تعدادی از این تخم مرغها را برداریم. در هر خانه که قرار داشته باشیم یا از آن رد شویم، می توانیم تخم مرغ آن خانه را برداریم. در ابتدا از یکی از خانه های جدول شروع به حرکت می کنیم. در هر مرحله دقیقاً یک حرکت انجام می دهیم و در هر حرکت به یکی از خانه های مجاور (دارای ضلع مشترک با خانه ی فعلی) می رویم. اگر در مرحله ای جهت حرکت ما تغییر کند (از افقی به عمودی یا از عمودی به افقی)، باید ۱ تومان جریمه بدهیم. اگر ما \wedge تومان پول داشته باشیم، حداکثر چند تخم مرغ می توانیم برداریم؟

۹) ۱۲ نهنگ که قصد خودکشی دارند، در یک صف قرار گرفته اند. یک روز صبح نهنگها تصمیم گرفتند که از آن روز به بعد، صبح هر روز، اگر نهنگ زنده ای در صف وجود داشته باشد، تعدادی (ناصفر) از این نهنگها خودکشی کنند. در صورتی که بعد از خودکشی صبح یک روز، هنوز نهنگ زنده ای در صف وجود داشت، همان شب هم تعدادی (ناصفر) خودکشی می کنند. واضح است که نهنگها به همان ترتیبی که در صف ایستاده اند خودکشی می کنند. این ۱۲ نهنگ به چند طریق می توانند خودکشی کنند، به طوری که در پایان تعداد نهنگهایی که در صبح خودکشی کرده اند با باشد؟

الف) ۷۲۰ ب) ۹۲۴ ج) ۴۶۲ د) ۳۶۰

۱۰ در شکل زیر هر کدام از مهرههای داخل صفحه یک مهرهی ماهی است. مهرهی ماهی در صفحه سُر میخورد. یعنی در یکی از ۴ جهت حرکت میکند تا به یک خانهی پُر برسد و در خانهی خالیِ قبل از خانهی پُر متوقّف می شود. قوانین بازی به شرح زیر است:

- سفید برنده است اگر یک مهرهاش را به سطر آخر (پایین) برساند.
 - سیاه برنده است اگر یک مهرهاش را به سطر اوّل (بالا) برساند.
- خانه های سیاه و خانههایی که مهرهای در آنها هست، پر هستند.
- هر کس که نوبتش است، باید یکی از مهرههایش را جابهجا کند.
 - کسی حق ندارد عکس حرکت قبلش را انجام دهد.
 - سفید اوّل بازی می کند.

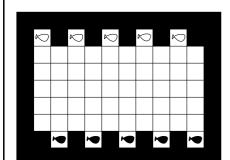
اگر هر دو نفر به بهترین نحو بازی کنند، کدام یک از گزارههای زیر درست است؟

الف) سفید، با انجام حداکثر ۴ حرکت میبرد.

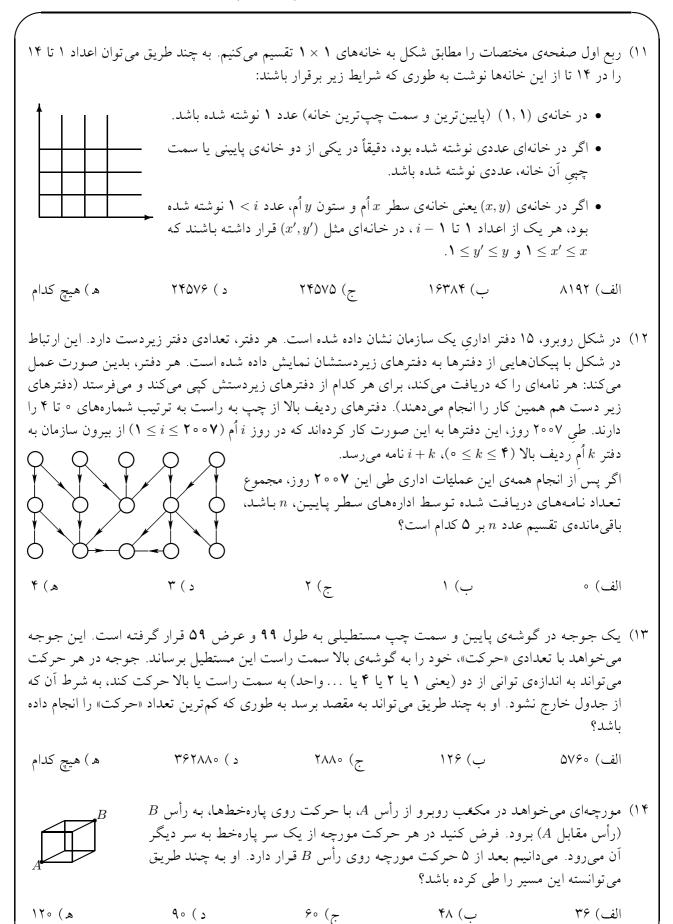
ب) سیاه، می تواند طوری بازی کند که سفید نتواند در چهار حرکت ببرد ولی سفید با حدّاکثر شش حرکت می برد. ج) سیاه، با انجام حداکثر ۴ حرکت می برد.

