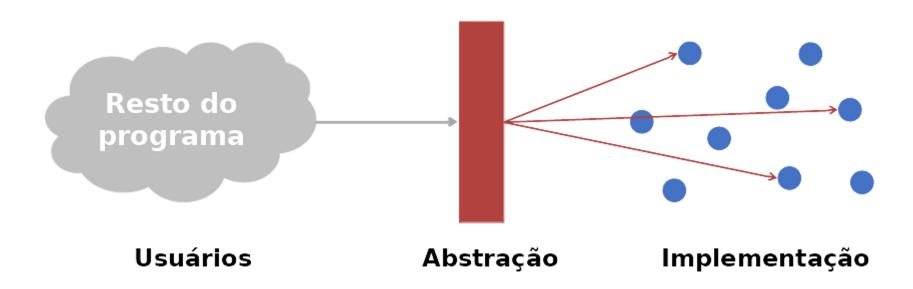


INF 112 - Programação II

TADs (Parte 2)

Lembrando do nosso objetivo

Com TADs queremos que o resto do programa seja cliente. Apenas use as operações do mesmo.



Propriedades

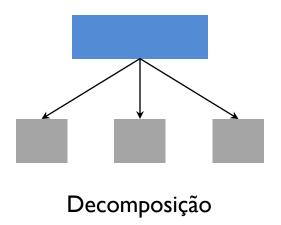
- Decomposição
- Composição
- Significado fechado
- Continuidade
- Proteção

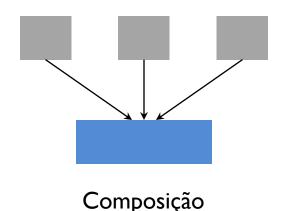
Decomposição

- Nível de Projeto
 - Capaz de separar uma tarefa em subtarefas, que podem ser abordadas separadamente
- Nível de Software
 - Capaz de trabalhar em cada um dos módulos do software independente do outros módulos

Composição

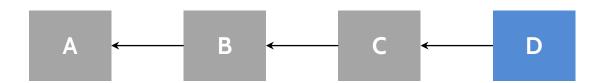
 Capacidade de conseguir combinar de forma livre diferentes elementos de software





Significado fechado

 O programa deve ser compreendido por um leitor (usuário) que não possui acesso a outras (ou todas) partes do sistema



Problema: dependência sequencial.

Continuidade

- Alterações em parte da especificação demandam alterações em poucos módulos
- Bom exemplo
 - Utilização de constantes
- Mau exemplo
 - Dependência forte de um único módulo

Proteção

- Situações anormais em tempo de execução não são propagadas para outros módulos
 - Erros não detectados em outras partes
- Extensibilidade
- Validação dos dados nos módulos
 - Tipos, asserções, exceções

Modularizando um TAD simples

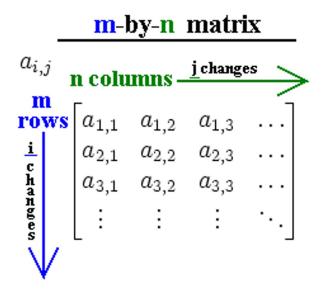
Cabeçalhos

- Em C++, usamos arquivos de cabeçalhos
- Os mesmos descrevem os módulos

Problema I

Matriz

- Vamos criar um módulo matriz
- A mesma representa uma matriz que vai ser aloca dinamicamente



Iniciando do .h

```
struct Matriz {
 // Dados
  int ** dados;
  int _n_linhas;
  int _n_colunas;
  // Construtor
 Matriz(int n_linhas, int n_colunas); Note que não temos código
  // Destrutor
 ~Matriz(); \( \int \text{Já será explicado} \)
  // Métodos
  void seta(int i, int j, int j); // M[i][j] = v
  int valor(int i, int j); // retorna valor i, j
  Matriz soma(Matriz &outra); // soma duas matrizes
```

