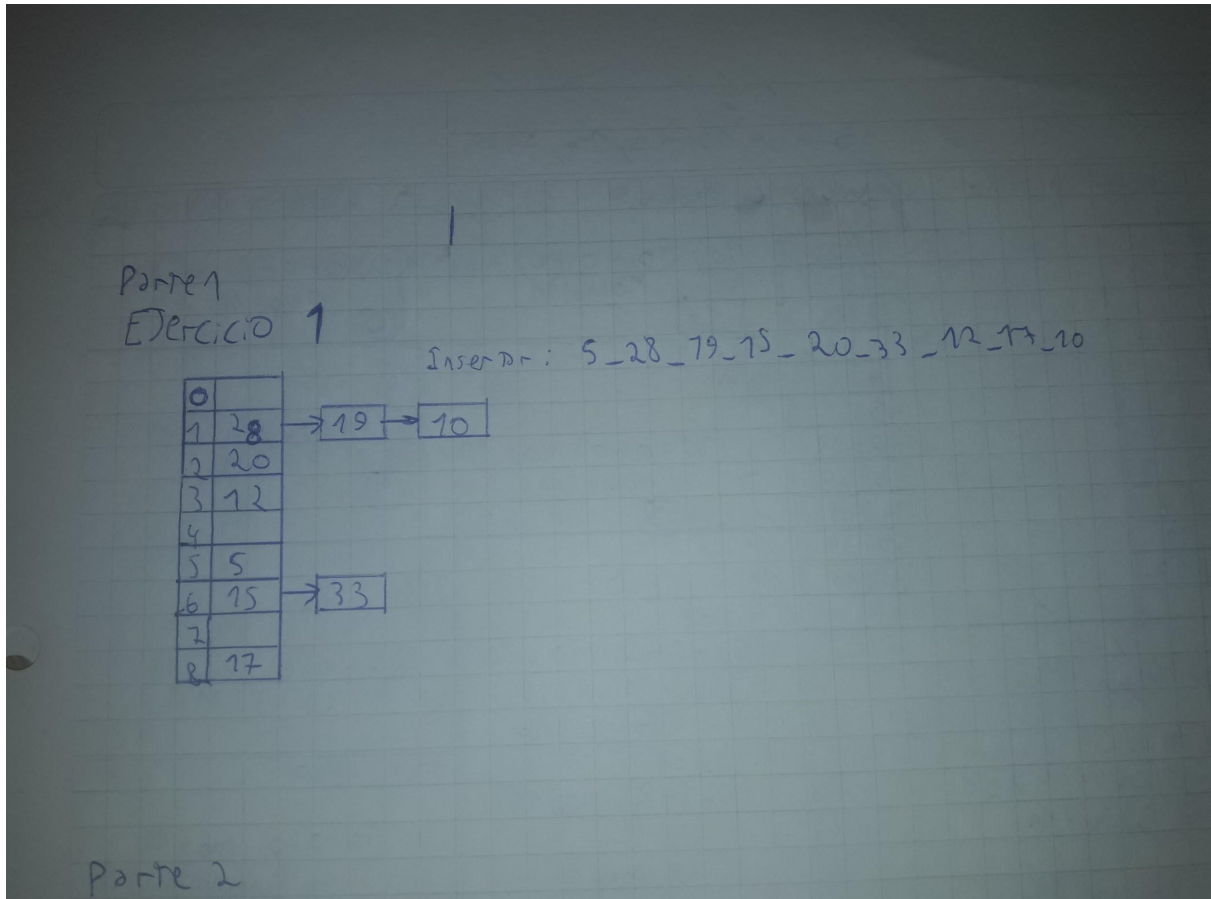


# PARTE 1

## Ejercicio 1

Ejemplificar que pasa cuando insertamos las llaves 5, 28, 19, 15, 20, 33, 12, 17, 10 en un **HashTable** con la colisión resulta por el método de chaining. Permita que la tabla tenga 9 slots y la función de hash:

$$H(k) = k \bmod 9 \quad (1)$$



## Ejercicio 2

A partir de una definición de diccionario como la siguiente:

```
dictionary = Array(m,0)
```

Crear un modulo de nombre **dictionary.py** que **implemente** las siguientes especificaciones de las operaciones elementales para el **TAD diccionario**.

