

Sprawozdanie

Zajęcia: Matematyka konkretna

Prowadzący: prof. dr hab. Vasyl Martsenyuk

Ćw 1

2.10.2025

Temat: Analiza macierzowa w informatyce

Wariant: 4

Patrycja Kubica
Informatyka II stopień,
stacjonarne,
2 semestr,
Gr.1b

1. Zadanie dotyczy kompresji obrazu metodą SVD zgodnie z wariantem zadania. Jaka powinna być użyta liczba wartości singularnych żeby zachować 90% informacji na obrazie.

Wariant 2.webp

2. Kod

```
from matplotlib.image import imread
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

# Wczytaj obraz
A = imread('2.webp')

# Konwersja do skali szarości (średnia z kanałów RGB)
X = np.mean(A, -1)

# Oblicz SVD
U, S, VT = np.linalg.svd(X, full_matrices=False)

# Oblicz skumulowaną energię
cumulative_energy = np.cumsum(S) / np.sum(S)

# Znajdź liczbę wartości singularnych potrzebną do 90% energii
r90 = np.argmax(cumulative_energy >= 0.9) + 1
print(f"Liczba wartości singularnych potrzebna do zachowania 90% informacji: {r90}")

# Rekonstrukcja obrazu z r90 wartościami singularnymi
S_r = np.diag(S[:r90])
X_r = U[:, :r90] @ S_r @ VT[:r90, :]

# Wyświetl oryginał i skompresowany obraz
plt.figure(figsize=(10, 5))

plt.subplot(1, 2, 1)
plt.title("Oryginalny obraz")
plt.imshow(X, cmap='gray')
plt.axis('off')

plt.subplot(1, 2, 2)
plt.title(f"Skompresowany obraz\n({r90} wartości singularnych)")
plt.imshow(X_r, cmap='gray')
plt.axis('off')

plt.show()
```

3. Wynik

Liczba wartości singularnych potrzebna do zachowania 90% informacji: 49

Oryginalny obraz



Skompresowany obraz
(49 wartości singularnych)



4. Wnioski

- Rozkład SVD pozwolił na efektywną kompresję obrazu poprzez redukcję liczby wartości singularnych przy zachowaniu większości informacji wizualnej.
- Liczba wartości singularnych potrzebna do zachowania 90% informacji dla obrazu 2.webp wynosi 49.
- Odtworzony obraz po kompresji zachował wysoką jakość, mimo ograniczenia liczby składowych w porównaniu do oryginału.