Código métodos seta e soma

```
#include <iostream>
#include "matriz.h"
void Matriz::seta(int i, int j, int v) {
  _dados[i][j] = v;
int Matriz::valor(int i, int j) {
  return dados[i][j];
}
Matriz Matriz::soma(Matriz &outra) {
  Matriz retorno = Matriz(_n_linhas, _n_colunas);
  for (int i = 0; i < n linhas; i++) {
        for (int j = 0; j < n_{columns}; j++) {
          retorno._dados[i][j] = valor(i, j) + outra.valor(i, j);
  return retorno;
```

Código métodos seta e soma

```
#include <iostream>
                      Note o include do módulo matriz
#include "matriz.h"
void Matriz::seta(int i, int j, int v) {
  _dados[i][j] = v;
int Matriz::valor(int i, int j) {
  return dados[i][j];
}
Matriz Matriz::soma(Matriz &outra) {
  Matriz retorno = Matriz( n linhas, n colunas);
  for (int i = 0; i < n linhas; <math>i++) {
        for (int j = 0; j < n_{columns}; j++) {
           retorno._dados[i][j] = valor(i, j) + outra.valor(i, j);
  return retorno;
```

Lendo 01: Retorne int

```
#include <iostream>
#include "matriz.h"
void Matriz:;seta(int i, int j, int v) {
  dados
int Matriz::valor(int i, int j) {
  return dados[i][j];
}
Matriz Matriz::soma(Matriz &outra) {
  Matriz retorno = Matriz(_n_linhas, _n_colunas);
  for (int i = 0; i < _n_linhas; i++) {
        for (int j = 0; j < n_{columns}; j++) {
          retorno._dados[i][j] = valor(i, j) + outra.valor(i, j);
  return retorno;
```

Lendo 02: Na implementação do struct

```
#include <iostream>
#include "matriz.h"
void Matriz::seta(int i, int j, int v) {
  _dados[i][j'
int Matriz::valor(int i, int j) {
  return dados[i][j];
Matriz Matriz::soma(Matriz &outra) {
  Matriz retorno = Matriz( n linhas, n colunas);
  for (int i = 0; i < n linhas; <math>i++) {
        for (int j = 0; j < n_{columns}; j++) {
          retorno._dados[i][j] = valor(i, j) + outra.valor(i, j);
  return retorno;
```

Lendo 03: No método valor

```
#include <iostream>
#include "matriz.h"
void Matriz::seta(int i, int j, int v) {
  _dados[i][j]
              Método
int Matriz::valor(int i, int j) {
  return dados[i][j];
}
Matriz Matriz::soma(Matriz &outra) {
  Matriz retorno = Matriz( n linhas, n colunas);
  for (int i = 0; i < _n_linhas; i++) {
        for (int j = 0; j < n_{columns}; j++) {
          retorno._dados[i][j] = valor(i, j) + outra.valor(i, j);
  return retorno;
```

Lendo 04: Que recebe i, j

```
#include <iostream>
#include "matriz.h"
void Matriz::seta(int i, int j, int v) {
  _dados[i][j] = v;
                       Params
int Matriz::valor(int i, int j) {
  return dados[i][j];
Matriz Matriz::soma(Matriz &outra) {
  Matriz retorno = Matriz( n linhas, n colunas);
  for (int i = 0; i < n linhas; i++) {
        for (int j = 0; j < n_{columns}; j++) {
          retorno._dados[i][j] = valor(i, j) + outra.valor(i, j);
  return retorno;
```

Lendo 04: Que recebe i, j

```
#include <iostream>
#include "matriz.h"
void Matriz::seta(int i, int j, int v) {
  _dados[i][j] = v;
int Matriz::valor(int i, int j) {
  return dados[i][j];
}
Matriz Matriz::soma(Matriz &outra) {
  Matriz retorno = Matriz( n linhas, n colunas);
  for (int i = 0; i < n linhas; i++) {
        for (int j = 0; j < n_{columns}; j++) {
          retorno._dados[i][j] = valor(i, j) + outra.valor(i, j);
  return retorno;
```

