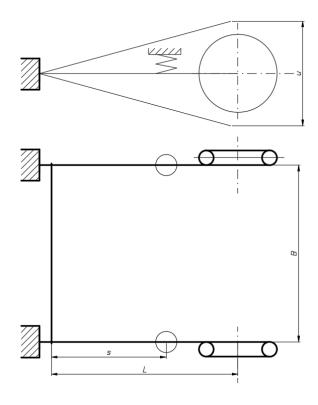
POLITECHNIKA WROCŁAWSKA PROJEKTOWANIE ELEMENTÓW I ZESPOŁÓW MECHANICZNYCH						
Autor		Grupa M03-08c				
Imię i nazwisko:	Numer indeksu:	Numer projektu:	Data oddania:			
Patryk Olearczyk	261089	I	02.11.2022			
Temat projektu:						
Projekt zawieszenia wahaczowego						



Rys 1.1. Schemat zawieszenia wahaczowego.

DANE:	OBLICZENIA:	WYNIKI:
m = 225 kg L = 450 mm B = 600 mm s = 350 mm u = 80 mm w = 60 mm	1. Obliczenia ramienia wahacza. $Rys \ 1.2. \ Schemat \ obciążeń \ na \ ramieniu \ wahacza.   \begin{cases} \sum_{x} F_{x} = 0 = R_{x} \\ \sum_{x} F_{y} = 0 = R_{y} + F - Q \\ \sum_{x} M_{u} = 0 = F \cdot s - Q \cdot L + M_{u} \end{cases}$	

#### 1.1. Siła ciężkości

 $Q = (0,7 \div 0,8)Q_c$ 

L = 450 mms = 350 mmu = 80 mm

f = 62,2 mmG = 80 GPad = 5 mm

D = 55 mm

 $z_c = 3,4$ 

Przenoszona przez zawieszenie masa jest równa m = 225 kg, rozłożona po równo na oba ramiona wahacza. W pozycji statycznej ciężar należy dodatkowo przemnożyć przez odpowiedni współczynnik. Stąd:

$$Q = 0.5 \cdot (0.7 \div 0.8)Q_{c}$$

$$Q_{c} = m \cdot g$$

$$Q = 0.5 \cdot 0.8 \cdot Q_{c} = 0.5 \cdot 0.8 \cdot 225 \cdot 9.81 \left[ \frac{kg \cdot m}{s^{2}} \right] = 882.9 \text{ N}$$

## Siła spreżyny:

W celu zrównoważenia części siły ciężkości do zawieszenia dobrano sprężyne z katalogu S55,0x5x40x3,4.

$$G = 80 \text{ GPa}$$
  $d = 5 \text{mm}$   $D = 55 \text{ mm}$   $z = 3.4$   $L_0 = 85 \text{ mm}$ 

,gdzie G - moduł Kirchoffa, d - średnica drutu, D - średnica sprężyny, z - liczba zwojów aktywnych, Lo – długość sprężyny.

Aby wyliczyć siłę reakcji sprężyny, należy obliczyć o ile wygięte zostanie ramię wahacza.



Rys. 1.3. Schemat do wyznaczenia ugięcia sprężyny.

Z proporcji wynika, że:

$$\frac{s}{f} = \frac{L}{u}$$

$$f=\frac{s\cdot u}{L}=\frac{350\cdot 80}{450}=62,2~mm$$
 Wzór do określenia siły sprężyny wygląda następująco:

$$F = \frac{G \cdot d^4 \cdot f}{8 \cdot D^3 \cdot z_c} = \frac{80 \cdot 5^4 \cdot 62,2}{8 \cdot 55^3 \cdot 9,4} \left[ \frac{Pa \cdot 10^9 \cdot (m \cdot 10^{-3})^4 \cdot m \cdot 10^{-3}}{(m \cdot 10^{-3})^3} = \frac{N \cdot m^4 \cdot m}{m^2 \cdot m^3} \cdot 10^3 \right] = 687 \text{ N}$$

f = 62.2 mm

F = 687 N

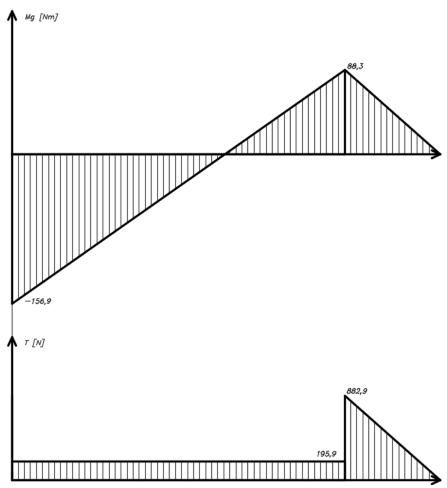
$$\begin{cases} R_{x} = 0 \text{ N} \\ R_{y} = 195,9 \text{ N} \\ M_{u} = 156,9 \text{ Nm} \end{cases}$$

