Raccolta esami SML con soluzione (Programmazione funzionale, UNITN, prof. Kuper | Di Francescomarino)

Questi appunti sono stati creati da Pater999 con la gentile collaborazione di altri studenti degli anni successivi.

Altri appunti/esercizi/esami/consigli si possono trovare in questa repository github.

L'ultima versione di questo file è scaricabile al seguente link.

Prima di leggere questo file consiglio di leggere il seguente Readme.

Indice esami

- Giugno 2015
- Luglio 2015
- Agosto 2015
- Settembre 2015
- Giugno 2016
 - Turno 1
 - o Turno 2
- Luglio 2016
 - o Turno 1
 - o Turno 2
- Agosto 2016
- Febbraio 2017
- Giugno 2017
 - Turno 1
 - o Turno 2
- Luglio 2017
 - o Turno 1
 - o Turno 2
- Settembre 2017
- Gennaio 2018
- Giugno 2018
- Luglio 2018
- Agosto 2018
- Giugno 2019
- Luglio 2019
- Settembre 2019
- Gennaio 2020
- Febbraio 2020
- Giugno 2020
 - Turno 1
 - o Turno 2
- Luglio 2020
- Settembre 2020
- Febbraio 2021
- Giugno 2021
- Luglio 2021
- Gennaio 2022
- Giugno 2022
- Luglio 2022
- Febbraio 2023
- Giugno 2023

- Luglio 2023
- Gennaio 2024
- Febbraio 2024
- Giugno 2024

Esame giugno 2015

Testo

Come noto, un numero naturale è esprimibile in base agli assiomi di Peano usando il seguente tipo di dato:

```
datatype naturale = zero | successivo of naturale;
```

Usando tale tipo di dato, la somma fra numeri naturali è esprimibile come:

Scrivere una funzione Standard ML, chiamata **prodotto**, che ha tipo naturale -> naturale -> naturale , che calcola il prodotto di due numeri naturali. Si noti che la funzione **prodotto** può usare la funzione somma nella sua implementazione.

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
Moltiplicazione 3x3=9
```

```
prodotto (successivo (successivo (successivo zero))) (successivo (successivo zero)));
```

Stamperà a video:

```
val it = successivo (successivo (successivo (successivo (successivo (successivo (successivo (successivo (successivo zero))))))): naturale
```

```
Moltiplicazione 2x0=0
```

```
prodotto (successivo (successivo zero)) ( zero);
```

Stamperà a video:

```
val it = zero: naturale
```

Esame luglio 2015

Testo

Si consideri il seguente tipo di dato, che rappresenta una semplice espressione avente due argomenti x e y:

dove il costruttore X rappresenta il valore del primo argomento x dell'espressione, il costruttore Y rappresenta il valore del secondo argomento y, il costruttore Avg, che si applica ad una coppia (e1, e2), rappresenta la media (intera) dei valori di e1 ed e2, mentre il costruttore Mul (che ancora si applica ad una coppia (e1, e2)) rappresenta il prodotto dei valori di due espressioni e1 ed e2.

Implementare una funzione Standard ML, chiamata compute, che ha tipo Expr -> int -> int -> int -> int .

Come suggerito dal nome, **compute** calcola il valore dell'espressione ricevuta come primo argomento, applicandola ai valori ricevuti come secondo e terzo argomento e ritorna un intero che indica il risultato finale della valutazione.

IMPORTANTE: notare il tipo della funzione! Come si può intuire da tale tipo, la funzione riceve tre argomenti usando la tecnica del currying. É importante che la funzione abbia il tipo corretto (indicato qui sopra). Una funzione avente tipo diverso da Expr -> int -> int -> int non sarà considerata corretta.

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
(compute X) 4 2; (* Restitusce 4 *)
(compute Y) 4 2; (* Restitusce 2 *)
compute (Avg(X,Y)) 4 2; (* Restitusce la media tra 4 e 2 = 3 *)
compute (Mul(X,Y)) 4 2; (* Restitusce moltiplicazione tra 4 e 2 = 8 *)
compute (Avg(X,Y)) 4 (compute (Mul(X,Y)) 4 2); (* Restitusce moltiplicazione tra 4 e 2 = 8 e poi fa la media tra 8 e 4 = 6*)
```

Esame agosto 2015

Testo

Scrivere una funzione Standard ML, chiamata **elementi_pari**, che ha tipo 'a list -> 'a list . La funzione riceve come parametro una a-lista e ritorna una a-lista contenente gli elementi della lista di ingresso che hanno posizione pari (il secondo elemento, il quarto elemento, etc. . .).

Per esempio

```
elementi_pari [1,5,2,10] ritorna [5,10]
```

Si noti inoltre che la funzione **elementi_pari** non deve cambiare l'ordine degli elementi della lista rispetto all'ordine della lista ricevuta come argomento (considerando l'esempio precedente, il valore ritornato deve essere [5,10], non [10,5]). Si noti che la funzione **elementi_pari** può usare i costruttori forniti da Standard ML per le alfa-liste, senza bisogno di definire alcun datatype o altro.