د) سفید، می تواند طوری بازی کند که سیاه نتواند در چهار حرکت ببرد ولی سیاه با حدّاکثر شش حرکت می برد.

ه) هيچ کدام



مرحلهی اول هفدهمین المپیاد کامپیوتر کشور



۱۵) در یک ردیف ۳۳ خانه قرار دارد، که با اعداد ۱ تا ۳۳ شماره گذاری شدهاند. زبل خان در یک طرف این خانه ها قرار دارد (در کنار خانهی شمارهی ۳۳). در هر صبح یک توپ در یکی از خانهها قرار میدهیم. زبلخان هر روز ظهر اگر توپی دید به آن شلیک میکند و توپ می ترکد (حدّاکثر در هر روز به یک توپ شلیک میکند و فقط همان (i-1) توپ می ترکد). اگر یک توپ در خانهی i باشد، زبل خان خانههای پشت آن را نمی بیند (خانههای ۱ تا دود حاصل از ترکیدن یک توپ در خانهی iام باعث می شود که زبل خان تا بعد از ظهر روز بعد نیز خانه های پشت آن را نبیند و در نتیجه اگر روز بعد توپی در آن خانهها گذاشته شود، زبلخان آن را نمی بیند و به آن تیراندازی نمی کند. ما ۳۳ روز وقت داریم تا ۳۳ توپ در این خانهها بگذاریم و همچنین در هر خانه حدّاکثر می توانیم یکبار توپ قرار دهیم. در پایان ۳۳ روز، به اندازهی مجموع شمارهی خانههایی که توپ در آنها قرار دارد به ما جایزه می دهند. بیشترین جایزهای را که می توان به دست آورد چقدر است؟

ج) ۲۵۶ ۷۴۰ (ب الف) ۱۳۶ a) PAY د) ۲۷۲

۱۶) چند جدول ۳ × ۳ از اعداد ۰ تا ۸ داریم که هر دو خانهی مجاور (دارای یک ضلع مشترک) در آن دقیقاً یکی از دو خاصیت زیر را داشته باشند:

• باقیماندهی تقسیم اعداد آن دو خانه بر ۳ برابر باشد

• خارجقسمت تقسيم اعداد أن دو خانه بر ٣ برابر باشد

یکی از این جدولها در شکل نشان داده شده است.

ج) ۳۶ 144 (2 د) ۲۷ س) ۱۸ الف) ۶

۱۷) بازی «تنبل کُش»، یک بازی یکنفره است که روی یک جدول ۳ × ۳ انجام می شود. در ابتدای بازی اعداد ۱ تا ۸ به ترتیب نامعینی در ۸ تا از خانههای جدول قرار گرفته اند و یکی از خانههای جدول خالی است. در هر حرکت می توان عدد یکی از خانه های مجاور ضلعی خانهی خالی را به خانهی خالی انتقال داد. هدف بازی این است که با حداقل تعداد انتقال، اعداد جدول بهصورت شكل زير، مرتّب شوند.

آقاي «تنبل»، قصد دارد بدون انجام دادن بازي، حدس بزند كه حداقل تعداد انتقالهاي لازم براي مرتّب كردن يك جدول چند حرکت است. از این رو، وی برای هر یک از اعداد ۱ تا ۸، تعداد حرکتهای لازم برای انتقال آن عدد به مکان مطلوب در جدول نهایی (با فرض خالی بودن تمام خانه های دیگر) را محاسبه کرده و مجموع این اعداد (K) را به عنوان حدس خود درنظر می گیرد.

