ةمرين اول 8/4/22, 4:11 PM

## دوچرخەسوارى

• محدودیت زمان: ۱ ثانیه

• محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

n در گوشهی دورافتادهای از کهکشان، سیارهای وجود دارد که صاد در آنجا زندگی میکند. در این سیاره nکشور وجود دارد که با n-1 جاده به هم متصل شدهاند. این جادهها به گونهای هستند که از هر کشور میتوان به تمام کشورهای دیگر رفت.

چند ماه دیگر قرار است یک مسابقهی دوچرخهسواری در این سیاره برگزار شود و صاد قصد دارد در آن شرکت کند. به همین خاطر، او میخواهد برای بالا بردن تواناییااش، دو کشور را به عنوان مبدأ و مقصد انتخاب کرده و کوتاهترین مسیر بین آنها را با دوچرخه طی کند. از طرفی، او میداند که کشور y با کشور x مشکل دارد و هرکس که از x برود (مستقیم یا غیرمستقیم)، در کشور y زندانی میشود. صاد که اصلاً دنبال دردسر نیست، از شما میخواهد تعداد حالتهایی که برای زوج مرتب (کشور مبدا , کشور مقصد) بدون زندانی شدن او وجود دارد را برایش پیدا کنید.

#### ورودي

در اولین خط ورودی سه عدد n و x و y به شما داده میشود.

$$1 \leq n \leq 3 imes 10^5, 1 \leq x,y \leq n, x 
eq y$$

b در n-1 خط بعدی، در هر خط دو عدد a و b داده میشود که نشانaدهندهی وجود جاده بین دو کشور a و a داده میشود که نشانa ناست.

$$1 \leq a,b \leq n, a \neq b$$

## خروجي

8/4/22, 4:11 PM

در خروجی یک عدد که همان جواب مسأله است را چاپ کنید.

مثال

ورودی نمونه ۱

3 1 3

1 2

2 3

خروجی نمونه ۱

5

حالتهای زیر میتوانند به عنوان مبدأ و مقصد انتخاب شوند:

- ullet (1,2):1
  ightarrow 2
- $(2,3):2\to 3$
- $\bullet \ \ (3,2):3\rightarrow 2$
- (2,1):2 o 1
- $(3,1):3 \rightarrow 2 \rightarrow 1$

ورودی نمونه ۲

3 1 3

1 2

1 3

خروجی نمونه ۲

8/4/22, 4:11 PM

- (1,2):1 o 2
- $\bullet \ \ (3,2):3\rightarrow 1\rightarrow 2$
- ullet (2,1):2 o 1
- $(3,1):3 \rightarrow 1$

مسافرت طولاني

• محدودیت زمان: ۱ ثانیه

• محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

صاد که از این قرنطینهی طولانی حسابی خسته شده، قصد دارد که بعد از عادی شدن اوضاع به یک مسافرت طولانی برود. اما برای اینکه هیجان ماجرا بیشتر شود، او مقصدی برای سفر خود انتخاب نکرده و میخواهد به هر شهری که میرسد، یکی از شهرهای مجاور را بهطور شانسی و با احتمال برابر انتخاب کند و به آنجا برود. منظور از شهر مجاور، شهری است که از شهر فعلی جادهای مستقیم به آن وجود داشته باشد. این سفر زمانی به پایان میرسد که شهری برای ادامهی مسیر باقی نمانده باشد.

n-1 اگر در کشوری که صاد زندگی میکند n شهر و n-1 جاده وجود داشته باشد، با این فرض که صاد هیچگاه از مسیری که آمده برنمیگردد و رفتن از هر شهر به شهر مجاور ۱ روز طول بکشد، بگویید که بطور متوسط این سفر چند روز طول میکشد یا به بیان دیگر، امید ریاضی زمان این سفر چهقدر است. اگر تعریف امید ریاضی را فراموش کردهاید، میتوانید از این لینک استفاده کنید.

ورودي

در اولین خط ورودی عدد n داده میشود.

 $1 \le n \le 10^5$ 

در n-1 خط بعدی، در هر خط دو عدد u و v داده میشود که نشاندهندهی وجود جاده بین شهرهای v و v است (تضمین میشود که از هر شهر بتوان به تمام شهرهای دیگر رفت).