Arquivo main

```
#include <iostream>
#include "matriz.h"
int main(void) {
  Matriz m1(2, 2);
  Matriz m2(2, 2);
  std::cout << m1.valor(0, 0) << std::endl;</pre>
  std::cout << m2.valor(0, 0) << std::endl;</pre>
  m1.seta(0, 0, 1);
  std::cout << m1.valor(0, 0) << std::endl;</pre>
  m2.seta(0, 0, 2);
  std::cout << m2.valor(0, 0) << std::endl;</pre>
  Matriz m3 = m1.soma(m2);
  std::cout << m3.valor(0, 0) << std::endl;</pre>
```

Arquivo main

- Faz uso dos módulos
- Não se preocupa como a matriz é implementada, cliente do módulo

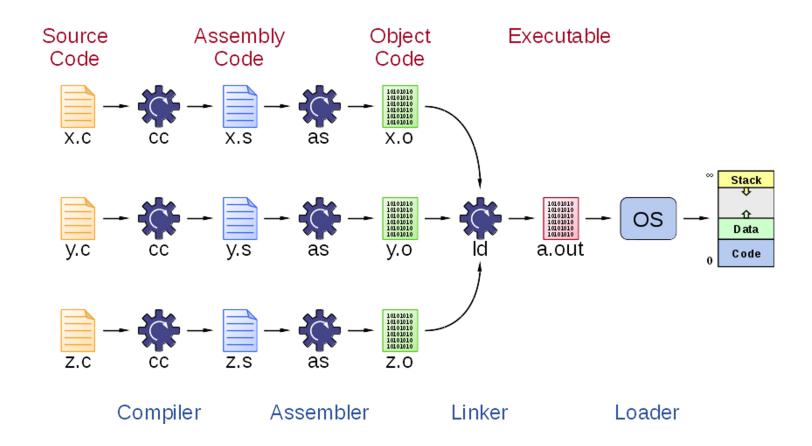
Note que não implementamos tudo aqui nos slides. Erro de compilação na prática. Estamos indo por partes!

Compilando

```
$ g++ main.cpp matriz.cpp -o main
```

- Note que passamos dois arquivos
- O do main e o da matriz

Compilação



Construtores v. Destrutores

O nome diz tudo

- Procedimentos de inicialização
 - Usados apenas na criação de um novo objeto
- Procedimentos de destruição
 - Usados para liberar os recursos adquiridos na criação e utilizados por um certo objeto

Construtores v. Destrutores

O nome diz tudo

- Destrutores tem um papel similar
- Liberar toda a memória que o objeto pode ter alocado
 - isto é, chamadas para **new**
- Também é útil para fechar recursos
 - Arquivos
 - Dentre outros

Aquisição de Recurso é Inicialização

- Qual o motivo do destrutor?
- Uma boa prática é que todo objeto cuide da memória que o mesmo alocou
 - Em um sistema bem feito, apenas usamos os objetos

Código Construtor e Destrutor

```
#include <iostream>
#include "matriz.h"
Matriz::Matriz(int n_linhas, int n_colunas) {
  std::cout << "Construindo uma matriz" << std::endl;</pre>
  dados = new int*[n linhas]();
  for (int i = 0; i < n linhas; i++) {
    dados[i] = new int[n colunas];
  _n_linhas = n_linhas;
  n colunas = n colunas;
Matriz::~Matriz() {
  std::cout << "Destruindo uma matriz" << std::endl;</pre>
  for (int i = 0; i < _n_linhas; i++) {</pre>
    delete[] _dados[i];
  delete[] dados;
```