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
elementi_pari []; (* Restituisce la lista vuota [] *)
elementi_pari [1]; (* Restituisce la lista vuota [] *)
elementi_pari [1,4,4,5,6]; (* Restituisce la lista vuota [4,5] *)
```

Esame settembre 2015

Testo

Si consideri il seguente tipo di dato:

che rappresenta un paziente in arrivo al pronto soccorso.

La stringa rappresenta il cognome del paziente, mentre i tre diversi costruttori rosso, giallo e verde rappresentano la gravità del paziente (codice rosso: massima urgenza, codice verde: minima urgenza).

Quando un paziente con codice rosso arriva al pronto soccorso, viene messo in lista d'attesa dopo tutti i pazienti con codice rosso (ma prima di quelli con codice giallo o verde); quando arriva un paziente con codice giallo, viene messo in lista d'attesa dopo tutti i pazienti con codice rosso o giallo (ma prima di quelli con codice verde), mentre quando arriva un paziente con codice verde viene messo in lista d'attesa dopo tutti gli altri pazienti.

Si scriva una funzione **arriva** (avente tipo codice list -> codice -> codice list) che riceve come argomenti la lista dei pazienti in attesa (lista di elementi di tipo codice) ed un paziente appena arrivato (elemento di tipo codice) e ritorna la lista aggiornata dei pazienti in attesa (dopo aver inserito il nuovo paziente nel giusto posto in coda).

Come esempio, l'invocazione:

```
arriva [rosso "topolino", rosso "cip", giallo "ciop", verde "paperino", verde "pluto"] (giallo "clarabella"); deve avere risultato
[rosso "topolino", rosso "cip", giallo "ciop", giallo "clarabella", verde "paperino", verde "pluto"]
```

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
arriva [rosso "topolino", rosso "cip", giallo "ciop", verde "paperino", verde "pluto"] (giallo "clarabella");
arriva [] (verde "pluto");

val listaAttesa = [];
val listaAttesa = arriva listaAttesa (verde "pluto");
val listaAttesa = arriva listaAttesa (verde "pippo");
val listaAttesa = arriva listaAttesa (giallo "pluto");
val listaAttesa = arriva listaAttesa (rosso "ciop");
val listaAttesa = arriva listaAttesa (verde "cip");
```

Esame giugno 2016

Turno 1 G2016

Testo

Si scriva una funzione **hist** (avente tipo real list -> real * real -> int) che riceve come argomento una lista di real I ed una coppia di real (c, d). La funzione **hist** ritorna il numero di elementi della lista compresi nell'intervallo (c - d, c + d), estremi esclusi (vale a dire il numero di elementi r tali che (c - d < r < c + d).

Come esempio, l'invocazione

```
hist [0.1, 0.5, 1.0, 3.0, 2.5] (1.0, 0.5);
deve avere risultato 1;
e hist [0.1, 0.5, 1.0, 3.0, 2.5] (1.0, 0.6);
deve avere risultato 2.
```

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
hist [0.1, 0.5, 1.0, 3.0, 2.5] (1.0, 0.5);
hist [0.1, 0.5, 1.0, 3.0, 2.5] (1.0, 0.6);
hist [] (2.4, 12.6);
hist [4.0] (4.1, 0.0);
```

Turno 2 G2016

Testo

Si scriva una funzione **noduplen** (avente tipo ''a list -> int) che riceve come argomento una lista di "a l. La funzione **noduplen** ritorna il numero di elementi della lista senza considerare i duplicati.

Come esempio, l'invocazione noduplen ["pera", "pera", "pera", "pera"]; deve avere risultato 1; noduplen ["red", "red", "green", "blue"]; deve avere risultato 3.

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
noduplen ["pera", "pera", "pera", "pera"];
noduplen ["red", "red", "green", "blue"];
noduplen ["red"];
noduplen [];
noduplen [1,2,4,5,6,0,1,4,5];
noduplen [true, false, true, false];
noduplen [#"A",#"a",#"B",#"b"];
```

Esame luglio 2016

Turno 1 L2016

Testo

Si consideri il tipo di dato:

che rappresenta un'espressione del Lambda-calcolo.

Il costruttore Var crea un'espressione costituita da un'unica funzione / variabile (il cui nome è un valore di tipo string); Il costruttore Lambda crea una Lambda-espressione a partire da un'altra espressione, legandone una variabile (indicata da un valore di tipo string); Il costruttore Apply crea un'espressione data dall'applicazione di un'espressione ad un'altra.

Si scriva una funzione **is_free** (avente tipo string -> lambda_expr -> bool) che riceve come argomenti una stringa (che rappresenta il nome di una variabile / funzione) ed una Lambda-espressione, ritornando true se la variabile indicata appare come libera nell'espressione, false altrimenti (quindi, la funzione ritorna false se la variabile è legata o se non appare nell'espressione).

Come esempio, l'invocazione

```
is_free "a" (Var "a")
```

```
deve avere risultato true, l'invocazione

is_free "b" (Var "a")

deve avere risultato false, l'invocazione

is_free "a" (Lambda ("a", Apply((Var "a"), Var "b")))

deve avere risultato false, l'invocazione

is_free "b" (Lambda ("a", Apply((Var "a"), Var "b")))

deve avere risultato true e così via.
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
is_free "a" (Var "a");
is_free "b" (Var "a");
is_free "a" (Lambda ("a", Apply((Var "a"), Var "b")));
is_free "b" (Lambda ("a", Apply((Var "a"), Var "b")));
```

Turno 2 L2016

Testo

Basandosi sul tipo di dato espressione e la funzione eval definiti come segue:

il tipo espressione può essere esteso come segue per supportare il concetto di variabile:

Si riscriva la funzione **eval** per supportare i due nuovi costruttori *variabile* e *var*. Variabile x, con x di tipo stringa, é valutata al valore della variabile di nome x (per fare questo, eval deve cercare nell'ambiente un legame fra tale nome ed un valore). Var (x, e1, e2) é valutata al valore di e2 dopo aver assegnato ad x il valore di e1.

Per poter valutare correttamente variabile e var, **eval** deve quindi ricevere come argomento l'ambiente in cui valutare le variabili. Tale ambiente può essere rappresentato come una lista di coppie (stringa, intero) ed avrà quindi tipo (stringa, int)list.

La funzione **eval** deve quindi avere tipo (string, int)list -> espressione -> int .