Nota: puede **dictionary** puede ser redefinido para lidiar con las colisiones por encadenamiento

**insert(D,key, value)**

**Descripción:** Inserta un key en una posición determinada por la función de hash (1) en el diccionario (dictionary). Resolver colisiones por encadenamiento. En caso de keys duplicados se anexan a la lista.

**Entrada:** el diccionario sobre el cual se quiere realizar la inserción y el valor del key a insertar

**Salida:** Devuelve D

**search(D,key)**

**Descripción:** Busca un key en el diccionario

**Entrada:** El diccionario sobre el cual se quiere realizar la búsqueda (dictionary) y el valor del key a buscar.

**Salida:** Devuelve el value de la key. Devuelve **None** si el key no se encuentra.

**delete(D,key)**

**Descripción:** Elimina un key en la posición determinada por la función de hash (1) del diccionario (dictionary)

**Poscondición:** Se debe marcar como nulo el key a eliminar.

**Entrada:** El diccionario sobre se quiere realizar la eliminación y el valor del key que se va a eliminar.

**Salida:** Devuelve D

def HashInt(D,key):

    modl=len(D)

    return key%len(D)

def HashAscii(D,key):

    n=0

    for i in range (len(key)):

        n=n+(ord(key[i])-48)

    modl=len(D)

    return n % modl

def insert\_Dict(D,key,value,H):

    if search\_Dict(D,key,H)!=None:

        return None

    newKey=H(D,key)

    if newKey==None:

        return None

    newNode=dictionaryNode()

    newNode.value=value

    newNode.key=key

    if D[newKey]==None:

        D[newKey]=dictionary()

```

        D[newKey].head=newNode
    else:
        add_nodo(D[newKey],newNode)
    return D

def search_Dict(D,key,H):
    searchkey=H(D,key)
    if D[searchkey]==None:
        return None
    else:
        node=D[searchkey].head
        while node!=None:
            if node.key==key:
                return node.value
            else:
                node=node.nextNode
        return None

def delete_Dict(D,key,H):
    if search_Dict(D,key,H)==None:
        return
    newKey=H(D,key)
    node=D[newKey].head
    prevNode=None
    while node!=None:
        print(node.key)
        if node.key==key:
            if node==D[newKey].head:
                if node.nextNode==None:
                    D[newKey]=None
                else:
                    D[newKey].head = node.nextNode
            else:
                if node.nextNode==None:
                    prevNode.nextNode=None
                else:
                    prevNode.nextNode=node.nextNode
            break
        else:
            if prevNode==None:
                prevNode=node
            else:
                prevNode=prevNode.nextNode
            node=node.nextNode

```

return D

## PARTE 2

### Ejercicio 3

Considerar una tabla hash de tamaño  $m = 1000$  y una función de hash correspondiente al método de la multiplicación donde  $A = (\sqrt{5}-1)/2$ . Calcular las ubicaciones para las claves 61, 62, 63, 64 y 65.

Parte 2  
Ejercicio 3

$A = \frac{\sqrt{5}-1}{2} = 0,61$

Multiplicación:

$m(KA - \lfloor mA \rfloor)$   
interior  
61, 62, 63, 64, 65  $m=1000$

61)  $100 \cdot (61 \cdot 0,61 - \lfloor 61 \cdot 0,61 \rfloor)$   
 $100 \cdot (37,7 - 37)$   
 $100 \cdot (0,7)$   
70

62)  $100(62 \cdot 0,61 - \lfloor 62 \cdot 0,61 \rfloor)$   
 $100 \cdot (37,82 - 37)$   
 $100 \cdot (0,82)$   
82

63)  $100 \cdot (63 \cdot 0,61 - \lfloor 63 \cdot 0,61 \rfloor)$   
 $100 \cdot (38,43 - 38)$   
 $100 \cdot (0,43)$   
43

64)  $100(64 \cdot 0,61 - \lfloor 64 \cdot 0,61 \rfloor)$   
 $100 \cdot (39,04 - 39)$   
 $100 \cdot (0,04)$   
04

65)  $100 \cdot (65 \cdot 0,61 - \lfloor 65 \cdot 0,61 \rfloor)$   
 $100 \cdot (39,65 - 39)$   
 $100 \cdot (0,65)$   
65

### Ejercicio 4

Implemente un algoritmo lo más eficiente posible que devuelva True o False a la siguiente proposición: dado dos strings  $s_1 \dots s_k$  y  $p_1 \dots p_k$ , se quiere encontrar si los

caracteres de  $p_1 \dots p_k$  corresponden a una permutación de  $s_1 \dots s_k$ . Justificar el coste en tiempo de la solución propuesta.

