### **Guerra dos Tronos**

Arquivo-fonte: guerra.c ou guerra.cpp

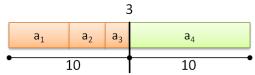
Capivarus e Canideus travaram uma guerra durante 50 anos. O motivo da guerra era o tamanho do território de cada reino. Pelo bem da população dos dois reinos, os governantes de seus tronos resolveram fazer um tratado para finalizar a guerra. O tratado consiste em fazer um divisão justa, e certamente contínua, do território. Eles resolveram pedir sua ajuda para calcular o ponto de divisão do território. Depois de tantos anos de guerra, os reinos não podem lhe pagar uma viagem para ver previamente o território que será dividido. Ao invés disso, eles prepararam uma lista  $a_1, a_2, \ldots, a_N$  de inteiros que indicam o tamanho de cada seção do território. A seção  $a_1$  é vizinha da seção  $a_2$  que por sua vez é vizinha da seção  $a_3$ ; e assim por diante. Os reinos querem uma divisão em uma seção k de tal forma que  $a_1 + a_2 + \cdots + a_k = a_{k+1} + a_{k+2} + \cdots + a_N$ .

Como exemplo, considere o território da figura abaixo, que contém 4 seções, de tamanhos 5, 3, 2 e 10, nesta ordem.

 a1
 a2
 a3
 a4

 5
 3
 2
 10

A solução é dividir o território após a seção 3, conforme figura abaixo. Assim, Capivarus fica com 10 de território e Canideus também.



Sua tarefa é, dada uma lista de inteiros positivos  $a_1, a_2, \ldots, a_N$ , determinar a seção k tal que a soma dos comprimentos das seções  $a_1$  até  $a_k$  seja igual à soma dos comprimentos das seções  $a_{k+1}$  até  $a_N$ .

#### **Entrada**

A entrada é composta por duas linhas. A primeira contém um valor inteiro N, que indica o número de seções do território. A segunda linha contém N valores inteiros  $a_1, a_2, \ldots, a_N$  indicando os comprimentos das seções. Restrições:  $1 < N \le 10^5$ ;  $1 \le a_i \le 100, \forall i = 1 \ldots N$ .

### Saída

Seu programa deve imprimir uma única linha contendo um inteiro que indica a seção do território onde acontecerá a divisão.

#### Observações

É garantido que sempre existe uma divisão que satisfaz as condições dos reinos.

## **Exemplos**

Entrada	Saída
4	3
5 3 2 10	

Entrada	Saída
9	4
282844444	

Obs.: baseada na questão "Guerra por território" da OBI 2012

## Número de Euler

Arquivo-fonte: euler.cou euler.cpp

O número de Euler, e, que recebeu este nome em homenagem ao matemático suíço Leonhard Euler, é a base dos logaritmos naturais. Ele pode ser definido por:

$$e = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n!} = \frac{1}{0!} + \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} + \frac{1}{3!} + \frac{1}{4!} + \dots$$

onde n! é o fatorial de n, dado por:

$$n! = 1 \times 2 \times \cdots \times (n-1) \times n$$

obs.: 0! = 1.

Faça um programa para calcular uma aproximação do número de Euler com M termos, isto é:

$$e \approx \sum_{n=0}^{M-1} \frac{1}{n!} = \frac{1}{0!} + \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} + \dots + \frac{1}{(M-1)!}$$

#### Observações

Você pode criar uma função para o cálculo do fatorial.

#### **Entrada**

A entrada é composta por um único valor inteiro M, indicando o número de termos a serem utilizados para a aproximação. Restrição:  $1 \le M \le 10$ .

## Saída

Seu programa deve imprimir uma linha de saída, contendo um valor real com quatro casas decimais, representando a aproximação obtida para e com M termos.

