

Лабораторная работа №3.1

Тема: Изучение метода пересчета мировых координат в оконные

Задание 1

В мировой системе координат (МСК) задана фигура. (рис.1)

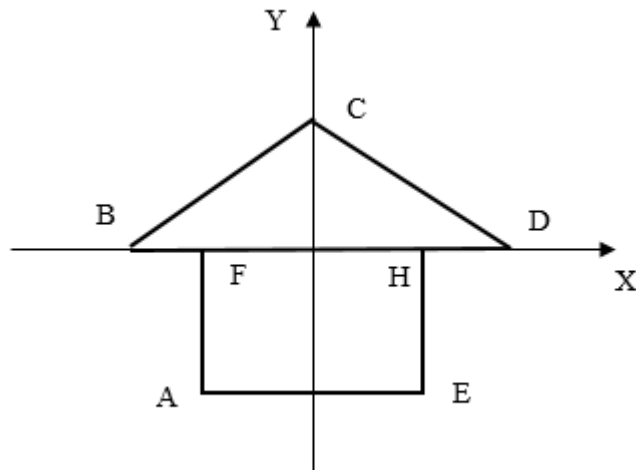


Рис.1

Координаты вершин:

	A	B	C	D	E	F	H
X	-2	-3	0	3	2	-2	2
Y	-4	0	4	0	-4	0	0

Отобразить фигуру в мировой системе координат.

Отобразить фигуру в прямоугольной области D^w окна Windows с координатами:

$$D^w = D^w(x_L^w, y_L^w, x_H^w, y_H^w) = D^w(100, 200, 400, 500),$$

где (x_L^w, y_L^w) – координаты левого верхнего угла области D^w , (x_H^w, y_H^w) – координаты правого нижнего угла области D^w .

Прямоугольную область в мировых координатах $D = D(x_L, y_H, x_H, y_L)$, где (x_L, y_H) – координаты левого верхнего угла области D , (x_H, y_L) – координаты правого нижнего угла области D , необходимую для

формирования матрицы пересчета координат из мировых в оконные, определить по габаритам фигуры ABCDE путем вычислений, т.е. положить $(x_L, y_H) = (x_{\min}, y_{\max})$, $(x_H, y_L) = (x_{\max}, y_{\min})$.

Задание 2

Построить график функции $f(x)$ для $x \in [x_1; x_2]$ с шагом Δx в заданной прямоугольной области окна Windows $D^w = D^w(x_L^w, y_L^w, x_H^w, y_H^w)$, где $(x_L^w, y_L^w) = (100, 200)$ – координаты левого верхнего угла области D^w , $(x_H^w, y_H^w) = (800, 900)$ – координаты правого нижнего угла области D^w .

Прямоугольную область в мировых координатах $D = D(x_L, y_H, x_H, y_L)$, где (x_L, y_H) – координаты левого верхнего угла области D , (x_H, y_L) – координаты правого нижнего угла области D , необходимую для формирования матрицы пересчета координат из мировых в оконные, определить по габаритам графика, т.е. положить $(x_L, y_H) = (x_{\min}, y_{\max})$, $(x_H, y_L) = (x_{\max}, y_{\min})$

$$f(x) = \sin(\pi x) \sqrt{|x|}; \quad x_1 = -6; \quad x_2 = 6; \quad \Delta x = 0,1$$

Реализация задания №1

Записать данные таблицы в переменные:

$$\begin{aligned} Xa &:= -2 & Xb &:= -3 & Xc &:= 0 & Xd &:= 3 & Xe &:= 2 & Xf &:= -2 & Xg &:= 2 \\ Ya &:= -4 & Yb &:= 0 & Yc &:= 4 & Yd &:= 0 & Ye &:= -4 & Yf &:= 0 & Yg &:= 0 \end{aligned}$$

Далее нужно записать левый верхний и правый нижний углы области в оконной системе координат.

Составляем вектора по данным нам значениям, находим левый верхний и правый нижний углы в мировой системе координат и вычисляем параметры, необходимые для формирования матрицы пересчета координат из МСК в ОСК:

$$\begin{aligned} Xlw &:= 100 & Ylw &:= 200 \\ Xhw &:= 400 & Yhw &:= 500 \end{aligned}$$

$$Zx := (Xa, Xb, Xc, Xd, Xe, Xf, Xg)^T \quad Zy := (Ya, Yb, Yc, Yd, Ye, Yf, Yg)^T$$

$$\begin{aligned}
dX_w &:= X_{hw} - X_{lw} \\
X_l &:= \min(Z_x) \quad Y_h := \max(Z_y) \quad dX := X_h - X_l \\
X &:= \max(Z_x) \quad Y_l := \min(Z_y) \quad dY_w := Y_{hw} - Y_{lw} \\
dY &:= Y_h - Y_l
\end{aligned}$$

$$K_x := \frac{dX_w}{dX} \quad K_y := \frac{dY_w}{dY}$$

Получаем все параметры для составления матрицы, которая выглядит следующим образом:

$$T_{sw} := \begin{pmatrix} K_x & 0 & X_{lw} - K_x * X_l \\ 0 & -K_y & Y_{hw} + K_y * Y_l \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Остается только:

- 1) вычислить координаты вершин в ОСК
- 2) построить вектора вершин в МСК и ОСК
- 3) построить графики в МСК и ОСК

1)Вычисление координат:

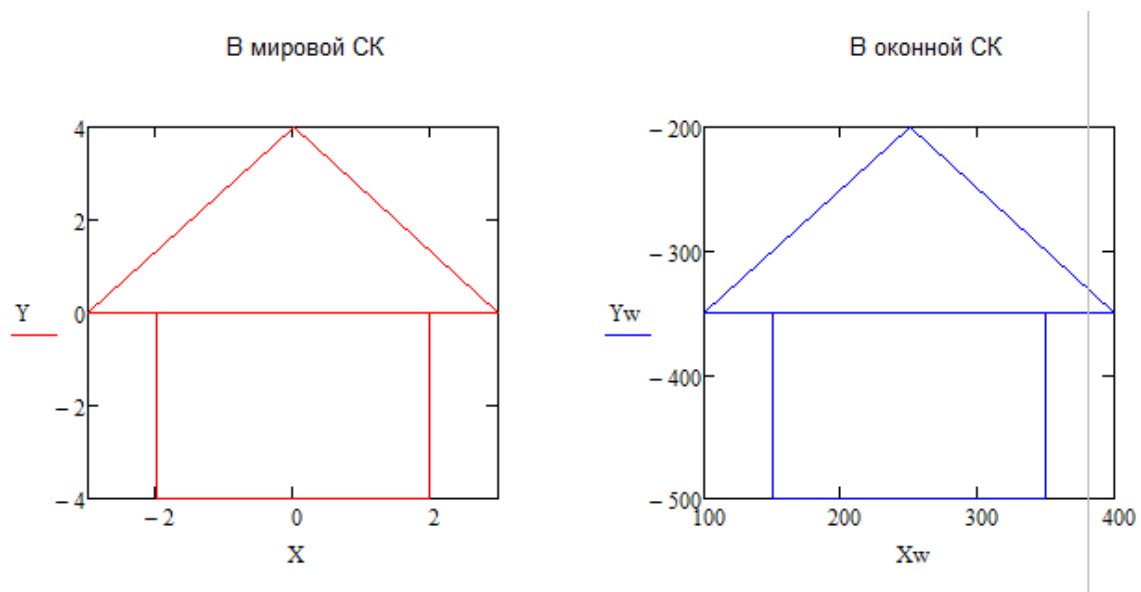
Всё, что нужно для этого сделать – мы сделали, т.е. нашли матрицу пересчета. Для того чтобы перевести координаты вершин в ОСК нужно каждый вектор вершин (А,В,С,Д,Е,Ф) умножить на нашу матрицу. Пример для вершины А:

$$\begin{pmatrix} X_{aw} \\ Y_{aw} \\ q \end{pmatrix} := T_{sw} * \begin{pmatrix} X_a \\ Y_a \\ 1 \end{pmatrix}$$

2)Вектора в МСК и ОСК:

$$\begin{aligned}
X_w &:= (X_{bw}, X_{cw}, X_{dw}, X_{bw}, X_{fw}, X_{aw}, X_{ew}, X_{gw}, X_{dw})^T \\
Y_w &:= (Y_{bw}, Y_{cw}, Y_{dw}, Y_{bw}, Y_{fw}, X_{aw}, X_{ew}, X_{gw}, X_{dw})^T \\
X &:= (X_b, X_c, X_d, X_b, X_f, X_a, X_e, X_g, X_d)^T \\
Y &:= (Y_b, Y_c, Y_d, Y_b, Y_f, Y_a, Y_e, Y_g, Y_d)^T
\end{aligned}$$

3) И третье, последний шаг – построение графиков. По пройденному курсу MathCAD вы должны иметь представление о этой работе.



Реализация задания №2

Построить график функции $f(x)$ с шагом dX для промежутка a от x_1 до x_2

$$f(x) := \sin(\pi \cdot x) \cdot \sqrt{|x|}$$

$$x_1 := -6 \quad x_2 := 6 \quad dX := 0.1$$

Задаем область отображения графика в окне:

$$X_{lw} := 100 \quad Y_{lw} := 200 \quad \text{- координаты левого верхнего угла}$$

$$X_{hw} := 800 \quad Y_{hw} := 900 \quad \text{- координаты правого нижнего угла}$$

Вычисляем число точек графика

$$N := \text{round}\left(\frac{x_2 - x_1}{dX}\right) = 120$$

Заполняем массивы X, Y, Z значениями $x_i, y_i = f(x_i)$ и 1 соответственно в М С К

$$i = 0..N$$

$$X_i := x_1 + i \cdot dX$$

$$Y_i := f(X_i)$$

$$Z_i := 1$$

- x, y - координаты точек графика в МСК

Определяем область графика в МСК

$$Xl := \min(X) = -6 \quad Yh := \max(Y) = 2.345 \quad \text{- левый верхний угол в МСК}$$

$$Xh := \max(X) = 6 \quad Yl := \min(Y) = -2.345 \quad \text{- правый нижний угол в МСК}$$

Формируем матрицу координат точек графика в МСК

$$M := \text{stack}(X^T, Y^T, Z^T)$$

Вычисляем параметры, необходимые для формирования матрицы пересчета координат из МСК в ОСК

$$dXw := Xhw - Xlw = 700 \quad dx := Xh - Xl = 12$$

$$dYw := Yhw - Ylw = 700 \quad dy := Yh - Yl = 4.69$$

$$kx := \frac{dXw}{dx} = 58.333 \quad ky := \frac{dYw}{dy} = 149.241$$

Формируем матрицу пересчетов из МСК в ОСК

$$Tsw := \begin{pmatrix} kx & 0 & Xlw - kx * Xl \\ 0 & -ky & Yhw + ky * Yl \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Вычисляем матрицу координат точек графика в ОСК

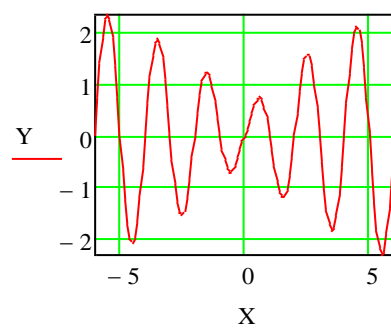
$$Mw := Tsw * M$$

Из матрицы М выбираем (x,y) - координаты точек графика для отображения

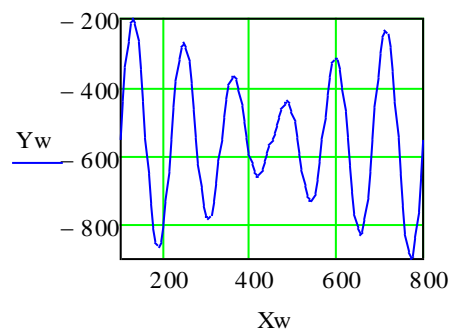
$$Xw := (Mw^T)^{(0)}$$

$$Yw := -(Mw^T)^{(1)}$$

В мировой СК



В оконной СК



Лабораторная работа № 3.2

Тема: Изучение режимов отображения и методов пересчета мировых координат в оконные

Задание:

1. Реализовать:

функцию

CMatrix SpaceToWindow(CRectD& rs,CRect& rw);

// Возвращает матрицу пересчета координат из мировых в оконные

// rs - область в мировых координатах - double

// rw - область в оконных координатах - int

функцию

void SetMyMode(CDC& dc,CRectD& RS,CRect& RW); //MFC

// Устанавливает режим отображения MM_ANISOTROPIC и его параметры

// dc - ссылка на класс CDC MFC

// RS - область в мировых координатах

// RW - Область в оконных координатах - int

структуру (для создания пера)

struct CMyPen

{

int PenStyle; // Стил ь пера

int PenWidth; // Толщина пера

COLORREF PenColor; // Цвет пера

CMyPen(){ PenStyle=PS_SOLID; PenWidth=1;
PenColor=RGB(0,0,0);};

void Set(int PS, int PW, COLORREF PC)

{ PenStyle=PS ; PenWidth=PW; PenColor=PC;};

};

класс (для отображения зависимости $Y_i=F(X_i)$)

class CPlot2D

{

CMatrix X; // Аргумент

CMatrix Y; // Функция

CMatrix K; // Матрица пересчета координат

CRect RW; // Прямоугольник в окне

CRectD RS; // Прямоугольник области в МСК

CMyPen PenLine; // Перо для линий

CMyPen PenAxis; // Перо для осей

public:

CPlot2D(){ K.RedimMatrix(3,3);}; //Конструктор по умолчанию

```

void SetParams(CMatrix& XX,CMatrix& YY,CRect& R WX); // Установка
// параметров графика
void SetWindowRect(CRect& R WX); //Установка области в окне для
отображения
//графика
void GetWindowCoords(double xs,double ys, int &xw,int &yw); //Пересчет
//координаты точки из МСК в оконную
СК
void SetPenLine(CMyPen& PLine); // Перо для рисования графика
void SetPenAxis(CMyPen& PAxis); // Перо для осей координат
void Draw(CDC& dc,int Ind1,int Int2); // Рисование с самостоятельным
пересчетом
//координат
void Draw1(CDC& dc,int Ind1,int Int2); // Рисование с БЕЗ
самостоятельного
//пересчета координат
void GetRS(CRectD& RS); // Возвращает область графика в мировой СК
};

```

2. Создать приложение Windows **MyPlot2D** для графического отображения множества точек плоскости (x_i, y_i) , $i = 0, 1, \dots, N$, заданных в мировой системе координат (МСК), в прямоугольную области окна $D^w(x_L^w, y_L^w, x_H^w, y_H^w)$, где (x_L^w, y_L^w) – оконные координаты левого верхнего угла области D^w , (x_H^w, y_H^w) – оконные координаты правого нижнего угла области D^w . В классе **CChildView** приложения **MyPlot2D** реализовать функции

$$\begin{aligned}
 f_1(x) &= \sin x / x & - \text{double MyF1(double x)} \\
 f_2(x) &= x^3 & - \text{double MyF2(double x)} \\
 f_3(x) &= \sqrt{x} \sin x & - \text{double MyF3(double x)} \\
 f_4(x) &= x^2 & - \text{double MyF4(double x)}
 \end{aligned}$$

3. В приложении Windows **MyPlot2D** создать пункты меню:

```

«Tests_F►F1»;
«Tests_F►F2»;
«Tests_F►F3»;
«Tests_F►F4»;
«Tests_F►F1234».