Código

```
Similar à malloc(n*sizeof(int*));
#include <iostream>
#include "matriz.h"
                                          Tipo **.
Matriz::Matriz(int n linhas, int n colun
  std::cout << "Construindo uma matriz"/</pre>
  dados = new int*[n linhas]();
  for (int i = 0; i < n linhas; i++) {
    _dados[i] = new int[n_colunas];
  _n_linhas = n_linhas;
  n_colunas = n_colunas;
Matriz::~Matriz() {
  std::cout << "Destruindo uma matriz" << std::endl;</pre>
  for (int i = 0; i < n_linhas; i++) {
    delete[] dados[i];
  delete[] _dados;
```

```
#include "matriz.h"

int main(void) {

Matriz *matriz = new Matriz(100, 100);
 delete matriz;

Matriz matriz2(100, 100);
 return 0;
}
```

```
$ ./main
```

```
#include "matriz.h"

int main(void) {
   Matriz *matriz = new Matriz(100, 100);
   delete matriz;

   Matriz matriz2(100, 100);
   return 0;
}
```

```
$ ./main
Alocando matriz
```

```
#include "matriz.h"

int main(void) {
   Matriz *matriz = new Matriz(100, 100);
   delete matriz;

Matriz matriz2(100, 100);
   return 0;
}
```

```
$ ./main
Construindo matriz
Destruindo matrix
```

```
#include "matriz.h"

int main(void) {
   Matriz *matriz = new Matriz(100, 100);
   delete matriz;

Matriz matriz2(100, 100);
   return 0;
}
```

```
$ ./main
Construindo matriz
Destruindo matrix
Construindo matriz
```

```
#include "matriz.h"

int main(void) {
   Matriz *matriz = new Matriz(100, 100);
   delete matriz;

Matriz matriz2(100, 100);
   return 0;
}
```

```
$ ./main
Construindo matriz
Destruindo matrix
Construindo matriz
Destruindo matriz
```

Destrutores

São chamados sempre que o objeto é desalocado

- Destrutores são chamados tanto para:
 - Objetos no heap
 - Depois de um delete
 - Objetos no stack
 - Depois que a função termina

Destrutores

São chamados sempre que o objeto é desalocado

Lembrando que

- O computador cuida do stack
- Você cuida do heap
- Por isso fazemos o destrutor, a matriz é alocada dinamicamente no heap!

Listas

Listas Lineares

- Sequência de zero ou mais itens
 - $\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2, \cdots, \mathbf{x}_n$, na qual \mathbf{x}_i
- Posições relativas
 - Assumindo $n \ge 1$, x_1 é o primeiro item da lista e x_n é o último item da lista.
 - $\mathbf{x_i}$ precede $\mathbf{x_{i+1}}$ para $i = 1, 2, \dots, n-1$
 - $\mathbf{x_i}$ sucede $\mathbf{x_{i-1}}$ para $i = 2, 3, \dots, n$
 - x_i é dito estar na i-ésima posição da lista

Tipos Abstratos de Dados (TADs)

Lista de números inteiros

- Considere uma uma lista de inteiros. Poderíamos definir TAD Lista, com as seguintes operações:
 - faça a lista vazia;
 - obtenha o primeiro elemento da lista; se a lista estiver vazia, então retorna nulo;
 - insira um elemento na lista.

Tipos Abstratos de Dados (TADs)

Lista de números inteiros

- Quais outras operações podem ser definidas?
 - Retirar o i-ésimo item.
 - Localizar o i-ésimo item
 - Fazer uma cópia da lista linear.
 - Pesquisar a ocorrência de um item com um valor particular em algum componente.

Solução Zero

```
#define TAMANHO 100 Constante no .h. Em C++ também existe o const
struct ListaVetorInteiros {
  // Dados
                      Vetor de elementos que será alocado dinâmicamente (heap)
  int * elementos;
  int _num_elementos_inseridos;
  // Construtor
  ListaVetorInteiros();
  // Destrutor
  ~ListaVetorInteiros();
  // Insere um inteiro na lista
  void inserir_elemento(int elemento);
  // Imprime a lista
  void imprimir();
};
```

Como Implementar?

```
ListaVetorInteiros::ListaVetorInteiros() {
   _elementos = new int[TAMANHO]();
   _num_elementos_inseridos = 0;
}
```

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos;
}
```

```
ListaVetorInteiros::ListaVetorInteiros() {
   _elementos = new int[TAMANHO]();
   _num_elementos_inseridos = 0;
}
```