> اگر حداقل تعداد انتقالهای لازم برای مرتّب کردن جدول و رسیدن به جدول نهایی را بنامیم، کدام یک از گزینههای زیر درست است؟ فرض کنید جدولهای ابتدایی مورد A

- بحث، همواره پس از متناهی حرکت مرتب می شوند.
 - $K \leq \frac{A}{7}$ الف) برای تمامی جدولهای اوّلیه
 - $\frac{A}{r} \leq K \leq A$ برای تمامی جدولهای اوّلیه
 - $K < rac{A}{7}$ ج) برای تمامی جدولهای اوّلیه $K \leq A$ و جدولی اولیه وجود دارد که
 - $A \leq K \leq \Upsilon A$ د) برای تمامی جدولهای اوّلیه
 - ه) هیچ کدام

مرحلهی اول هفدهمین المپیاد کامپیوتر کشور

میکشد. سپس در جبور است یکی از صورت، خرگوش ن تعداد روشهایی	دلخواه خود با چکش گوش زندهای باشد، <u>م</u> را بکشد). در غیر این کند. هدف ما پیدا کرد	۱۱ × ۱۳۸۵ داریم که در ر ابتدا یک خرگوش را به گوش قبلی را کشته، خر ^ا د (به دلخواه یکی از آنها کشد و بازی ادامه پیدا می رشها را بکشد. باقیماندهی	زی را شروع می کند. او د ر سطر یا ستونی که خر سطر یا آن ستون را بکش جای جدول به دلخواه می	«مردِ چکُشزن» با هر مرحله، اگر د خرگوشهای آن ر زندهای را از هر ک
ه) ۲۲	د) ۲۱	ج) ۲	ب) ۱	الف) ٥
,		ته شد، هىر بار كه مرد خر [ً] ك امتياز مىگيرد (دقّت كنيا د؟		ستونِ آن، خرگوشر
ه) ۱۳۸۶	د) ۱۳۸۵	ج) ۱۳۸۴	ب) ۲	الف) ١
یکنیم. آن حرف را آم از b به w تبدیل نجام میدهیم. چهارم، به رشتهی	ی چپ شروع به کار مو که با این تغییر، حرف ا د) رفته و همین کار را ا ز رسانی روی حرف . wwwwwwww	پنجم. ف یکم.	به این ترتیب تعریف می کی س را به b و d را به w ت بعدی یعنی حرف سمت نمته bwbbbbwwbbwww تبدیل می شود. فرض به روز رسانی روی حرف به روز رسانی روی حرف لل به روز رسانی روی حر	$1 \ge i \ge 1$ را تغییر می دهیم (یعن شود به سراغ حرف به عنوان مثال رش به عنوان مثال رش انجام می دهیم: $1 \ge 2$ یک بار عمل $1 \ge 2$ یک بار عمل $1 \ge 2$ بار عمل $1 \ge 2$ بار عمل $1 \ge 2$ بیست بار عمل $1 \ge 2$ بیست بار عم
ه) ۳	د) ۵	ج) ۴	۱۰ (ب	الف) ٩
شکل ۱		اتی که در شکل ۲ نشان داد ن ضلعی پوشسیده نشده در آر را انجام دهد؟		شىدە بپوشاند، بە ح