```

4. Действия при выборе пункта меню «Tests_F►F1»:

Рассчитать значения функции $f_1(x)$ для $x \in [-3\pi; 3\pi]$ с шагом изменения аргумента $\Delta x = \pi/36$. В результате получить два массива – $Y_i = f_1(x_i)$ и X_i .

Установить параметры пера для отображения зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ (толщина – **1**, цвет – **красный**, тип линии – **сплошная**)

Установить толщину пера для отображения координатных осей (толщина – **2**, цвет – **синий**)

Установить параметры прямоугольной области для отображения графика в окне (координаты **левого верхнего угла**, координаты **правого нижнего угла**). Значения координат выбрать так, чтобы график располагался по центру окна.

Дать команду на отображение зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ с установленными параметрами в режиме отображения **MM_TEXT**.

5. Действия при выборе пункта меню «Tests_F►F2»:

Рассчитать значения функции $f_2(x)$ для $x \in [-5; 5]$ с шагом изменения аргумента $\Delta x = 0,25$. В результате получить два массива – $Y_i = f_2(x_i)$ и X_i .

Установить параметры пера для отображения зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ (толщина – **1**, цвет – **зеленый**, тип линии – **сплошная**)

Установить толщину пера для отображения координатных осей (толщина – **2**, цвет – **синий**)

Установить параметры прямоугольной области для отображения графика в окне (координаты **левого верхнего угла**, координаты **правого нижнего угла**). Значения координат выбрать так, чтобы график располагался по центру окна.

Дать команду на отображение зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ с установленными параметрами в режиме отображения **MM_ANISOTROPIC**.

6. Действия при выборе пункта меню «Tests_F►F3»:

Рассчитать значения функции $f_3(x)$ для $x \in [0; 6\pi]$ с шагом изменения аргумента $\Delta x = \pi/36$. В результате получить два массива – $Y_i = f_1(x_i)$ и X_i .

Установить параметры пера для отображения зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ (толщина – **3**, цвет – **красный**, тип линии – **штрих - пунктирная**)

Установить толщину пера для отображения координатных осей (толщина – **2**, цвет – **черный**)

Установить параметры прямоугольной области для отображения графика в окне (координаты **левого верхнего угла**, координаты **правого нижнего**

угла). Значения координат выбрать так, чтобы график располагался по центру окна.

Дать команду на отображение зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ с установленными параметрами в режиме отображения **MM_TEXT**.

7. Действия при выборе пункта меню «Tests_F►F4»:

Рассчитать значения функции $f_4(x)$ для $x \in [-10; 10]$ с шагом изменения аргумента $\Delta x = 0,25$. В результате получить два массива – $Y_i = f_2(x_i)$ и X_i .

Установить параметры пера для отображения зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ (толщина –2, цвет – *красный*, тип линии – *сплошная*)

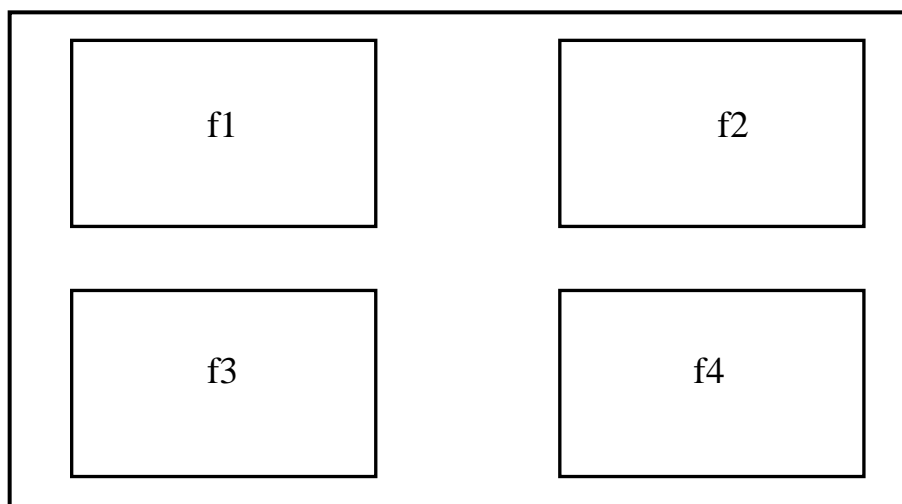
Установить толщину пера для отображения координатных осей (толщина –2, цвет – *синий*)

Установить параметры прямоугольной области для отображения графика в окне (координаты *левого верхнего угла*, координаты *правого нижнего угла*). Значения координат выбрать так, чтобы график располагался по центру окна.

Дать команду на отображение зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ с установленными параметрами в режиме отображения **MM_ANISOTROPIC**.

8. Действия при выборе пункта меню «Tests_F►F1234»:

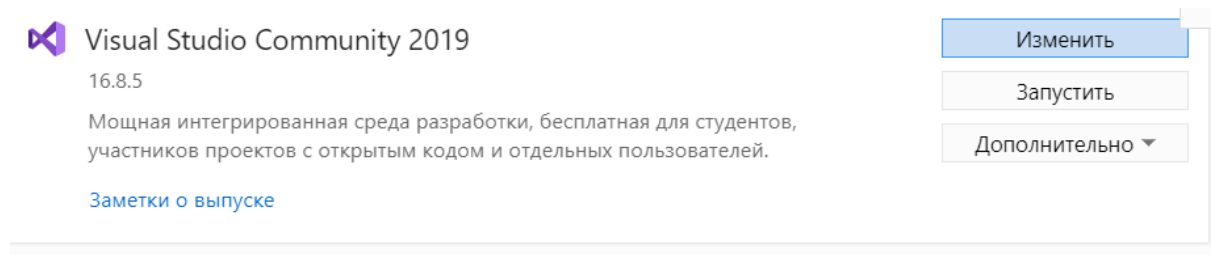
Дать команду на отображение графиков сразу четырех функций в режиме отображения **MM_TEXT**, которые к моменту выбора команды «Tests_F►F1234» должны быть созданы. Расположение как показано на рисунке. Размеры графиков должны быть одинаковыми.



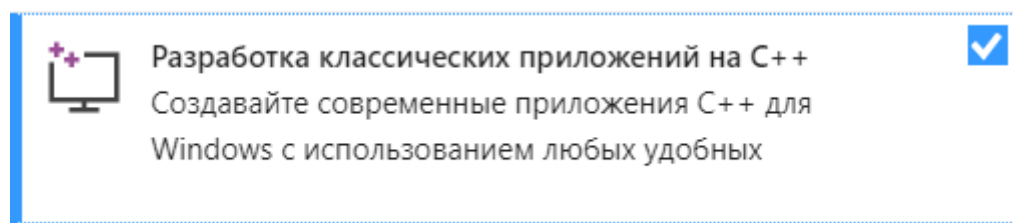
Для выполнения этой лабораторной работой, вам требуется установить библиотеку MFC.

Заходим в Visual Studio Installer. Для добавления новых компонентов нажмите кнопку “Изменить”.

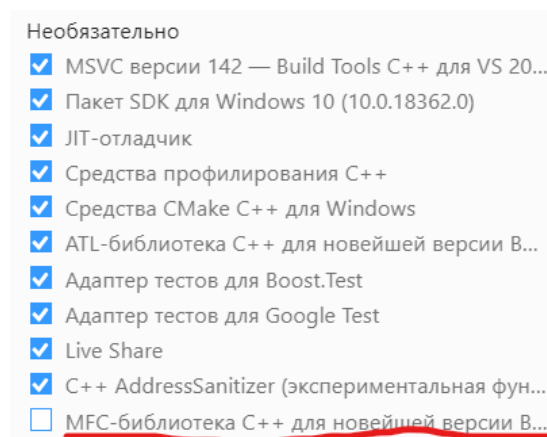
Заходим в Visual Studio Installer. Для добавления новых компонентов нажмите кнопку “Изменить”.



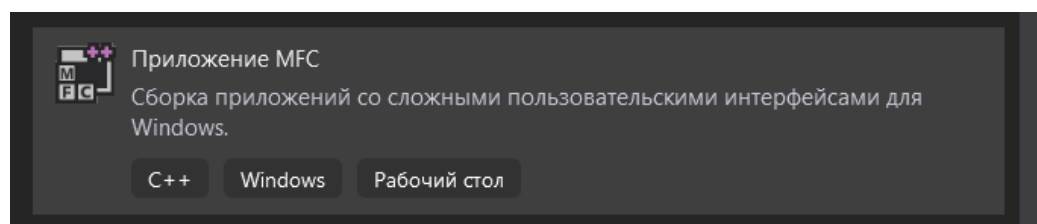
Выбираем пункт Разработка классических приложений на C++.



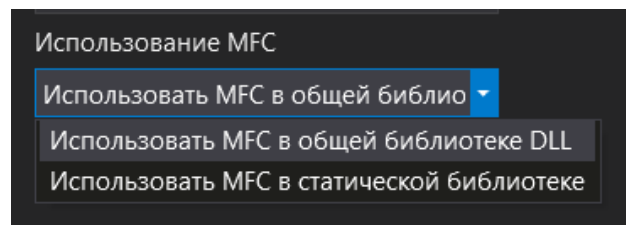
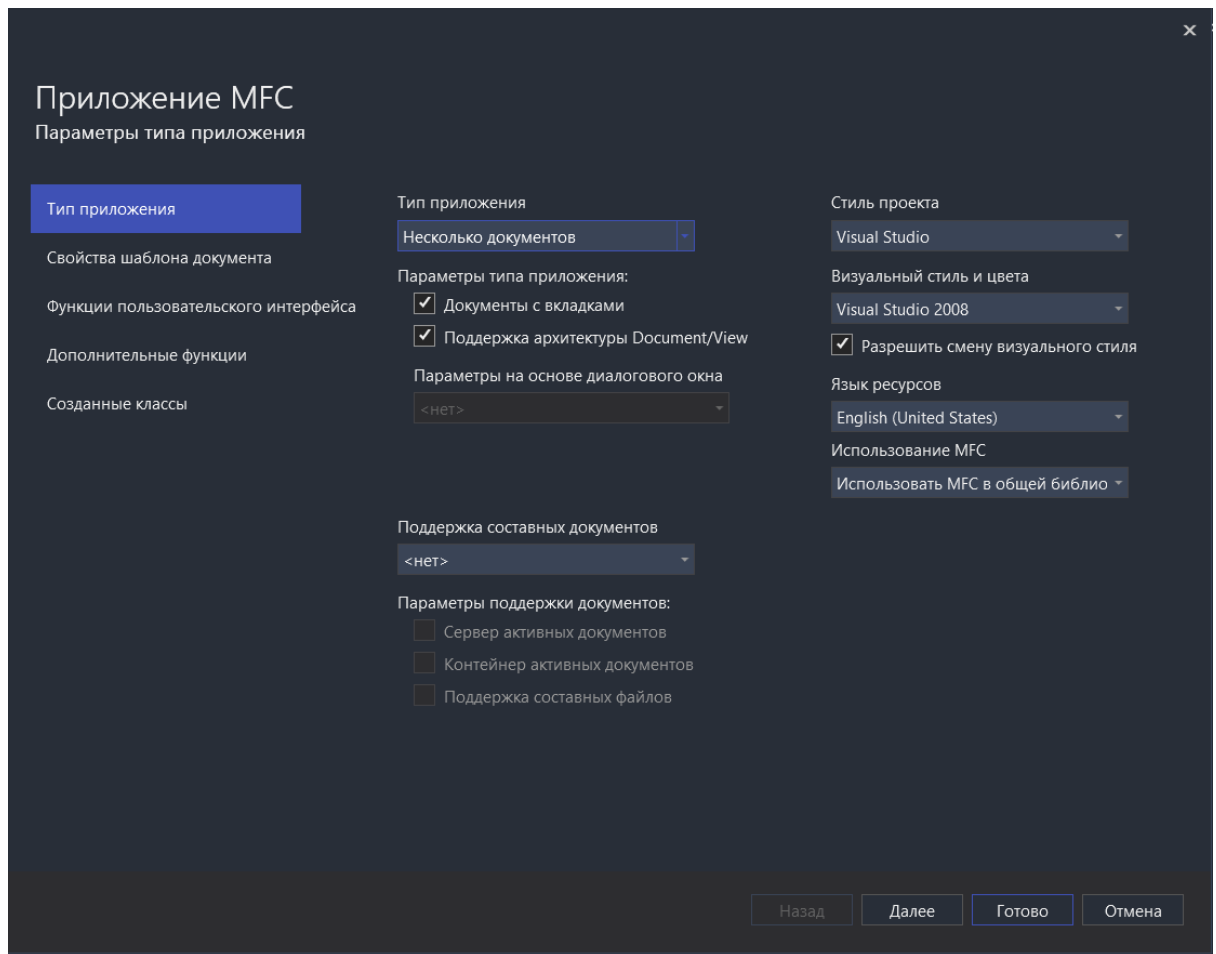
Далее в меню пакетов выбираем MFC-библиотеку C++.