 $1 \leq u,v \leq n, u \neq v$ 

خروجي

8/4/22, 4:11 PM

در خروجی باید امید ریاضی طول سفر را با دقت ۷ رقم اعشار چاپ کنید.
مثال
0
ورودی نمونه ۱
4
1 2
1 3
2 4
خروجی نمونه ۱
1.5000000
در این مثال، سفر میتواند در شهر ۳ یا ۴ با احتمال برابر به پایان برسد. رسیدن به شهر ۳، ۱ روز و رسیدن
به شهر ۴ ، ۲ روز طول میکشد. پس امید ریاضی برابر ۱.۵ میشود.
ورودی نمونه ۲
5
1 2
1 3
3 4
2 5
V a : a :
خروجی نمونه ۲
2.0000000

المرين اول 8/4/22, 4:11 PM

در این مثال سفر میتواند در شهر ۴ یا ۵ تمام شود. چون زمان لازم برای رسیدن به هر دوی این شهرها یکسان و برابر ۲ است، پس جواب هم ۲ میشود. قىرىن اول 8/4/22, 4:11 PM

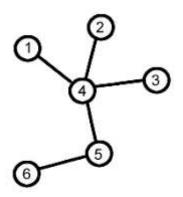
# ييمايش صحيح

• محدودیت زمان: ۱ ثانیه

• محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

در این سوال قرار است برای یک درخت n رأسی، دنبالهای nتایی از رئوس به شما داده شود و شما باید تعیین کنید که آیا این دنباله میتواند یک پیمایش صحیح BFS برای آن درخت باشد یا خیر.

برای مثال، در پایین همهی پیمایشهای BFS درخت زیر با شروع از رأس 1 آورده شده است.



$$1 \rightarrow 4 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 5 \rightarrow 6$$

$$1 
ightarrow 4 
ightarrow 2 
ightarrow 5 
ightarrow 3 
ightarrow 6$$

$$1 \rightarrow 4 \rightarrow 3 \rightarrow 2 \rightarrow 5 \rightarrow 6$$

$$1 \rightarrow 4 \rightarrow 3 \rightarrow 5 \rightarrow 2 \rightarrow 6$$

$$1 
ightarrow 4 
ightarrow 5 
ightarrow 2 
ightarrow 3 
ightarrow 6$$

$$1 
ightarrow 4 
ightarrow 5 
ightarrow 3 
ightarrow 2 
ightarrow 6$$

قمرين اول 8/4/22, 4:11 PM

#### ورودي

در اولین خط ورودی، عدد n (تعداد رأسهای درخت) داده میشود.

$$1 < n < 2 * 10^5$$

y و x در n-1 خط بعدی، در هر خط ۲ عدد x و x داده میشوند که نشانx در x خط بعدی، در هر خط ۲ عدد x است.

$$1 \le x, y \le n$$

در آخرین خط، n عدد متمایز $a_1,a_2,...,a_n$  داده میشود که شما باید تعیین کنید میتوانند یک پیمایش BFS برای درخت داده شده باشند یا خیر.

$$1 \le a_i \le n$$

• فرض کنید که ریشهی درخت (رأسی که پیمایش از آن شروع میشود) رأس شماره 1 باشد.

## خروجي

اگر دنبالهی دادهشده میتواند یک پیمایش BFS باشد، در خروجی Yes و در غیر این صورت No چاپ کنید.

# مثال

ورودی نمونه ۱

4

1 2

1 3

2 4

1 2 3 4

خروجی نمونه ۱

Yes

در این درخت ۲ پیمایش BFS وجود دارد.

- $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4$
- $1 \rightarrow 3 \rightarrow 2 \rightarrow 4$

ورودی نمونه ۲

4

1 2

1 3

2 4

1 2 4 3

خروجی نمونه ۲

No

تمرين اول 8/4/22, 4:11 PM

# قورباغه

• محدودیت زمان: ۱ ثانیه

• محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

دو پاراگراف اول صرفاً برای اطلاعات عمومی است و در حل سوال تأثیری ندارد!

قورباغههای زرد روشن فقط در جنگلهای بارانی کوچکی در سواحل کلمبیا یافت میشوند و رنگ آنها بعضاً بین زرد، نارنجی و یا سبز کمرنگ متفاوت است. براق بودن ظاهر این حیوانات حقهای برای ترساندن مهاجمان احتمالی است. طبق مطالعهای که در سال 2001 توسط Kyle Summers از دانشگاه کارولینای شرقی در گرین ویل انجام شده، براقترین قورباغهها همیشه سمیترین هستند.

صرف لمس کردن اینگونه از قورباغه لزوماً شما را در خطر کشته شدن قرار نمیدهد، چرا که این دوزیستان فقط زمانی که ترسیده باشند سم از خود ترشح میکنند. اما بلند کردن این موجودات کوچک و نگه داشتن آنها در کف دستتان بیشتر از چند ثانیه و بدون دستکش خودکشی است. سطح پوست قورباغه سریعاً با سمی پوشیده میشود که توانایی آن را دارد تا اعصاب را از کار بیندازد. در کمتر از یک دقیقه قربانی، گرفتگی عضلانی غیر قابل کنترلی را تجربه کرده و نهایتاً قلبش از کار میافتد. برای حفاظت از این گونهی قورباغهها، مؤسسهی World Land Trust، منطقهای در مرطوبترین جنگلهای غرب کلمبیا را برای زیستگاه آنان در نظر گرفته است.