**Ejemplo 1:**

**Entrada:** S = 'hola' , P = 'ahlo'

**Salida:** True, ya que P es una permutación de S

**Ejemplo 2:**

**Entrada:** S = 'hola' , P = 'ahdo'

**Salida:** Falso, ya que P tiene al caracter 'd' que no se encuentra en S por lo que no es una permutación de S

```
def EsPermutacion(D,S1,S2):
    if len(S1)!=len(S2):
        return False
#    D=Array((len(S1)),dictionary())
    for i in range (len(S1)):
        ch=S1[i]
        insert_Dict(D,ch,ch)
    printDictionary(D)
    for i in range (len(S1)):
        print(S2[i])
        printDictionary(D)
        if search_Dict(D,S2[i])!=None:
            delete_Dict(D,S2[i])
        else:
            return False
    return True
```

La complejidad temporal es  $O(n^2)$

## Ejercicio 5

Implemente un algoritmo que devuelva True si la lista que recibe de entrada tiene todos sus elementos únicos, y Falso en caso contrario. Justificar el coste en tiempo de la solución propuesta.

**Ejemplo 1:**

**Entrada:** L = [1,5,12,1,2]

**Salida:** Falso, L no tiene todos sus elementos únicos, el 1 se repite en la 1ra y 4ta posición

```
def isUnique(D,L):
    cnode=L.head
    for i in range (length(L)):
        if insert_Dict(D,cnode.value_L,cnode.value_L)==None:
            return False
```

```
        cnode=cnode.nextNode
    return True
```

El coste temporal es de  $O(n)$

## Ejercicio 6

Los nuevos códigos postales argentinos tienen la forma cddddccc, donde c indica un carácter (A - Z) y d indica un dígito 0, . . . , 9. Por ejemplo, C1024CWN es el código postal que representa a la calle XXXX a la altura 1024 en la Ciudad de Mendoza. Encontrar e implementar una función de hash apropiada para los códigos postales argentinos.

```
def HashCodPost(D,key):
    return (ord(key[0]) -65)
```

```
def postalCode(D,key):
    key = key.upper()
    if len(key)!=8:
        return None
    for i in range (8):
        if i==0 or i>=5:
            if ord(key[i])<65 or ord(key[i])>90:
                return None
        else:
            if ord(key[i])<48 or ord(key[i])>57:
                return None

    if key[0]=="I" or key[0]=="O" or key[0]=="Ñ":
        return None
    insert_Dict(D,key,key,HashCodPost)
    return True
```

## Ejercicio 7

Implemente un algoritmo para realizar la compresión básica de cadenas utilizando el recuento de caracteres repetidos. Por ejemplo, la cadena 'aabcccccaaa' se convertiría en 'a2blc5a3'. Si la cadena "comprimida" no se vuelve más pequeña que la cadena original, su método debería devolver la cadena original. Puedes asumir que la cadena sólo tiene letras mayúsculas y minúsculas (a - z, A - Z). Justificar el coste en tiempo de la solución propuesta.

```

def LetterCount(D,S):
    cont=0
    contadorLetras=1
    insert_Dict(D,cont,(S[0]+str(contadorLetras)),HashInt)
    for i in range (1,len(S)):
        if S[i]!=S[i-1]:
            cont=cont+1
            contadorLetras=1
            insert_Dict(D,cont,(S[i]+str(contadorLetras)),HashInt)
        else:
            contadorLetras+=1
            delete_Dict(D,cont,HashInt)
            insert_Dict(D,cont,(S[i]+str(contadorLetras)),HashInt)
    returnString=""
    for i in range (len(D)):
        if D[i]!=None:
            returnString=returnString+D[i].head.value
        else:
            return returnString
    return returnString

```

El coste temporal es de  $O(n)$

## Ejercicio 8

Se requiere encontrar la primera ocurrencia de un string  $p_1...p_k$  en uno más largo  $a_1...a_L$ . Implementar esta estrategia de la forma más eficiente posible con un costo computacional menor a  $O(K*L)$  (solución por fuerza bruta). Justificar el coste en tiempo de la solución propuesta.