Создаём приложение MFC

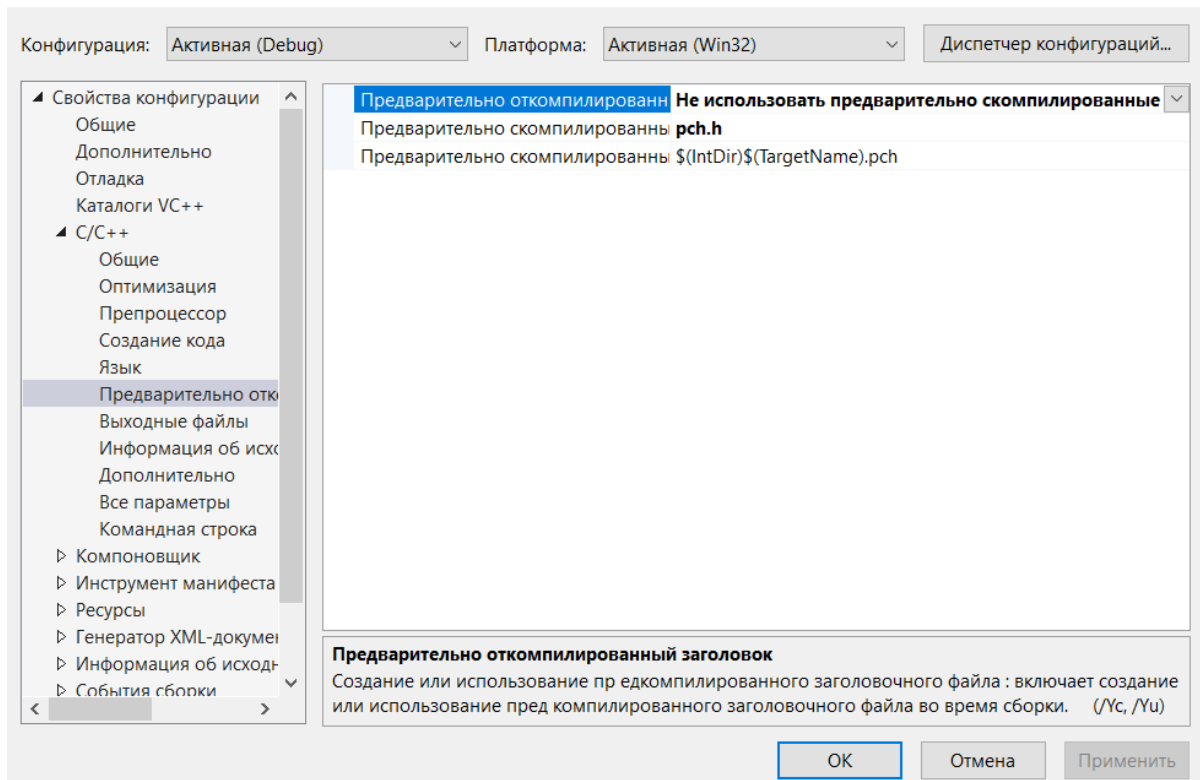


В настройках убеждаемся, что библиотека MFC будет использоваться в общей DLL

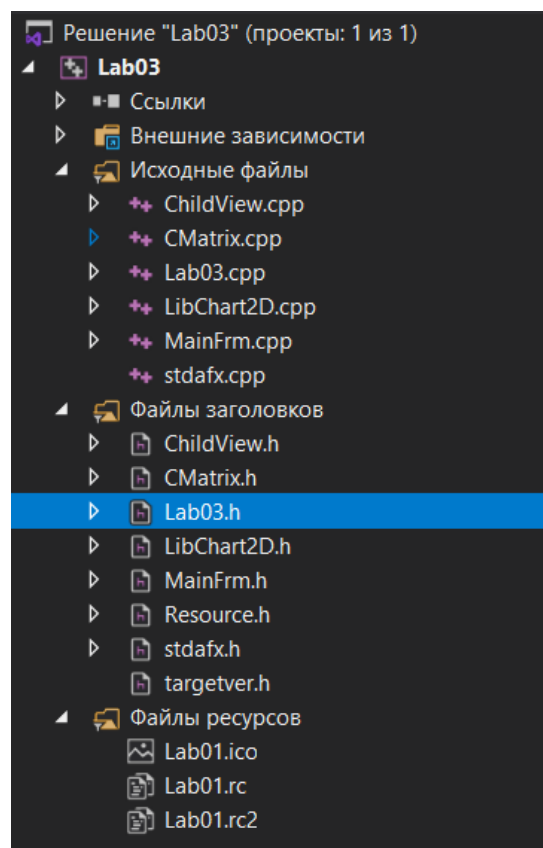


После удаления мусора, заходим в свойства проекта. Тыкаем на C/C++ и выбираем Предварительно. И ставим что мы НЕ БУДЕМ использовать этот pch.h. Мы будем использовать stdafx для мерджина.

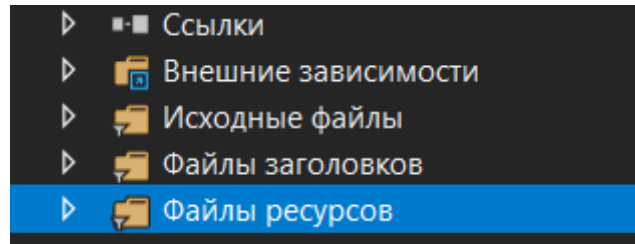
Теперь заходим в свойства проекта, C/C++, Предварительно откомпилированные и выбрать “Не использовать предварительно скомпилированные заголовки”.



Чтобы начать работу над проектом, требуется удалить все созданные, при создании приложения, файлы.



Нам понадобятся файлы ресурсов.



Эти файлы располагаются в папке с проектом в папке res

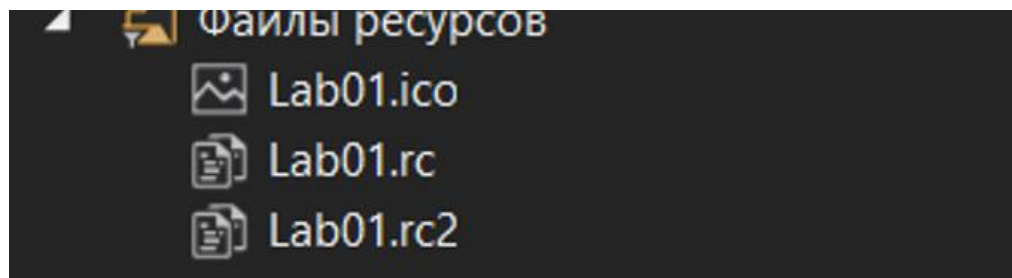
Имя	Дата изменения	Тип	Размер
Debug	21.02.2021 13:30	Папка с файлами	
res	21.02.2021 13:19	Папка с файлами	

Если этой папки нет, то нужно ее создать. Или попробовать откомпилировать проект.

Изначально, после создания проекта, в ресурсах появится очень много файлов. Их все УДАЛЯЕМ, а не исключаем из проекта.

Вместе с этой лабораторной работой будет архив с нужными ресурсами. Их всего 3. Закидываем эти ресурсы в папку res, и добавляем в наш проект.

Получится вот так.



Их не надо менять, код, написанный далее. Он будет забинжен под эти ресурсы.

Далее создадим файл stdafx.h и stdafx.cpp, в котором будет служебная информация а также подключения нужных нам заголовочных файлов.

stdafx.h:

```
// stdafx.h: включите файл для добавления стандартных системных файлов  
//или конкретных файлов проектов, часто используемых,  
// но редко изменяемых
```

```

#pragma once

#ifndef VC_EXTRALEAN
#define VC_EXTRALEAN // Исключите редко используемые
компоненты из заголовков Windows
#endif

#include "targetver.h"

#define _ATL_CSTRING_EXPLICIT_CONSTRUCTORS // некоторые конструкторы
CString будут явными

// отключает функцию скрытия некоторых общих и часто пропускаемых
предупреждений MFC
#define _AFX_ALL_WARNINGS

#include <afxwin.h> // основные и стандартные компоненты MFC
#include <afxext.h> // расширения MFC

#include <FLOAT.H> // Для DBL_MAX , DBL_MIN
#include <fstream>
#include <math.h>
#include "CMatrix.h"
#include <vector>

#include "LibGraph.h"

#ifndef _AFX_NO_OLE_SUPPORT
#include <afxdtctl.h> // поддержка MFC для типовых элементов
управления Internet Explorer 4
#endif
#ifndef _AFX_NO_AFXCMN_SUPPORT
#include <afxcmn.h> // поддержка MFC для типовых элементов
управления Windows
#endif // _AFX_NO_AFXCMN_SUPPORT

#include <afxcontrolbars.h> // поддержка MFC для лент и панелей
управления

#ifdef _UNICODE
#if defined _M_IX86
#pragma comment(linker, "/manifestdependency:\"type='win32'
name='Microsoft.Windows.Common-Controls' version='6.0.0.0'
processorArchitecture='x86' publicKeyToken='6595b64144ccf1df'
language='*'\")")
#elif defined _M_X64
#pragma comment(linker, "/manifestdependency:\"type='win32'
name='Microsoft.Windows.Common-Controls' version='6.0.0.0'
processorArchitecture='amd64' publicKeyToken='6595b64144ccf1df'
language='*'\")")
#else
#pragma comment(linker, "/manifestdependency:\"type='win32'
name='Microsoft.Windows.Common-Controls' version='6.0.0.0'
processorArchitecture='*' publicKeyToken='6595b64144ccf1df'
language='*'\")")
#endif
#endif
#endif

```

Большинство заголовочных файлов будет подчеркнуто красным. Реализацию этих файлов напишем позже.

Теперь напишем stdafx.cpp:

CMatrix.h:

```
#ifndef CMATRIXH
# define CMATRIXH 1
class CMatrix
{
    double** array;
    int n_rows;           // Число строк
    int n_cols;           // Число столбцов
public:
    CMatrix();             // Конструктор по умолчанию (1 на 1)
    CMatrix(int, int);     // Конструктор
    CMatrix(int);           // Конструктор -вектора (один столбец)
    CMatrix(const CMatrix&); // Конструктор копирования
    ~CMatrix();
    double& operator() (int, int); // Выбор элемента матрицы по индексу
    double& operator() (int);       // Выбор элемента вектора по индексу
    CMatrix operator- ();           // Оператор "-"
    CMatrix operator=(const CMatrix&); // Оператор "Присвоить": M1=M2
    CMatrix operator* (CMatrix&);   // Оператор "Произведение": M1*M2
    CMatrix operator+ (CMatrix&);   // Оператор "+": M1+M2
    CMatrix operator- (CMatrix&);   // Оператор "-": M1-M2
    CMatrix operator+ (double);     // Оператор "+": M+a
    CMatrix operator- (double);     // Оператор "-": M-a
    CMatrix operator* (double);     // Оператор "-": M-a
    int rows() const { return n_rows; }; // Возвращает число строк
    int cols() const { return n_cols; }; // Возвращает число строк
    CMatrix Transp();               // Возвращает матрицу, транспонированную к
текущей
    CMatrix GetRow(int);            // Возвращает строку по номеру
    CMatrix GetRow(int, int, int);
    CMatrix GetCol(int);            // Возвращает столбец по номеру
    CMatrix GetCol(int, int, int);
    CMatrix RedimMatrix(int, int);  // Изменяет размер матрицы с уничтожением
данных
    CMatrix RedimData(int, int);    // Изменяет размер матрицы с сохранением
данных,
//которые можно сохранить
    CMatrix RedimMatrix(int);       // Изменяет размер матрицы с уничтожением
данных
    CMatrix RedimData(int);         // Изменяет размер матрицы с сохранением
данных,
//которые можно сохранить
    double MaxElement();            // Максимальный элемент матрицы
    double MinElement();            // Минимальный элемент матрицы
};

#endif
```


CMatrix.cpp:

```
#include "stdafx.h"
// #include "CMatrix.h"

CMatrix::CMatrix()
{
    n_rows = 1;
    n_cols = 1;
    array = new double* [n_rows];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++) array[i] = new double[n_cols];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++)
        for (int j = 0; j < n_cols; j++) array[i][j] = 0;
}

//-----
CMatrix::CMatrix(int Nrow, int Ncol)
// Nrow - число строк
// Ncol - число столбцов
{
    n_rows = Nrow;
    n_cols = Ncol;
    array = new double* [n_rows];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++) array[i] = new double[n_cols];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++)
        for (int j = 0; j < n_cols; j++) array[i][j] = 0;
}

//-----
CMatrix::CMatrix(int Nrow) //Вектор
// Nrow - число строк
{
    n_rows = Nrow;
    n_cols = 1;
    array = new double* [n_rows];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++) array[i] = new double[n_cols];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++)
        for (int j = 0; j < n_cols; j++) array[i][j] = 0;
}

//-----
CMatrix::~CMatrix()
{
    for (int i = 0; i < n_rows; i++) delete array[i];
    delete array;
}

//-----
double& CMatrix::operator()(int i, int j)
// i - номер строки
// j - номер столбца
{
    if ((i > n_rows - 1) || (j > n_cols - 1)) // проверка выхода за диапазон
    {
        TCHAR* error = _T("CMatrix::operator(int,int): выход индекса за границу
диапазона ");
        MessageBox(NULL, error, _T("Ошибка"), MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    return array[i][j];
}

//-----
```

```

double& CMatrix::operator()(int i)
// i - номер строки для вектора
{
    if (n_cols > 1)        // Число столбцов больше одного
    {
        char* error = "CMatrix::operator(int): объект не вектор - число столбцов больше
1 ";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    if (i > n_rows - 1)    // проверка выхода за диапазон
    {
        TCHAR* error = TEXT("CMatrix::operator(int): выход индекса за границу диапазона
");
        MessageBox(NULL, error, TEXT("Ошибка"), MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    return array[i][0];
}
//-----
CMatrix CMatrix::operator-()
// Оператор -M
{
    CMatrix Temp(n_rows, n_cols);
    for (int i = 0; i < n_rows; i++)
        for (int j = 0; j < n_cols; j++) Temp(i, j) = -array[i][j];
    return Temp;
}
//-----
CMatrix CMatrix::operator+(CMatrix& M)
// Оператор M1+M2
{
    int bb = (n_rows == M.rows()) && (n_cols == M.cols());
    if (!bb)
    {
        char* error = "CMatrix::operator(+): несоответствие размерностей матриц ";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    CMatrix Temp(*this);
    for (int i = 0; i < n_rows; i++)
        for (int j = 0; j < n_cols; j++) Temp(i, j) += M(i, j);
    return Temp;
}
//-----
CMatrix CMatrix::operator-(CMatrix& M)
// Оператор M1-M2
{
    int bb = (n_rows == M.rows()) && (n_cols == M.cols());
    if (!bb)
    {
        char* error = "CMatrix::operator(-): несоответствие размерностей матриц ";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    CMatrix Temp(*this);
    for (int i = 0; i < n_rows; i++)
        for (int j = 0; j < n_cols; j++) Temp(i, j) -= M(i, j);
    return Temp;
}
//-----

```

```

CMatrix CMatrix::operator*(CMatrix& M)
// Умножение на матрицу M
{
    double sum;
    int nn = M.rows();
    int mm = M.cols();
    CMatrix Temp(n_rows, mm);
    if (n_cols == nn)
    {
        for (int i = 0; i < n_rows; i++)
            for (int j = 0; j < mm; j++)
            {
                sum = 0;
                for (int k = 0; k < n_cols; k++) sum += (*this)(i, k) * M(k, j);
                Temp(i, j) = sum;
            }
    }
    else
    {
        TCHAR* error = TEXT("CMatrix::operator*: несоответствие размерностей матриц ");
        MessageBox(NULL, error, TEXT("Ошибка"), MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    return Temp;
}

//-----
CMatrix CMatrix::operator=(const CMatrix& M)
// Оператор присваивания M1=M
{
    if (this == &M) return *this;
    int nn = M.rows();
    int mm = M.cols();
    if ((n_rows == nn) && (n_cols == mm))
    {
        for (int i = 0; i < n_rows; i++)
            for (int j = 0; j < n_cols; j++) array[i][j] = M.array[i][j];
    }
    else // для ошибки размерностей
    {
        TCHAR* error = TEXT("CMatrix::operator=: несоответствие размерностей матриц");
        MessageBox(NULL, error, TEXT("Ошибка"), MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    return *this;
}

//-----
CMatrix::CMatrix(const CMatrix& M) // Конструктор копирования
{
    n_rows = M.n_rows;
    n_cols = M.n_cols;
    array = new double* [n_rows];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++) array[i] = new double[n_cols];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++)
        for (int j = 0; j < n_cols; j++) array[i][j] = M.array[i][j];
}

//-----
CMatrix CMatrix::operator+(double x)
// Оператор M+x, где M - матрица, x - число
{
    CMatrix Temp(*this);

