## **Esercizio 2: Clustering in 3D**

Dato un insieme di punti di coordinate note in uno spazio Euclideo in tre dimensioni, determinare:

- a) il raggio e la posizione della sfera di minimo volume che li contiene tutti.
- b) il raggio e la posizione delle due sfere di minimo volume complessivo che li contengono tutti;
- c) il raggio e la posizione delle tre sfere di minimo volume complessivo che li contengono tutti.

Formulare il problema, classificarlo e risolverlo con i dati del file CLUSTERS.TXT. Discutere ottimalità e unicità delle soluzioni ottenute.

I punti sono 12 e sono nelle posizioni seguenti.

| Punto | X   | Y          | Z          |
|-------|-----|------------|------------|
| 1     | 12  | 8          | 4          |
| 2     | 15  | 20         | -13        |
| 3     | 14  | -3         | 6          |
| 4     | 8   | <b>-</b> 9 | <b>-</b> 5 |
| 5     | -9  | 10         | 2          |
| 6     | -15 | 14         | -2         |
| 7     | -22 | -6         | 8          |
| 8     | -1  | -1         | -10        |
| 9     | 17  | 3          | -11        |
| 10    | 14  | 0          | 0          |
| 11    | -3  | 0          | 12         |
| 12    | 0   | -5         | 0          |