باسمه تعالی جمهوری اسلامی ایران وزارت آموزش و پرورش باشگاه دانشپژوهان جوان



مبارزة علمی برای جوانان، زنده کردن روح جست وجو و کشف واقعیّت هاست. «امام خمینی (ره)»

دفترچة سؤالات مرحلة اوّل سال ١۴٠٣

سى و پنجمين دورة المپياد كامپيوتر

مدّت آزمون	تعداد سؤالات
۱۵۰ دقیقه	۲۰ سؤال

نام: نامخانوادگی: شمارة صندلی:

استفاده از هرنوع ماشین حساب ممنوع است.

توضيحات مهم

۱ بلافاصله پس از آغاز آزمون، تعداد سؤالات داخل دفترچه و همة برگههاي دفترچة سؤالات را بررسي نماييد، در صورت هرگونه نقصي در دفترچه، در اسرع وقت مسؤول جلسه را مطلع كنيد.

۲_ یك برگ پاسخبرگ در اختیار شما قرار گرفته که مشخصات شما بر روي آن نوشته شده است، در صورت نادرست بودن آن، در اسرع وقت مسؤول جلسه را مطلع کنید. ضمناً مشخصات خواسته شده در پایین پاسخبرگ را با مداد مشکی بنویسید.

۳_ برگة پاسخبرگ را دستگاه تصحیح می کند، پس آن را تا نکنید و تمیز نگه دارید و به علاوه، پاسخ هر پرسش را با
 مداد مشکی نرم در محل مربوط علامت بزنید. لطفاً خانة مورد نظر را کاملاً سیاه کنید.

- ۴_ دفترچه سوال باید همراه پاسخبرگ تحویل داده شود.
- ۵_ پاسخ درست به هر سوال ۴ نمرة مثبت و پاسخ نادرست ۱ نمرة منفي دارد.
- ۶_ شرکتکنندگان در دورة تابستاني از بین دانش آموزان پایة دهم و یازدهم انتخاب ميشوند.
 - ٧_ سايت المپياد كامپيوتر opedia.ir مي باشد.

كلّية حقوق اين سؤالات براي باشگاه دانش پژوهان جوان محفوظ است. آدرس سايت اينترنتي: ysc.medu.gov.ir

9 (4

یک عدد طبیعی x داریم که میخواهیم آن را به عدد ۱ تبدیل کنیم. در هر مرحله، میتوانیم یکی از دو عمل زیر را \mathbb{T}

• كاهش عدد: با انجام اين عمل، اگر مقدار عدد ما در اين مرحله از ۵ بيشتر بود، ۵ واحد از مقدار آن كم

• شیفت دورانی ارقام عدد: با انجام این عمل، چپترین رقم عدد (رقم پرارزش) به سمت راست عدد منتقل می شود و پس از آن، همهی صفرهای سمت چپ عدد (در صورت وجود) پاک می شوند؛ مثلاً اگر عدد ما در این مرحله ۳۰۰۰۴۵۲ باشد، با یک مرتبه انجام این عمل، به ۴۵۲۳، و با انجام مجدد آن، به ۵۲۳۴

به ازای چند عدد ۳ رقمی x (یعنی ۹۹۹ $x \leqslant x \leqslant x \leqslant x$)، میتوانیم با انجام تعدادی متناهی از دو عمل بالا به