```

```

        for (int i = 0; i < n_rows; i++)
            for (int j = 0; j < n_cols; j++) Temp(i, j) += x;
        return Temp;
    }
    //-----
    CMatrix CMatrix::operator*(double x)
    // Оператор M*x, где M - матрица, x - число
    {
        CMatrix Temp(*this);
        for (int i = 0; i < n_rows; i++)
            for (int j = 0; j < n_cols; j++) Temp(i, j) *= x;
        return Temp;
    }
    //-----
    CMatrix CMatrix::operator-(double x)
    // Оператор M+x, где M - матрица, x - число
    {
        CMatrix Temp(*this);
        for (int i = 0; i < n_rows; i++)
            for (int j = 0; j < n_cols; j++) Temp(i, j) -= x;
        return Temp;
    }
    //-----
    CMatrix CMatrix::Transp()
    // Возвращает матрицу, транспонированную к (*this)
    {
        CMatrix Temp(n_cols, n_rows);
        for (int i = 0; i < n_cols; i++)
            for (int j = 0; j < n_rows; j++) Temp(i, j) = array[j][i];
        return Temp;
    }
    //-----
    CMatrix CMatrix::GetRow(int k)
    // Возвращает строку матрицы по номеру k
    {
        if (k > n_rows - 1)
        {
            char* error = "CMatrix::GetRow(int k): параметр k превышает число строк ";
            //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
            exit(1);
        }
        CMatrix M(1, n_cols);
        for (int i = 0; i < n_cols; i++) M(0, i) = (*this)(k, i);
        return M;
    }
    //-----
    CMatrix CMatrix::GetRow(int k, int n, int m)
    // Возвращает подстроку из строки матрицы с номером k
    // n - номер первого элемента в строке
    // m - номер последнего элемента в строке
    {
        int b1 = (k >= 0) && (k < n_rows);
        int b2 = (n >= 0) && (n <= m);
        int b3 = (m >= 0) && (m < n_cols);
        int b4 = b1 && b2 && b3;
        if (!b4)
        {
            char* error = "CMatrix::GetRow(int k,int n, int m):ошибка в параметрах ";

```

```

        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    int nCols = m - n + 1;
    CMatrix M(1, nCols);
    for (int i = n; i <= m; i++) M(0, i - n) = (*this)(k, i);
    return M;
}

//-----
CMatrix CMatrix::GetCol(int k)
// Возвращает столбец матрицы по номеру k
{
    if (k > n_cols - 1)
    {
        char* error = "CMatrix::GetCol(int k): параметр k превышает число столбцов ";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    CMatrix M(n_rows, 1);
    for (int i = 0; i < n_rows; i++) M(i, 0) = (*this)(i, k);
    return M;
}

//-----
CMatrix CMatrix::GetCol(int k, int n, int m)
// Возвращает подстолбец из столбца матрицы с номером k
// n - номер первого элемента в столбце
// m - номер последнего элемента в столбце
{
    int b1 = (k >= 0) && (k < n_cols);
    int b2 = (n >= 0) && (n <= m);
    int b3 = (m >= 0) && (m < n_rows);
    int b4 = b1 && b2 && b3;
    if (!b4)
    {
        char* error = "CMatrix::GetCol(int k,int n, int m):ошибка в параметрах ";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    int nRows = m - n + 1;
    CMatrix M(nRows, 1);
    for (int i = n; i <= m; i++) M(i - n, 0) = (*this)(i, k);
    return M;
}

//-----
CMatrix CMatrix::RedimMatrix(int NewRow, int NewCol)
// Изменяет размер матрицы с уничтожением данных
// NewRow - новое число строк
// NewCol - новое число столбцов
{
    for (int i = 0; i < n_rows; i++) delete array[i];
    delete array;
    n_rows = NewRow;
    n_cols = NewCol;
    array = new double* [n_rows];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++) array[i] = new double[n_cols];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++)
        for (int j = 0; j < n_cols; j++) array[i][j] = 0;
    return (*this);
}

//-----
CMatrix CMatrix::RedimData(int NewRow, int NewCol)

```

```

// Изменяет размер матрицы с сохранением данных, которые можно сохранить
// NewRow - новое число строк
// NewCol - новое число столбцов
{
    CMatrix Temp = (*this);
    this->RedimMatrix(NewRow, NewCol);
    int min_rows = Temp.rows() < (*this).rows() ? Temp.rows() : (*this).rows();
    int min_cols = Temp.cols() < (*this).cols() ? Temp.cols() : (*this).cols();
    for (int i = 0; i < min_rows; i++)
        for (int j = 0; j < min_cols; j++) (*this)(i, j) = Temp(i, j);
    return (*this);
}

//-----
CMatrix CMatrix::RedimMatrix(int NewRow)
// Изменяет размер матрицы с уничтожением данных
// NewRow - новое число строк
// NewCol=1
{
    for (int i = 0; i < n_rows; i++) delete array[i];
    delete array;
    n_rows = NewRow;
    n_cols = 1;
    array = new double* [n_rows];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++) array[i] = new double[n_cols];
    for (int i = 0; i < n_rows; i++)
        for (int j = 0; j < n_cols; j++) array[i][j] = 0;
    return (*this);
}

//-----
CMatrix CMatrix::RedimData(int NewRow)
// Изменяет размер матрицы с сохранением данных, которые можно сохранить
// NewRow - новое число строк
// NewCol=1
{
    CMatrix Temp = (*this);
    this->RedimMatrix(NewRow);
    int min_rows = Temp.rows() < (*this).rows() ? Temp.rows() : (*this).rows();
    for (int i = 0; i < min_rows; i++) (*this)(i) = Temp(i);
    return (*this);
}

//-----
double CMatrix::MaxElement()
// Максимальное значение элементов матрицы
{
    double max = (*this)(0, 0);
    for (int i = 0; i < (this->rows()); i++)
        for (int j = 0; j < (this->cols()); j++)
            if ((*this)(i, j) > max) max = (*this)(i, j);
    return max;
}

//-----
double CMatrix::MinElement()
// Минимальное значение элементов матрицы
{
    double min = (*this)(0, 0);
    for (int i = 0; i < (this->rows()); i++)
        for (int j = 0; j < (this->cols()); j++)
            if ((*this)(i, j) < min) min = (*this)(i, j);
    return min;
}

```

Добавим MainFrm, это компонент класса CMainFrame
MainFrm.h:

```
// MainFrm.h: интерфейс класса CMainFrame
//

#pragma once
#include "ChildView.h"

class CMainFrame : public CFrameWnd
{
public:
    CMainFrame() noexcept;
protected:
    DECLARE_DYNAMIC(CMainFrame)

    // Атрибуты
public:

    // Операции
public:

    // Переопределение
public:
    virtual BOOL PreCreateWindow(CREATESTRUCT& cs);
    virtual BOOL OnCmdMsg(UINT nID, int nCode, void* pExtra, AFX_CMDHANDLERINFO*
pHandlerInfo);

    // Реализация
public:
    virtual ~CMainFrame();
#ifdef _DEBUG
    virtual void AssertValid() const;
    virtual void Dump(CDumpContext& dc) const;
#endif

protected: // встроенные члены панели элементов управления
    CStatusBar      m_wndStatusBar;
    CChildView      m_wndView;

    // Созданные функции схемы сообщений
protected:
    afx_msg int OnCreate(LPCREATESTRUCT lpCreateStruct);
    afx_msg void OnSetFocus(CWnd* pOldWnd);
    DECLARE_MESSAGE_MAP()
};
```

MainFrm.cpp:

```
// MainFrm.cpp: реализация класса CMainFrame
//

#include "stdafx.h"
```

```

#include "MyLab8.h"

#include "MainFrm.h"

#ifdef _DEBUG
#define new DEBUG_NEW
#endif

// CMainFrame

IMPLEMENT_DYNAMIC(CMainFrame, CFrameWnd)

BEGIN_MESSAGE_MAP(CMainFrame, CFrameWnd)
    ON_WM_CREATE()
    ON_WM_SETFOCUS()
END_MESSAGE_MAP()

static UINT indicators[] =
{
    ID_SEPARATOR,           // индикатор строки состояния
    ID_INDICATOR_CAPS,
    ID_INDICATOR_NUM,
    ID_INDICATOR_SCRL,
};

// Создание или уничтожение CMainFrame

CMainFrame::CMainFrame() noexcept
{
    // TODO: добавьте код инициализации члена
}

CMainFrame::~CMainFrame()
{
}

int CMainFrame::OnCreate(LPCREATESTRUCT lpCreateStruct)
{
    //-----
    int width = 450, height = 500;
    MoveWindow((GetSystemMetrics(SM_CXSCREEN) / 2 - width / 2),
        (GetSystemMetrics(SM_CYSCREEN) / 2 - height / 2), width, height);
    //-----

    if (CFrameWnd::OnCreate(lpCreateStruct) == -1)
        return -1;

    // создать представление для размещения рабочей области рамки
    if (!m_wndView.Create(nullptr, nullptr, AFX_WS_DEFAULT_VIEW, CRect(0, 0, 0, 0), this,
AFX_IDW_PANE_FIRST, nullptr))
    {
        TRACE0("Не удалось создать окно представлений\n");
        return -1;
    }

    if (!m_wndStatusBar.Create(this))
    {
        TRACE0("Не удалось создать строку состояния\n");
        return -1;        // не удалось создать
    }
    m_wndStatusBar.SetIndicators(indicators, sizeof(indicators) / sizeof(UINT));
}

```



```

    return 0;
}

BOOL CMainFrame::PreCreateWindow(CREATESTRUCT& cs)
{
    if (!CFrameWnd::PreCreateWindow(cs))
        return FALSE;
    // TODO: изменить класс Window или стили посредством изменения
    // CREATESTRUCT cs

    cs.style = WS_OVERLAPPED | WS_CAPTION | FWS_ADDTOTITLE
        | WS_THICKFRAME | WS_MINIMIZEBOX | WS_MAXIMIZEBOX;

    cs.dwExStyle &= ~WS_EX_CLIENTEDGE;
    cs.lpszClass = AfxRegisterWndClass(0);
    return TRUE;
}

// Диагностика CMainFrame

#ifdef _DEBUG
void CMainFrame::AssertValid() const
{
    CFrameWnd::AssertValid();
}

void CMainFrame::Dump(CDumpContext& dc) const
{
    CFrameWnd::Dump(dc);
}
#endif // _DEBUG

// Обработчики сообщений CMainFrame

void CMainFrame::OnSetFocus(CWnd* /*pOldWnd*/)
{
    // передача фокуса окну представления
    m_wndView.SetFocus();
}

BOOL CMainFrame::OnCmdMsg(UINT nID, int nCode, void* pExtra, AFX_CMDHANDLERINFO*
pHandlerInfo)
{
    // разрешить ошибки в представлении при выполнении команды
    if (m_wndView.OnCmdMsg(nID, nCode, pExtra, pHandlerInfo))
        return TRUE;

    // в противном случае выполняется обработка по умолчанию
    return CFrameWnd::OnCmdMsg(nID, nCode, pExtra, pHandlerInfo);
}

```

ChildView.h:

```

// ChildView.h: интерфейс класса CChildView
//

```

```

#pragma once

// Окно CChildView

class CChildView : public CWnd
{
    // Создание
public:
    CChildView();

    // Атрибуты
public:
    CRect WinRect;
    CMatrix PView;
    CMatrix PLight;
    int Index;

    // Операции
public:

    // Переопределение
protected:
    virtual BOOL PreCreateWindow(CREATESTRUCT& cs);

    // Реализация
public:
    virtual ~CChildView();

    // Созданные функции схемы сообщений
protected:
    afx_msg void OnPaint();
    DECLARE_MESSAGE_MAP()
public:
    // действия при выборе пункта меню
    afx_msg void OnSphere_Mirror();
    afx_msg void OnSphere_Diffuse();
    afx_msg void OnSize(UINT nType, int cx, int cy);
};

```

ChildView.cpp:

```

// ChildView.cpp: реализация класса CChildView
//

#include "stdafx.h"
#include "MyLab8.h"
#include "ChildView.h"
#include "LibLabs3D.h"

#ifdef _DEBUG
#define new DEBUG_NEW
#endif

// CChildView
//COLORREF Color = RGB(255, 0, 0);

CChildView::CChildView()

```

```

{
    Index = 3;
    PView.RedimMatrix(3);
    PLight.RedimMatrix(3);
}

CChildView::~CChildView()
{
}

// Реализация карты сообщений
BEGIN_MESSAGE_MAP(CChildView, CWnd)
    ON_WM_PAINT()
    // сообщения меню выбора

    ON_COMMAND(ID_Sphere_Mirror, &CChildView::OnSphere_Mirror)
    ON_COMMAND(ID_Sphere_Diffuse, &CChildView::OnSphere_Diffuse)
    ON_WM_SIZE()
END_MESSAGE_MAP()

// Обработчики сообщений CChildView

BOOL CChildView::PreCreateWindow(CREATESTRUCT& cs)
{
    if (!CWnd::PreCreateWindow(cs))
        return FALSE;

    cs.dwExStyle |= WS_EX_CLIENTEDGE;
    cs.style &= ~WS_BORDER;
    cs.lpszClass = AfxRegisterWndClass(CS_HREDRAW | CS_VREDRAW | CS_DBLCLKS,
        ::LoadCursor(nullptr, IDC_ARROW), reinterpret_cast<HBRUSH>(COLOR_WINDOW + 1),
        nullptr);

    return TRUE;
}

void CChildView::OnPaint()
{
    CPaintDC dc(this); // контекст устройства для рисования

    if (Index == 0)
        DrawLightSphere(dc, 1, PView, PLight, WinRect, RGB(255, 0, 0), Index);
    if (Index == 1)
        DrawLightSphere(dc, 1, PView, PLight, WinRect, RGB(255, 0, 0), Index);
}

void CChildView::OnSphere_Mirror()
{
    Index = 1;
    Invalidate();
    PView(0) = 100; PView(1) = 0; PView(2) = 60;
}

void CChildView::OnSphere_Diffuse()
{
    Index = 0;
    Invalidate();
    PView(0) = 100; PView(1) = 0; PView(2) = 60;
}

```

```
void CChildView::OnSize(UINT nType, int cx, int cy)
{
    CWnd::OnSize(nType, cx, cy); // для динамического изменения окна
    WinRect.SetRect(50, 50, cx - 50, cy - 50); // параметры окна рисования
}
```

Задание:

1. Реализовать:

функцию

CMatrix SpaceToWindow(CRectD& rs, CRect& rw);

// Возвращает матрицу пересчета координат из мировых в оконные

// rs - область в мировых координатах - double

// rw - область в оконных координатах - int

функцию

void SetMyMode(CDC& dc, CRectD& RS, CRect& RW); //MFC

// Устанавливает режим отображения MM_ANISOTROPIC и его параметры

// dc - ссылка на класс CDC MFC

// RS - область в мировых координатах

// RW - Область в оконных координатах - int

структуру (для создания пера)

struct CMyPen

{

int PenStyle; // Стиль пера

int PenWidth; // Толщина пера

COLORREF PenColor; // Цвет пера

CMyPen(){PenStyle=PS_SOLID; PenWidth=1;

PenColor=RGB(0,0,0);};

void Set(int PS, int PW, COLORREF PC)

{PenStyle=PS ; PenWidth=PW; PenColor=PC;};

};

класс (для отображения зависимости $Y_i=F(X_i)$):

class CPlot2D

{

CMatrix X; // Аргумент

CMatrix Y; // Функция

CMatrix K; // Матрица пересчета координат

CRect RW; // Прямоугольник в окне

CRectD RS; // Прямоугольник области в МСК

CMyPen PenLine; // Перо для линий

CMyPen PenAxis; // Перо для осей

public:

CPlot2D(){K.RedimMatrix(3,3);}; //Конструктор по умолчанию

void SetParams(CMatrix& XX, CMatrix& YY, CRect& RWX); // Установка

```

// параметров графика
void SetWindowRect(CRect& Rwx); //Установка области в окне для
отображения графика
void GetWindowCoords(double xs,double ys, int &xw,int &yw);
//Пересчет координаты точки из МСК в оконную СК
void SetPenLine(CMyPen& PLine); // Перо для рисования графика
void SetPenAxis(CMyPen& PAxis); // Перо для осей координат
void Draw(CDC& dc,int Ind1,int Int2); // Рисование с самостоятельным
пересчетом //координат
void Draw1(CDC& dc,int Ind1,int Int2); // Рисование с БЕЗ
самостоятельного пересчета координат
void GetRS(CRectD& RS); // Возвращает область графика в
мировой СК
};

```

2. Создать приложение Windows **MyPlot2D** для графического отображения множества точек плоскости (x_i, y_i) , $i = 0, 1, \dots, N$, заданных в мировой системе координат (МСК), в прямоугольную область окна $D^w(x_L^w, y_L^w, x_H^w, y_H^w)$, где

(x_L^w, y_L^w) – оконные координаты левого верхнего угла области D^w ,

(x_H^w, y_H^w) – оконные координаты правого нижнего угла области D^w .

