# Indhold

1	Uge	pprox 3	1
	1.1	Basis opgaver	1
		1.1.1 i	1
		1.1.2 ii	1
	1.2	Standard opgaver	1
		1.2.1 3.1	1
		1.2.2 3.2	2
		1.2.3 3.3	2
		1.2.4 3.4	2
		1.2.5 3.5	2
		1.2.6 3.6	2
	1.3	Øvelser til fordybelse	3
		1.3.1 3.7	3
		1.3.2 3.8	3
		1.3.3 3.9	3
Litteratur			

Alle tal, f.eks. 2.4, refererer til opgaver i [Hesselholt and Wahl, 2017]. Opgaver med bogstaver refererer til ugesedler på Canvas. Det er yderligere indforstået hvorvidt en given variabel er en vektor eller skalar.

## 1. Uge 3

### 1.1 Basis opgaver

#### 1.1.1 i

Per [Hesselholt and Wahl, 2017, Eksempel 3.2.25] fåes determinanten til  $2 \cdot 4 - 3 \cdot 1 = 5$ .

#### 1.1.2 ii

Vi udregner determinanten af den første matrice til  $1 \cdot 3 - 4 \cdot 2 = -5 \neq 5$ . De er da ikke lig med hinanden.

## 1.2 Standard opgaver

#### 1.2.1 3.1

$$i \quad 2 \cdot 1 - (-1) \cdot 1 = 3.$$

ii Vi bruger Laplace udvikling langs 3. søjle. (husk fortegn)

$$\det \begin{pmatrix} 2 & -2 & 3 \\ 4 & 3 & 1 \\ 2 & 0 & 1 \end{pmatrix} = 2 \det \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} + 1 \det \begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 4 & 3 \end{pmatrix} = 2(-2 - 9) + (6 + 8) = -22 + 14 = -8.$$

iii Laplace udvikling langs første søjle

$$\det \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 5 & \pi & 5 \\ 2 & 1/2 & 2 \end{pmatrix} = 1 \det \begin{pmatrix} \pi & 5 \\ 1/2 & 2 \end{pmatrix} - 2 \det \begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 2 & 2 \end{pmatrix} + 1 \det \begin{pmatrix} 5 & \pi \\ 2 & 1/2 \end{pmatrix} = 2\pi - 5/2 - 2(10 - 10) +$$

#### $1.2.2 \quad 3.2$

**A** Vi laver matricen om til en øvre triangulær matrice og bruger [Hesselholt and Wahl, 2017, Sætning 3.3.3]. Vi får

**B** Vi får determinanten  $\cos \theta^2 + \sin \theta^2 = 1$ , hvor den sidste lighed kommer af grundrelation mellem cosinus og sinu.

**C** Det ses at determinanten er (1+i)(1-i)-2=0

#### 1.2.3 3.3

- i Det ses let ved en triangulation at determinanten er -24.
- ii Det ses let ved en triangulation at determinanten er -24.

#### 1.2.4 3.4

- a Ja, kan indses ved direkte udregning eller Laplace udvikling af første søjle
- **b** Den er ikke på øvre eller nedre triagulær form, men ved at få den på dette ses det at determinanten er -abc.
- c Det er en triagulær matrix, det er sandt.
- **d** Med samme argument som i **b** er det sandt.

#### $1.2.5 \quad 3.5$

Ved en længere Laplace udvikling fåes determinanten til  $a^4b - 2ba^2 + b$ .

#### 1.2.6 3.6

- i Determinanten er 4 1 = 3.
- ii Determinanten er 4.

iii Determinanten er 5.

## 1.3 Øvelser til fordybelse

### 1.3.1 3.7

Determinanten er 1. Den drejer rummet, effektivt laver den om på akserne.

### 1.3.2 3.8

- i Determinanten er (2+i)(1-i) 12i = 3-i 12i = 3 13i.
- ii Determinanten er 1 + 9i.

#### 1.3.3 3.9

Vifte Determinant positiv medfører orienteringsbevarende.

# Litteratur

[Hesselholt and Wahl, 2017] Hesselholt, L. and Wahl, N. (2017). *Lineær Algebra*. Institut for Matematiske Fag, Københavns Universitet, København, 2 edition.