ب) ۲

الف) ١

ج) ۴

د) ٣

۲۲) آیدین یک ماشین حساب یک رقمی دارد که با ۷ لامپ باریک و دراز، هر یک از ارقام ۰ تا ۹ و علامت « ـ » (بهمعنای خطای محاسبه) را مطابق شکل زیر نشان می دهد. متأسفانه به دلیل فرسودگی ماشین حساب، همه ی ۷ لامپ آن همزمان سوختهاند. اکنون آیدین می خواهد k تا از این لامپها را طوري با لامپهاي سالم عوض كند كه بتواند با ديدن روشن يا خاموش بودن لامپهاي سالم، پي به مقدار دقیق ماشین حساب ببرد. دقّت کنید که اگر یک لامپ سالم در ماشین حساب قرار داده شود، دیگر نمی توان جای آن را تغییر داد. حداقل مقدار k برای این منظور چند است؟ ج) ۵ ر) ۴ ه) ٧ د) ٦ الف) ٣ ۲۳) در ابتدا یک مثلث متساوی الاضلاع داریم که طول اضلاعش برابر ۴ است (مانند شکل سمت چپ). در هر مرحله می توانیم یک تکه از شکل باقی مانده که شروط زیر را دارد بِکَنیم و دور بریزیم. • تكه بايد يك مثلث متساوى الاضلاع باشد. • اضلاع تکه باید روی خطوط کشیده شده در شکل باشد. • با حذف كردن اين تكه از شكل نبايد هيچ سوراخي در أن ايجاد شود. (يعني بايد حداقل يكي از اضلاع تکهای که میخواهیم حذف کنیم، کاملاً مجاور ناحیهی بیرونی باشد.) بدیهی است در صورتی که شکل باقی مانده یک مثلث متساوی الاضلاع باشد می توان در یک مرحله همهی آن را دور ریخت. در شکل زیر یک مثال تا دو مرحله نشان داده شده است. می خواهیم در k مرحله کل شکل اوّلیه را دور بریزیم. این کار به ازای چند تا از مقادیر زیر به عنوانِ مقدار kامكانيذير است؟ 14 ١٥ ج) ٣ ب) ۲ ه) ۵ د) ۴ الف) ١ ۲۴) چند عدد طبیعی را می توان به صورت حاصل جمع چهار عدد متمایز از مجموعهی (۱۵, ۱۹, ۲۲, ۲۷, ۳۱, ۳۵, ۳۹) نو شت؟

٢١ (ب

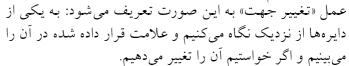
الف) ۳۵

ج) ۱۳

ه) ٧

د) ۱۲

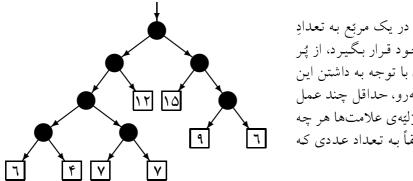
۲۵) در شکل زیر ۲۷ نخود از بالا به سمت پایین انداخته می شود. نخودها به سمت پایین حرکت می کنند تا درون یکی از مربعها قرار بگیرند. درون هر دایره یک علامت / یا √ قرار دارد که در حالت عادی دیده نمی شود. با توجه به جهت علامت یک دایره، نخود پس از ورود به آن دایره به سمت «پایین سمت راست» یا «پایین سمت چپ» حرکت می کند. ما نمی توانیم در حالت عادی جهت علامتهای دایره ها یا تعداد نخودهای موجود در مربعها و دایره ها را ببینیم.



ما مى توانيم هر موقع كه خواستيم انداختن نخودها را متوقف كنيم و عمل «تغيير جهت» را به تعداد دلخواه انجام دهيم و دوباره انداختن نخودها را ادامه دهيم.

می خواهیم تعدادی عمل «تغییر جهت» انجام دهیم، به طوری که وقتی همه ی ۲۷ نخود افتادند، در هر مربّع دقیقاً به تعداد عددی که روی آن نوشته شده نخود قرار بگیرد. حداقل چند عمل «تغییر جهت» نیاز داریم به طوری که به هر نحوی که علامتها در ابتدا جهت دهی شده باشند، بتوانیم این کار را انجام دهیم؟

الف) ۶ ب ۷ ب کا الف) ۶



۲۶) در مسئلهی قبل، فرض کنید وقتی در یک مربّع به تعدادِ عددی که روی آن نوشته شده نخود قرار بگیرد، از پُر شدن آن جعبه مطّلع می شویم. حال با توجه به داشتن این امکان اضافی بگویید، در شکل روبهرو، حداقل چند عمل «تغییر جهت» لازم است، تا جهت اوّلیهی علامتها هر چه که باشد، بتوانیم به هر مربّع دقیقاً به تعداد عددی که رویش نوشته شده نخود بفرستیم؟