В классе **CChildView** приложения **MyPlot2D** реализовать функции

$$f_1(x) = \sin x/x \quad - \text{ double MyF1(double x)}$$

$$f_2(x) = x^3 \quad - \text{ double MyF2(double x)}$$

$$f_3(x) = \sqrt{x} \sin x \quad - \text{ double MyF3(double x)}$$

$$f_4(x) = x^2 \quad - \text{ double MyF4(double x)}$$

3. В приложении Windows **MyPlot2D** создать пункты меню:

«Tests_F►F1»;

«Tests_F►F2»;

«Tests_F►F3»;

«Tests_F►F4»;

«Tests_F►F1234».

4. Действия при выборе пункта меню «Tests_F►F1»:

Рассчитать значения функции $f_1(x)$ для $x \in [-3\pi; 3\pi]$ с шагом изменения аргумента $\Delta x = \pi/36$. В результате получить два массива – $Y_i = f_1(x_i)$ и X_i .

Установить параметры пера для отображения зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ (толщина – **1**, цвет – **красный**, тип линии – **сплошная**)

Установить толщину пера для отображения координатных осей (толщина – **2**, цвет – **синий**)

Установить параметры прямоугольной области для отображения графика в окне (координаты **левого верхнего угла**, координаты **правого нижнего угла**). Значения координат выбрать так, чтобы график располагался по центру окна. Дать команду на отображение зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ с установленными параметрами в режиме отображения **MM_TEXT**.

5. Действия при выборе пункта меню «Tests_F►F2»:

Рассчитать значения функции $f_2(x)$ для $x \in [-5; 5]$ с шагом изменения аргумента $\Delta x = 0,25$. В результате получить два массива – $Y_i = f_2(x_i)$ и X_i .

Установить параметры пера для отображения зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ (толщина – **1**, цвет – **зеленый**, тип линии – **сплошная**)

Установить толщину пера для отображения координатных осей (толщина – **2**, цвет – **синий**)

Установить параметры прямоугольной области для отображения графика в окне (координаты **левого верхнего угла**, координаты **правого нижнего угла**). Значения координат выбрать так, чтобы график располагался по центру окна. Дать команду на отображение зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ с установленными параметрами в режиме отображения **MM_ANISOTROPIC**.

6. Действия при выборе пункта меню «Tests_F►F3»:

Рассчитать значения функции $f_3(x)$ для $x \in [0; 6\pi]$ с шагом изменения аргумента $\Delta x = \pi/36$. В результате получить два массива – $Y_i = f_1(x_i)$ и X_i .

Установить параметры пера для отображения зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ (толщина – **3**, цвет – **красный**, тип линии – **штрих - пунктирная**)

Установить толщину пера для отображения координатных осей (толщина – **2**, цвет – **черный**)

Установить параметры прямоугольной области для отображения графика в окне (координаты **левого верхнего угла**, координаты **правого нижнего угла**). Значения координат выбрать так, чтобы график располагался по центру окна. Дать команду на отображение зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ с установленными параметрами в режиме отображения **MM_TEXT**.

7. Действия при выборе пункта меню «Tests_F►F4»:

Рассчитать значения функции $f_4(x)$ для $x \in [-10; 10]$ с шагом изменения аргумента $\Delta x = 0,25$. В результате получить два массива – $Y_i = f_2(x_i)$ и X_i .

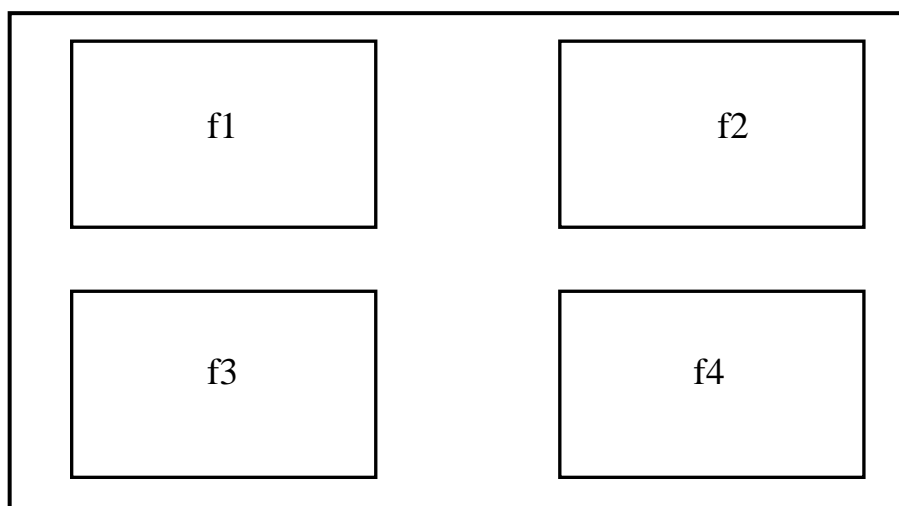
Установить параметры пера для отображения зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ (толщина –2, цвет – **красный**, тип линии – **сплошная**)

Установить толщину пера для отображения координатных осей (толщина –2, цвет – **синий**)

Установить параметры прямоугольной области для отображения графика в окне (координаты **левого верхнего угла**, координаты **правого нижнего угла**). Значения координат выбрать так, чтобы график располагался по центру окна. Дать команду на отображение зависимости $Y_i = f_1(X_i)$ с установленными параметрами в режиме отображения **MM_ANISOTROPIC**.

8. Действия при выборе пункта меню «Tests_F►F1234»:

Дать команду на отображение графиков сразу четырех функций в режиме отображения **MM_TEXT**, которые к моменту выбора команды «Tests_F►F1234» должны быть созданы. Расположение как показано на рисунке. Размеры графиков должны быть одинаковыми.



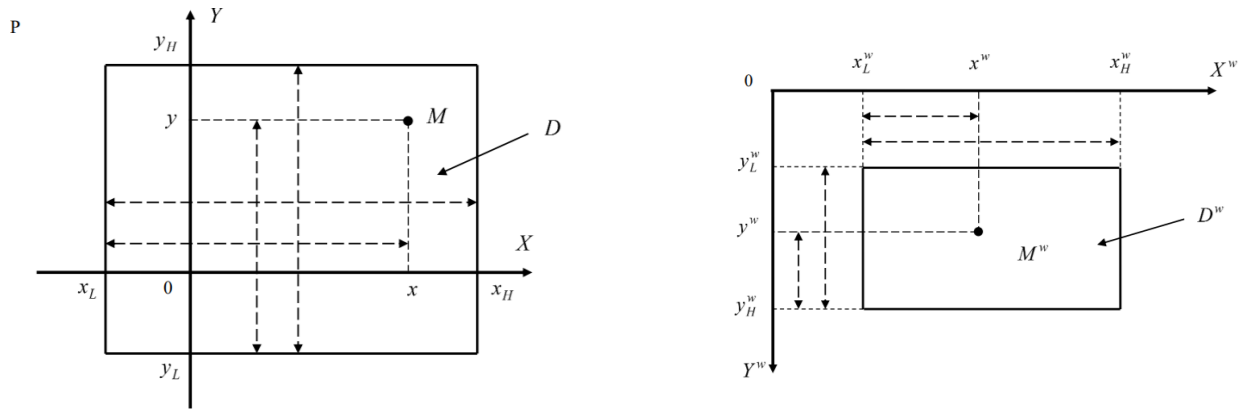
Ход работы:

1. Для выполнения первого задания данной лабораторной работы необходимо:

CMatrix SpaceToWindow:

Рассмотрим оконную систему координат X^wOY^w с началом в левом верхнем углу окна и выделим в ней некоторую прямоугольную область D^w

$M = M(x, y)$ – некоторая точка в мировой системе координат, а $M^w = M^w(x^w, y^w)$ ее образ в оконной системе координат.



Из приведенных рисунков можно получить пропорции:

$$\begin{cases} \frac{x - x_L}{x_H - x_L} = \frac{x^w - x_L^w}{x_H^w - x_L^w} \\ \frac{y - y_L}{y_H - y_L} = -\frac{y^w - y_L^w}{y_H^w - y_L^w} \end{cases}$$

$$x_H^w - x_L^w = \Delta x^w$$

– ширина области отображения в оконных координатах,

$$x_H - x_L = \Delta x$$

– ширина области отображения в мировых координатах,

$$y_H^w - y_L^w = \Delta y^w$$

– высота области отображения в оконных координатах,

$$y_H - y_L = \Delta y$$

– высота области отображения в мировых координатах.

Выделим x^w и y^w :

$$\begin{cases} x^w = x_L^w + k_x(x - x_L) \\ y^w = y_H^w - k_y(y - y_L) \end{cases}$$

Приведем систему к матричному виду:

$$\begin{pmatrix} x^w \\ y^w \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} k_x & 0 & x_L^w \\ 0 & -k_y & y_H^w \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x - x_L \\ y - y_L \\ 1 \end{pmatrix}$$

где

$$k_x = \frac{\Delta x^w}{\Delta x} \quad k_y = \frac{\Delta y^w}{\Delta y}$$

или

$$V^w = T_1 V_1$$

где T_1 и есть искомая матрица

Код:

```
CMatrix SpaceToWindow(CRectD& RS, CRect& RW)
// Возвращает матрицу пересчета координат из мировых в оконные
// RS - область в мировых координатах - double
// RW - область в оконных координатах - int
{
    CMatrix M(3, 3);
    CSize sz = RW.Size();    // Размер области в ОКНЕ
    int dwx = sz.cx;        // Ширина
    int dwy = sz.cy;        // Высота
    CSizeD szd = RS.SizeD(); // Размер области в МИРОВЫХ
координатах

    double dsx = szd.cx;    // Ширина в мировых координатах
    double dsy = szd.cy;    // Высота в мировых координатах

    double kx = (double)dwx / dsx; // Масштаб по x
    double ky = (double)dwy / dsy; // Масштаб по y

    M(0, 0) = kx;  M(0, 1) = 0;   M(0, 2) = (double)RW.left - kx
* RS.left;
    M(1, 0) = 0;   M(1, 1) = -ky;  M(1, 2) = (double)RW.bottom +
ky * RS.bottom;
    M(2, 0) = 0;   M(2, 1) = 0;   M(2, 2) = 1;
    return M;
}
```

void SetMyMode(CDC& dc,CRectD& RS,CRect& RW) :

Режим **MM_ANISOTROPIC** (анизотропный) допускает изменение направления осей X и Y, а также изменение масштаба осей координат. Анизотропный режим **MM_ANISOTROPIC** предполагает использование разных масштабов для разных осей (хотя можно использовать и одинаковые масштабы).

Для изменения ориентации и масштаба осей можно воспользоваться функциями **SetViewportExt** и **SetWindowExt**, которые являются методами класса CDC из библиотеки MFC:

```
virtual CSize SetWindowExt(int cx, int cy),
virtual CSize SetViewportExt(int cx, int cy).
```

Функция **SetWindowExt** устанавливает для формулы преобразования координат значения переменных **xWinExt** и **yWinExt**. Функция **SetViewportExt** устанавливает для формулы преобразования координат значения переменных **xViewExt** и **yViewExt**.

Функция **SetViewportExt** должна использоваться после функции **SetWindowExt**.

Анизотропный режим удобен в тех случаях, когда изображение должно занимать всю внутреннюю поверхность окна при любом изменении размеров окна. Соотношение масштабов при этом не сохраняется.

$$\begin{cases} x_{Viewport} = (x_{Window} - x_{WinOrg}) \frac{x_{ViewExt}}{x_{WinExt}} + x_{ViewOrg} \\ y_{Viewport} = (y_{Window} - y_{WinOrg}) \frac{y_{ViewExt}}{y_{WinExt}} + y_{ViewOrg} \end{cases}$$

Формулы, по которым пересчитывают координаты функции GDIWindows:

Возьмем выражения для пересчета координат из мировых в оконные:

$$\begin{cases} x^w = x_L^w + \frac{\Delta x^w}{\Delta x} (x - x_L) \\ y^w = y_H^w - \frac{\Delta y^w}{\Delta y} (y - y_L) \end{cases}$$

Отсюда получаем:

$$y_{WinExt} = \Delta y, \quad y_{ViewExt} = -\Delta y^w,$$

$$x_{WinOrg} = x_L, \quad x_{ViewOrg} = x_L^w,$$

$$y_{WinOrg} = y_L, \quad y_{ViewOrg} = y_H^w,$$

$$x_{WinExt} = \Delta x, \quad x_{ViewExt} = \Delta x^w;$$

Что означает: перевод координат из мировых в оконные можно возложить на функции **GDI Windows**, установив предварительно режим отображения **MM_ANISOTROPIC**

Код:

```
void SetMyMode(CDC& dc, CRectD& RS, CRect& RW) //MFC
// Устанавливает режим отображения MM_ANISOTROPIC и его параметры
// dc - ссылка на класс CDC MFC
// RS - область в мировых координатах - int
// RW - Область в оконных координатах - int
{
    double dsx = RS.right - RS.left;
    double dsy = RS.top - RS.bottom;
    double xsL = RS.left;
    double ysL = RS.bottom;

    int dwx = RW.right - RW.left;
    int dwy = RW.bottom - RW.top;
    int xwL = RW.left;
    int ywH = RW.bottom;

    dc.SetMapMode(MM_ANISOTROPIC); // задание режима
отображения координат
    dc.SetWindowExt(dsx, dsy); // размер окна вдоль двух
логических координат
    dc.SetViewportExt(dwx, -dwy); // размер окна вдоль двух
физических координат
    dc.SetWindowOrg(xsL, ysL); // задание начала
отображения в логической системе координат
    dc.SetViewportOrg(xwL, ywH); // задание начала отображения в
физической системе координат
}

struct CMyPen
{
    int PenStyle; // Стиль пера
    int PenWidth; // Толщина пера
    COLORREF PenColor; // Цвет пера
    CMyPen() { PenStyle = PS_SOLID; PenWidth = 1; PenColor = RGB(0,
0, 0); };
    void Set(int PS, int PW, COLORREF PC) { PenStyle = PS; PenWidth =
PW; PenColor = PC; };
};
```

Это – структура **CMyPen**, которая и представляет собой перо, которым мы будем рисовать наши графики. Она содержит три поля, которые отвечают за стиль, толщину и цвет, конструктор по умолчанию и метод **Set()**, благодаря

которому мы можем сами установить стиль нашего пера. Мы будем работать с двумя экземплярами этой структуры: **PenLine** – перо, для рисования графика и **PenAxis** – перо, для рисования осей.