Esame agosto 2016

Testo

Si consideri una possibile implementazione degli insiemi di interi in standard ML, in cui un insieme di interi rappresentato da una funzione da int a bool:

```
type insiemediinteri = int -> bool;
```

La funzione applicata ad un numero intero ritorna true se il numero appartiene all'insieme, false altrimenti. L'insieme vuoto è quindi rappresentato da una funzione che ritorna sempre false:

```
val vuoto:insiemediinteri = fn n => false;
```

ed un intero può essere aggiunto ad un insieme tramite la funzione aggiungi:

É possibile verificare se un intero è contenuto in un insieme tramite la funzione contiene:

```
val contiene = fn f:insiemediinteri => fn n:int => f n;
```

Si implementi la funzione **intersezione**, avente tipo insiemediinteri -> insiemediinteri -> insiemediinteri, che dati due insiemi di interi ne calcola l'intersezione.

Soluzione

```
val intersezione = fn i1:insiemediinteri \Rightarrow fn i2:insiemediinteri \Rightarrow (fn n \Rightarrow ((contiene i1 n) and also (contiene i2 n))):insiemediinteri
```

Esame febbraio 2017

Testo

Si consideri una possibile implementazione degli insiemi di interi in standard ML, in cui un insieme di interi rappresentato da una funzione da int a bool:

```
type insiemediinteri = int -> bool;
```

La funzione applicata ad un numero intero ritorna true se il numero appartiene all'insieme, false altrimenti. L'insieme vuoto è quindi rappresentato da una funzione che ritorna sempre false:

```
val vuoto:insiemediinteri = fn n => false;
```

ed un intero può essere aggiunto ad un insieme tramite la funzione aggiungi:

É possibile verificare se un intero è contenuto in un insieme tramite la funzione contiene:

```
val contiene = fn f:insiemediinteri => fn n:int => f n;
```

Si implementi la funzione **unione**, avente tipo insiemediinteri -> insiemediinteri -> insiemediinteri che dati due insiemi di interi ne calcola l'unione.

Soluzione

```
val unione = fn i1:insiemediinteri => fn i2:insiemediinteri => (fn n => ((contiene i1 n) orelse (contiene i2 n))):insiemediinteri;
```

Esame giugno 2017

Turno 1 G2017

Testo

Si scriva una funzione **sommali** (avente tipo int -> int list -> int) che riceve come argomento un intero n ed una lista di interi l. La funzione **sommali** somma ad n gli elementi di l che hanno posizione pari (se la lista contiene meno di 2 elementi, sommali ritorna n).

```
Come esempio, l'invocazione sommali 0 [1,2]; deve avere risultato 2; sommali 1 [1,2,3]; deve avere risultato 3; sommali 2 [1,2,3,4]; deve avere risultato 8.
```

Soluzione

```
sommali 0 [1,2];
sommali 1 [1,2,3];
sommali 2 [1,2,3,4];

sommali_diversa 0 [1,2];
sommali_diversa 1 [1,2,3];
sommali_diversa 2 [1,2,3,4];
```

Turno 2 G2017

Testo

Si scriva una funzione **sommali** (avente tipo int -> int list -> int) che riceve come argomento un intero n ed una lista di interi l. La funzione **sommali** somma ad n gli elementi di l che hanno posizione multipla di 3 (se la lista contiene meno di 3 elementi, sommali ritorna n).

```
Come esempio, l'invocazione sommali 0 [1,2,3]; deve avere risultato 3, sommali 1 [1,2,3]; deve avere risultato 4: e sommali 2 [1,2,3,4,5,6]; deve avere risultato 11.
```

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
sommali 0 [1,2,3];
sommali 1 [1,2,3];
sommali 2 [1,2,3,4,5,6];

sommali_diversa 0 [1,2,3];
sommali_diversa 1 [1,2,3];
sommali_diversa 2 [1,2,3,4,5,6];
```

Esame luglio 2017

Turno 1 L2017

Testo

Si consideri il tipo di dato FOR = For of int * (int -> int); i cui valori For(n, f) rappresentano funzioni che implementano un ciclo for come il seguente:

```
int ciclofor (int x) {
   for (int i = 0; i < n; i++) {
      x = f(x);
   }
}</pre>
```

Si scriva una funzione **eval** (avente tipo FOR -> (int -> int)) che riceve come argomento un valore di tipo FOR e ritorna una funzione da interi ad interi che implementa il ciclo indicato qui sopra (applica n - 1 volte la funzione f all'argomento).

Come esempio, se val f = fn x => x * 2, allora eval (For(3, f)) ritornerà una funzione che dato un numero i ritorna i = 8:

Esempi esecuzione:

```
val f = fn x => x * 2;
val f = fn: int -> int
eval (For(3, f));
val it = fn: int -> int
val g = eval (For(3, f));
val g = fn: int -> int
g 5;
val it = 40: int
```

Soluzione

```
datatype FOR = For of int * (int -> int); val rec eval = fn For (n, f) => fn x => if (n > 0) then  eval \ (\text{For (n - 1, f)}) \ (\text{f x}) \\ else \\ x;
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
val f = fn x => x * 2;
eval (For(3, f));
val g = eval (For(3, f));
g 5;
```

Turno 2 L2017

Testo

Si consideri il tipo di dato FOR = For of int * (int -> int); i cui valori For(n, f) rappresentano funzioni che implementano un ciclo for come il seguente:

```
int ciclofor (int x) {
   for (int i = 1; i < n; i++) {
       x = f(x);
   }
}</pre>
```

Si scriva una funzione **eval** (avente tipo FOR -> (int -> int)) che riceve come argomento un valore di tipo FOR e ritorna una funzione da interi ad interi che implementa il ciclo indicato qui sopra (applica n - 1 volte la funzione f all'argomento).

Come esempio, se val f = fn x => x * 2 allora eval (For(3, f)) ritornerà una funzione che dato un numero i ritorna i = 4:

Esempi esecuzione:

```
val f = fn x => x * 2;
val f = fn: int -> int
eval (For(3, f));
val it = fn: int -> int
val g = eval (For(3, f));
val g = fn: int -> int
g 5;
val it = 20: int
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
val f = fn x => x * 2;
eval (For(3, f));
val g = eval (For(3, f));
g 5;
```

Esame settembre 2017

Testo

Si consideri il tipo di dato

```
datatype intonil = Nil | Int of int;
```

ed una possibile implementazione semplificata di ambiente (che considera solo valori interi) basata su di esso:

```
type ambiente = string -> intonil
```

In questa implementazione, un ambiente è rappresentato da una funzione che mappa nomi (valori di tipo string) in valori di tipo intonil (che rappresentano un intero o nessun valore). Tale funzione applicata ad un nome ritorna il valore intero ad esso associato oppure Nil. Usando questa convenzione, l'ambiente vuoto (in cui nessun nome è associato a valori) può essere definito come:

```
val ambientevuoto = fn _:string => Nil;
```

Basandosi su queste definizioni, si definisca una funzione **lega** con tipo ambiente -> string -> int -> ambiente . che a partire da un ambiente (primo argomento) genera un nuovo ambiente (valore di ritorno) uguale al primo argomento più un legame fra il nome e l'intero ricevuti come secondo e terzo argomento.

Esempio:

```
    ((lega ambientevuoto "a"1)"a") deve ritornare Int 1;
    ((lega ambientevuoto "a"1)"boh") deve ritornare Nil;
    ((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"boh") deve ritornare Int ~1;
    ((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"mah") deve ritornare Nil.
```

Soluzione

```
((lega ambientevuoto "a"1)"a");
((lega ambientevuoto "a"1)"boh");
((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"boh");
((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"mah");
```

Esame gennaio 2018

Testo

Si consideri il tipo di dato:

che rappresenta un'espressione del Lambda-calcolo.

Il costruttore Var crea un'espressione costituita da un'unica funzione / variabile (il cui nome è un valore di tipo string); Il costruttore Lambda crea una Lambda-espressione a partire da un'altra espressione, legandone una variabile (indicata da un valore di tipo string);

Il costruttore Apply crea un'espressione data dall'applicazione di un'espressione ad un'altra.

Si scriva una funzione **is_bound** (avente tipo string -> lambda_expr -> bool) che riceve come argomenti una stringa (che rappresenta il nome di una variabile / funzione) ed una Lambda-espressione, ritornando true se la variabile indicata appare come legata nell'espressione, false altrimenti.

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
is_bound "a" (Var "a");
is_bound "b" (Var "a");
is_bound "a" (Lambda ("a", Apply((Var "a"), Var "b")));
is_bound "b" (Lambda ("a", Apply((Var "a"), Var "b")));
```

Esame giugno 2018

Testo

Si scriva una funzione **conta** (avente tipo ''a list -> int) che riceve come argomento una lista di "a l. La funzione **conta** ritorna il numero di elementi della lista senza considerare i duplicati.

Soluzione

```
conta ["pera", "pera", "pera", "pera"];
conta ["red", "red", "green", "blue"];
conta ["red"];
conta [];
conta [1,2,4,5,6,0,1,4,5];
conta [true, false, true, false];
conta [#"A",#"a",#"B",#"b"];
```

Esame luglio 2018

Testo

Si consideri il tipo di dato ITER = Iter of int * (int -> int); i cui valori ITER(n, f) rappresentano funzioni che implementano un ciclo for come il seguente:

```
int ITER (int x) {
    for (int i = 1; i < n; i++) {
        x = f(x);
    }
}</pre>
```

Si scriva una funzione eval (avente tipo Iter -> (int -> int)) che riceve come argomento un valore di tipo Iter e ritorna una funzione da interi ad interi che implementa il ciclo indicato qui sopra (applica n - 1 volte la funzione f all'argomento).

Come esempio, se val f = fn x => x * 2, allora eval (Iter(3, f)) ritornerà una funzione che dato un numero i ritorna i = 8:

ESEMPI ESECUZIONE:

```
val f = fn x => x * 2;
val f = fn: int -> int
eval (lter(3, f));
val it = fn: int -> int
val g = eval (lter(3, f));
val g = fn: int -> int
g 5;
val it = 40: int
```

Soluzione

```
datatype ITER = Iter of int * (int -> int);
val rec eval = fn Iter (n, f) => fn x => if (n > 0) then eval (Iter (n-1, f)) (f x) else x;
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
val f = fn x => x * 2;
eval (Iter(3, f));
val g = eval (Iter(3, f));
g 5;
```

Esame agosto 2018

Testo

Scrivere una funzione prod che calcoli il prodotto di tutti gli interi tra 2 numeri m ed n. (con m >= m inclusi).

Usare poi questa funzione per scrivere una funzione Comb(n,k) la quale calcola il numero di combinazioni di n elementi presi k a k.

```
Definita dalla formula matematica: C(n, k) = n!/(k! \ (n - k)!)
che equivale anche a: C(n, k) = (n - k + 1) \cdot (n - k + 2) \cdot \cdot \cdot n/1 \cdot 2 \cdot \cdot \cdot k
```

Soluzione

```
fun prod(m, n) = if (n <= m) then m else n * prod(m, n-1);
fun comb(n, k) = (prod(n-k+1, n)) div (prod(1, k));
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
comb(5,3);
comb(7,5);
comb(9,1);
```

Esame giugno 2019

Testo

Scrivere una funzione f di tipo int list -> int list che presa in input una lista trasformi ogni elemento "a" della lista nel seguente modo:

- se a >= 0 allora l'elemento "a" dovrà essere trasformato in a²⁻¹
- altrimenti l'elemento "a" dovrà essere trasformato in a²⁺¹

ESEMPIO

```
f [~1,2,3,0,~5,6];
dovrà dare in output:
val it = [2, 3, 8, ~1, 26, 35]: int list
```

Soluzione

```
fun f [] = [] | f (a::b) = if (a>=0) then ((a*a)-1)::(f b) else ((a*a)+1)::(f b);
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
f [~1,2,3,0,~5,6];
f [0,~1];
```

Esame luglio 2019

L'esame era molto simile a quello di giugno dovrebbe essere cambiata solo l'operazione da svolgere sugli elementi.