1. (4

٧٢٠ (۴

				_
			۱۵ دقیقه است.	 زمان آزمون ٠
			رال دارد.	• آزمون ۲۰ سو
منفی دارد.	، به هر سوال ۱ نمرهی	مثبت و پاسخ نادرست	به هر سوال ۴ نمرهی	• پاسخ درست
			ما به طور تصادفی است	
ی ارائه شده است.	ل از این دسته توضیح		تا ۲۰ در یک دستهی چ	
ض بر این است که افراد	ه است یا دره غگمی فی	از ارد افراد را داست، گ	ی قبار دارند هر کداه	المعبد النف دور دار وا
رص بر این المنت که اوراد که حداقل یکی از دو نفر	نو است يا دروع کو. عر	ار این اعراد یا راست شهراست و گردنا	ی عرار دارد. عمر عدام غیره افراد دار ترگر هم	ر ۱۰ ۱۰ عمر دور دایود. دره غگر همداره دره
وجود دارد.	تنز چند نفر دروع نو	ع جمع، حداقل و حدا) دروغگو است. در ایر	معبورسان ردر دایره
۵) ۴۶۷ و ۱۴۰۳	۴) ۴۶۷ و ۲۰۱	٣) ۶۶۸ و ۲۰۷	۲) ۲۶۸ و ۲۰۱	۱) ۴۶۷ و ۲۰۷
ییم اگر خانهی دیگری از) جدول الماس ميگو	۴ عضوی از خانههای	يم. به يک مجموعهي	جدولی ۱۰ × ۳ دار
اهیم تعدادی از خانههای				
ده باشد. كمترين تعداد				
,				خانهای که باید علام

۵ (۲

۸٠٠ (٣ 11. (7 9 . . (1

عدد ١ برسيم؟

7(1

روى آن انجام دهيم:

مي شو د.

تبديل مي شود.

٣۶ · (۵

4 (0

۱۴ شرکت داریم که از ۰ تا ۱۳ شماره گذاری شدهاند. هر شرکت با تعدادی شرکت دیگر ارتباط دارد. ارتباط این شرکتها با هم به صورت شکل زیر مدل می شود که در آن، هر نقطه نمایان گر یک شرکت است و دو شرکت با هم ارتباط دارند اگر پاره خطی بین آنها رسم شده باشد.

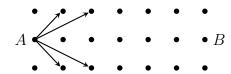
در هر مرحله، شرکت • میتواند یکی از شرکتهایی را که با آن ارتباط دارد، حذف کند و با شرکتهایی که پیشتر با شرکت حذف شده ارتباط داشتند، ارتباط برقرار کند. بیشترین تعداد ارتباطی که شرکت • میتواند بعد از اعمال تعدادی از این مراحل داشته باشد، چند است؟

به عنوان مثال، فرض کنید شرکت • که در ابتدا با دو شرکت ۱ و ۲ ارتباط دارد، بخواهد شرکت ۲ را حذف کند و با شرکتهایی که پیشتر با شرکت ۲ ارتباط داشتند، ارتباط بگیرد. پس از این مرحله، ارتباط شرکتها با هم به شکل زیر در می آید و شرکت • با سه شرکت ۱، ۶ و ۷ ارتباط خواهد داشت.

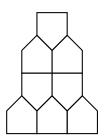
 $\mathcal{S}(\Delta)$ $\Delta(\mathcal{S})$ $\Lambda(\mathcal{S})$ $\Lambda(\mathcal{S})$ $\Lambda(\mathcal{S})$

- در شکل زیر، تعداد روشهای رسیدن از نقطه ی A به نقطه ی B با حداکثر α بار استفاده از حرکات مجاز چیست؟ یک حرکت مجاز عبارت است از رفتن از نقطه ی فعلی به یکی از چهار نقطه ی زیر (در صورت وجود):
 - نقطهای که یک واحد بالاتر و یک واحد راست تر از نقطه ی فعلی است،
 - نقطهای که یک واحد پایین تر و یک واحد راست تر از نقطه ی فعلی است،
 - نقطهای که یک واحد بالاتر و دو واحد راست تر از نقطه ی فعلی است،
 - نقطهای که یک واحد پایینتر و دو واحد راست تر از نقطه ی فعلی است.

به عنوان نمونه، در شکل زیر، حرکتهای مجاز از نقطه ی A با پیکان نشان داده شدهاند.