Таким образом, в нашей функции **OnTest1()** строка **PenLine.Set(PS_SOLID, 1, RGB(255, 0, 0))** говорит о том, что наше перо будет рисовать сплошной линией красного цвета толщиной 1 и **PenAxis.Set(PS_SOLID, 2, RGB(0, 0, 255))** – перо, которое рисует сплошной синей линией толщиной 2.

```
class CPlot2D
{
    CMatrix X;           // Аргумент
    CMatrix Y;           // Функция
    CMatrix K;           // Матрица пересчета координат
    CRect RW;            // Прямоугольник в окне
    CRectD RS;           // Прямоугольник области в МСК
    CMyPen PenLine;      // Перо для линий
    CMyPen PenAxis;      // Перо для осей
public:
    CPlot2D() { K.RedimMatrix(3, 3); };           //Конструктор по
умолчанию
    void SetParams(CMatrix& XX, CMatrix& YY, CRect& RWX); //
Установка параметров графика
    void SetWindowRect(CRect& RWX);               //Установка
области в окне для отображения графика
    void GetWindowCoords(double xs, double ys, int &xw, int &yw);
    //Пересчет координаты точки из МСК в оконную СК
    void SetPenLine(CMyPen& PLine);               // Перо для
рисования графика
    void SetPenAxis(CMyPen& PAxis);               // Перо для осей
координат
    void Draw(CDC& dc, int Ind1, int Int2);        // Рисование с
самостоятельным пересчетом координат
    void Draw1(CDC& dc, int Ind1, int Int2);       // Рисование БЕЗ
самостоятельного пересчета координат
    void DrawBezier(CDC& dc, int NT);
    void GetRS(CRectD& RS); // Возвращает область графика в мировой СК
};
```

Метод **SetParams** устанавливает параметры графика и принимает 3 параметра:

CMatrix& XX - вектор данных по X
CMatrix& YY - вектор данных по Y
CRect& RWX - область в окне

Код:

```
void CPlot2D::SetParams(CMatrix& XX, CMatrix& YY, CRect& RWX)
{
    int nRowsX = XX.rows();
```

```

int nRowsY = YY.rows();
if (nRowsX != nRowsY)
{
    TCHAR* error = _T("SetParams: неправильные размеры массивов
данных");
    MessageBox(NULL, error, _T("Ошибка"), MB_ICONSTOP);

    exit(1);
}
X.RedimMatrix(nRowsX); // Изменяет размер матрицы с уничтожением
данных
//параметр – новое число строк
Y.RedimMatrix(nRowsY); // аналогично
X = XX;
Y = YY;
//Максимальные и минимальные значения матриц
double x_max = X.MaxElement();
double x_min = X.MinElement();
double y_max = Y.MaxElement();
double y_min = Y.MinElement();
RS.SetRectD(x_min, y_max, x_max, y_min); // Область в мировой СК
RW.SetRect(RWX.left, RWX.top, RWX.right, RWX.bottom); // Область
в окне
K = SpaceToWindow(RS, RW); // Матрица пересчета координат
// SpaceToWindow - Возвращает матрицу пересчета координат из
мировых в оконные
// RS - область в мировых координатах - double
// RW - область в оконных координатах - int
}

```

Метод **SetWindowRect** устанавливает область в окне отображения графика.
Метод **GetWindowCoords** пересчитывает координаты из МСК в оконную СК
Метод **SetPenLine** и **SetPenAxis** установка параметров пера для линии графика и установка параметров пера для линий осей соответственно
Метод **Draw** рисует график в режиме MM_TEXT - собственный пересчет координат
Метод **Draw1** рисует график в режиме MM_ANISOTROPIC - без собственного пересчета координат
Метод **DrawBezier** рисует кривую Безье по набору опорных точек
Метод **GetRS** - RS - структура, куда записываются параметры области графика

2. Для выполнения второго задания данной лабораторной работы необходимо:

Мировые координаты объектов являются трехмерными. Положение объекта может быть описано, например, в прямоугольной или сферической

системе координат. Где располагается центр системы координат и каковы единицы измерения вдоль каждой оси, не очень важно. Важно то, что для отображения должны быть известны какие-то числовые значения координат отображаемых объектов.

```
#ifdef _DEBUG
#define new DEBUG_NEW
#endif
```

```
// CChildView
```

```
CChildView::CChildView()
{
}
```

```
CChildView::~~CChildView()
{
}
```

```
// Обработчики сообщений CChildView
```

```
BOOL CChildView::PreCreateWindow(CREATESTRUCT& cs)
{
    if (!CWnd::PreCreateWindow(cs))
        return FALSE;

    cs.dwExStyle |= WS_EX_CLIENTEDGE;
    cs.style &= ~WS_BORDER;
    cs.lpszClass = AfxRegisterWndClass(CS_HREDRAW|CS_VREDRAW|CS_DBLCLKS,
        ::LoadCursor(nullptr, IDC_ARROW),
        reinterpret_cast<HBRUSH>(COLOR_WINDOW+1), nullptr);

    return TRUE;
}
```

```
void CChildView::OnPaint()
{
    CPaintDC dc(this); // контекст устройства для рисования

    if (Index == 1) // режим отображения MM_TEXT
    {
        Graph.Draw(dc, 1, 1);
    }

    if (Index == 2)
    {
```

```

Graph.GetRS(RS);
SetMyMode(dc, RS, RW); // Устанавливает режим отображения
MM_ANISOTROPIC (можно выбирать X и Y )
Graph.Draw1(dc, 1, 1);
dc.SetMapMode(MM_TEXT); // Устанавливает режим
отображения MM_TEXT (напр X вправо, напр Y вниз)
}
}

double CChildView::MyF1(double x)
{
double y = sin(x) / x;
return y;
}

double CChildView::MyF2(double x)
{
double y = pow(x, 3);
return y;
}

double CChildView::MyF3(double x)
{
double y = sqrt(x) * sin(x);
return y;
}

double CChildView::MyF4(double x)
{
double y = x * x;
return y;
}

```

3. Реализация третьего задания выполняется следующим образом

```

// Реализация карты сообщений
BEGIN_MESSAGE_MAP(CChildView, CWnd)
    ON_WM_PAINT()
    // сообщения меню выбора
    ON_COMMAND(ID_TESTS_F1, &CChildView::OnTestsF1)

    ON_COMMAND(ID_TESTS_F2, &CChildView::OnTestsF2)
    ON_COMMAND(ID_TESTS_F3, &CChildView::OnTestsF3)

    ON_COMMAND(ID_TESTS_F4, &CChildView::OnTestsF4)
    ON_COMMAND(ID_TESTS_F1234, &CChildView::OnTestsF1234)

```

END_MESSAGE_MAP()

Начинается карта сообщений с макроса **BEGIN_MESSAGE_MAP()**, у которого указывается два параметра: имя класса и имя класса родителя. Заканчивается карта сообщений макросом **END_MESSAGE_MAP()**.

CChildView имя класса, **CWnd**- имя класса-родителя. Директива **ON_COMMAND**, принимающая два параметра, где первый это айди функции и второй параметр функция, которая вызывается при обработке, отвечает за реализацию действий при выборе нужной кнопки. **ON_WM_PAINT()** определяет функцию прорисовки экрана.

```
protected:
    afx_msg void OnPaint();
    DECLARE_MESSAGE_MAP()
public:
    // действия при выборе пункта меню
    afx_msg void OnTestsF1();
    afx_msg void OnTestsF2();
    afx_msg void OnTestsF3();
    afx_msg void OnTestsF4();
    afx_msg void OnTestsF1234();
```

В классе **CChildView** нужно определить следующие поля. Здесь 6 виртуальных процедур на нажатие какой-либо из кнопок. Здесь, **afx_msg** является пустым макросом, но используется для того, чтобы показать нам, что функция является обработчиком сообщений.

4. Четвертое задание выполняется следующим образом:

```
void CChildView::OnTestsF1()    // MM_TEXT
{
    double Xl = -3 * pi;        // Координата X левого угла области
    double Xh = -Xl;            // Координата X правого угла области
    double dX = pi / 36;        // Шаг графика функции
    int N = (Xh - Xl) / dX;      // Количество точек графика
    X.RedimMatrix(N + 1);       // Создаем вектор с N+1 строками для
    хранения координат точек по X
    Y.RedimMatrix(N + 1);       // Создаем вектор с N+1 строками для
    хранения координат точек по Y
    for (int i = 0; i <= N; i++)
    {
        X(i) = Xl + i * dX;      // Заполняем массивы/векторы
        значениями               значениями
        Y(i) = MyF1(X(i));
    }
```



```

    PenLine.Set(PS_SOLID, 1, RGB(255, 0, 0)); // Устанавливаем
параметры пера для линий (сплошная линия, толщина 1, цвет красный)
    PenAxis.Set(PS_SOLID, 2, RGB(0, 0, 255)); // Устанавливаем
параметры пера для осей (сплошная линия, толщина 2, цвет синий)
    RW.SetRect(100, 100, 500, 500); // Установка
параметров прямоугольной области для отображения графика в окне
    Graph.SetParams(X, Y, RW); // Передаем
векторы с координатами точек и область в окне
    Graph.SetPenLine(PenLine); // Установка
параметров пера для линии графика
    Graph.SetPenAxis(PenAxis); // Установка
параметров пера для линий осей
    Index = 1; // Помечаем
для режима отображения MM_TEXT
    this->Invalidate();
}

```

Здесь вы можете увидеть переменную π , которую мы инициализировали ранее ($\pi = 3.14159$). Создаем интервал $[-3\pi; 3\pi]$ простым присваиванием переменной $Xl = -3*\pi$ и $Xh = -Xl$ (равносильно $3*\pi$). Таким же образом создаем переменную с шагом изменения аргумента.

Функция **RedimMatrix**, которая принимает один аргумент, изменяет размер матрицы с уничтожением данных. Передаваемый параметр – новое количество строк.

Для того чтобы заполнить наши векторы значениями нужно определить количество точек на заданном промежутке. Делается это с помощью формулы $(Xh-Xl)/dX$. Далее мы пишем цикл на количество итерация равным количеству точек на промежутке. X и Y наши векторы координат типа **CMatrix**. В этом классе мы перегружали различные операторы. Далее приведен кусок кода, который перегружает оператор « $()$ » и позволяет получить нам i -ый элемент вектора:

```

double &CMatrix::operator()(int i)
// i - номер строки для вектора
{
    if (n_cols > 1) // Число столбцов больше одного
    {
        char* error = "CMatrix::operator(int): объект не вектор -
число столбцов больше 1 ";
        MessageBox(NULL, (LPCWSTR)error, L"Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    if (i > n_rows - 1) // проверка выхода за диапазон
    {
        TCHAR* error = TEXT("CMatrix::operator(int): выход индекса
за границу диапазона ");
        MessageBox(NULL, error, TEXT("Ошибка"), MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
}

```

```

    }
    return array[i][0];
}

```

Здесь происходит обработка ошибок, на случай, если несколько столбцов, а не один и проверка выхода за диапазон. Строка

```
return array[i][0]
```

возвращает нам *i*-ый элемент вектора, где *array* и представляет сам вектор.

Вернемся снова к нашей функции **OnTestsF1()**. Вектор *X* принимает значения от крайней точки нашего интервала и увеличивается каждый раз на шаг графика, умноженный *i* раз. А значение для *Y* устанавливается за счет написанной ранее функции **MyF1()**, принимающей в качестве параметра значения *икса*:

```

double CChildView::MyF1(double x)
{
    double y = sin(x) / x;
    return y;
}

```

Получив все значения и инициализировав наши вектора можно приступить к настройке параметров пера, которое было описано ранее. Таким образом, строка

```
PenLine.Set(PS_SOLID, 1, RGB(255, 0, 0))
```

говорит о том, что наше перо будет рисовать сплошной линией красного цвета толщиной 1 и **PenAxis.Set(PS_SOLID, 2, RGB(0, 0, 255))** – перо, которое рисует сплошной синей линией толщиной 2.

Следующая строка **RW.SetRect(100, 100, 500, 500)**, которая работает с объектом **RW** встроенного класса **CRect**. Метод **SetRect** позволяет установить нам прямоугольную область, передавая сначала в качестве параметров координаты верхней левой точки и далее нижней правой.

Graph – объект класса **CPlot2D**, который описан выше. Вначале с помощью метода **SetParams** мы передаем наши векторы *X* и *Y* и прямоугольную область, в которой и будет располагаться наш график. Далее благодаря методам **SetPenLine** и **SetPenAxis** мы устанавливаем параметры пера для графика функции и координатных осей. В конце устанавливаем переменной **Index** значение равное 1 для режима отображения **MM_TEXT** – каждый логический модуль преобразован в один пиксель устройства. Последней строкой мы запрещаем рисовать на нашей области что-то еще.

5-7. Выполнение пятого задания, как шестого и седьмого, и реализация функций **OnTestsF2()**, **OnTestsF3()**, **OnTestsF4()**, ничем не отличается от задания 4 и функции **OnTestsF1()**, кроме данных значений. Поэтому при выполнении заданий 5, 6, 7 руководствуйтесь заданием 4.

Небольшое дополнение: в 5 и 7 заданиях для переменной индекс используйте значение 2, таким образом вы будете использовать режим отображения **MM_ANISOTROPIC**.