### Ejemplo 1:

**Entrada:** S = 'abracadabra' , P = 'cada'

**Salida:** 4, índice de la primera ocurrencia de P dentro de S (abrac**cada**bra)

```

def isSubString(S1,S2):
    D=Array(len(S1),dictionary())
    cont=0
    for i in range (len (S1)):
        if S1[i]==S2[0]:
            cont+=1
    for i in range (len(S1)):

```

```

        if S1[i]==S2[0]:
            if (len(S2)+i)<=len(S1):
                stri=substr(S1,i,i+(len(S2)))
                insert_Dict(D,i,stri,HashInt)
            else:
                break
    printDictionary(D)
    for i in range (len(D)):
        if D[i]!=None:
            if S2==str(D[i].head.value):
                return i

```

La solución propuesta tiene una complejidad de  $O(L)$

## Ejercicio 9

Considerar los conjuntos de enteros  $S = \{s_1, \dots, s_n\}$  y  $T = \{t_1, \dots, t_m\}$ . Implemente un algoritmo que utilice una tabla de hash para determinar si  $S \subseteq T$  ( $S$  subconjunto de  $T$ ). ¿Cuál es la complejidad temporal de caso promedio del algoritmo propuesto?

```

def isSubGroup(AS,AT):
    if len(AS)>len(AT):
        return False
    D=Array(len(AT),dictionary())
    for i in range (len(AT)):
        insert_Dict(D,AT[i],AT[i],HashInt)
    printDictionary(D)
    for i in range (len(AS)):
        if search_Dict(D,AS[i],HashInt)==None:
            return False
    return True

```

La complejidad resulta en  $O(n^2)$

## Parte 3

### Ejercicio 10

Considerar la inserción de las siguientes llaves: 10; 22; 31; 4; 15; 28; 17; 88; 59 en una tabla hash de longitud  $m = 11$  utilizando direccionamiento abierto con una función de hash  $h'(k) = k$ . Mostrar el resultado de insertar estas llaves utilizando:

1. Linear probing
2. Quadratic probing con  $c_1 = 1$  y  $c_2 = 3$



3. Double hashing con  $h_1(k) = k$  y  $h_2(k) = 1 + (k \bmod (m - 1))$

Ejercicio 10)

$10, 22, 31, 4, 15, 28, 17, 88, 59$

Linear probing

Quadratic Probing

$C1=1 \ C2=3 \ h(k)=k \ (h(k)+c_1i+c_2i^2) \bmod m$

0	22
1	88
2	None
3	None
4	4
5	75
6	28
7	17
8	59
9	31
10	10

0	22
1	
2	88
3	17
4	4
5	
6	28
7	59
8	15
9	31
10	10

10)  $(10+0+0) \bmod 11$   
 $10 \bmod 11$   
 $\boxed{10}$

31)  $(31+0+0) \bmod 11$   
 $31 \bmod 11$   
 $\boxed{9}$

22)  $(22+0+0) \bmod 11$   
 $0 \bmod 11$   
 $\boxed{0}$

4)  $i=0$   
 $(4+0+0) \bmod 11$   
 $4 \bmod 11$   
 $\boxed{4}$

15)  $i=0$   
 $(15+0+0) \bmod 11$   
 $15 \bmod 11$   
 $\boxed{4}$  ocupado

$i=1$   
 $(15+1+3) \bmod 11$   
 $19 \bmod 11$   
 $\boxed{8}$

28)  $i=0$   
 $(28+0+0) \bmod 11$   
 $28 \bmod 11$   
 $\boxed{6}$

17)  $i=0$   
 $(17+0+0) \bmod 11$   
 $17 \bmod 11$   
 $\boxed{6}$  ocupado

$i=1$   
 $(17+1+3) \bmod 11$   
 $21 \bmod 11$   
 $\boxed{9}$  ocupado

88)  $i=0$   
 $(88+0+0) \bmod 11$   
 $88 \bmod 11$   
 $\boxed{0}$  ocupado  $i=1$   
 $(88+1+3) \bmod 11$   
 $92 \bmod 11$   
 $\boxed{4}$  ocupado

$i=2$   
 $(88+2+12) \bmod 11$   
 $(90+12) \bmod 11$   
 $(102) \bmod 11$   
 $\boxed{5}$  ocupado

$i=3$   
 $88+3+27 \bmod 11$   
 $88+30 \bmod 11$   
 $118 \bmod 11$   
 $\boxed{8}$  ocupado