Sfortunatamente non sono riuscito a reperire il testo 🙄

Esame settembre 2019

Testo

Scrivere una funzione chiamata **f** che prende in input un file "text.txt" la funzione deve ritornare la lista dei caratteri senza spazi presenti nel file di testo

Si assuma che il file sia presente nella stessa cartella.

Esempio:

Dato il file "text.txt" che contiene:

ab e ad c

Eseguendo il comando use "esercizio.sml";

dovrà essere prodotto il seguente risultato:

```
val it = [#"a", #"b", #"e", #"a", #"d", #"c"]: char list
```

```
fun f filename =
    let
       val file = TextIO.openIn filename
      val str = TextIO.inputAll file
    in
        TextIO.closeIn file;
      List.filter (fn c => c <> #" " andalso c <> #"\t" andalso c <> #"\n") (explode str)
    end;
f "text.txt";
```

Esame gennaio 2020

Testo

Scrivere una funzione chiamata **f** che prende in input un file "text2.txt" la funzione deve ritornare i caratteri in posizione pari presenti nel file txt. Il file txt conterrà un numero di caratteri pari maggiore di zero.

Si assuma che il file sia presente nella stessa cartella.

```
ESEMPIO di esecuzione
```

Dato il file "text2.txt" che contiene:

abcdef

Eseguendo il comando use "esercizio.sml"; dovrà essere prodotto il seguente risultato:

```
val it = ["b","d","f"]: string list
```

Soluzione

Esame febbraio 2020

Testo

Scrivere una funzione f che data una lista di interi restituisca true se essa è ordinata in ordine crescente false altrimenti

Soluzione

Oppure altra soluzione valida - presa dalle slide

```
val rec f1 = fn l =>
    if List.null l then true
    else if List.null (tl l) then true
    else (hd l <= hd (tl l)) andalso f1 (tl l);</pre>
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
f [1,2,2,3,4];
f[3,2,1];
f[4,12,3,44,0];
f1 [1,2,2,3,4];
f1[3,2,1];
f1[4,12,3,44,0];
```

Esame giugno 2020

Turno 1 G2020

Testo

Si scriva una funzione **sommali** (avente tipo int -> int list -> int) che riceve come argomento un intero n ed una lista di interi 1. La funzione **sommali** somma ad n gli elementi di I che hanno posizione pari (se la lista contiene meno di 2 elementi, sommali ritorna n).

Come esempio, l'invocazione

```
sommali 0 [1,2];
deve avere risultato 2,
sommali 1 [1,2,3];
deve avere risultato 3: e
sommali 2 [1,2,3,4];
deve avere risultato 8.
```

IMPORTANTE: notare il tipo della funzione!.

La funzione sommali deve essere definita in un file .sml autocontenuto ma separato da qualsiasi codice di test si sia usato. Si consegni il file .sml contenente la definizione di sommali.

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
sommali 0 [1,2];
sommali 1 [1,2,3];
sommali 2 [1,2,3,4];
```

Turno 2 G2020

Testo

Si scriva una funzione **conta** (avente tipo ''a list -> int) che riceve come argomento una lista di ''a 1. La funzione **conta** ritorna il numero di elementi della lista senza considerare i duplicati.

Come esempio, l'invocazione

```
conta ["pera", "pera", "pera", "pera"]; deve avere risultato 1;
conta ["red", "red", "green", "blue"]; deve avere risultato 3.
```

La funzione conta deve essere definita in un file .sml autocontenuto ma separato da qualsiasi codice di test si sia usato. Si consegni il file .sml contenente la definizione di conta.

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
conta ["pera", "pera", "pera", "pera"];
conta ["red", "red", "green", "blue"];
conta ["red"];
conta [];
conta [1,2,4,5,6,0,1,4,5];
conta [true, false, true, false];
conta [#"A",#"a",#"B",#"b"];
```

Esame luglio 2020

Testo

Si consideri il tipo di dato

```
datatype intonil = Nil | Int of int;
```

ed una possibile implementazione semplificata di ambiente (che considera solo valori interi) basata su di esso:

```
type ambiente = string -> intonil
```

In questa implementazione, un ambiente è rappresentato da una funzione che mappa nomi (valori di tipo string) in valori di tipo intonil (che rappresentano un intero o nessun valore). Tale funzione applicata ad un nome ritorna il valore intero ad esso associato oppure Nil. Usando questa convenzione, l'ambiente vuoto (in cui nessun nome è associato a valori) può essere definito come:

```
val ambientevuoto = fn _:string => Nil;
```

Basandosi su queste definizioni, si definisca una funzione **lega** con tipo ambiente -> string -> int -> ambiente . che a partire da un ambiente (primo argomento) genera un nuovo ambiente (valore di ritorno) uguale al primo argomento più un legame fra il nome e l'intero ricevuti come secondo e terzo argomento.

Esempio:

```
((lega ambientevuoto "a"1)"a") deve ritornare Int 1;
((lega ambientevuoto "a"1)"boh") deve ritornare Nil;
((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"boh") deve ritornare Int ~1;
((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"mah") deve ritornare Nil.
```

La funzione lega deve essere definita in un file .sml autocontenuto ma separato da qualsiasi codice di test si sia usato. Non è necessario che contenga la definizione del tipo di dato intonil, di ambiente o del valore ambientevuoto. Si consegni il file .sml contenente la definizione di lega utilizzando il form qui sotto riportato.