```
ListaVetorInteiros::ListaVetorInteiros() {
    _elementos = new int[TAMANHO]();
    _num_elementos_inseridos = 0;
}
```

```
0 1 2 3 4 5 97 98 99

struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 0;
}
? ? ? ? ? ...
```

Como adicionar elementos?

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == TAMANHO) {
      std::cerr << "Erro, lista cheia" << std::endl;
      exit(1);
   }
   _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
   _num_elementos_inseridos++;
}</pre>
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == TAMANHO) {
      std::cerr << "Erro, lista cheia" << std::endl;
      exit(1);
   }
   _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
   _num_elementos_inseridos++;
}</pre>
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == TAMANHO) {
      std::cerr << "Erro, lista cheia" << std::endl;
      exit(1);
   }
   _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
   _num_elementos_inseridos++;
}</pre>
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
  if (_num_elementos_inseridos == TAMANHO) {
    std::cerr << "Erro, lista cheia" << std::endl;
    exit(1);
  }
  _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
  _num_elementos_inseridos++;
}</pre>
```

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 1;
}
7 ? ? ? ? ? ? ? ?
...
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == TAMANHO) {
      std::cerr << "Erro, lista cheia" << std::endl;
      exit(1);
   }
   _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
   _num_elementos_inseridos++;
}</pre>
```

```
0 1 2 3 4 5 97 98 99

struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 1;
}
7 ? ? ? ? ? ...
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == TAMANHO) {
      std::cerr << "Erro, lista cheia" << std::endl;
      exit(1);
   }
   _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
   _num_elementos_inseridos++;
}</pre>
```

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 1;
}
7 ? ? ? ? ? ? ? ?
... ? ? ?
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == TAMANHO) {
      std::cerr << "Erro, lista cheia" << std::endl;
      exit(1);
   }
   _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
   _num_elementos_inseridos++;
}</pre>
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == TAMANHO) {
      std::cerr << "Erro, lista cheia" << std::endl;
      exit(1);
   }
   _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
   _num_elementos_inseridos++;
}</pre>
```

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int __num_elementos_inseridos = 2;
}
7 2 ? ? ? ? ? ?
... ? ? ?
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == TAMANHO) {
      std::cerr << "Erro, lista cheia" << std::endl;
      exit(1);
   }
   _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
   _num_elementos_inseridos++;
}</pre>
```

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int __num_elementos_inseridos = 2;
}
7 2 ? ? ? ? ? ?
... ? ? ?
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == TAMANHO) {
      std::cerr << "Erro, lista cheia" << std::endl;
      exit(1);
   }
   _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
   _num_elementos_inseridos++;
}</pre>
```

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 2;
}
7 2 3 4 5 97 98 99
97 98 99
```

E por aí vai...

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
  if (_num_elementos_inseridos == TAMANHO) {
    std::cerr << "Erro, lista cheia" << std::endl;
    exit(1);
  }
  _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
  _num_elementos_inseridos++;
}</pre>
```

```
0 1 2 3 4 5 97 98 99

struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 3;
}
7 2 3 ? ? ... ? ? ?
```

Imprimir

"Trivial"

```
void ListaVetorInteiros::imprimir() {
  for (int i = 0; i < _num_elementos_inseridos; i++)
    std::cout << _elementos[i] << " ";
  std::cout << std::endl;
}</pre>
```

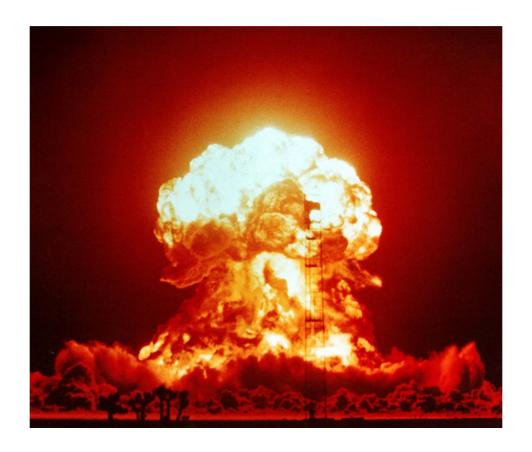
Destrutor

- Alocamos um vetor
 - new
- Precisamos de l delete
- Lembrando, cada **new** → **I delete**

```
ListaVetorInteiros::~ListaVetorInteiros() {
  delete[] _elementos;
}
```

Mais de 100 elementos?