$i=4$   
 $(88+4+3.16) \bmod 11$   
 $(88+4+48) \bmod 11$   
 $(140) \bmod 11$   
 $\boxed{9}$  ocupado

$i=5$   
 $(88+5+3.25) \bmod 11$   
 $(88+80) \bmod 11$   
 $168 \bmod 11$   
 $\boxed{5}$  ocupado

$i=6$   
 $(88+6+3.36) \bmod 11$   
 $88+6+108 \bmod 11$   
 $(202) \bmod 11$   
 $\boxed{10}$  ocupado

$i=7$   
 $88+7+49.3$   
 $(88+154) \bmod 11$   
 $(242) \bmod 11$   
 $\boxed{0}$  ocupado

$i=8$   
 $88+8+3.64$   
 $(88+200) \bmod 11$   
 $\boxed{2}$

59)  $i=0$   
 $(59+0+0) \bmod 11$   
 $\boxed{4}$  ocupado

$i=1$   
 $(59+1+3) \bmod 11$   
 $(63) \bmod 11$   
 $\boxed{8}$  ocupado

59)  $i=2$   
 $(59+2+12) \bmod 11$   
 $61+14 \bmod 11$   
 $75 \bmod 11$   
 $\boxed{7}$

Ejercicio 10) double hashing

0	22
1	
2	5
3	17
4	4
5	15
6	28
7	88
8	
9	71
10	10

$$1^0) 10) (10 + 0) \bmod 11$$

$$2^0) 22) (22 + 0) \bmod 11$$

$$3^0) 31) (31 + 0) \bmod 11$$

$$4^0) 4) (4 + 0) \bmod 11$$

$$5^0) 28) (28 + 0) \bmod 11$$

$$7^0) 17) (17 + 0) \bmod 11$$

$$9^0) (17 + 1 + 7) \bmod 11$$

$$9^0) 59) (59 + 0) \bmod 11$$

$$(59 + (1 + 9)) \bmod 11$$

$$(69) \bmod 11$$

$$(59 + 20) \bmod 11$$

$$(79) \bmod 11$$

$$h(k) = (h_1(k) + i \cdot h_2(k)) \bmod m$$

$$h_1(k) = k \quad h_2 = 1 + (k \bmod (m-1))$$

$$5^0) 15) (15 + 0) \bmod 11 \quad i=0$$

$$15 + 15 \bmod (10)$$

$$15 + 6$$

$$21 \bmod 11$$

$$15 + 12$$

$$27 \bmod 11$$

$$8^0) 88) (88 + 0) \bmod 11$$

$$(88 + 1 + 8) \bmod 11 \quad i=1$$

$$97 \bmod 11$$

$$88 + 2 \cdot (9) \bmod 11$$

$$(88 + 18) \bmod 11$$

$$106 \bmod 11$$

Implementar las operaciones de `insert()` y `delete()` dentro de una tabla hash vinculando todos los nodos libres en una lista. Se asume que un slot de la tabla puede almacenar un indicador (flag), un valor, junto a una o dos referencias (punteros). Todas las operaciones de diccionario y manejo de la lista enlazada deben ejecutarse en  $O(1)$ . La lista debe estar doblemente enlazada o con una simplemente enlazada alcanza?

La implementación es mejor con doblemente enlazada ya que es más fácil así conectar los nodos en la función `delete()` y dejarlos así en una complejidad más baja

```
class doubleLinkedList:
```

```
    head=None
```

```
class doubleNode:
```

```
    value=None
```

```
    key=None
```

```
    nextNode=None
```

```
    prevNode=None
```

```
    redirect=None
```

```
    deleted=False
```

```
def dependentList(D):
```

```
    L=doubleLinkedList()
```

```
    for i in range (len(D)-1,-1,-1):
```

```
        node=doubleNode()
```

```
        node.redirect=LinkedList()
```

```
        D[i]=node
```

```
        addNode(L,node)
```

```
    print(length(L))
```

```
    return L
```

```
def addNode(L,node):
```

```
    node.nextNode=L.head
```

```
    if L.head!=None:
```

```
        L.head.prevNode=node
```

```
    L.head=node
```

```
def createList(N,L):
```

```
    for i in range (N):
```

```
        add_double(L,None,None)
```

```

def add_double(L,value,key):
    newNode=doubleNode()
    newNode.value=value
    newNode.key=key
    if L.head==None:
        L.head=newNode
    else:
        newNode.nextNode=L.head
        L.head.prevNode=newNode
        L.head=newNode

def dictInsertOpen(D,L,key,value,H):
    n=H(D,key)
    if D[n].key==None or D[n].deleted!=False:
        D[n].key=key
        D[n].value=value
        if n==0:
            L.head=D[n].nextNode
        else:
            D[n].prevNode.nextNode=D[n].nextNode
            if n<len(D)-1:
                D[n].nextNode.prevNode=D[n].prevNode
            D[n].nextNode=L.head
            D[n].prevNode=L.head.prevNode
            if L.head.prevNode!=None:
                L.head.prevNode.nextNode=D[n]
            L.head.prevNode=D[n]
    else:
        L.head.value=value
        L.head.key=key
        add(D[n].redirect,L.head)
        if L.head.nextNode!=None:
            L.head=L.head.nextNode

def dictDeleteOpen(D,L,key,H):
    n=H(D,key)
    ImprimirCola(D[n].redirect)
    if D[n].key==key:
        putNextHead(D[n],L)
        D[n].key=None
        D[n].value=None
        D[n].deleted=True