8. Выполнение задания №8:

Выполнение восьмого задания заключается в объединении ваших прошлых успехов с заданиями 4, 5, 6, 7. Здесь поочередно рисуется каждый график и устанавливаются параметры для расположения его на экране.

```
void CChildView::OnTestsF1234()
{
    Invalidate();
    CPaintDC dc(this);
    double Xl = -3 * pi;
    double Xh = -Xl;
    double dX = pi / 36;
    int N = (Xh - Xl) / dX;
    X.RedimMatrix(N + 1);
    Y.RedimMatrix(N + 1);
    for (int i = 0; i <= N; i++)
    {
        X(i) = Xl + i * dX;
        Y(i) = MyF1(X(i));
    }
    PenLine.Set(PS_SOLID, 1, RGB(255, 0, 0));
    PenAxis.Set(PS_SOLID, 2, RGB(0, 0, 255));
    RW.SetRect(20, 10, 270, 260);
    Graph.SetParams(X, Y, RW);
    Graph.SetPenLine(PenLine);
    Graph.SetPenAxis(PenAxis);
    Graph.Draw(dc, 1, 1);

    Xl = -5;
    Xh = -Xl;
    dX = 0.25;
    N = (Xh - Xl) / dX;
    X.RedimMatrix(N + 1);
    Y.RedimMatrix(N + 1);
    for (int i = 0; i <= N; i++)
    {
        X(i) = Xl + i * dX;
        Y(i) = MyF2(X(i));
    }
}
```

```

    }
    PenLine.Set(PS_SOLID, 1, RGB(0, 255, 0));
    PenAxis.Set(PS_SOLID, 2, RGB(0, 0, 255));
    RW.SetRect(290, 10, 540, 260);
    Graph.SetParams(X, Y, RW);
    Graph.SetPenLine(PenLine);
    Graph.SetPenAxis(PenAxis);
    Graph.Draw(dc, 1, 1);

    Xl = 0;
    Xh = 6 * pi;
    dX = pi / 36;
    N = (Xh - Xl) / dX;
    X.RedimMatrix(N + 1);
    Y.RedimMatrix(N + 1);
    for (int i = 0; i <= N; i++)
    {
        X(i) = Xl + i * dX;
        Y(i) = MyF3(X(i));
    }
    PenLine.Set(PS_DASHDOT, 1, RGB(255, 0, 0));
    PenAxis.Set(PS_SOLID, 2, RGB(0, 0, 0));
    RW.SetRect(20, 280, 270, 530);
    Graph.SetParams(X, Y, RW);
    Graph.SetPenLine(PenLine);
    Graph.SetPenAxis(PenAxis);
    Graph.Draw(dc, 1, 1);

    Xl = -10;
    Xh = -Xl;
    dX = 0.25;
    N = (Xh - Xl) / dX;
    X.RedimMatrix(N + 1);
    Y.RedimMatrix(N + 1);
    for (int i = 0; i <= N; i++)
    {
        X(i) = Xl + i * dX;
        Y(i) = MyF4(X(i));
    }
    PenLine.Set(PS_SOLID, 2, RGB(255, 0, 0));
    PenAxis.Set(PS_SOLID, 2, RGB(0, 0, 255));
    RW.SetRect(290, 280, 540, 530);
    Graph.SetParams(X, Y, RW);
    Graph.SetPenLine(PenLine);
    Graph.SetPenAxis(PenAxis);
    Graph.Draw(dc, 1, 1);
}

```

Lab03.h

```
// Lab03.h: основной файл заголовка для приложения Lab03
//
#pragma once

#ifdef __AFXWIN_H__
    #error "включить stdafx.h до включения этого файла в PCH"
#endif

#include "resource.h"          // основные символы

// CLab01App:
// Сведения о реализации этого класса: Lab01.cpp
//

class CLab01App : public CWinApp
{
public:
    CLab01App() noexcept;

    // Переопределение
public:
    virtual BOOL InitInstance();
    virtual int ExitInstance();

    // Реализация
public:
    afx_msg void OnAppAbout();
    DECLARE_MESSAGE_MAP()
};

extern CLab01App theApp;
```

```
// Lab02.cpp: определяет поведение классов для приложения.
//

#include "stdafx.h"
#include "afxwinappex.h"
#include "afxdialogex.h"
#include "Lab03.h"
#include "MainFrm.h"

#ifdef _DEBUG
#define new DEBUG_NEW
#endif

// CLab01App

BEGIN_MESSAGE_MAP(CLab01App, CWinApp)
END_MESSAGE_MAP()

// Создание CLab01App

CLab01App::CLab01App() noexcept
{
```

```

        SetAppID(_T("Lab01.AppID.NoVersion"));
    }

    // Единственный объект CLab01App

    CLab01App theApp;

    // Инициализация CLab01App

    BOOL CLab01App::InitInstance()
    {
        // InitCommonControlsEx() требуется для Windows XP, если манифест
        // приложения использует ComCtl32.dll версии 6 или более поздней версии
        для включения
        // стилей отображения. В противном случае будет возникать сбой при
        // создании любого окна.
        INITCOMMONCONTROLSEX InitCtrls;
        InitCtrls.dwSize = sizeof(InitCtrls);
        // Выберите этот параметр для включения всех общих классов управления,
        // которые необходимо использовать
        // в вашем приложении.
        InitCtrls.dwICC = ICC_WIN95_CLASSES;
        InitCommonControlsEx(&InitCtrls);

        CWinApp::InitInstance();

        // Инициализация библиотек OLE
        if (!AfxOleInit())
        {
            AfxMessageBox(IDP_OLE_INIT_FAILED);
            return FALSE;
        }

        AfxEnableControlContainer();

        EnableTaskbarInteraction(FALSE);

        // Для использования элемента управления RichEdit требуется метод
        AfxInitRichEdit2()
        // AfxInitRichEdit2();

        // Стандартная инициализация
        // Если эти возможности не используются и необходимо уменьшить размер
        // конечного исполняемого файла, необходимо удалить из следующего
        // конкретные процедуры инициализации, которые не требуются
        // Измените раздел реестра, в котором хранятся параметры
        // TODO: следует изменить эту строку на что-нибудь подходящее,
        // например на название организации
        SetRegistryKey(_T("Локальные приложения, созданные с помощью мастера
приложений"));

        // Чтобы создать главное окно, этот код создает новый объект окна
        // рамки, а затем задает его как объект основного окна приложения
        CFrameWnd* pFrame = new CMainFrame;
        if (!pFrame)
            return FALSE;
        m_pMainWnd = pFrame;
        // создайте и загрузите рамку с его ресурсами
        pFrame->LoadFrame(IDR_MAINFRAME,
            WS_OVERLAPPEDWINDOW | FWS_ADDTOTITLE, nullptr,
            nullptr);
    }

```

```

        // Разрешить использование расширенных символов в горячих клавишах меню
        CMFCToolBar::m_bExtCharTranslation = TRUE;

        // Одно и только одно окно было инициализировано, поэтому отобразите и
обновите его
        pFrame->ShowWindow(SW_SHOW);
        pFrame->UpdateWindow();
        return TRUE;
    }

    int CLab01App::ExitInstance()
    {
        //TODO: обработайте дополнительные ресурсы, которые могли быть добавлены
        AfxOleTerm(FALSE);

        return CWinApp::ExitInstance();
    }

    // Обработчики сообщений CLab01App

    // Диалоговое окно CAboutDlg используется для описания сведений о приложении

    class CAboutDlg : public CDialogEx
    {
    public:
        CAboutDlg() noexcept;

        // Данные диалогового окна
#ifdef AFX_DESIGN_TIME
        enum { IDD = IDD_ABOUTBOX };
#endif

    protected:
        virtual void DoDataExchange(CDataExchange* pDX);    // поддержка DDX/DDV

        // Реализация
    protected:
        DECLARE_MESSAGE_MAP()
    };

    CAboutDlg::CAboutDlg() noexcept : CDialogEx(IDD_ABOUTBOX)
    {
    }

    void CAboutDlg::DoDataExchange(CDataExchange* pDX)
    {
        CDialogEx::DoDataExchange(pDX);
    }

    BEGIN_MESSAGE_MAP(CAboutDlg, CDialogEx)
    END_MESSAGE_MAP()

    // Команда приложения для запуска диалога
    void CLab01App::OnAppAbout()
    {
        CAboutDlg aboutDlg;
        aboutDlg.DoModal();
    }

```

Создадим графическую библиотеку LibChart2D:

LibChart2D:

```
#ifndef LIBGRAPH
#define LIBGRAPH 1
const double pi = 3.14159;
typedef double(*pfunc2)(double, double);    // Указатель на функцию

struct CSizeD
{
    double cx;
    double cy;
};
//-----
struct CRectD
{
    double left;
    double top;
    double right;
    double bottom;
    CRectD() { left = top = right = bottom = 0; };
    CRectD(double l, double t, double r, double b);
    void SetRectD(double l, double t, double r, double b);
    CSizeD SizeD();
};
//-----

CMatrix SpaceToWindow(CRectD& rs, CRect& rw);
// Возвращает матрицу пересчета координат из мировых в оконные
// rs - область в мировых координатах - double
// rw - область в оконных координатах - int
//-----
void SetMyMode(CDC& dc, CRect& RS, CRect& RW); //MFC
// Устанавливает режим отображения MM_ANISOTROPIC и его параметры
// dc - ссылка на класс CDC MFC
// RS - область в мировых координатах - int
// RW - Область в оконных координатах - int
//-----
CMatrix CreateTranslate2D(double dx, double dy);
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его смещении
// на dx по оси X и на dy по оси Y в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при смещении начала
// системы координат на -dx оси X и на -dy по оси Y при фиксированном положении объекта
//-----
CMatrix CreateTranslate3D(double dx, double dy, double dz);
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его смещении
// на dx по оси X, на dy по оси Y, на dz по оси Z в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при смещении начала
// системы координат на -dx оси X, на -dy по оси Y, на -dz по оси Z
// при фиксированном положении объекта
//-----
CMatrix CreateRotate2D(double fi);
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его повороте
// на угол fi (при fi>0 против часовой стрелки) в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при повороте начала
```



```

// системы координат на угол -fi при фиксированном положении объекта
// fi - угол в градусах

//-----
CMatrix CreateRotate3DZ(double fi);
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его повороте вокруг оси Z
// на угол fi (при fi>0 против часовой стрелки) в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при повороте начала
// системы координат вокруг оси Z на угол -fi при фиксированном положении объекта
// fi - угол в градусах

//-----
CMatrix CreateRotate3DX(double fi);
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его повороте вокруг оси X
// на угол fi (при fi>0 против часовой стрелки) в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при повороте начала
// системы координат вокруг оси X на угол -fi при фиксированном положении объекта
// fi - угол в градусах

//-----
CMatrix CreateRotate3DY(double fi);
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его повороте вокруг оси Y
// на угол fi (при fi>0 против часовой стрелки) в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при повороте начала
// системы координат вокруг оси Y на угол -fi при фиксированном положении объекта
// fi - угол в градусах

//-----
CMatrix CreateViewCoord(double r, double fi, double q);
// Создает матрицу пересчета точки из мировой системы координат в видовую
// (r,fi,q) - координата ТОЧКИ НАБЛЮДЕНИЯ (начало видовой системы координат)
// в мировой сферической системе координат (углы fi и q в градусах)
//-----
CMatrix VectorMult(CMatrix& V1, CMatrix& V2);
// Вычисляет векторное произведение векторов V1 и V2
//-----
double ScalarMult(CMatrix& V1, CMatrix& V2);
// Вычисляет скалярное произведение векторов V1 и V2
//-----
double ModVec(CMatrix& V);
// Вычисляет модуль вектора V
//-----
double CosV1V2(CMatrix& V1, CMatrix& V2);
// Вычисляет КОСИНУС угла между векторами V1 и V2
//-----
double AngleV1V2(CMatrix& V1, CMatrix& V2);
// Вычисляет угол между векторами V1 и V2 в градусах
//-----
CMatrix SphereToCart(CMatrix& PView);
// Преобразует сферические координаты PView точки в декартовы
// PView(0) - r
// PView(1) - fi - азимут (отсчет от оси X), град.
// PView(2) - q - угол (отсчет от оси Z), град.
// Результат: R(0) - x, R(1) - y, R(2) - z
//-----
void GetProjection(CRectD& RS, CMatrix& Data, CMatrix& PView, CRectD& PR);
// Вычисляет координаты проекции охватывающего фигуру параллелепипеда на
// плоскость XY в ВИДОВОЙ системе координат
// Data - матрица данных
// RS - область на плоскости XY, на которую опирается отображаемая поверхность

```

```

// PView - координаты точки наблюдения в мировой сферической системе координат
// PR - проекция
//-----

#endif

```

LibGraph2D.cpp:

```

#include "stdafx.h"

CRectD::CRectD(double l, double t, double r, double b)
{
    left = l;
    top = t;
    right = r;
    bottom = b;
}
//-----
void CRectD::SetRectD(double l, double t, double r, double b)
{
    left = l;
    top = t;
    right = r;
    bottom = b;
}
//-----
CSizeD CRectD::SizeD()
{
    CSizeD cz;
    cz.cx = fabs(right - left); // Ширина прямоугольной области
    cz.cy = fabs(top - bottom); // Высота прямоугольной области
    return cz;
}
//-----
CMatrix SpaceToWindow(CRectD& RS, CRect& RW)
// Возвращает матрицу пересчета координат из мировых в оконные
// RS - область в мировых координатах - double
// RW - область в оконных координатах - int
{
    CMatrix M(3, 3);
    CSize sz = RW.Size(); // Размер области в ОКНЕ
    int dwx = sz.cx; // Ширина
    int dwy = sz.cy; // Высота
    CSizeD szd = RS.SizeD(); // Размер области в МИРОВЫХ координатах

    double dsx = szd.cx; // Ширина в мировых координатах
    double dsy = szd.cy; // Высота в мировых координатах
    double kx = (double)dwx / dsx; // Масштаб по x
    double ky = (double)dwy / dsy; // Масштаб по y

    M(0, 0) = kx; M(0, 1) = 0; M(0, 2) = (double)RW.left - kx * RS.left;
    M(1, 0) = 0; M(1, 1) = -ky; M(1, 2) = (double)RW.bottom + ky * RS.bottom;
    M(2, 0) = 0; M(2, 1) = 0; M(2, 2) = 1;
    return M;
}

```

```

//-----

void SetMyMode(CDC& dc, CRect& RS, CRect& RW) //MFC
// Устанавливает режим отображения MM_ANISOTROPIC и его параметры
// dc - ссылка на класс CDC MFC
// RS - область в мировых координатах - int
// RW - Область в оконных координатах - int
{
    int dsx = RS.right - RS.left;
    int dsy = RS.top - RS.bottom;
    int xsL = RS.left;
    int ysL = RS.bottom;

    int dwx = RW.right - RW.left;
    int dwy = RW.bottom - RW.top;
    int xwL = RW.left;
    int ywH = RW.bottom;

    dc.SetMapMode(MM_ANISOTROPIC);
    dc.SetWindowExt(dsx, dsy);
    dc.SetViewportExt(dwx, -dwy);
    dc.SetWindowOrg(xsL, ysL);
    dc.SetViewportOrg(xwL, ywH);
}

//-----
CMatrix CreateTranslate2D(double dx, double dy)
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его смещении
// на dx по оси X и на dy по оси Y в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при смещении начала
// системы координат на -dx оси X и на -dy по оси Y при фиксированном положении объекта
{
    CMatrix TM(3, 3);
    TM(0, 0) = 1; TM(0, 2) = dx;
    TM(1, 1) = 1; TM(1, 2) = dy;
    TM(2, 2) = 1;
    return TM;
}

//-----
CMatrix CreateTranslate3D(double dx, double dy, double dz)
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его смещении
// на dx по оси X, на dy по оси Y, на dz по оси Z в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при смещении начала
// системы координат на -dx оси X, на -dy по оси Y, на -dz по оси Z
// при фиксированном положении объекта
{
    CMatrix TM(4, 4);
    for (int i = 0; i < 4; i++) TM(i, i) = 1;
    TM(0, 3) = dx;
    TM(1, 3) = dy;
    TM(2, 3) = dz;
    return TM;
}

//-----
CMatrix CreateRotate2D(double fi)
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его повороте