#### 1.3. Przedziały:

 $x \in (0, s)$ , od lewej: I.

$$\begin{array}{lll} \text{Mg}(x) &=& -M_u + R_y \cdot x \\ \text{Mg}(0) &=& -M_u = -156,9 \text{Nm} \\ \text{Mg}(s) &=& -M_u + R_y \cdot s = -156,9 + 195,9 \cdot 0,35 = 88,3 \text{ Nm} \\ \text{T}(x) &=& R_y & \text{T}(0) = \text{T}(s) = 195,9 \text{ N} \\ &\text{II.} & \text{x} {\in} (0, \text{L-s}), \text{ od prawej:} \\ \text{Mg}(x) &=& Q \cdot x \\ \text{Mg}(0) &=& Q \cdot 0 = 0 \text{ Nm} \\ \text{Mg}(L - s) &=& Q \cdot (L - s) = 882,9 \cdot (450 - 350) = 882,9 \cdot 0,1 = 88,3 \text{ Nm} \\ \text{T}(x) &=& Q & \text{T}(0) = \text{T}(L - s) = 882,9 \text{ N} \end{array}$$

O = 882.9 N



Rys 1.4. Wykresy obciążeń na ramieniu wahacza.

 $R_{\rm m}$  = 280 MPa  $R_{\rm e}$  = 0,64· $R_{\rm m}$  $x_{\rm e}$  = 3,5

## 1.4. Przekrój i materiał wahacza:

Na materiał wahacza dobrano aluminium. Materiał ten ma bardzo dobry stosunek wytrzymałości do ceny oraz może być kształtowany w dowolny sposób.

Warunek wytrzymałości na zginanie:

$$\sigma_z \, = \, \frac{M}{W_x} \, \leq k_{go}$$

$$k_{go} = \frac{R_m}{x_e} = \frac{0.64 \cdot 280}{3.5} = 51.2 \text{ MPa}$$

 $M_1 = 156,9 \text{ Nm}$ 

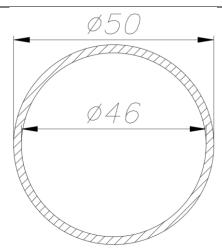
Znając wartość dopuszczalnych naprężeń na zginanie można określić wskaźnik na zginanie. Maksymalny moment zginający działający na ramię jest równy:  $M_1 = 156,9 \text{ Nm}$ 

$$W_x \ge \frac{M_1}{k_{go}} = \frac{156,9}{51,2} \left[ \frac{N \cdot m \cdot m^2}{N} \cdot 10^{-6} \right] = 3064 \text{ mm}^3$$

$$W_x \geq 3000 \text{ mm}^3$$

Wybrano rurę o wymiarach pokazanych na Rys. 1.5.

 $k_{go} = 51,2 MPa$ 



Rys. 1.5. Przekrój poprzeczny wybranego profilu.

$$W_{x} = \frac{D^{4} - d^{4}}{32 \cdot D} = \frac{50^{4} - 46^{4}}{32 \cdot 50} = 3480 \text{ mm}^{3} \ge 3064 \text{ mm}^{3}$$

Przekrój spełnia warunek wytrzymałościowy.

## 2. Geometria drażka wahacza.

Na materiał do wykonania drążka wybrano stal stopową S15H, o maksymalnych dopuszczalnych nieprężeniach równych k<sub>go</sub> = 160 MPa.