Mais de 100 elementos?



```
Tamanho inicial que será aumentado
#define TAMANHO_INICIAL 100
struct ListaVetorInteiros {
  // Dados
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos;
                                 Tamanho atual que também será aumentado
  int capacidade;
  // Construtor
  ListaVetorInteiros();
  // Destrutor
  ~ListaVetorInteiros();
  // Insere um inteiro na lista
  void inserir_elemento(int elemento);
  // Imprime a lista
  void imprimir();
};
```

Construtor

```
ListaVetorInteiros::ListaVetorInteiros() {
    _elementos = new int[TAMANHO_INICIAL]();
    _num_elementos_inseridos = 0;
    _capacidade = TAMANHO_INICIAL;
}
```

Construtor

```
ListaVetorInteiros::ListaVetorInteiros() {
    _elementos = new int[TAMANHO_INICIAL]();
    _num_elementos_inseridos = 0;
    _capacidade = TAMANHO_INICIAL;
}
```

Métodos que não mudam

- Imprime
- Destrutor

Complicação

Inserir elemento

Ideia

- Inserir elemento
- Caso o vetor fique cheio
 - Duplicar o mesmo
 - Copiar tudo para o novo
 - Aumentar a capacidade
- Estamos implementando o vector
 - Nome do container na STL

Inserir elemento

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
    // . . .
    _elementos[_num_elementos_inseridos] = elemento;
    _num_elementos_inseridos++;
}
```

Passo a Passo

Alocamos tamanho inicial. Vamos supor que seja igual a 3

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 0;
  int _capacidade = 3;
}
? ?
```

Passo a Passo

Inserindo um elemento

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int __num_elementos_inseridos = 1;
  int __capacidade = 3;
}
7 ?
?
```

Passo a Passo

Outro

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 2;
  int _capacidade = 3;
}
7 0 ?
```

+|

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int __num_elementos_inseridos = 3;
  int __capacidade = 3;
}
7 0 1
```

+ outro?!

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int __num_elementos_inseridos = 3;
  int __capacidade = 3;
}
7 0 1
```

+ alocamos

```
int *new_data;
```

```
espaço
struct ListaVetorInteiros {
                                             0
 int * elementos; _____
 int _num_elementos_inseridos = 0;
 int _capacidade = 3;
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir elemento(int elemento) {
 if ( num elementos inseridos == capacidade) {
   int *new data = new int[_capacidade * 2];
   for (int i = 0; i < num elementos inseridos; i++)</pre>
     new data[i] = elementos[i];
   delete[] _elementos;
   elementos = new data;
    capacidade = capacidade * 2;
  // . . .
```

1

```
+ copiamos os

dados

fint *new_data;

0 1 2

struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 3;
  int _capacidade = 3;
}
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == _capacidade) {
      int *new_data = new int[_capacidade * 2];

   for (int i = 0; i < _num_elementos_inseridos; i++)
      new_data[i] = _elementos[i];

   delete[] _elementos;
   _elementos = new_data;
   _capacidade = _capacidade * 2;
}
// . . .
}</pre>
```

+ copiamos os int *new_data; 7 0 1 ? ? ? dados struct ListaVetorInteiros { int *_elementos; int _num_elementos_inseridos = 3; int _capacidade = 3; }