```

```

else:
    nodoDel=delete(D[n].redirect,key)
    print("nodoeliminado",nodoDel.key)
    putNextHead(nodoDel,L)
    nodoDel.key=None
    nodoDel.value_L=None

```

```

def putNextHead(node,L):
    node.nextNode=L.head.nextNode
    node.prevNode=L.head
    if L.head.nextNode!=None:
        L.head.nextNode.prevNode=node
    L.head.nextNode=node

```

## Ejercicio 12

Las llaves 12, 18, 13, 2, 3, 23, 5 y 15 se insertan en una tabla hash inicialmente vacía de longitud 10 utilizando direccionamiento abierto con función hash  $h(k) = k \bmod 10$  y exploración lineal (linear probing). ¿Cuál es la tabla hash resultante? Justifique.

0	
1	
2	2
3	23
4	
5	15
6	
7	
8	18
9	

(A)

0	
1	
2	12
3	13
4	
5	5
6	
7	
8	18
9	

(B)

0	
1	
2	12
3	13
4	2
5	3
6	23
7	5
8	18
9	15

(C)

0	
1	
2	12, 2
3	13, 3, 23
4	
5	5, 15
6	
7	
8	18
9	

(D)

## Ejercicio 13

Una tabla hash de longitud 10 utiliza direccionamiento abierto con función hash  $h(k)=k \bmod 10$ , y exploración lineal (linear probing). Después de insertar 6 valores en una tabla hash vacía, la tabla es como se muestra a continuación.

0	
1	
2	42
3	23
4	34
5	52
6	46
7	33
8	
9	

¿Cuál de las siguientes opciones da un posible orden en el que las llaves podrían haber sido insertadas en la tabla? Justifique

- (A) 46, 42, 34, 52, 23, 33
- (B) 34, 42, 23, 52, 33, 46
- (C) 46, 34, 42, 23, 52, 33
- (D) 42, 46, 33, 23, 34, 52



## Ejercicio 12

12, 18, 13, 2, 3, 23, 5, 15  $h(k) = k \bmod 10$

0	
1	
2	12
3	13
4	2
5	3
6	23
7	5
8	18
9	15

12)  $12 \bmod 10$  18)  $18 \bmod 10$  13)  $13 \bmod 10$   
☒ 2 ☒ 8 ☒ 3

2)  $2 \bmod 10$  3)  $3 \bmod 10$   
☒ 2 ocupado ☒ 3 ocupado  
 a) ☒ 7 usando line probing a) ☒ 5 usando line probing

23)  $23 \bmod 10$  5)  $5 \bmod 10$  15)  $15 \bmod 10$   
☒ 3 ocupado ☒ 5 ocupado  
 a) ☒ 6 usando line probing a) ☒ 7 usando line probing  
☒ 5 ocupado  
 a) ☒ 5 usando line probing

## Ejercicio 13

0	
1	
2	42
3	23
4	34
5	52
6	46
7	33
8	
9	

A) 46, 42, 34, 52, 23, 33, 46

B) 42, 46, 23, 52, 33, 46, 42

C) 46, 34, 42, 23, 52, 33

D) 42, 46, 33, 23, 54, 52

A y C son posibles en primer instante  
 porque analizando una posible sucesión, 33  
 debe ser el último insertado. por que es el  
 que mas "lentos" debe dar para llegar  
 a esa posición