Z warunku wytrzymałości na skręcanie:

$$\tau_s = \frac{M_s}{W_o} \le k_s$$

W warunku należy uwzględnić maksymalny moment, jaki może wystąpić na drążku. Dlatego też siłę należy pomnożyć przez współczynnik dynamiczny równy 1,3. Siła działa na końcu długości ramienia wahacza, dlatego:

$$M_s = 0.5 \cdot 1.3 \cdot m \cdot g \cdot L = 0.5 \cdot 1.3 \cdot 225 \cdot 9.81 \cdot 0.45 = 645.62 \text{ Nm}$$

$$\begin{split} W_o & \geq \frac{M_s}{k_s} = \frac{645,62}{160} \left[ \frac{N \cdot m \cdot m^2}{N} \right] = \ 4 \cdot 10^{-6} \ m^3 \\ & \frac{d^3 \cdot \pi}{32} \geq \ 4 \cdot 10^{-6} \ m^3 \ \ => \ \ d \geq \ 27,4 \ mm \end{split}$$

Wybrano d = 30 mm.

Kat skręcania:

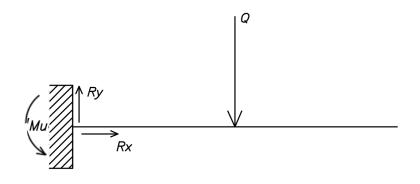
 $k_{go} = 160 \text{ MPa}.$ m = 225 kg

L = 450 mm

$$\sin(\alpha) = \frac{30}{450} = 0,066$$

 $\sin(\alpha) = \frac{30}{450} = 0,066$  Z tablic matematycznych odczytano wartość kąta  $\alpha=4^\circ$  $\varphi = 2 \alpha = 8^{\circ}$ 

## 3. Geometria osi pod koło handbike'a.



 $W_x = 3594 \text{ mm}^3$ 

 $\varphi = 2 \alpha = 10^{\circ}$ 

 $M_s =$ 645,62 Nm Rys. 3.1. Przekrój poprzeczny wybranego profilu.

$$\begin{cases} \sum F_x \equiv 0 = R_x \\ \sum F_y \equiv 0 = R_y - Q \\ \sum M_u \equiv 0 = -Q \cdot 0.51 - M_u \end{cases}$$

Do obliczenia wymiarów osi wybrano koło Alex J303/Joytech A075 20-calowy przód. Oś tego roweru posiada gwint M14 i długość l = 170 mm. Wybrano Stal S15H.

$$\begin{cases} R_{x} = 0 \\ R_{y} = Q_{d} = 0.5 \cdot 1.3 \cdot 225 \cdot 9.81 = 1434.7 N \\ M_{u} = Q \cdot 0.5l = 1434.7 \cdot 0.5 \cdot 0.17 = -122 \text{ Nm} \end{cases}$$

# 3.1. Przedziały:

I.  $x \in (0, \frac{1}{2})$ , od lewej:  $Mg(x) = Ry \cdot x + Mu$  Mg(0) = Mu = 122 Nm  $Mg(\frac{l}{2}) = Ry \cdot \frac{l}{2} + Mu = 1434.7 * 0,085 - 122 = 0 Nm$  T(x) = Ry  $T(0) = T(\frac{l}{2}) = Ry = 1,4 kN$ II.  $x \in (0, \frac{l}{2})$ , od prawej: Mg(x) = 0  $Mg(0) = Mg(\frac{l}{2}) = 0 Nm$  T(x) = 0  $T(0) = T(\frac{l}{2}) = 0$ Mg(Nm)

Rys. 3.2. Wykres rozkładu momentów gnących na osi.

## 3.2. Geometria osi:

Geometrię osi wyznaczono na podstawie warunku wytrzymałości na zginanie, w sposób analogiczny do geometrii ramienia wahacza.

$$\Sigma_z \, = \, \frac{M}{W_x} \, \leq k_{go}$$

Stad dobieramy średnicę osi:

d = 16 mm

d = 30 mm

Maksymalny moment na osi występuje na jej środku, dlatego też geometria nie musi być jednakowa na całej długości. Mocowanie osi na gwincie M14 jest możliwe, dopóki średnica osi będzie odpowiednio gruba na danych odcinkach.

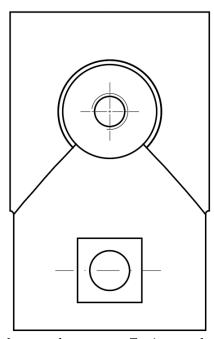
Tab. 3.1. wymagane wartości osi, które wytrzymają obciążenie.

