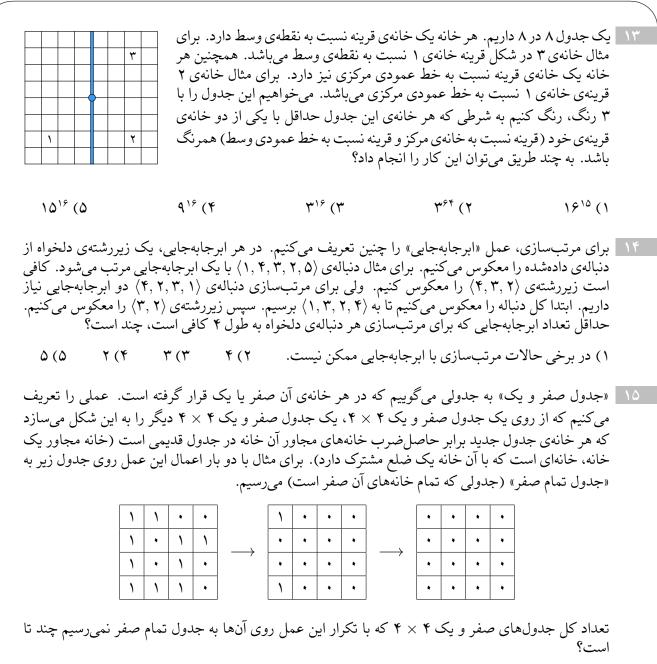
	از هر دسته توضیح مربوط اِل چهار نمرهی مثبت و ج	جواب درست به هر سؤ		 امتیاز همهی منفی دارد.
	1. 1	://		
به هر بار نا ردن صحامت اغذ به اندازهی کافی برای	ذ را بیست بار تا میزنیم. کتر است؟ فرض کنید ک	داده سده است. این کاع کاغذ به کدام عدد نزدیا	مت یک دهم میلی مرد ی شود. ضخامت نهایی ت.	کاغذ دو برابر م کاغذ دو برابر م تا زدن بزرگ اس
۵) ۲ سانتیمتر	۴) ۱۰ سانتیمتر	۳) ۱ متر	۲) ۱۰۰ متر	۱) ۲ میل <i>ی</i> متر
انیم این نعیین نعیین	که اعداد هر سطر از چپ ب اشند. به چند طریق میتو حمانند شکل روبهرو از پیش	مورت صعودی مرتب ب کان عدد ۳ در جدول ه	رِن از بالا به پایین به ص نمیم، با این فرض که مَ	و اعداد هر ستو کار را انجام ده شده است؟
	10 (4			
وری انجام شود که تعداد	س قصد دارد دانش آموزان ار کند. اگر تقسیمبندی ط	یستند، یک مسابقه برگز مداد چند تا است؟	شآموزی که همدسته ن ه شود، این بیشترین ت	و بین هر دو دان مسابقات بیشین
۶۶ (۵	44 (4	47 (4	74 (7	11 (1
از هر رنگی حداقل یک	ه است که هر یک با یکی گها را پوشش دهد (یعنی ها را پوشش ندهد. حداک	میگوییم اگر همهی رنگ	زه را «مینیمال رنگی» . باشد) و هیچ زیربازهای	شدهاند. یک با
1891 (0	97 (4	91 (٣	18.1 (1	١(١
ن به ۸ شکل مختلف (در اعداد از ۱ تا ۱۳۹۲ (در	ص در مبنای ده تفسیر می ک حالت عدد ۱۲ را می توان قابل تفسیر است. تعداد قت کنید که اعداد تکرق	.ازه رایج است. در این ۱ ۴۵۹ تنها به یک شکل	مآی ۲ تا ۱۰ به یک اند ۱) تفسیر کرد، اما عدد	استفاده از مبناه مبناهای ۳ تا ۰
۳۴۸ (۵	40V (k	44. (4	YV1 (Y	744 (1
ىر د و رنگى مىشوند. پس	ست. در هر مرحله جدول . نانهی بیرنگ قرار گیرد، ه د حرکت لازم است تا تما	خانهی رنگی روی یک خ	یم. در صورتی که یک ـ	اضلاع تا میکن از هر مرحله، ج
77 (۵	11 (4	۲۱ (۳	۲۰ (۲	شوند؟





۱۶ تعداد رشتههای ۱۰ تایی از ارقام را بیابید که در هر یک از آن رشتهها هر رقم برابر با تعداد رقمهای یک مجاورش باشد.