2 شکل زیر نقشه ی یک برج را نشان می دهد که می خواهیم آن را با ۸ بلوک پنج ضلعی بسازیم. در هر مرحله، برای این که بتوانیم یک بلوک جدید را در جای خود قرار دهیم، لازم است این بلوک یا در پایین ترین ردیف (روی سطح زمین) باشد، و یا تمام بلوک های پایین تر از آن که با آن، حداقل یک ضلع مشترک دارند، قبل از آن در جای خود قرار داده شده باشند. به چند روش می توانیم این برج را بسازیم؟ دو روش ساخت برج متمایزند اگر و تنها اگر ترتیب قرار دادن بلوک ها در جایشان در این دو روش تفاوت داشته باشد.



77 (D DY (F YF (F DS (T FD (1)

- ا تعدادی آدم با قدهای مختلف به ترتیب از جلوی یک نانوایی عبور میکنند. نانوایی یک صف عجیب دارد که در ابتدا خالی است. هر نفر که از جلوی نانوایی عبور میکند، تصمیم میگیرد که وارد نانوایی بشود یا نه. اگر تصمیم گرفت وارد نشود، محل را ترک میکند و دیگر به آنجا باز نمی گردد. ولی در صورت ورود به نانوایی، به روش زیر به صف عجیب آن ملحق می شود:
 - در صورتی که صف خالی باشد یا قدش از نفر آخر صف بلندتر باشد، به آخر صف اضافه می شود؛
- اگر قدش از نفر آخر بلندتر نباشد، نفر اول صف باید از صف خارج شود و محل را ترک کند و سپس، این فرد به آخر صف اضافه می شود. نفر اول پس از ترک محل، هرگز به صف باز نمی گردد.

فرض کنید دنبالهی زیر از چپ به راست، قد افراد را به ترتیب عبورشان از جلوی نانوایی نشان می دهد. در میان تمامی حالات تصمیم گیری این افراد برای وارد شدن/نشدن به نانوایی، طول این صف عجیب حداکثر چهقدر می شود؟

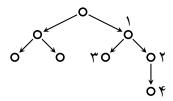
1, 9, 1 • , 8, 11, 10, 7, 17, 8, 18, 7, 18, 8, 6, 18, 8

1. (\Delta \quad \text{V(f} \quad \beta(f) \quad \text{A(1)}

◄ به چند طریق می توان اعداد ۱ تا ۶ را در یک ردیف قرار داد به طوری که ۱ با ۲ مجاور نباشد، ۳ با ۴ مجاور نباشد، و ۵ هم با ۶ مجاور نباشد؟ به عنوان مثال، ترتیب ۱۴۳۵۲۶ شرایط خواسته شده را ندارد چون اعداد ۴ و ۳ در آن مجاور هستند، ولی ترتیب ۱۳۶۲۵۴ این شرایط را دارد.

74. (D A. (4 197 (4 4) 4) 197 (7 4)

مداری داریم که از تعدادی لامپ و سیم یک طرفه تشکیل شده است. هر سیم یک طرفه از یک لامپ مانند A خارج، و به یک لامپ مانند B وارد می شود. در این صورت، این سیم را یک سیم خروجی از لامپ A, و لامپ B را لامپ ا**نتهای** این سیم می نامیم. هر گاه به یک لامپ جریان برق وارد شود، آن لامپ روشن شده و سپس، جریان برق از طریق همه ی سیم های خروجی آن لامپ به لامپهایی وارد می شود که در انتهای این سیم ها قرار دارند؛ و این روند به همین شکل، برای لامپهای بعدی ادامه پیدا می کند. به عنوان مثال، شکل زیر مداری را نشان می دهد که در آن، لامپها با دایره و سیم های یک طرفه با پاره خطهای جهت دار نشان داده شده اند. با وارد شدن جریان برق به لامپ شماره ی ۱ در این مدار، لامپهای ۲ ، ۲ ، ۳ و ۴ روشن می شوند، ولی وضعیت بقیه ی لامپها تغییر نمی کند.