X [mm]	M [Nm	d[mm]
1,0	0,0	0,0
2,0	15,3	8,0
3,0	30,5	10,1
4,0	45,8	11,6
5,0	61,0	12,7
6,0	76,3	13,7
7,0	91,5	14,6
8,0	106,8	15,4
9,0	122,0	16,1
10,0	106,8	15,4
11,0	91,5	14,6
12,0	76,3	13,7
13,0	61,0	12,7
14,0	45,8	11,6
15,0	30,5	10,1
16,0	15,3	8,0
17,0	0,0	0,0

d = 16 mm

# 4. Połączenia:

Połączenie ramienia wahacza z drążkiem wykonano za pomocą złącza typu T odlaną ze stopu aluminium.



Rys. 4.1. Schemat złącza typu T użytego do połączenia.

 $d_{\rm w}$  = 50 mm  $D_{\rm w}$  = 55 mm  $k_{\rm g}$  = 51,2 MPa M = 160 Nm

## 4.1. Wytrzymałość części połączenia z ramieniem wahacza:

W tym miejscu złącze jest obciążana siłą zginającą (tą samą, która obciąża ramię), stad:

$$\sigma_z \, = \, \frac{M}{W_x} \, \leq k_g$$

Do tej części złącza dobrano następujące wymiary, umożliwiające przyłączenie do niej ramienia:  $d_w$  = 50 mm  $D_w$  = 55 mm.

$$W_x = \frac{\pi}{32} \cdot \frac{D^4 - d^4}{D} = \frac{\pi}{32} \cdot \frac{55^4 - 50^4}{55} = 5177 \, mm^2$$
$$\frac{M}{k_{go}} = \frac{160}{51,2} \left[ \frac{N \cdot m^2}{N} \cdot 10^{-6} \right] = 3125 \, mm^2$$

 $5177 \ mm^2 \ge 3125 \ mm^2$ 

Warunek spełniony.

# 4.2. Wytrzymałość części połączenia z drążkiem:

$$\tau_s = \frac{M_s}{W_o} \le k_s$$

Do tej części złącza dobrano następujące wymiary, umożliwiające przyłączenie do niej ramienia:  $d_d$  = 30 mm  $D_d$  = 55 mm.

$$W_o = \frac{\pi}{16} \cdot \frac{55^4 - 30^4}{55} = 30000 \, mm^2$$

Naprężenia dopuszczalne na skręcanie wynosi:

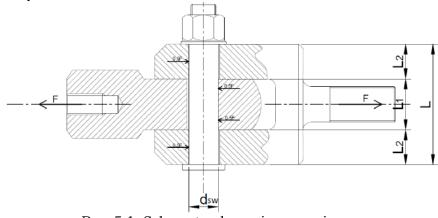
$$k_s = \frac{R_{s(e)}}{x_e} = \frac{0.62 \cdot R_e}{x_e} = \frac{0.62 \cdot 280}{3.5} = 49.6 \text{ MPa}$$

$$\frac{M_s}{k_s} = \frac{645.6}{49.6} \left[ \frac{N \cdot m^2}{N} \cdot 10^{-6} \right] = 13016 \, mm^2$$

 $30000 \ mm^2 \ge 13016 \ mm^2$ 

Warunek spełniony.

# 5. Połączenie sworzniowe:



Rys. 5.1. Schemat połączenia sworzniowego

### 5.1. Wytrzymałość sworznia na zginanie:

$$Mg_{max} = \frac{1}{2} \cdot F_r \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot L_2 + \frac{1}{4}L_1\right) = \frac{1}{8} \cdot F_r \cdot (2 \cdot L_2 + L_1)$$

 $L1 = (1.5 \div 1.7)d$ , przyjmujemy L1 = 1.5dsw $L2 = (0.3 \div 0.5)L1$ , przyjmujemy L2 = 0.5L1  $k_s = 49,6 \, MPa$ 

$$L = L_1 + 2L_2 = 1,5 \text{ dsw} + 2 \cdot 0.5 \cdot 1,5 \text{dsw} = 3 \text{dsw}$$

$$L = L_1 + 2L_2 = 1,5 \text{ dsw} + 2 \cdot 0.5 \cdot 1,5 \text{dsw} = 3 \text{dsw}$$