علی میخواهد با انجام یک سری آزمایش سعی کند درمانی برای سم کشنده ی این قورباغهها پیدا کند. برای این کار به نمونه ی سم آنها نیاز دارد. او به جنگلهای غرب کلمبیا سفر کرده و با پرس و جو از اهالی آنجا فهمیده که این نوع قورباغهها را دقیقاً در کدام قسمتهای جنگل میتواند پیدا کند. همچنین اهالی آنجا به او هشدار دادند که حتماً از مسئولان موسسه، مدت زمانی که به دقیقه میتواند در آن محیط بماند را بپرسد، چون اگر قورباغهها احساس خطر کنند، بدنشان به طور خودکار شروع به تولید سم میکند.

همچنین طی تحقیقات خودش، میداند که گرفتن سم هر قورباغه نباید بیشتر از ۱ دقیقه طول بکشد و در این مدت نیز نصف کل سمی که بدن هر قورباغه دارد، کشیده میشود. توجه داشته باشید که او میتواند از یک قورباغه هر چند بار که بخواهد و فرصت داشته باشد نمونهبرداری کند، اما هر بار نیمی از مقدار قبلی در بدن قورباغه باقی مانده است. حالا از شما میخواهیم حساب کنید بیشترین مقدار سمی که علی میتواند در مدت زمانی که دارد، به عنوان نمونه جمع کند، چهقدر است.

قمرين اول 8/4/22, 4:11 PM

اگر مقدار سم موجود در بدن هر قورباغهای که انتخاب کردید، عددی فرد بود، مقدار باقیمانده پس از نمونهبرداری را به پایین گرد کنید.

#### ورودي

در خط اول ورودی به شما n (تعداد قورباغهها) و در سطر بعدی، m (کل مدت زمانی که علی میتواند صرف نمونهبرداری کند) برحسب دقیقه داده میشود.

$$1 \le n, m \le 1000000$$

در سطر بعدی، n عدد داده میشود که نشان $\epsilon$ دهنده مقدار سم موجود در بدن هر قورباغه بر حسب نانوگرم است.

## خروجي

در تنها سطر خروجی، باید بیشترین مقدار سمی که علی میتواند به عنوان نمونه برای آزمایش با خودش بیاورد را چاپ کنید.

# مثال

# ورودى نمونه

7 6 19 24 28 8 12 14 5

## خروجی نمونه

تمرین اول 8/4/22, 4:11 PM

#### ويروس

• محدودیت زمان: ۱ ثانیه

• محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

آرمین به یک ویروس جدید مبتلا شده، اما چون هنوز خودش خبر ندارد، در یک دورهمی دوستانه شرکت کرده و با این کار دوستانش را در خطر انداخته. حالا نحوهی انتقال این ویروس به اینصورت است که هر کس با آرمین در ارتباط باشد، این ویروس به بدن او نیز منتقل میشود. میزان انتقال نیز به اینصورت است با است که هر کس که با خود آرمین در ارتباط باشد، مقدار ویروسی که به بدنش منتقل میشود برابر است با کل ویروسی که در بدن آرمین بوده منهای 10، همچنین هر کس که مستقیماً با آرمین در ارتباط نبوده اما به کسی که مستقیماً با او ارتباط داشته، نزدیک شده، مقدار ویروسی که به بدنش منتقل میشود برابر است با کل ویروسی که در بدن آرمین بوده منهای 20 و به همین ترتیب....

حالا بچهها تصمیم گرفتند مافیا بازی کنند. برای اینکه بتوانند راحتتر نقشها را بین خودشان تقسیم کنند. بهصورت رندوم به هر نفر یک شماره دادند تا نقشهای بازی را به ترتیب شمارهها بتوانند یخش کنند.

از شما میخواهیم با توجه به ارتباطهایی که بین بچهها در بازی وجود داشته، مقدار ویروسی که وارد بدن هر شخص شده را پیدا کنید.

توجه داشته باشید که آرمین بعد از این که از این موضوع با خبر شده، از دکتر سؤال کرده و متوجه شده که وقتی زنجیرهی ارتباط از یک حدی از آرمین دورتر شود، دیگر خطرناک نخواهد بود و میتوان در این حالت نیز میزان انتقال را معادل 0 در نظر گرفت.

