Westfälische Wilhelms-Universität Münster

Übung Modellierung und Analyse von Dynamischen Systemen, WiSe 17/18

Betreuer: Carina Pilch

Autoren: Edenfeld, Lemke, Moser, Schinke

Blatt 8

Aufgabe 1

...

Aufgabe 2

Sei E die Menge der gegeben Eckpunkte und q der Punkt, von dem bestimmt werden soll ob er im gegeben Polyeder liegt.

- 1. Iteriere über E und lösche alle Eckpunkte, die in mindestens einer Dimension echt kleiner als q sind (ist nach diesem Schritt kein Punkt übrig, liegt q nicht im Polyeder und wir brechen ab)
- 2. Iteriere über alle Dimensionen:
 - (a) Wähle den minimalen Wert aller Punkte in E bezüglich dieser Dimension
 - (b) Lösche alle Punkte die bezüglich dieser Dimension nicht minimal sind.

Nun ist noch genau ein Punkt in E, diesen nennen wir P. Ist P=q liegt q im Polyeder und wir brechen ab.

- 3. Ist der Punkt, der in jeder Dimension 1 kleiner ist als P weiß, liegt q nicht im Polyeder, ist dieser Punkt schwarz, liegt q im Polyeder.
- 1. $\mathcal{O}(n*d)$
- 2. $\mathcal{O}(d*n)$
- 3. $\mathcal{O}(d)$

Die Gesamtlaufzeit liegt also bei $\mathcal{O}(n*d)$.

ist der Punkt der in jeder Dimension genau eins unter P ist weiß, liegt q nicht im Polyeder, ist er schwarz liegt q im Polyeder

Aufgabe 3

- 1. Die Lineare Transformation wird genutzt, um das nächste Segment der flowpipe zu berechnen.
- 2. Der Membershiptest wird genutzt, um die Einhaltung der geltenden Invarianten zu überprüfen.
- 3. Die Durchschnittsbildung und die Minkowski Summe werden für die Durchführung diskrete Sprünge verwendet. Die Durchschnittsbildung garantiert dabei die Einhaltung der relevanten Guards.
- 4. Das initiale Segment wird durch Bildung einer konvexen Hülle um die Vereinigung von X0 und der Menge der im ersten Zeitsegment erreichbaren Punkten gebildet.
- 5. Test for emptiness