$$Mg_{max} = \frac{1}{8} \cdot F_r \cdot 3 d_{sw} = 0,37 F \cdot d_{sw}$$

Z warunku na wytrzymałość na zginanie:

$$\frac{Mg_{max}}{W_x} \le k_g$$

$$\frac{0,37 \cdot F \cdot d_{sw}}{\frac{\pi \cdot d_{sw}}{32}} \le k_{g}$$

Po przekształceniu otrzymano:

$$d_{sw} \ge \sqrt{\frac{0.37 \cdot F \cdot 32}{\pi \cdot k_g}} = \sqrt{\frac{0.37 \cdot 1434,7 \cdot 32}{\pi \cdot 51,2}} = 10.32 \, mm$$

Przyjmujemy  $d_{sw} = 12 \text{ mm}$ 

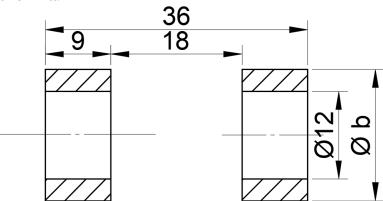
L1 = 1.5 dsw = 18 mm

L2 = 0.5L1 = 9 mm

 $L = 2 \cdot L_2 + L_1 = 36 \text{ mm}$ 

### Widełki:

Dodatkowym elementem, który będzie połączony ze złączem są widełka do mocowania sworznia.



Rys 5.3. przekrój w płaszczyźnie widełek, w której występuje rozciąganie

Jako siłę działającą na widełka przyjmujemy wartość siły ciężkości na pojedyncze

Naprężenie dopuszczalne aluminium na rozciąganie:  $k_r=\frac{R_e}{x_e}=\frac{0.64\cdot 280}{3.5}=80~MPa$ 

$$k_r = \frac{R_e}{x_e} = \frac{0.64 \cdot 280}{3.5} = 80 MPa$$

Z warunku na rozciąganie, można wyliczyć grubość ścianek widełek:

$$\sigma = \frac{F_r}{A} \le k_r$$

$$A \ge \frac{F_r}{k_r} = \frac{1434,7}{80} = 18 \, mm^2$$

$$A = 9 \cdot (b - 12) = b = \frac{A}{9} + 12 = \frac{18}{9} + 12 = 14 \, mm$$

 $d_{sw} = 12 \text{ mm}.$ L1 = 18 mmL2 = 9 mmL = 36 mm

 $F_r = 1.3*Q$ 

b = 14 mm

# 6. Sprawdzenie wybranej sprężyny.

f = 62,2 mm G = 80 GPa d = 5 mm D = 55 mm  $z_c = 3,4$   $L_o = 85 \text{ mm}$  F = 687 N

 $\tau_{max} = 530 MPa$ 

Sprężynę sprawdzono wprowadzając parametry na stronie producenta, gdzie zasugerowana została sprężyna 13930 z drutu fortepianowego:



d - Drut (mm)	5,00
De - Średnica zewnętrzna (mm)	55,00
Di - Średnica wewnętrzna (mm)	45,00
LO - Długość w stanie swobodnym (mm)	85,00
Ln - Maks. długość pod obciążeniem (mm)	30,90
Sn - Maksymalny skok (mm)	54,10
Fn - Maksymalne obciążenie przy Ln (N)	784,53
R - Stała sprężyny (N/mm)	14,51

Liczba zwojów:

$$z = z_c + z_n$$

 $z_n\!=\!2$  – dla  $d\geq 0.5~mm$  – sprężyny ze zwojami końcowymi przyłożonymi i szlifowanymi lub nieszlifowanymi  $z_n\!=\!1.5$  – dla  $d\!<\!0.5~mm$ 

$$z = 3.4 + 2 = 5.4$$

# 6.1. Wytrzymałość sprężyny:

Wytrzymałość sprężyny wyliczono ze wzoru:

$$\tau = \frac{G}{\pi} \cdot \frac{d}{z_c \cdot D^2} \cdot f \ = \frac{80}{\pi} \cdot \frac{5}{3.4 \cdot 55^2} \cdot 31.1 \ = 435 \ MPa \ \le \ \tau_{max} = 530 \ MPa$$

Warunek spełniony

Sztywność sprężyny:

$$C = \frac{F}{f} = \frac{687}{62,2} = 11,04 \frac{N}{mm}$$