```

```

// на угол fi (при fi>0 против часовой стрелки) в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при повороте начала
// системы координат на угол -fi при фиксированном положении объекта
// fi - угол в градусах
{
    double fg = fmod(fi, 360.0);
    double ff = (fg / 180.0) * pi; // Перевод в радианы
    CMatrix RM(3, 3);
    RM(0, 0) = cos(ff); RM(0, 1) = -sin(ff);
    RM(1, 0) = sin(ff); RM(1, 1) = cos(ff);
    RM(2, 2) = 1;
    return RM;
}
//-----

CMatrix CreateRotate3DZ(double fi)
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его повороте вокруг оси Z
// на угол fi (при fi>0 против часовой стрелки) в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при повороте начала
// системы координат вокруг оси Z на угол -fi при фиксированном положении объекта
// fi - угол в градусах
{
    double fg = fmod(fi, 360.0);
    double ff = (fg / 180.0) * pi; // Перевод в радианы
    CMatrix RM(4, 4);
    RM(0, 0) = cos(ff); RM(0, 1) = -sin(ff);
    RM(1, 0) = sin(ff); RM(1, 1) = cos(ff);
    RM(2, 2) = 1;
    RM(3, 3) = 1;
    return RM;
}
//-----

CMatrix CreateRotate3DX(double fi)
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его повороте вокруг оси X
// на угол fi (при fi>0 против часовой стрелки) в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при повороте начала
// системы координат вокруг оси X на угол -fi при фиксированном положении объекта
// fi - угол в градусах
{
    double fg = fmod(fi, 360.0);
    double ff = (fg / 180.0) * pi; // Перевод в радианы
    CMatrix RM(4, 4);
    RM(0, 0) = 1;
    RM(1, 1) = cos(ff); RM(1, 2) = -sin(ff);
    RM(2, 1) = sin(ff); RM(2, 2) = cos(ff);
    RM(3, 3) = 1;
    return RM;
}
//-----

CMatrix CreateRotate3DY(double fi)
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при его повороте вокруг оси Y
// на угол fi (при fi>0 против часовой стрелки) в фиксированной системе координат
// --- ИЛИ ---
// Формирует матрицу для преобразования координат объекта при повороте начала
// системы координат вокруг оси Y на угол -fi при фиксированном положении объекта
// fi - угол в градусах
{
    double fg = fmod(fi, 360.0);
    double ff = (fg / 180.0) * pi; // Перевод в радианы
    CMatrix RM(4, 4);

```

```

    RM(0, 0) = cos(ff); RM(0, 2) = sin(ff);
    RM(1, 1) = 1;
    RM(2, 0) = -sin(ff); RM(2, 2) = cos(ff);
    RM(3, 3) = 1;
    return RM;
}

//-----
CMatrix VectorMult(CMatrix& V1, CMatrix& V2)
// Вычисляет векторное произведение векторов V1 и V2
{
    int b1 = (V1.cols() == 1) && (V1.rows() == 3);
    int b2 = (V2.cols() == 1) && (V2.rows() == 3);
    int b = b1 && b2;
    if (!b)
    {
        //char* error="VectorMult: неправильные размерности векторов! ";
        const TCHAR error[] = _T("VectorMult: неправильные размерности векторов! ");
        MessageBox(NULL, error, _T("Ошибка"), MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    CMatrix W(3);
    W(0) = V1(1) * V2(2) - V1(2) * V2(1);
    //double x=W(0);
    W(1) = -(V1(0) * V2(2) - V1(2) * V2(0));
    //double y=W(1);
    W(2) = V1(0) * V2(1) - V1(1) * V2(0);
    //double z=W(2);
    return W;
}

//-----
double ScalarMult(CMatrix& V1, CMatrix& V2)
// Вычисляет скалярное произведение векторов V1 и V2
{
    int b1 = (V1.cols() == 1) && (V1.rows() == 3);
    int b2 = (V2.cols() == 1) && (V2.rows() == 3);
    int b = b1 && b2;
    if (!b)
    {
        char* error = "ScalarMult: неправильные размерности векторов! ";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    double p = V1(0) * V2(0) + V1(1) * V2(1) + V1(2) * V2(2);
    return p;
}

//-----
double ModVec(CMatrix& V)
// Вычисляет модуль вектора V
{
    int b = (V.cols() == 1) && (V.rows() == 3);
    if (!b)
    {
        char* error = "ModVec: неправильная размерность вектора! ";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    double q = sqrt(V(0) * V(0) + V(1) * V(1) + V(2) * V(2));
    return q;
}

//-----

```

```

double CosV1V2(CMatrix& V1, CMatrix& V2)
// Вычисляет КОСИНУС угла между векторами V1 и V2
{
    double modV1 = ModVec(V1);
    double modV2 = ModVec(V2);
    int b = (modV1 < 1e-7) || (modV2 < 1e-7);
    if (b)
    {
        char* error = "CosV1V2: модуль одного или обоих векторов < 1e-7!";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    int b1 = (V1.cols() == 1) && (V1.rows() == 3);
    int b2 = (V2.cols() == 1) && (V2.rows() == 3);
    b = b1 && b2;
    if (!b)
    {
        char* error = "CosV1V2: неправильные размерности векторов! ";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    double cos_f = ScalarMult(V1, V2) / (modV1 * modV2);
    return cos_f;
}

//-----
double AngleV1V2(CMatrix& V1, CMatrix& V2)
// Вычисляет угол между векторами V1 и V2 в градусах
{
    double modV1 = ModVec(V1);
    double modV2 = ModVec(V2);
    int b = (modV1 < 1e-7) || (modV2 < 1e-7);
    if (!b)
    {
        char* error = "AngleV1V2: модуль одного или обоих векторов < 1e-7!";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    int b1 = (V1.cols() == 1) && (V1.rows() == 3);
    int b2 = (V2.cols() == 1) && (V2.rows() == 3);
    b = b1 && b2;
    if (!b)
    {
        char* error = "AngleV1V2: неправильные размерности векторов! ";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    double cos_f = ScalarMult(V1, V2) / (modV1 * modV2);
    if (fabs(cos_f) > 1)
    {
        char* error = "AngleV1V2: модуль cos(f)>1! ";
        //MessageBox(NULL, error, "Ошибка", MB_ICONSTOP);
        exit(1);
    }
    double f;
    if (cos_f > 0) f = acos(cos_f);
    else f = pi - acos(cos_f);
    double fg = (f / pi) * 180;
    return fg;
}

//-----
CMatrix CreateViewCoord(double r, double fi, double q)

```

```

// Создает матрицу пересчета (4x4) точки из мировой системы координат в видовую
// (r,fi,q)- координата ТОЧКИ НАБЛЮДЕНИЯ(начало видовой системы координат)
// в мировой сферической системе координат( углы fi и q в градусах)
{
    double fg = fmod(fi, 360.0);
    double ff = (fg / 180.0) * pi; // Перевод в радианы
    fg = fmod(q, 360.0);
    double qq = (fg / 180.0) * pi; // Перевод в радианы

    CMatrix VM(4, 4);
    VM(0, 0) = -sin(ff);    VM(0, 1) = cos(ff);
    VM(1, 0) = -cos(qq) * cos(ff);    VM(1, 1) = -cos(qq) * sin(ff);    VM(1, 2) = sin(qq);
    VM(2, 0) = -sin(qq) * cos(ff);    VM(2, 1) = -sin(qq) * sin(ff);    VM(2, 2) = -cos(qq);
    VM(2, 3) = r;
    VM(3, 3) = 1;
    return VM;
}

//-----
CMatrix SphereToCart(CMatrix& PView)
// Преобразует сферические координаты PView точки в декартовы
// PView(0) - r
// PView(1) - fi - азимут(отсчет от оси X), град.
// PView(2) - q - угол(отсчет от оси Z), град.
// Результат: R(0)- x, R(1)- y, R(2)- z
{
    CMatrix R(3);
    double r = PView(0);
    double fi = PView(1); // Градусы
    double q = PView(2); // Градусы
    double fi_rad = (fi / 180.0) * pi; // Перевод fi в радианы
    double q_rad = (q / 180.0) * pi; // Перевод q в радианы
    R(0) = r * sin(q_rad) * cos(fi_rad); // x- координата точки наблюдения
    R(1) = r * sin(q_rad) * sin(fi_rad); // y- координата точки наблюдения
    R(2) = r * cos(q_rad); // z- координата точки наблюдения
    return R;
}

//----- GetProjection -----

void GetProjection(CRectD& RS, CMatrix& Data, CMatrix& PView, CRectD& PR)
// Вычисляет координаты проекции охватывающего фигуру параллелепипеда на
// плоскость XY в ВИДОВОЙ системе координат
// Data - матрица данных
// RS - область на плоскости XY, на которую опирается отображаемая поверхность
// PView - координаты точки наблюдения в мировой сферической системе координат
// PR - проекция
{
    double Zmax = Data.MaxElement();
    double Zmin = Data.MinElement();
    CMatrix PS(4, 4); // Точки в мировом пространстве
    PS(3, 0) = 1; PS(3, 1) = 1; PS(3, 2) = 1;    PS(3, 3) = 1;
    CMatrix MV = CreateViewCoord(PView(0), PView(1), PView(2)); //Матрица(4x4) пересчета

    //в видовую систему координат
    PS(0, 0) = RS.left;
    PS(1, 0) = RS.top;
    PS(2, 0) = Zmax;

    PS(0, 1) = RS.left;
    PS(1, 1) = RS.bottom;
    PS(2, 1) = Zmax;

```

```

PS(0, 2) = RS.right;
PS(1, 2) = RS.top;
PS(2, 2) = Zmax;

PS(0, 3) = RS.right;
PS(1, 3) = RS.bottom;
PS(2, 3) = Zmax;

CMatrix Q = MV * PS;          // Координаты верхней плоскости параллелепипеда в видовой
СК
CMatrix V = Q.GetRow(0);      // Строка X - координат
double Xmin = V.MinElement();
double Xmax = V.MaxElement();
V = Q.GetRow(1);              // Строка Y - координат
double Ymax = V.MaxElement();

PS(2, 0) = Zmin;
PS(2, 1) = Zmin;
PS(2, 2) = Zmin;
PS(2, 3) = Zmin;

Q = MV * PS;                  // Координаты нижней плоскости параллелепипеда в видовой
СК
V = Q.GetRow(1);              // Строка Y - координат
double Ymin = V.MinElement();
PR.SetRectD(Xmin, Ymax, Xmax, Ymin);
}

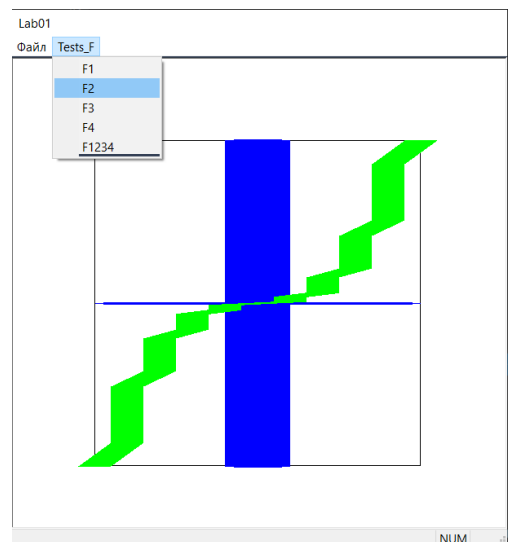
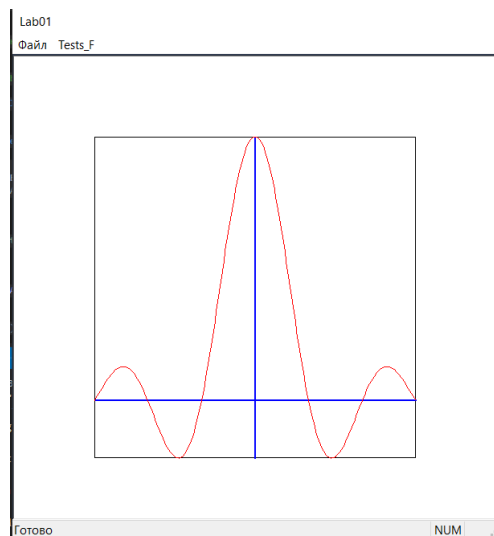
```

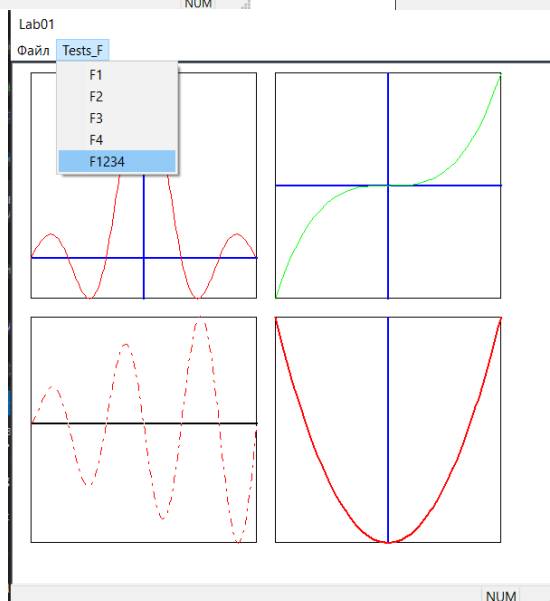
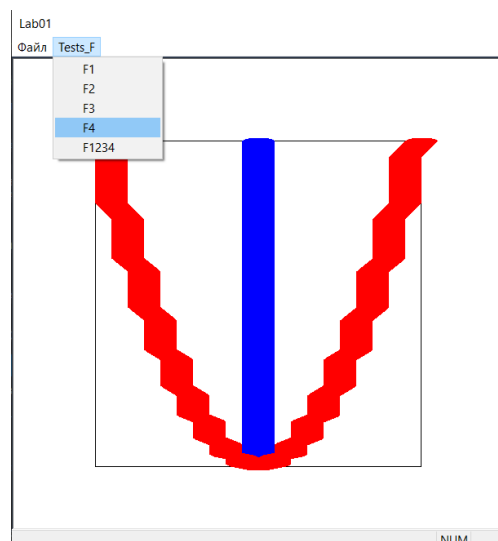
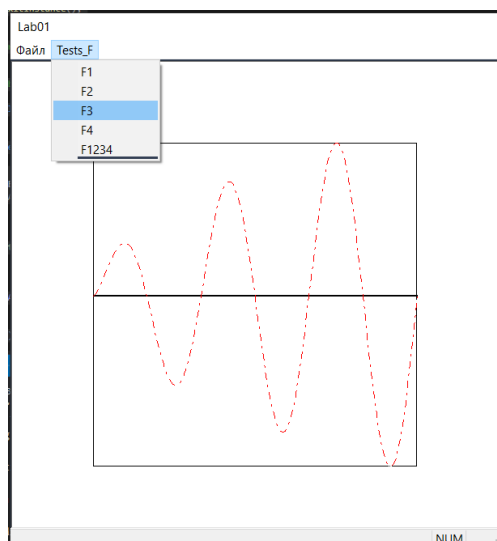
Теперь наше приложение готово к сборке.

Запускаем отладчик:

Debug x64 ▶ Локальный отладчик Windows

Получаем такой вот результат:





Литература:

Дятко, А.А., Мороз Л. С. Основы компьютерной геометрии и графики, учебно-методическое пособие для студентов учреждения высшего образования по направлению специальности 1-40 01 02-03 «Информационные системы и технологии (издательско-полиграфический комплекс)», Белорусский государственный технологический университет, Минск : 2013. – 220 с.

Электронный учебно-методический комплекс(ЭУМК) «Компьютерная геометрия и графика»[Электронный ресурс]. Режим доступа: <https://www.belstu.by/faculties/fit/iikg/umk.html>