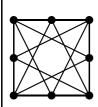
الف) ۷ ب ۸ ب کا الف) ۷

(۲۷) ده شرکت تولید کننده ی کنسرو مورد آزمایش کیفیت قرار گرفتند. می دانیم که دقیقاً یکی از شرکتها از گوشت فاسد استفاده می کند. آزمایش به این صورت بود که به هر داوطلب، دو کنسرو از دو شرکت مختلف داده شد و به هیچ دو نفری جفت کنسروهای یکسانی داده نشد. می دانیم اگر کسی کنسرو فاسد بخورد، می میرد. پس از این که داوطلبها کنسروهایشان را خوردند، اطلاعات بدست آمده از مرگ داوطلبان برای یافتن شرکت متخلف کافی نبود. تعداد داوطلبها حداکثر چند نفر بوده است؟

الف) ۲۰ ب ۲۸ ج) ۲۹ د ۳۶ د ۴۵

۲۸) پینوکیو برای یافتن پدر ژپتو وارد شکم نهنگ شد. شکم نهنگ به شکل مجموعهای از سهراهیها است که هر کدام به سه سهراهی دیگر متصل است. فاصلهی دو سهراهی متصل ۱ متر است. پدر ژپتو در یکی از سهراهیهاست. در هر سهراهی تابلویی وجود دارد که رویش فاصلهی آن سهراهی تا پدر ژپتو نوشته شده است. پینوکیو در یکی از این سهراهی هاست که تابلوی آن ۱۳۸۵ را نشان می دهد. با این فرض که پینوکیو به اندازه ی کافی باهوش است، در بدترین حالت، چند متر باید راه برود تا به پدر ژپتو برسد؟

الف) ۱۳۸۵ (ب ۲۷۷۱ (ب ۲۸۵۱ (د ۱۳۸۵ (ه ۹۹۲۵ (



۲۹) در شکل روبرو ۸ شهر و راههای ارتباطی آنها نمایش داده شده است. نیلوفر و لی لی می خواهند این شهرها را ببینند و با هم قرار گذاشته اند که عوارض ورود به شهرها را یکی در میان بپردازند. نیلوفر یکی از شهرها را برای شروع مسافرت انتخاب می کند و عوارض ورود به آن را می پردازد. از این به بعد، ابتدا لی لی و سپس نیلوفر، هر کدام در نوبت خود شهر مجاوری (شهری که به شهر فعلی راه مستقیم دارد) که هنوز ندیده اند را انتخاب می کند. سپس آنها به آن شهر مسافرت می کنند و کسی که شهر جدید را انتخاب کرده، عوارض آن را پرداخت می کند. آنها این کار را تا دیده شدن همه ی شهرها ادامه می دهند. هر کدام از این دو نفر می خواهد هزینه ی کمتری از دیگری بپردازد.

نیلوفر و لی لی قبل از آن که مقادیر عوارض شهرها را در کتابچه ی راهنمای سفر خود ببینند، حرفهای زیر را زدهاند. کدامیک از این گفته ها به ازای مقادیر مختلفی که ممکن است در دفتر چه ی راهنما نوشته شده باشد همواره در ست است؟

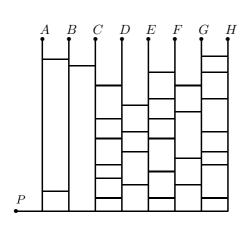
الف) نيلوفر: من كمتر خرج خواهم كرد.

ب) لى لى: من كمتر خرج خواهم كرد.

ج) نیلوفر: ممکن است مقادیر دفترچهی راهنما طوری باشد که من مجبور شوم بیشتر خرج کنم.

د) لى لى: مجبور نيستم بيشتر خرج كنم.

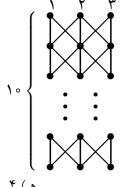
ه) نيلوفر: مجبور نيستم بيشتر خرج كنم.