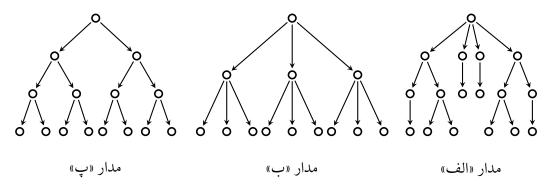


حسین و زهرا روی یک مدار بازی می کنند. این بازی به صورت زیر است:

در ابتدا، تمامی لامپها خاموش هستند و جریان برق در هیچ جای مدار وجود ندارد. با شروع از حسین، هر شخص در نوبت خود، یک لامپ خاموش را که حداقل یکی از دو ویژگی زیر را داشته باشد، انتخاب، و جریان برق را به آن وارد می کند.

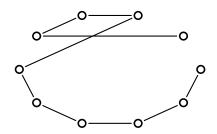
- هیچ سیم خروجیای نداشته باشد.
- حداقل یک سیم خروجی به یک لامپ روشن داشته باشد.

بالطبع پس از تعدادی مرحله، همهی لامپها روشن خواهند شد. کسی که آخرین حرکت را انجام دهد، برندهی بازی محسوب می شود. می گوییم حسین برای یک مدار استراتژی بُرد دارد اگر بتواند در بازی روی آن مدار، طوری اقدام کند که (مستقل از حرکتهای زهرا) همواره برندهی بازی باشد. در شکل زیر، سه مدار «الف»، «ب» و «پ» نشان داده شده است. کدام گزینه همهی مدارهایی را نشان می دهد که حسین برایشان استراتژی برد دارد؟



۱) مدار «الف» ۲) مدارهای «ب» و «پ» ۳) مدارهای «الف» و «ب» ۴) مدار «پ» ۵) مدار «پ» دار «پ» مدار «پ» دار «پ» د

۱۰ اکبر آقا و محمد آقا در حال انجام یک بازی روی کاغذ هستند. آنها ۱۰ رأس روی کاغذ کشیدهاند و همانند شکل زیر، میان برخی از آنها پارهخط رسم کردهاند. میدانیم هیچ سه رأسی همخط نیستند.



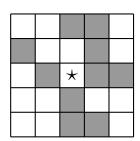
به یک نحوه ی رسم پاره خطها نقلی می گوییم اگر بتوان رأسها را طوری از ۱ تا ۱۰ شماره گذاری کرد که برای هر $i \in \{1, 1, \dots, 4\}$ بین رأسهای با شماره ی $i \in \{1, 1, \dots, 4\}$ پاره خط کشیده شده باشد و هیچ پاره خط دیگری در صفحه کشیده نشده باشد. مثلاً در شکل بالا، نحوه ی رسم پاره خطها نقلی محسوب می شود.

در آغاز بازی، اکبر آقا مهرهای را روی یکی آز رأسها قرار داده و یک رأس دیگر (متفاوت با رأس دارای مهره) را به عنوان رأس مقصد انتخاب می کند. بازی به این صورت است که در ابتدای هر مرحله، اکبر آقا یکی از رأسهایی را که مستقیماً با پاره خط به رأس دارای مهره متصل است، انتخاب کرده و مهره را به آن رأس انتقال می دهد. در ادامه، محمد آقا یکی از پاره خطهای کشیده شده (بین دو رأس) را پاک می کند و پاره خط دیگری را به دل خواه خود بین دو رأس رسم می کند، با این شرط که نحوه ی رسم پاره خطها هم چنان نقلی باقی بماند. به ازای چند حالت از روشهای انتخاب رأس دارای مهره و رأس مقصد، اکبر آقا می تواند مهره را با تعداد متناهی مرحله به رأس مقصد برساند (و محمد آقا تحت هیچ شرایطی نمی تواند جلوی او را بگیرد)؟

۱۱ جدولی ۵ × ۵ داریم که در ابتدا، هیچ یک از خانههای آن رنگ نشده است. در هر مرحله، یک خانه از جدول را که تاکنون رنگ نشده است، رنگ می کنیم و به تعداد خانههای رنگ شده متصل به آن امتیاز می گیریم. دو خانهی متمایز از جدول متصل محسوب می شوند اگر:

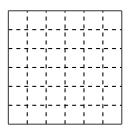
- همسطر باشند و تمامی خانههای آن سطر که بین آن دو خانه هستند، رنگ شده باشند،
- یا همستون باشند و تمامی خانههای آن ستون که بین آن دو خانه هستند، رنگ شده باشند.

