СЕМЕСТРОВОЕ ЗАДАНИЕ 2.7

Пусть на отрезке [a,b] задан набор узлов $a=x_0 < x_1 < \ldots < x_{n-1} < x_n = b$ и значения $f_i=f(x_i),\ i=\overline{0,n}$ некоторой функции f(x). Построить график функции и график её интерполяционного полинома. Проверить, что при увеличении числа n график интерполяционного полинома "стремится" к графику функции.

Напомним, что полином $L_n(x)$ степени n называется **интерполяционным**, если

$$L_n(x_i) = f_i, \ i = \overline{0, n}.$$

По n+1 узлу всегда можно построить интерполяционный полином, причем единственным образом, и он может быть записан в форме Лагранжа:

$$L_n(x) = \sum_{i=0}^n f_i \prod_{\substack{j=0 \ j \neq i}}^n \frac{x - x_j}{x_i - x_j}.$$

УКАЗАНИЯ

- 1. Чтение данных число n, границы отрезка [a,b] осуществлять из файла.
- 2. Узлы выбирать равноотстоящими, то есть

$$x_i = a + ih, i = \overline{0,n},$$
 где $h = (b-a)/n.$

- 3. Использовать библиотеку ReadImage.h или Graph.h.
- 4. Имеется образец программы.