Antitrust

Detti f(i,j) i fatturati di ogni filiale i per ogni prodotto j, e indicando con la variabile binaria x(i) l'attribuzione della filiale i ad una (x(i)=0) o all'altra (x(i)=1) azienda-figlia lo sbilanciamento s(j) tra i fatturati delle due aziende su ogni prodotto j è dato dalla somma su i=1..N dei termini f(i,j)*x(i) - f(i,j)*(1-x(i)). Per minimizzare il massimo sbilanciamento bisogna introdurre per ogni prodotto j due vincoli $s(j) \le z$ e $-s(j) \le z$, con la funzione obiettivo $min\ z$.

Si ottiene così, eliminando le variabili s e i vincoli di uguaglianza che le definiscono, un problema di PLI con 2M vincoli di disuguaglianza, N variabili binarie x e una variabile continua non negativa z.

Il problema è NP-hard, essendo una generalizzazione del problema di Subset Sum: con un solo prodotto infatti (M=1) il problema diventa quello di partizionare gli elementi di un insieme in due sottinsiemi di peso il più uniforme possibile.

La formulazione del problema per Lindo è riportata nel file ANTITRU.LTX e la corrispondente soluzione è riportata nel file ANTITRU.OUT.

Se il problema richiedesse solo di partizionare in modo uniforme il fatturato complessivo si potrebbero sommare i valori di f(i,j) per ogni filiale i e si avrebbe un problema di Subset Sum (ugualmente NP-hard), la cui formulazione è riportata nel file ANTITRU2.LTX e la cui soluzione è riportata nel file ANTITRU2.OUT. Si può notare come la soluzione nei due casi sia diversa e come lo sbilanciamento massimo sia inferiore nel secondo caso rispetto al primo (80 anziché 8400).

Infatti, poiché il secondo problema si ottiene dal primo sommando i vincoli tra loro, il secondo problema è un rilassamento surrogato del primo.