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
((lega ambientevuoto "a"1)"a");
((lega ambientevuoto "a"1)"boh");
((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"boh");
((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"mah");
```

Esame settembre 2020

Testo

Si consideri il tipo di dato FOR = For of int * (int -> int); i cui valori For(n, f) rappresentano funzioni che implementano un ciclo for come il sequente:

```
int ciclofor (int x) {
   for (int i = 0; i < n; i++) {
      x = f(x);
   }
   return x;
}</pre>
```

Si scriva una funzione **eval** (avente tipo FOR -> (int -> int)) che riceve come argomento un valore di tipo FOR e ritorna una funzione da interi ad interi che implementa il ciclo indicato qui sopra (applica n volte la funzione f all'argomento).

Come esempio, se val f = fn x => x * 2, allora eval (For(3, f)) ritornerà una funzione che dato un numero i ritorna i * 8:

Esempi esecuzione:

```
val f = fn x => x * 2;
val f = fn: int -> int
eval (For(3, f));
val it = fn: int -> int
val g = eval (For(3, f));
val g = fn: int -> int
g 5;
val it = 40: int
```

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
val f = fn x => x * 2;
eval (For(3, f));
val g = eval (For(3, f));
g 5;
```

Esame febbraio 2021

Testo

Implementare una funzione f che data una lista <code>[a1,...,an]</code>, calcoli <code>a1-a2+a3-a4+...</code> La funzione così definita dovrà funzionare con liste di **qualsiasi lunghezza**.

Soluzione

```
fun f [] = 0

| f (a::[]) = a

| f (a::b::[]) = a - b

| f (a::b::1) = a - b + f(1);
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

Esame giugno 2021

Testo

Implementare una funzione **f** che, dato un file "text.txt" contenente una lista con un numero pari di caratteri restituisca una lista (type string list) di coppie di caratteri, ignorando i primi due e proponendo i successivi due iterativamente (quindi si avranno i caratteri 3,4 seguiti da 7,8, e così via).

Il file contenente il codice e file "text.txt" devono trovarsi nella stessa directory. Il file "text.txt" di esempio viene fornito unitamente a questo file.

Un'ipotetica esecuzione del codice da bash potrebbe essere:

Assicurarsi di avere il file "text.txt" . Lanciare poly da terminale

```
> use "cognome_nome.sml";
val it = ["ac","ef","54",""]: string list
```

La funzione \mathbf{f} deve essere definita in un file .sml autocontenuto ma separato da qualsiasi codice di test sia usato. Si consegni il file .sml contente la definizione di \mathbf{f} . Rinominare il file con cognome_nome.sml .

```
fun f filename =
     let
         val file = TextIO.openIn(filename);
         val lista = explode (TextIO.inputAll file);
         fun coppie nil = [""]
           | coppie [_] = [""]
           | coppie (a::b::[]) = [""]
           | coppie (a::b::c::[]) = [""]
           | coppie (a::b::c::d::[]) = implode [c, d] :: [""]
           | coppie (a::b::c::d::l) = (implode [c, d]) :: coppie l;
     in
         TextIO.closeIn file;
         coppie lista
     end;
 f "text.txt";
Oppure altra soluzione valida (By Alessio Blascovich)
 val input = TextIO.openIn("text.txt");
 fun f file=if TextIO.endOfStream(file) then [TextIO.inputN(file,2)] else
     let
        val trash=TextIO.inputN(file,2)
        val keep=TextIO.inputN(file,2)
        keep::(f file)
```

Esame luglio 2021

Testo

end; f input;

Si scriva una funzione **conta** (avente tipo ' 'a list -> int) che riceve come argomento una lista di ' 'a . La funzione conta ritorna il numero di elementi della lista senza considerare i duplicati.

Come esempio, l'invocazione conta ["pera", "pera", "pera"]; deve avere risultato 1, conta ["red", "red", "green", "blue"]; deve avere risultato 3 e conta [2, 3, 4, 2]; deve avere risultato 3.

IMPORTANTE: notare il tipo della funzione!

Soluzione

```
conta ["pera", "pera", "pera", "pera"];
conta ["red", "red", "green", "blue"];
conta ["red"];
conta [];
conta [1,2,4,5,6,0,1,4,5];
conta [true, false, true, false];
conta [#"A",#"a",#"B",#"b"];
```

Esame gennaio 2022

Come esempio, l'invocazione

Testo

Si scriva una funzione **sommali** (avente tipo int -> int list -> int) che riceve come argomento un intero n ed una lista di interi l. La funzione **sommali** somma ad n gli elementi di l che hanno posizione pari (se la lista contiene meno di 2 elementi, sommali ritorna n).

altro modo extra usando fn -> stesso risultato

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
sommali 0 [1,2];
sommali 1 [1,2,3];
sommali 2 [1,2,3,4];

sommali_diversa 0 [1,2];
sommali_diversa 1 [1,2,3];
sommali_diversa 2 [1,2,3,4];
```

Esame giugno 2022

Testo

Implementare una funzione **f** che, dato un file "text.txt" contenente una lista con un numero pari di caratteri restituisca una lista (type string list) di coppie di caratteri, ignorando i primi due e proponendo i successivi due iterativamente (quindi si avranno i caratteri 3,4 seguiti da 7,8, e così via).

Il file contenente il codice e file "text.txt" devono trovarsi nella stessa directory. Il file "text.txt" di esempio viene fornito unitamente a questo file.