Entrada	Saída
1	1.0000
Entrada	Saída
5	2.7083
Entrada	Saída
10	2.7183

## **Fibonacci**

Arquivo-fonte: fibonacci.c ou fibonacci.cpp

A sequência de **Fibonacci** é uma sequência de números naturais cujos dois primeiros elementos são 0 e 1, e todos os elementos subsequentes são calculados pela soma dos dois anteriores.

Matematicamente, representando por F(n) o n-ésimo termo da série, começando de 0, temos que:

- F(0) = 0
- F(1) = 1
- F(n) = F(n-1) + F(n-2), para todo  $N \ge 2$ .

Assim, os 10 primeiros termos da sequência de Fibonacci são os apresentados a seguir:

Faça um programa para, dado um número natural n, calcular F(n).

#### **Entrada**

A entrada contém um único número natural N. Restrições:  $0 \le N \le 90$ .

#### Saída

Seu programa deve gerar apenas uma linha de saída, contendo o valor de F(N).

#### Observações

Preste atenção aos tipos das variáveis, pois  $F(90) \approx 2^{61}$ .

Entrada	Saída
8	21
Entrada	Saída
15	610
Entrada	Saída
80	23416728348467685

## Barragem

Arquivo-fonte: barragem.c ou barragem.cpp

Na iminência de rompimento de mais uma barragem de rejeitos, certa companhia de mineração está implantando práticas para uma rápida evacuação de pessoas das zonas de risco. Várias simulações estão sendo feitas e você precisa preparar um programa para determinar se cada uma delas foi ou não bem sucedida.

#### **Entrada**

A entrada começa com uma linha contendo dois inteiros, P e T, que indicam respectivamente o número de pessoas que deve evacuar o local e o tempo em minutos disponível para isso.

A linha seguinte contém uma sequência de inteiros indicando o número de pessoas evacuadas a cada minuto após soar o alarme da simulação. Ou seja, valores  $N_1$   $N_2$   $N_3$ ... indicando quantas pessoas evacuaram no 1° minuto, no 2° minuto, no 3° minuto e assim por diante. O valor -1 indica o fim da simulação.

Restrições:  $P \le 1000000$ ,  $T \le 1000$ ,  $0 \le N_i \le P$ ,  $N_1 + N_2 + N_3 + \cdots \le P$ .

#### Saída

Seu programa deve escrever apenas uma linha na saída contendo uma das frases seguintes:

- "Todos a salvo", caso todas as P pessoas sejam evacuadas em até T minutos;
- "Apenas X pessoas a salvo", caso contrário, sendo X o número de pessoas evacuadas nos primeiros T minutos (em outras palavras, se X < P, sendo  $X = N_1 + N_2 + \cdots + N_T$ ).

Entrada	Saída
100 5	Todos a salvo
20 50 30 -1	

Entrada	Saída
100 5	Todos a salvo
20 20 20 20 20 -1	

Entrada	Saída
100 4	Apenas 80 pessoas a salvo
20 20 0 40 10 -1	

Entrada	Saída
1000 6	Apenas 773 pessoas a salvo
100 200 133 120 120 100 100 100 -1	

Entrada	Saída
50 6	Apenas 25 pessoas a salvo
10 10 5 -1	

# Número perfeito

Arquivo-fonte: perfeito.c ou perfeito.cpp

Um número perfeito é um número natural cuja soma de seus divisores, exceto ele mesmo, é igual ao próprio número. Por exemplo, 6 é um número perfeito, pois 1 + 2 + 3 = 6.

Faça um programa que, dado um número natural N, determine se ele é ou não um número perfeito.

#### **Entrada**

A entrada contém apenas um número natural N. Restrição:  $1 \le N \le 10000$ .

#### Saída

Seu programa deve gerar apenas uma linha na saída, contendo a palavra "SIM" caso N seja um número perfeito ou a palavra "NAO" caso contrário.

Entrada	Saída
6	SIM
Entrada	Saída
28	SIM
Entrada	Saída
360	NAO