(۳۰) نقشه ی خیابانهای یک شهر مانند شکل روبرو است. خیابانهای عمودی به سمت بالا یک طرفه و خیابانهای افقی دو طرفه هستند. در هر یک از نقاط A تا H یک پارکینگ قرار دارد. شخصی با اتومبیل خود از نقطه ی P به حرکت در می آید. با فرض این که این شخص از هیچ نقطه ای بیش از یک بار عبور نمی کند، تعداد راههای رسیدن او به هر یک از نقاط A تا A را به تر تیب A تا A را به کرامیم. مقدار از نقاط A تا A را به تر تیب A کدام یک از گزینه های زیر است؟

الف) ۲- ج) ٥ د) ۲ هـ) ١- الف

۳۱) ۱۰ ردیف ۳ تایی از لامپها داریم. هر لامپ، مطابق شکل به تعدادی از لامپهای ردیف پایینیاش وصل شده است. در ابتدا همه ی لامپها خاموش اند. هر بار می توان یکی از لامپهای ردیف اول را تغییر وضعیت داد (لامپ روشن را خاموش كنيم يا برعكس). اگر لامپي تغيير وضعيت بدهد، تمامي لامپهاي متصل به آن لامپ در رديف پایینیاش، تغییر وضعیت می دهند. برای مثال، اگر وضعیت لامپ اوّل از طبقه اوّل را تغییر دهیم، وضعیت لامپهای اوّل و دوم ردیف دوم عوض می شوند. سپس وضعیت لامپ سوم از طبقه سوم تغییر خواهد کرد، ولی وضعیتهای لامپهای اوّل و دوم از طبقه سوم، تغییری نخواهند کرد زیرا یک بار به وسیلهی لامپ اوّل طبقهی دوم و یک بار به وسیلهی لامپ دوم طبقهی دوم تغییر میکنند. چند تا از دنبالههای زیر می توانند وضعیت لامپهای ردیف ۱۰اُم پس از اعمال تغییراتی در ردیف اوّل باشند؟



- لامپ اوّل روشن، لامپ دوم روشن، لامپ سوم روشن.
- لامپ اوّل خاموش، لامپ دوم روشن، لامپ سوم روشن.
- لامپ اوّل خاموش، لامپ دوم روشن، لامپ سوم خاموش.
- لامب اوّل روشن، لامب دوم روشن، لامب سوم خاموش.

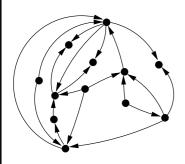
ا (ب الف) ٥

ج) ۲ د) ٣

۳۲) ۶ نفر دور یک میز نشستهاند. ابتدا هر کس دقیقاً یکی از چشمان خود را میبندد. اگر کسی چشم راست خود را ببندد، همهی سایر افراد به جز دو نفر سمت راستش را می تواند ببیند، و به طور مشابه، اگر چشم چپ خود را ببندد، دیگر افراد به جز دو نفر سمت چپش را می بیند.

میزان «همبینی» افراد دور یک میز، برابر تعداد جفت افرادی است که بتوانند همدیگر را ببینند. در بین تمامی حالتهای چشمبستن این ۶ نفر، حدّاکثر میزان «همبینی» چهقدر است؟

ج) ۷ ه) ۱۰ د) ۸ ر) ۶ الف) ۴



٣٣) هر سال، هر نهنگي كه متوجه شود يكي از نهنگهايي كه او دوست داشته، سال گذشته مرده، خودکشی میکند. شکل روبرو یک جامعه از نهنگها را نشان می دهد. اگر نهنگ A به B پیکان داشته باشد، یعنی B، B را دوست دارد. حداقل چند پیکانِ جدید باید رسم کنیم تا نهنگی وجود داشته باشد که با کُشتن آن، همهی نهنگها از بین بروند؟

ج) ۴ ه) هیچ کدام س) ٣ الف) ٢ د) ۵

۳۴) بین شهرهای A و B یک جاده ی باریک وجود دارد. در این جاده $۱ \circ 1$ تانکر بنزین، به ترتیب با شمارههای $1 \circ 1$ پشت سر هم و با سرعتهای متفاوت از A به سمت B در حرکتاند. در ابتدا هیچ دو تایی از تانکرها روی یک نقطه از جاده نیستند. راننده های این تانکرها خواب هستند و بنابراین از ترمز خبری نیست. اگر دو تانکر به هم برسند، هر دو منفجر و متلاشی می شوند به طوری که اثری از آنها باقی نمیماند. به این ترتیب تانکرهای بعدی می توانند از محلٌ تصادف عبور کنند. اگر بدانیم که هیچ وقت بیشتر از دو تانکر در یک لحظه تصادف نمی کنند، مجموعه تانکرهایی که به شهر B می رسند، چند حالت مختلف می تواند داشته باشد؟