۵۱۱ (۲

17.(1

Y (\Delta \quad \q

1 (4

٣ (۵

. (4

۱۷ تعداد رشتههای ۱۰ تایی از ارقام را بیابید که در هر یک از آن رشتهها هر رقم برابر با تعداد رقمهای صفر مجاورش باشد.

7· (\delta \quad 19 (\forall \quad \

مرحلهي اول بيست و چهارمين المپياد كامپيوتر كشور

۱۸ ۱۳۹۳ بادکنک را به ترتیب در یک ردیف قرار دادهایم. در هر مرحله میتوانیم یکی از بادکنکها را بترکانیم. فقط باید این شرط رعایت شود که هر بادکنکی که میترکد تعداد بادکنکهای سمت چپ و راست آن که ترکیدهاند حداکثر یکی اختلاف داشته باشد. به چند طریق میتوانیم این بادکنکها را بترکانیم؟							
Y1444 (Q	4848 (4	7 ⁹⁹⁹ (7	Y ^{99V} (Y	7 ⁵⁹⁷ (1			
· · · · · · · · · ·	ا را جایگشت میدهد). مایگشت میدهد). و خانهای که ضلع مشترک د به دست بیاورد؟	بابهجا میکند (سطره میکند (ستونها را ج مجاور را میشمارد (د یکوله شکلات میدهد . چند شکلات میتوان	تا روی جدول ۴ × ۴ روبه کوله سطرها را به دلخواه ج نونها را به دلخواه جابهجا کولتا تعداد جفت ۱های ه ناورند) و به تعداد آن به خب ترین نحو ممکن بازی کند	 ابتدا خیک سپس سن سپس خب دارند مج اگر خیکوله به به 			
		آجری که روی زمین ش قرار نداشته باشد. یی که آجرهای سطر این صورت حداکثر	•	یا دو آجر دیگر و نیست تنها زمانی میخواهیم تعداد بالا برداشته نشو			
	<i>γ</i> (۴	داشته شوند. در این ت؟	قبل آجرهایی همانند شک جرهای خاکستری نباید بر چند آجر را میتوان برداشد ۲) ۸	این تفاوت که آ- صورت حداکثر			
با اعداد $i \times 1791$ می نامیم در صورتی اشد. طریقه ی بسته سیم. در صورتی که یک بودن هر کدام ب با ضلعهای بالا، یک حرکت مجاز به یک مجموعه از سی باشند. اندازه ی	با اعداد • تا ۱ – ۱۳۹۲۲ به نا اعداد • تا ۱ – ۱۳۹۲۲ به نا این ترتیب خانه های سطر ۱۱ه مراد و خانه از جدول را مجاور را به صورت دودویی می نویس را چهار رقمی می کنیم. حال در جدول ساخته شده می مجاز از یک دیگر قابل دستر	ماره گذاری می کنیم. به شماره گذاری شدهاند ضلع توسط هیچ کدا نوشته شده در خانه ضلع متناظرش می شو نم ارزش ترین اورش تعریف می کنید محاسبه کنید.	ستونی از چپ به راست شه × ۱۳۹۲ از چپ به راست اشتراک داشته باشند و آن ول این گونه است که عده این عدد باعث بسته شدن چپ آن خانه متناظرند. (رق ی به یکی از خانههای مجا می گوییم اگر هر دو خانه ب	به پایین و سپس اتا $1 - (i+1)$ که در یک ضلع شدن اضلاع جد این عدد کمتر از چهار رقم اول راست، پایین و را رفتن از خانها زادهما (همبند) بزرگترین مجمو			
1897 (0	۵۵۶۸ (۴	999· (٣	YVA Y (Y	* 1V\$ (1			

۲۲ دنبالهی (۰,۰,۰,۰,۰) بر روی کاغذ نوشته شده است. در هر مرحله میتوان یکی از تغییرات زیر را روی دنباله اعمال کرد:

- تمامی اعداد داخل لیست در دو ضرب میشوند.
- یکی از اعداد دنباله انتخاب و بهعلاوهی یک میشود.

کمترین تعداد مرحله برای رسیدن به دنباله ی $\langle V, 11, 0, 1, T, N, N \rangle$ چند است؟

19 (D 10 (F 17 (F 17 (F 17 (F 17 (F 18 (F

۲۴ مار کوچکی متشکل از ۸ مکعب به ضلع ۱ همانند شکل زیر داریم که از سر تا دم با شمارههای ۱ تا ۸ شماره گذاری شدهاند. هر دو مکعب پشت سر هم با مفصل کوچکی به هم وصل شدهاند و فقط قابلیت چرخش نسبت به یک دیگر را دارند. این مار کوچک را به چند حالت مختلف می توان در یک جعبه ی مکعبی به ضلع ۲ جا داد؟ دو حالت مختلف در نظر گرفته می شوند اگر دو قطعه با شمارههای مختلف از بدن مار در یک مکان از جعبه ی مکعبی قرار بگیرند. یعنی اگر دو حالت با چرخش جعبه ی مکعبی به هم تبدیل شوند، یکسان نیستند.