Un'ipotetica esecuzione del codice da bash potrebbe essere:

```
Assicurarsi di avere il file "text.txt".

Lanciare poly da terminale

> use "cognome_nome.sml";

val it = ["ac","ef","54",""]: string list
```

La funzione **f** deve essere definita in un file .sml autocontenuto ma separato da qualsiasi codice di test sia usato. Si consegni il file .sml contente la definizione di **f**. Rinominare il file con cognome_nome.sml .

Soluzione

```
fun f filename =
    let
        val file = TextIO.openIn(filename);
        val lista = explode (TextIO.inputAll file);
        fun coppie nil = [""]
        | coppie [_] = [""]
        | coppie (a::b::[]) = [""]
        | coppie (a::b::c::d::[]) = implode [c, d] :: [""]
        | coppie (a::b::c::d::l) = (implode [c, d]) :: coppie l;
    in
        TextIO.closeIn file;
        coppie lista
    end;
f "text.txt";
```

Oppure altra soluzione valida (By Alessio Blascovich)

```
val input = TextIO.openIn("text.txt");
fun f file=if TextIO.endOfStream(file) then [TextIO.inputN(file,2)] else
    let
     val trash=TextIO.inputN(file,2)
     val keep=TextIO.inputN(file,2)
    in
     keep::(f file)
    end;
f input;
```

Esame luglio 2022

Testo

Scrivere una funzione f di tipo int list -> int list che presa in input una lista trasformi ogni elemento "a" della lista nel seguente modo:

```
• se a >= 0 allora l'elemento "a" dovrà essere trasformato in a<sup>2-1</sup>
```

• altrimenti l'elemento "a" dovrà essere trasformato in a²⁺¹

ESEMPIO

```
f [~1,2,3,0,~5,6];
dovrà dare in output:
val it = [2, 3, 8, ~1, 26, 35]: int list
```

Soluzione

```
f [~1,2,3,0,~5,6];
f [0,~1];
```

Esame febbraio 2023

Testo

Si consideri il tipo di dato

```
datatype intonil = Nil | Int of int;
```

ed una possibile implementazione semplificata di ambiente (che considera solo valori interi) basata su di esso:

```
type ambiente = string -> intonil
```

In questa implementazione, un ambiente è rappresentato da una funzione che mappa nomi (valori di tipo string) in valori di tipo intonil (che rappresentano un intero o nessun valore). Tale funzione applicata ad un nome ritorna il valore intero ad esso associato oppure Nil. Usando questa convenzione, l'ambiente vuoto (in cui nessun nome è associato a valori) può essere definito come:

```
val ambientevuoto = fn _:string => Nil;
```

Basandosi su queste definizioni, si definisca una funzione **lega** con tipo ambiente -> string -> int -> ambiente . che a partire da un ambiente (primo argomento) genera un nuovo ambiente (valore di ritorno) uguale al primo argomento più un legame fra il nome e l'intero ricevuti come secondo e terzo argomento.

Esempio:

```
    ((lega ambientevuoto "a"1)"a") deve ritornare Int 1;
    ((lega ambientevuoto "a"1)"boh") deve ritornare Nil;
    ((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"boh") deve ritornare Int ~1;
    ((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"mah") deve ritornare Nil.
```

La funzione lega deve essere definita in un file .sml autocontenuto ma separato da qualsiasi codice di test si sia usato. Non è necessario che contenga la definizione del tipo di dato intonil, di ambiente o del valore ambientevuoto. Si consegni il file .sml contenente la definizione di lega utilizzando il form qui sotto riportato.

Soluzione

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
((lega ambientevuoto "a"1)"a");
((lega ambientevuoto "a"1)"boh");
((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"boh");
((lega (lega ambientevuoto "a"1)"boh"~1)"mah");
```

Esame giugno 2023

Testo

Scrivere una **curried function "f"** che prenda in input una lista di stringhe[a_i, a_{i+1}, ...] e un intero n.

La funzione deve ritornare una lista di stringhe[b_i, b_{i+1}, ...] in cui

- b_i è uguale ad ai solo se la lunghezza di a_i è minore o uguale ad n,
- altrimenti b_i è uguale ad ai senza il primo carattere.

Esempio:

```
>f [" ", "ab", "abc", "abcd", "abcde"] 3;
val it = [" ", "ab", "abc", "bcd", "bcde"]: string list
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
f [" ", "ab", "abc", "abcd", "abcde"] 3;
```

Esame luglio 2023

Testo

Si scriva una funzione **conta_duplicati** (avente tipo ''a list -> (''a * int) list) che riceve come argomento una lista di ''a e restituisce una lista di tuple ''a * int .

La funzione **conta_duplicati** ritorna una lista di coppie (elemento, numero di occorrenze dell'elemento), cioè per ogni elemento distinto e della lista di input, la lista di output contiene una coppia (e, numero di occorrenze di e).

Come esempio, l'invocazione:

- conta_duplicati [2, 2, 2, 2]; deve avere risultato [(2,4)],
- conta_duplicati ["lunedi"", "lunedi"", "lunedi""]; deve avere risultato [("lunedi"",3), ("martedi"",1)],
- conta_duplicati ["blu", "verde", "blu", "rosso"]; deve avere risultato [("blu",2), ("verde",2), ("rosso",1)]

IMPORTANTE: notare il tipo della funzione!

L'ordine delle coppie all'interno della lista risultante non è rilevante.

La funzione **conta_duplicati** deve essere definita in un file .sml autocontenuto ma **separato da qualsiasi codice di test si sia usato**.

Il file .sml deve contenere la chiamata a **conta_duplicati**. Si consegni il file .sml contenente la definizione di **conta_duplicati** rinominandolo *Cognome_Nome_Matricola.sml*.