ج) ۱۴۴ a) 47º1 د) ۱۱۵ س) ۸۹ الف) ۵۵

مرحلهی اول هفدهمین المپیاد کامپیوتر کشور

ی به سمت	له شرایط زیر مقدار:	هر حركت، باتوجه	یستاده است. او در ۱	ی ۰ محور اعداد حقیقی ا کند.	۳۵) افشین روی نقطه راست حرکت می
	کت می کند.	، به سمت راست حر	. و حدّاکثر ۸۵ واحد	، اوّل خود حدّاقل ۱ واحد	• او در حرکت
				که افشین در حرکت i^{i} م خ	
	رفت.			وج باشد، او در حرکت ۱	
				رد باشد، او در حرکت ۱	
	شد چەقدر است؟	سمت راست رفته با	ئه افشین می تواند به	مرکت، بیشترین مقداری ک	پس از انجام ۱۰ -
æ) P9°7	814	د) ۴	ج) ۱۱۵	ب) ۳۰۶۶	الف) ۶۱۳۸
			1	۱ نهنگ سیاه به طور دسته	
		,		گ خود را انتخاب کرده	
			'	ها از روی دنباله قتلها، سپس رنگ مقتول را به	
J	,			لیست اضافه می کند. چند	
a) 77	140	د)	ج) ۷۰	۴۰ (ب	الف) ۱۲۸
			. ' '	به جای رنگ هر نهنگ، ن راند وجود داشته باشد؟ (.	
777777	۰۳۲ هـ)	fo ()	ج) ۲۳۰	ب) ۱۶۷۷۷۲۱۶	الف) ۱۰۴۸۵۷۶
1004	1004	و یا ۴۰۰۴ عدد مب کرد. به یک جام هیچ یک از	ِن را از بالا به پایین سورت صعودی مرت جدول در صورت ان	عدد را در ۲۰۰۷ خانه ی ۱۰۰۱ عدد موجود در ستو را از چپ به راست، به ص ی گوییم اگر وضعیت آن با تغییر نکند. حدّاقل تع کرد چقدر است؟	حرکت می توان ۴ موجود در سطر جدول «پایدار» م
a) Voo7	٣٠٠	c) F	ج) ۶۰۰۶	۱۰۰۷ (ب	الف) ٥٠٥٥
	(1)	ز قطعههای (۱)	روبهرو را با ۱۰ تا از	نوان خانههای سفید شکل ل پوشاند؟	۳۹) به چند طریق می: و (۲) به طور کام
هیچ کدام	ه)	د) ۱۶	ج) ۱۸	ب) ۱۲	الف) ۶

۴۰) استاد بزرگِ معبد شائولین، ۵ تن از بهترین شاگردانش را برای مبارزه به داخل معبد می فرستد تا با مبارزه با
یکدیگر، رتبهبندی شوند. این ۵ تن بعد از چند شبانهروز مبارزه، یکییکی از معبد خارج می شوند. اوّلین مبارزی
كه خارج مي شود مي گويد: «من اوّل شدم»؛ دومي مي گويد: «من اوّل نشدم»؛ سومي مي گويد: «من آخر نشدم»؛
چهارمی می گوید:«من نه اوّل شدم و نه آخر» و بالاخره آخرین مبارزی که از معبد خارج می شود می گوید: «من یا
اوّل شدم یا آخر». استاد بزرگ نام همهی مبارزان را می داند. همچنین می داند که یکی از ۵ مبارز به نام شائو همواره
دروغ می گوید و بقیه همواره راستگو هستند. همین موقع استاد بزرگ می گوید: «لی! تو که باز آخر شدی!» با توجه
به اینکه استاد بزرگ هیچ گاه اشتباه نمی کند، بگویید لی چندمین نفری بوده که از معبد خارج شده است؟ (تومجه
کنید که استاد بزرگ با توجه به اطّلاعاتی که گفته شد، می توانسته مطمئن شود که لی آخر شده است.)

الف) اول ب) دوم ج) سوم د) چهارم ه) پنجم

«موفق باشيد»