برای مثال در شکل زیر، خانههای رنگی با خاکستری رنگ شدهاند. با رنگ کردن خانهای که با ستاره مشخص شده است، ۵ امتیاز می گیریم، چرا که این خانه به ۳ خانهی دیگر در سطرش و ۲ خانهی دیگر در ستونش متصل است. مجموع امتیازی که می توانیم با رنگ کردن همهی خانهها به دست آوریم، حداکثر چند است؟

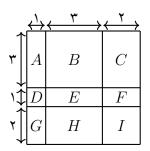


٧۶ (۵) ۵۰ (۴) ۲۵ (۳) ۱۰۰ (۲ ۶۰ (۱

۱۲ نگار یک تخته شکلات دارد. این تخته شکلات بهصورت یک جدول ۶ × ۶ مانند شکل زیر است که ۵ خط افقی و ۵ خط عمودی برای بُرش دارد. این خطوط در شکل زیر با خطچین مشخص شدهاند.



او ۲ خط از ۵ خط افقی و ۲ خط از ۵ خط عمودی را انتخاب می کند و شکلات را از روی آن خطها بُرش می دهد تا تعدادی تکه ی کوچکتر ایجاد شود. هدف نگار این است که حداقل یکی از تکههای ایجاد شده ۱ × ۱ باشد. به عنوان مثال، اگر اولین و چهارمین خط عمودی از چپ، و سومین و چهارمین خط افقی از بالا برای بُرش انتخاب شوند، ۹ تکه ایجاد می شوند که مطابق شکل زیر، با حروف B، B، ... و I نام گذاری شده اند. با این شرایط، تکه شکلات D بک تکه ی 1×1 خواهد شد.



این کار به چند روش قابل انجام است؟ دو روش برای انجام این کار متمایز محسوب میشوند، اگر و تنها اگر مجموعهی خطوط انتخابشدهی آنها با هم برابر نباشد.

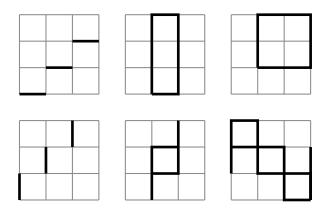
70 (0 11 (4 1... (4 4) 4) 4) 7 (1

۱۳ یک بیماری داریم که فرآیند ارثبری آن به صورت زیر است:

- اگر دقیقاً یکی از پدر و مادر بیمار باشد، فرزند نیز بیمار میشود،
- وگرنه (اگر هر دو والد بیمار باشند یا هیچ کدام بیمار نباشند)، فرزند بیمار نمی شود.

0 زوج (پدر و مادر) داریم که به آنها نسل اول می گوییم. هر یک از زوجهای نسل اول دارای یک فرزند دختر و یک فرزند پسر هستند که به این فرزندان، نسل دوم می گوییم. به صورت تصادفی، یک دختر و یک پسر از نسل دوم را که با هم خواهر و برادر نیستند، انتخاب کردیم تا با هم ازدواج کنند. این زوج صاحب فرزندی به نام «شاخ شمشاد» شدند. در فرآیند انتخاب پدر و مادر شاخ شمشاد، احتمال انتخاب همهی زوجهای ممکن از نسل دوم برابر بوده است. با این شرایط، به ازای چند حالت از 0۲۰ حالت بیمار بودن یا نبودن هر یک از 01 نفر نسل اول، احتمال بیمار بودن شاخ شمشاد بیشتر از 01 می شود؟

 ۱۲ یک جدول $m \times m$ داریم که روی آن، ۶ الگو به شکل زیر تعریف شدهاند:



به یک زیرمجموعه از این الگوها روان می گوییم اگر تنها با عبور از اجتماع خطوط پررنگی که در آن زیرمجموعه از الگوها آمدهاند، بتوان از نقطهی پایین چپ جدول به نقطهی بالا راست آن رسید. کدام گزینه پاسخ درست به پرسشهای زیر است؟

- ۱. کمینهی اندازهی یک مجموعهی روان چند است؟
- ۲. چند زیرمجموعهی روان وجود دارد؟ (لازم نیست اندازهی آنها کمینه باشد.)