```
fun conta_duplicati(L) =
   let
        fun estrai [] = nil
         | estrai (x::y) =
             if(List.exists(fn a \Rightarrow a = x) y) then
                estrai y
             else
                x::estrai y;
       val duplicati = estrai L;
       fun conta s [] = 0
         | conta s (x::y) =
             if s = x then 1 + conta s y
             else conta s y;
        fun tuple [] = nil
         tuple (x::y) = (x, conta x L)::tuple y;
   in
       tuple duplicati
    end;
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
conta_duplicati [2, 2, 2, 2];
conta_duplicati ["lunedi'", "lunedi'", "martedi'", "lunedi'"];
conta_duplicati ["blu", "verde", "verde", "blu", "rosso"];
conta_duplicati [1];
conta_duplicati [1,1,1,1,1,1,1,1,1];
```

Esame gennaio 2024

Testo

Scrivere una funzione **suffixes** (di tipo string -> string list) che presa in input una stringa, ritorni una lista di tutti i suffissi della stringa, compresa la stringa stessa ed esclusa la stringa vuota.

nota: esista una funzione map che permette appendere un elemento a ogni elementi da lista

Esempi:

```
> suffixes "ciao";
val it : ["ciao" , "cia", "ci", "ci", "c"];

> suffixes "";
val it : [];

> suffixes "hi world";
val it : ["hi world","hi worl","hi wor","hi w","hi ","hi","h"];
```

```
fun suffixes s =
     let
         fun helper (str, acc) =
             if str = "" then
                 List.rev acc
             else
                  helper (String.extract (str, 1, NONE), str :: acc)
     in
         helper (s, [])
     end;
oppure
 fun suffixes "" = []
  | suffixes s = s :: suffixes (String.extract (s, 0, SOME (size s - 1)));
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
suffixes "ciao";
suffixes "";
suffixes "hi world";
suffixes "test 123 4";
```

Esame febbraio 2024

Testo

Scrivere una funzione prefixes (di tipo string -> string list) che presa in input una stringa, ritorni una lista di tutti i prefissi della stringa, compresa la stringa stessa ed esclusa la stringa vuota.

nota: esista una funzione map che permette appendere un elemento a ogni elementi da lista

Esempi:

```
> prefixes "ciao";
val it : ["c" , "ci", "cia", "ciao"];
> prefixes "";
val it : [];
> prefixes "hi world";
val it: ["h", "hi", "hi ", "hi w", "hi wo", "hi wor", "hi worl", "hi world"];
```

Soluzione

```
fun prefixes s =
   (* Helper function that generates the prefixes by using an index *)
        (* Inner recursive function that constructs the prefix list *)
       fun helper (str, len) =
           if len = String.size str then
                [str] (* If the length equals the size of the string, return the string as the final prefix *)
                String.substring(str, 0, len) :: helper (str, len + 1)
   in
       if s = "" then [] (* If the input string is empty, return an empty list *)
       else helper (s, 1) (* Otherwise, start generating prefixes from length 1 *)
   end;
```

```
fun prefixes s =
   let
     fun helper (str, acc, n) =
        if n > String.size str then
        List.rev acc
     else
        helper (str, (String.substring (str, 0, n)) :: acc, n + 1)
   in
     helper (s, [], 1)
   end;
```

Testing (Non fa parte della soluzione - utile per capire)

```
prefixes "ciao";
prefixes "";
prefixes "hi world";
prefixes "test 123";
```

Esame giugno 2024

Testo

L'esercizio consiste nell'implementare la funzione **sum_binary** di tipo int list * int list -> int list che implementa l'operazione di somma binaria

Nel programma **NON** è permesso l'utilizzo di operatori aritmetici (+) ma si possono usare gate come andalso oppure orelse. Si possono utilizzare funzioni di supporto.

Esempi:

```
> sum_binary([],[]);
val it = []: int list;

> sum_binary([1,0],[1]);
val it = [1, 1]: int list;

> sum_binary([1,0,0,1],[1,1,0]);
val it = [1, 1, 1, 1]: int list;

> sum_binary([1],[1,1]);
val it = [1, 0, 0]: int list;

> sum_binary([1,1,0,0,1,1],[1,0,1,0]);
val it = [1, 1, 1, 1, 0, 1]: int list;

> sum_binary([1,0,0,1,1],[1,1,1,0,1]);
val it = [1, 1, 0, 0, 0, 0]: int list;
```

```
fun orgate (0,0) = 0 \mid \text{orgate } (\_,\_) = 1;
fun appo (nil,nil,true) = [1]
 | appo (nil,nil,false) = [0]
| appo (nil,L,true) = appo([0],L,true)
 | appo (L,nil,true) = appo(L,[0],true)
 | appo (nil,L,false) = L
 | appo (L,nil,false) = L
 | appo (L,nil,_) = L
 | appo (L1,L2,carry) = if (hd(L1) = 1 \text{ andalso } hd(L2) = 1)
                           then (if carry = true
                               then 1::appo(tl(L1),tl(L2),true)
                               else 0::appo(tl(L1),tl(L2),true) )
                           else (if carry = true
                                    then if ((hd(L1) = 1 \text{ andalso } hd(L2) = 0) \text{ orelse } (hd(L1) = 0 \text{ andalso } hd(L2) = 1))
                                        then 0::appo(tl(L1),tl(L2),true)
                                        else 1::appo(tl(L1),tl(L2),false)
                                    else orgate(hd(L1),hd(L2))::appo(tl(L1),tl(L2),false));
fun sum_binary (nil,L) = L | sum_binary(L,nil) = L | sum_binary (L1,L2) =
let
 val R1 = List.rev(L1);
 val R2 = List.rev(L2);
 List.rev(appo(R1,R2,false))
end;
```

```
sum_binary([],[]);
sum_binary([1,0],[1]);
sum_binary([1,0,0,1],[1,1,0]);
sum_binary([1],[1,1]);
sum_binary([1,1,0,0,1,1],[1,0,1,0]);
sum_binary([1,0,0,1,1],[1,1,1,0,1]);
```