برنامهی زیر را در نظر بگیرید:

- مقدار s را برابر با قرار بده.
- به ازای $i = 1, 1, \dots, x$ مملیات زیر را انجام بده:
- اگر x به i بخشپذیر بود، مقدار s را برابر با s+i قرار بده.
 - مقدار s را گزارش کن.

______ با توجه به توضيحات بالا به ۲ سؤال زير پاسخ دهيد _____

است؟ مقدار $f(\mathfrak{rr})$ برابر با چند است

مقدار $f(1)+f(1)+f(2)+\cdots+f(1)$ برابر با چند است؟

اخیرا در پی آزمایشهای هستهای در مجمعالجزایر پنیر، جنگی بین دو کشور پنیر شمالی و پنیر جنوبی در گرفته
است. در این مجمع الجزایر ۱۰ جزیره وجود دارد که این دو کشور در پی تصرف آنها هستند. در این جنگ هر
یک از دو کشور به هر جزیره تعدادی نیرو اعزام می کند و در هر جزیره کشوری که نیروی بیش تری اعزام کرده
باشد، پیروز نبرد خواهد شد و اگر تعداد نیروها مساوی باشد جزیره به هیچ یک از دو کشور تعلق نخواهد گرفت.
اما همه میدانند که کشور پنیر جنوبی با همکاری کشورهای دیگر به تکنولوژیای دست یافته که میتواند تعداد
نیروهایی که طرف مقابل به هر جزیره ارسال می کند را پیش بینی کند و بر اساس آن نیروهای خود را به جزیرهها بفرستد. می دانیم هر یک از دو کشور بهترین شیوه را برای تصاحب بیش ترین تعداد جزیره به کار می بندند.
با توجه به توضیحات بالا به ۲ سؤال زیر پاسخ دهید

ر شمالی حداکثر	نتيار د اشته باشد. كشور پنير	پنیر جنوبی ۴۵ نیرو در اخ	سمالی ۱۰۰ نیرو و کشور تواند تصاحب کند؟	۲۱ اگر کشور پنیر ش چند جزیره را مح
4 (0	٧ (۴	٣ (٣	۶ (۲	۵(۱

۲۸ اگر کشور پنیر جنوبی ۴۵ نیرو در اختیار داشته باشد، کشور پنیر شمالی حداقل چند نیرو باید داشته باشد تا مطمئن باشد که نیمی از جزیرهها را تصاحب می کند؟

VQ (Q VT (F 94 (T V• (T 9A (1

شش نفر دور یک میز نشسته اند که هر یک از آنها کلاهی بر سر دارد. کلاه ها به رنگهای قرمز، آبی و سبز هستند. می دانیم که از هر رنگ حداقل یک کلاه وجود دارد. هر کسی می تواند رنگ کلاه پنج نفر دیگر را ببیند، اما توان دیدن رنگ کلاه خود را ندارد. این شش نفر بسیار باهوش هستند و در صورتی که از لحاظ منطقی امکان تشخیص رنگ کلاه خود را تشخیص می دهند. برای مثال رنگ کلاه خود را تشخیص می دهند. برای مثال اگر شخصی هیچ کلاهی با رنگ آبی روی سر پنج نفر دیگر نبیند، متوجه می شود که رنگ کلاه او آبی است، چرا که می داند از هر رنگ باید حداقل یک کلاه، در بین کلاه ها موجود باشد.

_____ با توجه به توضيحات بالا به ٢ سؤال زير پاسخ دهيد _____

۲۹ اگر از این شش نفر بخواهیم در صورتی که توان تشخیص رنگ کلاه خود را دارند، دست خود را همزمان بلند کنند؟ کنند، با فرض پاسخ صادقانه حداقل و حداکثر چند نفر ممکن است دست خود را بلند کنند؟

۲) ۲ و ۲
 ۲) صفر و ۶
 ۳) صفر و ۶
 ۵) ۶ و ۶

۳۰ حالا پس از این پاسخ صادقانه، مجددا از این شش نفر میخواهیم که در صورتی که هم اکنون رنگ کلاه خود را می دانند، دست خود را بلند کنند. در این حالت (باز با فرض پاسخ صادقانه) حداقل و حداکثر چند نفر ممکن است دست خود را بلند کنند؟