هر گزینه به شکل $(x ext{ } y ext{ } y ext{ })$ است که در آن، x پاسخ پرسش اول، و y پاسخ پرسش دوم می باشد.

۱) ۴ و ۱۲ ۲) ۳ و ۱۶ ۳) ۳ و ۱۷ ۴ و ۱۲ ۵) ۴ و ۱۵

۱۵ در یک سرزمین، ۱۰ شهر با شمارههای ۱ تا ۱۰ قرار دارند. جادوگر این سرزمین فعالیت حرفهای خود را از ابتدای یک روز، در شهر ۱ شروع کرده است. این جادوگر شهر (محل اقامت) خود را هر روز تغییر میدهد و نحوه ی جابه جایی اش بر اساس قوانین زیر است:

- قانون ۱: اگر روزی در شهر ۱ باشد، ۹ روز بعدی را به ترتیب در شهرهای ۲،۳،۲، ۴، . . . و نهایتاً ۱۰ سپری می کند.
- قانون ۲: اگر روزی در شهر ۱۰ باشد، ۹ روز بعدی را به ترتیب در شهرهای ۹، ۸، ۷، . . . و نهایتاً ۱ سپری می کند.

به عنوان مثال، جادوگر روز هفتم فعالیتش را در شهر ۷، روز یازدهم فعالیتش را در شهر ۹، و روز بیستم فعالیتش را در شهر ۲ میگذراند.

ما نمی دانیم جادوگر در چه روزی کار خود را شروع کرده، ولی از قوانین ۱ و ۲ مطلع هستیم و هم چنین می دانیم در روز اول کارش، در شهر ۱ بوده است. قصد داریم که در برخی از شهرها دوربین نصب کنیم و شهرهای دوربین دار را از صبح روز ۱ فروردین تا پایان روز ۶ فروردین (فقط برای ۶ روز) رصد کنیم. با این کار، به ازای هر شهر دوربین دار می فهمیم که از میان این ۶ روز رصد، جادوگر دقیقاً در کدام روز (یا شاید روزها) در آن شهر بوده است. هدف این است که از روز ۷ فروردین به بعد، شهر محل اقامت جادوگر را بدون نیاز به هیچ دوربینی بدانیم. باید حداقل در چند شهر دوربین نصب کنیم تا همواره بتوانیم به هدف خود برسیم؟

1(\Delta \Delta(F) \T(F) \T(T) \T(T)

۱۶ پریسا و زینب مشغول انجام یک بازی هستند. در ابتدا، پریسا باید بین دو گزینهی زیر، یکی را انتخاب کند:

الف) او ۲ تاس پرتاب کند و زینب ۱ تاس.

ب) او ۱۰۰ تاس پرتاب کند و زینب ۱۰ تاس.

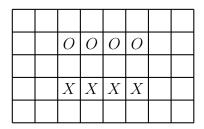
پس از آن که پریسا انتخابش را کرد، هر کدام از دو نفر به تعداد مشخص شده تاس می ریزد و بیشینه ی مقدار تاسهای این دو نفر مقایسه می شود. فرض کنید بیش ترین مقدار در بین تاسهای زینب برابر Z و برای پریسا برابر P باشد. اگر Z>Z، پریسا برنده ی بازی محسوب می شود، و در غیر این صورت (یعنی اگر Z)، زینب برنده ی بازی خواهد بود.