#### ورودي

در سطر اول ورودی، 5 عدد به ترتیب n (تعداد افراد)، m (تعداد کل ارتباطهایی که شکل گرفته)، q (شمارهی آرمین در بازی)، k (حدی که دکتر مشخص کرده) و s (مقدار ویروس موجود در بدن آرمین) به شما بهعنوان ورودی داده میشود.

 $1 \leq n,m \leq 100000$ 

 $0 \le q < n$ 

سپس در m سطر بعدی، در هر خط ۲ عدد به عنوان شماره ی دو نفر در بازی که با هم در ارتباط بودند، به شما داده می شود.

## خروجي

در n سطر خروجی باید میزان ویروسی که به بدن هر فرد منتقل میشود را به ترتیب شمارهای که بچهها در بازی داشتند، چاپ کنید.

مثال

ورودی نمونه ۱

7 9 5 13 15

2 5

0 5

6 0

5 6

1 6

0 4

4 2

2 3

1 5

خروجی نمونه ۱

5

5

5

> 0 15

5

ورودی نمونه ۲

7 5 0 3 100

0 1

0 6

6 5

5 4

4 3

خروجی نمونه ۲

100

90

0

0

70

80

ةمرين اول 8/4/22, 4:11 PM

ت ت ت ترورشون کن

• محدودیت زمان: ۱ ثانیه

• محدودیت حافظه: ۲۵۶ مگابایت

نیما اخیراً مدیر فنی شرکت کدنویس گستران شرق بهجز محمدرضا شده است. با توجه به این که نیما در حال حاضر فقط پول پارو میکند و بازار کار را برای سایر برنامهنویسان کساد کرده، گروهی از برنامهنویسان کلاهقرمز با هم تبانی کرده و قصد ترور نیما را دارند.

این برنامهنویسها میدانند که نیما هماکنون درگیر انجام یک پروژه است (نیما از هیچ فرصتی برای کسب در آمد دریغ نمیکند)؛ بنابراین، او هر روز صبح در یک جلسه در یک ساختمان شرکت میکند. این ساختمانها از ۱ تا n شمارهگذاری شدهاند. آنها همچنین میدانند که اگر نیما در روز n آم در جلسهی ساختمان  $b_i$  شرکت میکند، اما نمیدانند که در روز ساختمان i آم شرکت کند، در روز i آنها برای ترور کردن نیما باید تعدادی ساختمان را بمبگذاری اول نیما در کدام یک از ساختمانها وارد یکی از این ساختمانها شود. هزینهی بمبگذاری در ساختمان i آم برابر با i است.

کمینهی هزینهی بمبگذاری را پیدا کنید؛ به اینصورت که تعدادی از ساختمانها را بمبگذاری کنیم و مطمئن باشیم که نیما بالأخره در جلسهی یکی از این ساختمانها شرکت میکند.

ورودي

در خط اول، عدد صحیح n وارد میشود.

 $1 \le n \le 10^6$ 

در خط دوم، n عدد صحیح وارد میشود که عدد iاُم بیانگر  $b_i$  است.

 $1 < b_i < n$ 

8/4/22, 4:11 PM تمرین اول

.c. در خط سوم، n عدد صحیح وارد میشود که عدد iاًم بیانگر هزینهی بمبگذاری در ساختمان iاُم ( $c_i$ ) است

$$1 < c_i < 10^9$$

### خروجي

کمینهی هزینهی بمبگذاری برای ترور کردن نیما را چاپ کنید.

## مثال

ورودی نمونه ۱

10 5 3 4 2 6 8 9 1 10 7 6 9 1 1 1 10 2 4 9 6

## خروجی نمونه ۱

4

اگر ساختمان شمارهی ۳، ۵ و ۷ را بمبگذاری کنیم، نیما حتماً ترور میشود. مسیر حرکت نیما تا لحظهی ترور شدن به ازای هر ساختمان بهصورت زیر خواهد بود:

 $1 \rightarrow 5$ 

2 o 3

3

4 
ightarrow 2 
ightarrow 3

تمرين اول 8/4/22, 4:11 PM

 $6 \rightarrow 8 \rightarrow 1 \rightarrow 5$ 

7

8 o 1 o 5

 $9 \rightarrow 10 \rightarrow 7$ 

 $10 \rightarrow 7$ 

در اینصورت، هزینهی بمبگذاری برابر است با <math>1+1+2=4 که این مقدار، کمینهی هزینهی بمبگذاری برای ترور کردن نیما است.

ورودی نمونه ۲

10 7 1 6 3 4 8 5 10 2 9 9 19 19 1 3 9 1 12 10 8

خروجی نمونه ۲