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == _capacidade) {
      int *new_data = new int[_capacidade * 2];

   for (int i = 0; i < _num_elementos_inseridos; i++)
      new_data[i] = _elementos[i];

   delete[] _elementos;
   _elementos = new_data;
   _capacidade = _capacidade * 2;
   }
   // . . .
}</pre>
```

77

+ apagamos os

dados antigos

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 3;
  int _capacidade = 3;
}
```

```
int *new_data; ______ 7 0 1 ? ? ?
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == _capacidade) {
      int *new_data = new int[_capacidade * 2];

   for (int i = 0; i < _num_elementos_inseridos; i++)
      new_data[i] = _elementos[i];

   delete[] _elementos;
   _elementos = new_data;
   _capacidade = _capacidade * 2;
   }
   // . . .
}</pre>
```

+ colocamos os

novos no local

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 3;
  int _capacidade = 3;
}
7 0 1 ? ?
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == _capacidade) {
      int *new_data = new int[_capacidade * 2];

      for (int i = 0; i < _num_elementos_inseridos; i++)
           new_data[i] = _elementos[i];

      delete[] _elementos;
      _elementos = new_data;
      _capacidade = _capacidade * 2;
   }
   // . . . .
}</pre>
```

+ aumentamos a capacidade

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 3;
  int _capacidade = 6;
}
7 0 1 ? ?
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
   if (_num_elementos_inseridos == _capacidade) {
      int *new_data = new int[_capacidade * 2];

      for (int i = 0; i < _num_elementos_inseridos; i++)
           new_data[i] = _elementos[i];

      delete[] _elementos;
      _elementos = new_data;
      _capacidade = _capacidade * 2;
   }
   // . . . .
}</pre>
```

Agora estamos igual a antes

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 3;
  int _capacidade = 6;
}
7 0 1 ? ?
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
    // . . .
    _elementos[_num_elementos_inserido] = elemento;
    _num_elementos_inseridos++;
}
```

Agora estamos igual a antes

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 4;
  int _capacidade = 6;
}
7 0 1 9 ? ?
```

```
void ListaVetorInteiros::inserir_elemento(int elemento) {
    // . . .
    _elementos[_num_elementos_inserido] = elemento;
    _num_elementos_inseridos++;
}
```

- Quero uma nova operação no meu TAD
 - Atualizar .h
 - Implementar no .cpp
- Remover o último elemento

- Quero uma nova operação no meu TAD
- Remover o último elemento

```
void ListaVetorInteiros::remover_ultimo() {
    _num_elementos_inseridos--;
}
```

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 3;
  int _capacidade = 3;
}
7 0 1
```

- Quero uma nova operação no meu TAD
- Remover o último elemento

```
void ListaVetorInteiros::remover_ultimo() {
    _num_elementos_inseridos--;
}
```

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 3;
  int _capacidade = 3;
}
7 0 1
```

- Quero uma nova operação no meu TAD
- Remover o último elemento

```
void ListaVetorInteiros::remover_ultimo() {
    _num_elementos_inseridos--;
}
```

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 3;
  int _capacidade = 3;
}
```

- Podemos copiar a ideia anterior
- Guardar um índice para o início
- Funciona bem?

- Podemos copiar a ideia anterior
- Guardar um índice para o início
- Chato não desperdiçar memória

```
void ListaVetorInteiros::remover_primeiro() {
    _inicio++;
    _num_elementos_inseridos--;
}

struct ListaVetorInteiros {
    int *_elementos;
    int _num_elementos_inseridos = 2;
    int _capacidade = 3;
    int _inicio = 0;
}
```

- Podemos copiar a ideia anterior
- Guardar um índice para o início
- Chato não desperdiçar memória

```
void ListaVetorInteiros::remover_primeiro() {
    _inicio++;
    _num_elementos_inseridos--;
}
```

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 2;
  int _capacidade = 3;
  int _inicio = 1;
}
? 0 ?
```

- Podemos copiar a ideia anterior
- Guardar um índice para o início
- Chato não desperdiçar memória

```
void ListaVetorInteiros::remover_primeiro() {
    _inicio++;
    _num_elementos_inseridos--;
}
```

```
struct ListaVetorInteiros {
  int *_elementos;
  int _num_elementos_inseridos = 1;
  int _capacidade = 3;
  int _inicio = 1;
}
```