به عنوان مثال، اگر پریسا حالت «الف» را انتخاب کند، او ۲ تاس میریزد و زینب ۱ تاس. حال، فرض کنید نتیجه ی پرتاب تاسهای پریسا بهترتیب ۱ و ۵، و نتیجه ی پرتاب تاس زینب نیز ۵ باشد. در این صورت، داریم P = Z = 0، و در نتیجه، زینب برنده ی بازی خواهد بود.

می دانیم احتمال آمدن هر یک از مقادیر ۱ تا ۶ در هر پرتاب تاس، برابر $\frac{1}{9}$ است. احتمال برنده شدن پریسا در حالت «الف» را با A نمایش می دهیم. کدام یک از گزینه های داده شده گزاره ی درستی را بیان می کند؟

$$\frac{1}{r} < B < A$$
 (2) $\frac{1}{r} < A < B$ (4) $A < B < \frac{1}{r}$ (7) $B < \frac{1}{r} < A$ (7) $A < \frac{1}{r} < B$ (1)

هر یک از خانههای جدول $\Lambda \times \Delta$ زیر را میتوان با یکی از دو حرف X یا O پُر کرد. مطابق شکل، Λ خانه این جدول از قبل پر شدهاند. می خواهیم بقیه ی خانههای جدول را نیز با X یا O پر کنیم و سپس، مجموعه همه ی خانههای جدول را به تعدادی مجموعه افراز کنیم به این صورت که هر دو خانهای که ضلع مشترک دارند، در یک مجموعه قرار گیرند $\frac{1}{2}$ و فقط $\frac{1}{2}$ با حرف یکسانی پر شده باشند. این افراز حداکثر چند مجموعه می تواند داشته باشد؟



7· (\Delta \quad \text{77 (f} \quad \text{19 (f} \quad \text{79 (1)}

در هر شرکت، روابط دوستی بین کارمندان دو طرفه است. در صورت نیاز، می توان روابط دوستی در یک شرکت را به این صورت نشان داد که برای هر فرد، در صفحه یک نقطه گذاشته، و بین نقاط متناظر با هر دو نفر که با یک دیگر دوست هستند، یک پاره خط کشید.

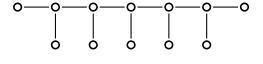
قرار است مجموعه ای از کارمندان شرکت به عنوان کارمند نمونه انتخاب شوند. یک کارمند خوشحال است اگر و تنها اگر در مجموعه ی متشکل از خود او و همه ی دوستانش در این شرکت، تعداد افراد انتخاب شده به عنوان کارمند نمونه عددی فرد باشد. شرکت در آرامش است اگر و تنها اگر همه ی کارمندانش خوشحال باشند. به تعداد حالات انتخاب کارمندان نمونه ی یک شرکت به طوری که شرکت در آرامش باشد، درجه ی آزادی آن شرکت گفته می شود.

_____ با توجه به توضیحات بالا به ۳ سوال زیر پاسخ دهید _____

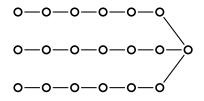
۱۸ در یک شرکت با ۲۰۲۵ کارمند، روابط دوستی به گونهای است که میتوان همهی کارمندان را دور یک میز دایرهای نشاند به طوری که هر کس با دو نفر مجاورش دوست باشد و با فرد دیگری دوست نباشد. درجهی آزادی این شرکت چند است؟

۱) ۰ ۳(۴ ۴(۳ ۱) هیچ کدام

۱۹ شکل زیر روابط دوستی در یک شرکت با ۱۲ کارمند را نشان میدهد. درجهی آزادی این شرکت چند است؟



۲۰ شکل زیر روابط دوستی در یک شرکت با ۱۹ کارمند را نشان می دهد. درجه ی آزادی این شرکت چند است؟



Y(\Delta \(\delta(\text{Y}\) \(\text{Y}\) \(\text{Y}\) \(\text{Y}\) \(\text{Y}\) \(\text{Y}\)